11 - A 6-3 M.1

## THESES

DE

# **MATHEMATICAS**

PURAS E APPLICADAS

OUE

SE PROPÕE DEFENDER

NA

UNIVERSIDADE DE COIMERA

PARA OBTER O GRÁO DE DOUTOR

Francisco da Costa Pessoa

IC AT A 73





to Me lo In.

Douter chiquet Filippe dimois

of.

THESES

IC AT AT A

## SESEER

DE

## MATHEMATICAS PURAS E APPLICADAS

QUE

SOB A PRESIDENCIA

DO

EXCELLENTISSIMO E SAPIENTISSIMO SENHOR

### DOUTOR RAYMUNDO VENANCIO RODRIGUES

Commendador da Ordem de Nossa Senhora da Conceição de Villa-Viçosa,

Lente de vespera da Faculdade de Mathematica,

Director interino da mesma Faculdade,

etc., etc., etc.

19:nº 1384

SE PROPÕE DEFENDER

NA

UNITYIERSHDAIDIE IDIE COIMBRA

no dia 14 de junho de 1875

Francisco da Costa Pessoa



Le large développement des instruments de la civilisation contemporaine, tout cet éclat qui influe si puissament sur le progrès intellectuel de l'humanité, tout cela n'est que la conséquence de cette grande force intérieure que récèlent les sciences mathématiques.

Ainsi, la science mathématique est la science qui généralise les faits du monde extérieur, qui leur donne une unité organique; elle est en même temps le premier degré des sciences philosophiques, des sciences du monde moral.

Les mathématiques d'après nous sont l'anneau qui relie les sciences du monde interne à celle du monde extérieur.

BOUGAEV.

\$

A

# MEU PAE

Qui ne veut pas souffrir doit craindre d'être père.

Ducis.

A

# MINHÀ MÀE

... aucune tendresse filiale ne répondra jamais à ces tendresses maternelles.

AIME MARTIN.

BAN ARELE

### ARGUMENTO

DA

## DISSERTAÇÃO INAUGURAL:

## Existem verdadeiras nebulosas?

Les résultats de l'application de l'analyse spectrale aux astres on été si importants et si inattendus qu'on peut dire de cette méthode d'observation qu'elle a fait naître une branche nouvelle et distincte de la science astronomique.

HUGGINS.

OTHER DESIGNATION OF THE PERSON OF THE PERSO

## BISSERTAÇÃO EXTORDIAL.

Resolution seriobabies custeixil

will all relations to a retrieve all the control of the control of

D'abord le géomètre commence ses recherches par les mathématiques pures, puis il passe aux applications, au perfectionnement des méthodes, et enfin à l'élaboration métaphysique de ces méthodes. D'abord il emploie hardiment l'instrument du calcul, puis il pénètre les détails et il termine par le développement de la théorie. Évidemment, tel ne devrait pas être l'ordre naturel des choses: cependant nous commençons tous par marcher sans rien connaître des lois de l'équilibre.

QUÉTELET.

## Da Algebra

I

O methodo de eliminação pelas funcções symetricas tem uma importancia theorica superior á de qualquer outro.

II

Para a resolução das equações do terceiro gráo preferimos os methodos de Hudde e de Lagrange aos de Euler e de Tschirnaüs.

B

## Pic Algebra

V mediado do cilidação polas Associas agendacas pera citas importanção alesceiras experior a designalques entre-

-cate ordered on valleanne au expeditor la caté ordered de melleste de flacida de l'expense au rechts de Attachde de melleste

## Do Calculo integral

I

O principio dos limites é o fundamento real do methodo dos infinitamente pequenos.

#### II

É incompleta a deducção feita por Francoeur (Math. puras, 2.ª ed. de Coimbra, t. 4.º, n.º 331) para a integração das equações differenciaes parciaes, não lineares, de primeira ordem entre tres variaveis.

### Da Geometria descriptiva

I

No estudo da *curvatura das superficies* julgamos vantajosa a theoria das *indicatrizes* de M. Charles Dupin,

II

da qual o theorema das tangentes conjugadas é uma ingenhosa applicação.

Dar Germetria descriptiva

la session de septimi descriptiva

restante de servicio de supricio latino

restante a deste de cumpina de la latino

lacia.

Il 11

Au que e libitant de septimina e septimina e supriciona

una transfera applicação.

#### Da Mecanica racional

#### I

A consideração do ellipsoide central de Poinsot elucida e simplifica realmente a theoria dos eixos principaes de inercia.

#### II

É rigoroso e fundamental na theoria das machinas o principio geral do effeito do trabalho — o augmento da potencia viva d'um systema qualquer é egual ao trabalho correspondente executado pelas forças tanto exteriores como interiores,

#### III

do qual o *principio das velocidades virtuaes* e o das *forças vivas* não são mais do que meras applicações.

#### IV

Sustentamos o isochronismo das pequenas oscillações do pendulo simples n'um meio resistente em qualquer das hypotheses: de uma resistencia constante ou proporcional à velocidade ou ao quadrado da velocidade.

## The Mecanica combined

A consideración de miteración critical de Phispath charida A sicuridas reactonate a historia dos eless printplacios de moreses.

estitions only amount up terminations a defining if
a principal control in a definite principal control of
an increase a segment present a second control of
an increase a segment principal control of
an increase a segment of
an increase a second of
an increase a second

of a naturalis coloniasion and biginaring orders an endings among more of their old plants orders a

sufficie entemple, and mercurentees a solution of the second seco

#### Da Astronomia

I

Para a determinação da parallaxe solar preferimos entre os diversos methodos o que ultimamente propoz M. Normand, calculando a velocidade absoluta da Terra pela observação, feita em dous pontos de differente longitude, da occultação d'uma estrella por um planeta superior, Marte, por exemplo.

#### II

Para a construcção das táboas de refracção deve tomar-se para base a hypothese de Laplace de preferencia ás de Cassini, Newton, Bouguer, Bessel e Ivory.

#### III

D'entre os methodos seguidos para obter a differença das *longitudes* de dous logares optamos pelo das passagens successivas d'uma estrella aos dous meridianos, auxiliado pelo *chronographo*.

#### IV

O methodo de Struve, applicado no instrumento de passagens de Repsold, fornece o melhor meio de achar com precisão a *declinação* d'uma estrella.

311

RING CARRESTON AND

common vivo matteres, su nignamment e est.

compro differentia ede controllere, securità de estant

compro di stributa di atteresta e communità del compro de estant

compro di controllere de compro di compro de compr

Para a commenciale des calents de capracipio dave concerni com bine a beganhere de Lapace de prodecebers de de Caralli, dewton, fourner, Beard a Ivan-

ent oleg someter grande ent at entrett en entrette e

O mattere de Serve, especiere se sustrimento de securido de Reposido terrara o metros encio de acese con pracista a destrinção il lung acestita.

#### Da Mecanica celeste

T

Os effeitos, produzidos no movimento dos corpos celestes pela existencia de um *meio resistente* de densidade fraca e decrescente na razão inversa do quadrado da distancia ao Sol, seriam, para qualquer excentricidade, os seguintes: 1.º decrescimento indefinido do eixo maior das orbitas; 2.º augmento de velocidade angular; 3.º acceleração na velocidade absoluta; 4.º desegualdades d'um periodo egual ao do astro na excentricidade, longitude da epocha e longitude do nodo.

#### II

É e será sempre insensivel a acção do Sol e da Lua sobre a posição dos *polos* á superficie da Terra.

#### III

Para a determinação das orbitas dos cometas preferimos aos methodos de Lagrange, Gauss, Legendre, Laplace e Olbers o que ultimamente deu M. Binet.

## Discounties velouve

emplo sele discourrent in accelerant, autritures au minimale scoring estate que en accelerante eta estate el minima en accelerante eta estate el minima en estate el minima el minima estate el minima el mini

put at a pic ab. The a processor popular save to a count of publishings in more not compared to evide

end extraction sold function and observations are written and continued to extend the extended on a section of the extended of

#### Da Geodesia

T

Nos trabalhos geodesicos, como nos astronomicos, é indispensavel o methodo dos menores quadrados,

#### II

que antes da analyse dada por M. Bienaymè (Journal de Liouville), estava longe de dar os valores mais provaveis das incognitas com a precisão que se lhe attribuia.

#### III

Para a determinação geodesica da figura da Terra defendemos a vantagem do methodo do pendulo sobre o da medição e comparação d'arcos de meridianos e parallelos.

Da Geodesia

southern warmen at exception a breaking

included, day, and it say that and one of the control of the same and the control of the control

west as exampled an excellence of constitution a profit

## Da Physica mathematica

#### Ι

Preferimos á de Lamè a definição de força elastica adoptada por Cauchy.

#### II

Nas artes de construcção é indispensavel a applicação do theorema de Clapeyron, denominado principio do trabalho das forças elasticas.

#### III

O som fundamental de uma corda que vibra transversalmente é sempre acompanhado de harmonicos; não o seria só quando a fórma inicial da corda fosse uma sinussoide.

#### IV

A theoria das causticas na Optica é uma das theorias mais completas e melhor estabelecidas da Physica mathematica.



The Physics mathematica

Profession, a se familie e definição de familia funça electrica e adoptivada par Guarden.

right is becoming in the Constraint in the State and Sta

record andre core altere actus of laterace construction of the contract of the

The star that complete at deploy a said the three star that the star that the start that the sta



