

## P R O B L E M A VI.

Ascensione recta, & declinatione tam significatoris, quam promissoris, datis ; datur super circulum positionis significatoris, differentia ascensionis obliquæ utriusque , quæ arcus directorius appellatur, unde tempora eventuum mensurari solent.

**D**irectionis doctrinam , quæ totius Astrologiæ judicariæ nucleus est & vindex , paucis exemplis è præsenti illustri themate ita declarabimus, ut fundamenta in tabulis Ioh. Regiomontani hinc inde evolvantur. Quid autem directionis Lib. 1. c. 7. fuerit , quia libro priore , per suas circumstantias descripsimus , ideo nunc soli praxi intendemus.

*Exemplum I. Vbi circulus positionis Significatoris datus fuerit , velut cuspidis domicilii alicujus , vel planetæ in cuspidे existentis.*

Sit in themate præmisso M. C. veluti signifikator ad locum solis , tanquam promissorem dirigendum. Quoniam itaque M. C. poli elevatione caret , saltem ejus ascensio recta ponenda est, quæ invenitur gr. 5 min. 25.

Deinde solis ascensio recta respond. etiam supra inventa est gr. 27 min. 45. Differ. igitur, quæ est arcus directorius ; datur grad. 22 mi. 20. Hic, quia juxta quantitatem motus solis diurni secundum æquatorem annorum numeri , totidem ab experientia æstimantur, quæritur motus diurnus solis in æquatore , & invenitur gr. 0 mi. 58. Hinc compendiose, quia in singulis gradibus abundant mi. 2 , erunt pro gr. 22 adjicienda mi. 44. Quæ si apponantur , gr. 22 mi. 20 , aggregatio fit gr. 23 min. 4. Hinc tempus eventus cuiusdam insignioris, in initium 24 anni casurum judicamus.

*Exemplum II.*

Dirigatur horoscopus nempe gr. 4 mi. 15  $\varnothing$  ad  $\Delta$  aspectum dextrum Mercurii, qui in decima domo locabitur in grad. 13 min. 35  $\gamma$  , secundum fundamentum Copernicæum.

Primo itaque quoniam horoscopus hic signifikator est , cuius circulus positionis datur, ipsa quippe poli elevatio gr. 55 min. 58 : et ascensio obliqua antea ex adjectione gr. 90 ad M. C. constituit gr. 95 min. 25 : sola nobis quærenda est ascensio obliqua  $\Delta$  Mercurii , qui cadit in gr. 13 min. 35  $\varnothing$  : illa autem sub elevatione poli gr. 55 min. 58 , tam per tertium probl. cap. 3 hujus, quam tabulas Regiomontani, offertur gr. 109 mi. 25. At ascensio obliqua horoscopi erat gr. 95 min. 25. Differentia igitur est gr. 14 , quæ & arcus directorius vocatur ; hic in annos, juxta motum solis diurnum extensus, dat quasi gr. 14 $\frac{1}{2}$ .

*Exemplum III.*

Dirigatur corpus lunæ in  $\square$  Saturni sinistrum , extra cuspidem domiciliorum.

Lunæ { longitudo grad. 20 min. 38  $\varnothing$   
latitudo grad. 5 min. 10 merid.  
 $\square$  Saturni sinister grad. 3 min. 17  $\pi$

Hic quoniam signifikator est extra cuspidem domiciliorum, scilicet prope finem domus primæ, pertentabimus directionem per triangulorum sphæricorum inductionem, omnibus quæ ad eum requiruntur , sequenti schemati applicatis: ubi C signifikator est , N vero promissor. De integrō autem singulis in gradiam tyronum nostrorum perquisitis , habemus primum pro declinatione ac ascensione recta signifikatoris;

*Idem* in triangulo ABC {  
 CB gr. 95 mi. 10 excessus latitudinis lunæ  
 AB gr. 23 mi. 32 distantia polarum  
 ABC gr. 50 mi. 38 distantia lunæ à tropico.

Ergo AC gr. 80 mi. 14 complementum CE

Et BAC g. 128 mi. 37 dist. in æquat. à trop. ν in antecedentia, qua subducta à triente circuli, seu gr. 270, relinquitur ascensio recta significatoris grad. 141 min. 23.

### I L. Pro angulo ACG.

Quoniam in triangulo CAG cognita sunt:

AC complementum declinationis, AG grad. 55 minut. 58 elevat. poli. CAG angulus grad. 44 min. 2, quem metitur EL, qui cognoscitur, subducta ascens. recta significatoris, ab ascens. recta I. C. in L. constat autem ascens. recta I. C. grad. 185 min. 25 (nempe gr. 5 min. 25 ascensioni M. C. semicirculo adjecto.)

Datur itaque primo latus G C gr. 46 min. 59 $\frac{1}{2}$ .

Deinde, in prænominato triangulo ACG, quia omnia latera sunt data, datur angulus quæsusitus ad C grad. 51 min. 58 $\frac{1}{2}$ .

### III.

Porro in orthogonio SCE, quoniam

*Idem* sunt {  
 SCE gr. 51 min. 58 $\frac{1}{2}$ .  
 CE gr. 9 min. 46 complem. AC prius inventum.  
 CES rectus.

Ergo datur CSE gr. 39 min. 4 $\frac{1}{2}$ .

Item SE gr. 12 min. 14 differentia ascensionalis, quæ ascensioni rectæ significatoris subtracta (grad. 141 min. 23) relinquit ascensionem obliquam significatoris quæsitam, grad. 129 min. 9.

### IV.

Deinde pro declinatione & ascensione recta promissoris, dantur in orthogonio NRQ, angulus NQR grad. 23 min. 32: NQR rectus: & NQ gr. 26 min. 43. Ergo dantur N R gr. 10 min. 20 declinatio promissoris: & QR arcus, gr. 24 mi. 47: quo à semicirculo subducto, relinquitur ascensio recta promissoris gr. 155 min. 13.

### V.

Denique in orthogonio NRW, pro latere RW

*Idem* sunt {  
 NR gr. 10 min. 20  
 NW R gr. 39 min. 4 $\frac{1}{2}$  æqualis CSE  
 NRW rectus

Ergo datur RW gr. 12 min. 59 differentia ascensionalis promissoris, ascensioni rectæ ejusdem subtrahenda; quare etiam remanet ascensio obliqua promissoris gr. 142 mi. 14. Sed ascensio obliqua significatoris fuit grad. 129 min.

min. 9. Et proinde differentia quæ est arcus directorius, erit grad. 13 min. 5, cui respondent anni  $13\frac{1}{2}$  circiter.

Atque hoc modo fundamentum quoque dirigendi in triangulorum doctrina quæsivimus, & exemplis sufficientibus expressimus. Etenim, quum contra signorum ordinem directio instituenda fuerit, promissor in significatorem, & contra, permutatur, & ideo quæritur circulus positionis, sub quo promissor jacet; nec præterea quicquam diversum est à prædemonstratis reliquis, velut Iohannes Regiomontanus latius id exponit.

Cap. 26 T.  
Direct.

## C A P V T VII.

*De præcipuis instrumentis Astronomicis, & eorum usu  
breviter assignato.*

CLASSIS  
SECVN-  
DAS.

**S**Vperatis iis, quæ ferme in sphæræ seu globi cœlestis superficie inscribi possunt aut debent, consequens esse judicamus, ut quemadmodum phænomena ad observationes per instrumenta Mathematica trahenda sunt, in medium proferamus: præfertim quando extra hanc cognitionem, nullus in Astronomia nostra artifex evadit, sive præsentis seculi phænomena rite æstimabuntur; sive è veteribus observatis exploranda, atque justo examine libranda; ( ne scilicet disciplina omnium præstantissima perpetuis insufficientium & puerilium observationum erroribus obnoxia fiat ) sive denique nova ostenta subinde hisce præfertim temporibus in cœlo apparentia, in motu, distantia ac magnitudine mensurabuntur: ne & ista Philosophis illudant, aliter per tales apparentias, de tota cœlesti natura, quam veritas efflagitat, dijudicaturis. Quod olim Aristoteli circa naturam ac generationem cometarum accidit; cuius opinioni, licet erroneæ, tanta autoritas usque ad nostram ætatem fuit, ut Mathematicos secum in errorem traheret, donec Atlas noster D. Tycho Brahe instrumentorum suorum solerti fabrica & sufficiente magnitudine; denique oportuna ac debita observandi institutione invictam veritatem hac in re deprehenderit, & cometas cœlestes esse commonistraverit; velut libris Progymnasmatum idem posteritati manifestatum reliquit, & luculentis demonstrationibus adversus Peripateticos convicit. Nos autem, quanquam Astronomia Mechanica, ab ipso Tychone satis eleganter olim iconibus ornata, & in lucem edita, instrumentorum hujusmodi plurimum fabricam & usum exponat, tamen quoniam pleraque ista omnia, quæ cœlum rotunditatem sua æmulantur, in anatome sphæræ nostræ materialis periuntur; proinde de horum quibusdam, quorum usus præcipuus est, primo loco in hac classe breviter agemus.

Vide Astron.  
Mech. T. B.

Inter instrumenta Astronomica rotunditatis coeli æmula, quædam polis suis affixa sunt, super quos librantur, veluti ambæ armillæ mox subsecuturæ, & si quæ alia fuerint, polos horizontales una observantia, ut Torquetū, in quibus quoque centrum, veluti index, in medio axi affigitur. Quædam vero libera ac portatilia, solisque centris, ac peripheriis sunt annexa, ut Quadrans aut Sextans, item Triens, octans, & si quæ alia instrumenta solitaria, è circuli sectione fabricantur.

Porro, quæ polis suis innituntur, illa binis aut ternis componuntur circuli sectionibus; quæ autem libera, una peripheriæ sectione sunt contenta. Ad observationes autem juste in hisce administrandas, duo observatores ut plurimum requiruntur.

### I De Armillis Aequatoreis.

**Q**Uum datur poli loci elevatio, intramisso axe sphæræ per utrumque polum, centrum in meditullio notetur. Deinde manentibus circulis, quippe æquatoreo mobili, sed declinatoreo circa polos circum ducibili, utrisque dioptræ mo-

Occasio reperi-  
tarum refractio-  
nrum in sole &  
stellis per Ar-  
millas æquato-  
reas T. B.

biles & necessariæ applicantur, sicutque non solum in æquatore tempora & ascensiones rectæ dantur, sed etiam declinationes in suo circulo declinatorio. Hujus autem instrumenti beneficio, primo omnium, apud Typhonem Brahe, refractiones solis, lunæ & stellarum juxta ortum & occasum sunt repertæ.

#### I I. De Armillis Zodiacaibus.

*Ex hisce 2 armillis veteres Alexandrine composite fuerunt. De quibus Ptolemeus pas- sim in suo Almagesto.*

**A**ffixis similiter polis loci in circulo meridiano, vel ejus quibusvis punctis, & data utrinque distantia polarum æquatoris & zodiaci, applicatisque demum, ut prius, dioptris: dantur per circulum eclipticæ ipsæ fiderum longitudes, per circulum vero latitudinis, latitudines, collineatione ad fixum in medio centrum facta.

#### I I I. De Torqueto.

**E**odem denique modo, data poli elevatione, & circulo verticali cum horizontali assumpto, dantur in horizonte gradus azimuthales à meridiano: in circulo vero verticali ipsæ altitudines, ab horizonte. Si autem cæteri circuli, nempe æquator & zodiacus cum suis transversalibus annexi fuerint, torquetum antiquum inde construitur artificio magis, quam usu conspicuum, quem suo se pondere torquetum vehementer torqueat.

#### I V. De Quadrante.

*Vide Astron.  
Mech. Tych.  
de Quadrante  
volubili.*

**H**actenus de instrumentis ad elevationem poli loci, quodammodo dispositis & affixis; sequitur de liberis & portatilibus, inter quæ quadrans primum locum ob usum hactenus expeditum, sive altitudines fiderum, utrinque à vertice aut horizonte hinc inde metiri; sive distantias intra quartam cœli partem comprehensas, desideres. Facilis hujus structura est; nam sive ex solida materia fiat, sive interpolata & cancellata, circumferentia quadrantis circuli mensuram habebit, in gradibus ac minutis, ut cætera, distinctam: latera vero ad centrum utrinque radium circuli referunt. Quadrans autem, si indicem suum ad horizontem undiquaque recte dispositum saltim porrigit, parallaxibus una rimandis, quæ per altitudinem, & azimuthales gradus simul capiendos investigari solent, admodum aptus erit, adeo quidem, ut ipsi instrumentum parallaticum Ptolemaei ac Copernici facile cedat, quum hoc, inter alia incommoda, etiam nimium suo pondere gravetur.

#### V. De Sextante Instrumento, quippe ob fabricam & usum nobis maxime familiari.

**P**rimum, quod fabricam sextantis absolutam attinet, nullum Astronomicum instrumentum sextante construitur facilius. Quum enim constet, quod latus sexagoni circulo inscriptum radio sit æquale, facile per circinum hexagoni latus ab omni parte exploratur.

Deinde, etsi simplex hujus instrumenti usus, in distantiis fiderum capiendis maxime est conspicuus: si tamen sextans artificiose paratus ac præparatus fuerit; qualem nos industria propria elaborari curavimus, quinque nimirum cubitos in radio suo habentem; non modo distantiis omnimodis fiderum intra grad. 150 mensurandis sufficit: sed etiam quibusunque altitudinibus, dioptris, scilicet, in hoc artificiose dispositis. Quin etiam vicem Geometrici instrumenti abs; calculatione triangulari sustinet, dum tangentes una in limbum ejus induxi mus. Hoc vero instrumentum, quoniam nobis instar omnium fere existit, idcirco paulo altius fabricam ejus demonstrative hic ostendere non gravabimur.

Primo, quoad fabricam sextantis, hæc facilis, ut dixi, est. Quum enim magnitudo ejus, seu semidiameter concessa fuerit, circinus (qui ligno rectilineari & oblon-

oblongo, cum duobus ferreis indicibus, uno ad finem fixo, & altero ad quamvis mensuram currente, constabit) æquali extensione omnia latera ejus explorat: pro contignatione autem, sequens figura notari potest, sed uberior & præcisius apud me ipse sextans considerari, una cum sua, inter transversales lineas, artificiosa divisione, quæ quidem divisionis ratio D. Tychoni in præstantioribus suis organis usitata fuit.

Quum una in B detur dioptra fixa, alia vero in D in regula mobili; liquidum est, angulum B A D, distantiam duarum stellarum mensurare, anguli namque ad verticem sunt æquales.

Porro cum limbus sextantis ultra gr. 60 non extendatur, hoc artificio usum ejus dilatavimus, ut ad gr. 150 mensurandas bene sufficeret. Ponatur enim dioptra loco C, & altera loco H: quum itaque a C per H collimatio fiat, per unum observatorum, ac per alterum a B per centrum A, certum est distantiam duorum siderum, ita observatorum, quadrante seu gr. 90 completere. cæterum quanto regula D, cum sua dioptra ad C proprius admovetur, tantum quadranti dedit, ut intra grad. 90 & 60 commensuratio hoc modo omnis fiat.

Porro instituta collineatione retro a H in C, consequens erit eodem modo compleri quadrantem observanti a B per A centrum: at quum idem dioptram in regula D usurpet, tunc pro ejus motione ad C angulus A H C dilatatur, adeo quidem, ut cum D in C fuerit, sextans quadrantis mensuræ aggregetur, & efficiatur distantia gr. 150, quin etiam fixis in B & C, pinacidiis immobiliis, mensurari ea pars in limbo instrumenti poterit, quæ cadit inter gr. 150 & gr. 90 seu quadrantem circuli, quod ipsa demonstratio geometrica in circuli mensuratione exhibet.

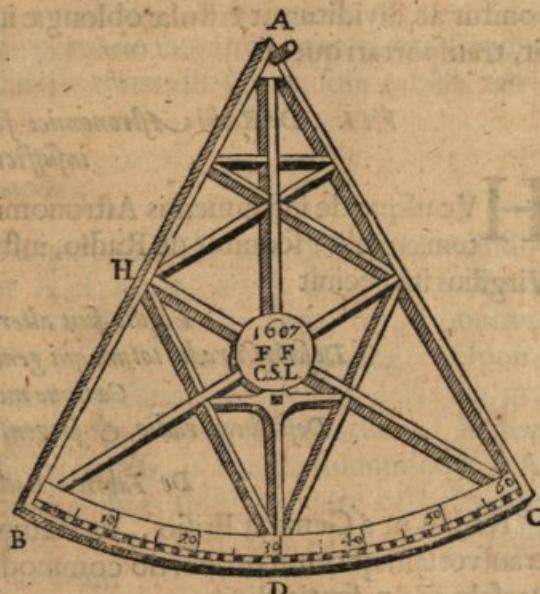
Hactenus de distantiis beneficio sextantis acquirendis.

#### *De Altitudinibus per sextantem*

POORO Sextans Altitudinibus siderum, tam meridianis, quam aliis quibusunque idoneus satis est. Si enim ad pedamentum suum ita appensilis fuerit, ut latus superius ad amissim horizonti respondeat, tunc Altitudini a Finitore gr. 60 observandæ sufficiet. Sin vero altitudo major requiratur, amissis ita accommodabitur ut latus superius per centrum ab Horizonte gr. 30 elevetur, sicque pedamento ut prius Sextans affixus, altitudini ad verticem usque habendæ accommodus reperitur, quod ex hypothesi fabricæ instrumenti hujus præmissæ facile constat. Ad modum autem Sextantis, etiam Triens, & Octans fabricantur, sumta, scilicet, ad quodvis horum instrumentorum debita circuli portione. Usus autem eorum fere est, qui sextantis, in distantiis & altitudinibus Siderum acquirendis.

#### *V I. De Quadrato Geometrico.*

CETERUM ut Sextans distantiis siderum exantlandis potissimum servaretur, caliud pro altitudinibus stellarum, unde tempore cognoscuntur, in forma qua-



Videatur fabrica  
ca & usus sex-  
tantis li. i pro-  
gymna. T. B.  
pag. 248.

quadrata & justa magnitudine fieri curavi, cujus bina latera, quæ divisiones excipiunt, quoniam tangentes lineas referunt; ideo numero sive recto, sive verso in hisce dato, datur illico arcus e canone tangentium correspondens, qui altitudo fideris aut ab Horizonte, aut Zenith est.

Hoc instrumentum præterquam quod terrestribus mensurandis, & in praxin mechanicam dirigendis, apprime sit idoneum; etiam per cochleas suasita componitur ac dividitur, ut cistulæ oblongæ includi, & in varia loca, prout opus fuerit, transportari queat.

VII. De Radii Astronomici fabrica, usu, & quadam ejus  
insufficientia.

**H**Vc usque de instrumentis Astronomicis, coeli ut plurimum, ob rotunditatem æmulis; sequitur de Radio, instrumento valde antiquo: de hoc enim Virgilius ita cecinit

Elog. 3.

Iam 6 An.

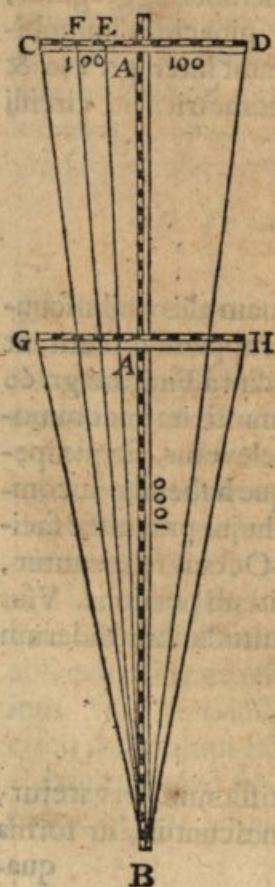
*Equis fuit alter,  
Descripsit radio totum qui gentibus orbem?*

*Cælique meatus*

*Desribent radio, & surgentia sidera dicent.*

*De Fabrica Radii.*

Radius ut a Gemma Frisio, P. Ramo & aliis describitur, constat baculo & transversali, quorum proportio commoda erit, baculi scilicet 1000 p. ad transversale 200 p. spatio dioptarum utrinque in hoc, & statione in baculo, eliminatis. Deinde in baculo transversarium mobile fiat, in medio istius foramine adaptato. Quum itaque uterque bacillus numero, quo dixi, divisus fuerit, in partes æquales (cujus usus in geometria esse queat) sequenti triangulorum demonstratione, singuli in gradus & minuta dispescuntur, ut radius cœlestibus phœnomenis observandis fiat idoneus.



Ergo in præsenti configuratione sit baculus A B, transversarium C D per baculum in A mobile, cuius portio C A, vel D A in 100 partes æquales divisa erit, qualium A B est 1000. manente itaque transversario in A statione prima, primo pro singulis gradibus in eo sic geometrice procedimus. assumatur exempli causa A B E angulus gradus unius.

*Διδόμενα* igitur  $\left\{ \begin{array}{l} A B \text{ p. } 1000 \\ A B E \text{ grad. } 1. \\ E A B \text{ rectus} \end{array} \right.$

Ergo A E quæsitum p. 17 min. 45. compendiose posito A B finu toto, erit EA tangens anguli ab B. quare abjectis in tabula triangulorum quatuor ultimis numeris, statim tangens datur ad singulos gradus e tabula tangentium. Vnde A C constat grad. 5 min. 43, cui æqualis est A D. ergo C D in statione baculi apud A, est gr. 11 mi. 26. hinc pro divisione baculi A B in gradus ac minuta sic progredimur, facta distantia A B propinquiore versus visum B. datum Isosceles triangulum C B D dispescitur in duo orthogonia æqualia C B A & D B A. quum itaque A C B complementum fuerit dimidii anguli assunti ad quadrantem, facile datur A B quæsitum. posito namq; A C finu toto, erit A B tangens anguli C, cujus complementum est C B A. Complica-

plicatis itaque CBA, & DBA æqualibus, mensura in medio est BA. &c.

Porro exquiratur distantia in BA grad. 30 correspondens (ut hisce duobus exemplis radii propositi fabricam, & usum simul absolvemus) quæ mensura intra angulum GBH continetur. Diviso itaq; proposito angulo in duos æquales, cedunt utriusq; gr. 15, cuius complementi gr. 75, tangens quippe part. 373<sup>1</sup>; mensuram baculi AB indicat.

Hinc facile intelligi potest, quod radii primario in partes æquales, ut ostendimus, divisi, usus absq; secundaria hac distributione esse queat, sola tabula tangentium adhibita.

#### *Exemplum.*

Observatæ sunt binæ stellæ beneficio anguli GBH, ubi BA mensura indi- catur in baculo 577 p. Quia vero est ut A H 100 p. ad A B 577 p. sic sinus totus ad tangentem anguli AHB. Proinde quando sinus totus ponitur 10000000, fit tangens anguli AHB 5770000. Cui in tabula tang. respon- dent 80 gr. 10 M. proximè. Cujus complementum est angulus ABH 9 gr. 50 M. Hujus igitur duplus HBG 19 gr. 40 M. est angulus visorius ad B, seu distantia stellarum quæsita. Et sic in aliis exemplis, ubi aucta solummodo BA distantia oblata ex observatione, per quinq; siphras absq; ulteriore calculatione (in radio ita diviso,) oritur angulus AHB. &c. De fabrica itaque & usu radii satis, nisi quæ in praxi ulterius addisci poterint.

Insufficientia autem radii potissimum in praxi versatur, quod nimirum oculus utrinque collimans, præcipue in magnis distantiis, propter motus stellarum interea, & centrum visus variabile, collineationis præcisioni non sufficiat. Nautæ quoque hoc instrumento ad altitudines capiendas in sole & stellis utuntur, quippe qui exactam præcisionem, qua Astronomo opus est, facile negligunt. Haec- nus de instrumentis Astronomicis.

## CAPUT VIII.

### *De variis modis investigandi lineam Meridianam & elevationem poli loci.*

**D**Es scriptis ac præparatis instrumentis Astronomicis selectioribus, & observa- tionibus faciendis maxime idoneis: ad usum eorum circa observationum acquisitionem, duo hic omnium primo velut certo datoque loco convenientia requiruntur: nempe linea meridiana, & poli elevatio. Vtriusque autem multifariam investigationem problemata sequentia capitis hujus ordine ex- hibent.

#### *De Linea Meridiana Loci.*

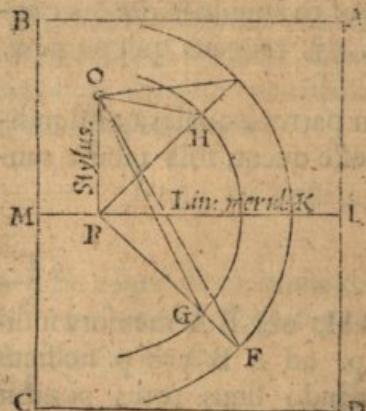
#### *P R O B L E M A I.*

Erecto, super plano, gnomone, observataque umbræ æquali ante & post meridiem, quantitate; datur linea meridiana dati loci.

**H**Æc antiqua & simplex ad lineam meridiei investigandum, quæ per polos mundi ac verticem loci scandens, hemisphærium cœli superum æqualiter in septentrionem & meridiem dispescit, via est; nempe, ut erigatur sub dio ad

pla-

planum horizontis super tabellam immobilem, stylus seu gnomon, ad angulos rectos; & a centro hujus, Circuli ( unus vel plures ) circumscribantur. Deinde tempore antemeridiano coelo serenissimo, observetur diligentissime, ubi



cœlo serenissimo, obseruetur diligentissime, ubi extremitas umbræ stili vel gnomonis erēcti circuli proximi circumactorum peripheriam ingrediendo fecet; nam sole ascendentे umbra comprimitur. Similiter etiam tempore pomeridiano, ubi umbræ extremitas e gnomone eodem cadentis, ejusdem circuli peripheriam egrediendo perstringat. Etenim sole descendente, umbra dilatatur.

Hujus intercepti arcus punctum medium per circinum exploratum & præcise investigatum, idem meridiei erit.

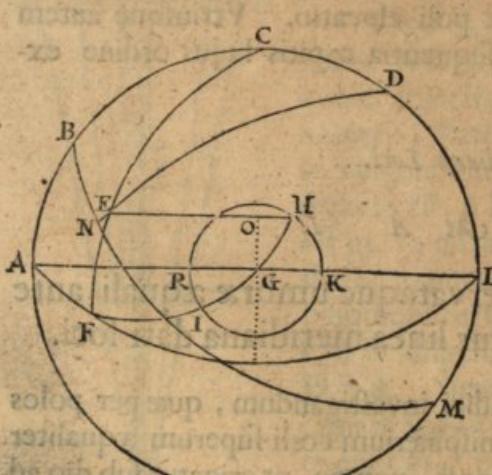
Postea enim linea quæfita datur, recta scilicet ab hoc puncto ad medium radicis stili in plano acta, ut in adjecta figura vides.

## *PROBLEMA I.*

Observata altitudine solis, & data præterea hujus declinatione,  
atq; altitudine poli loci; datur per hanc unicam observatio-  
nem, ante aut post meridiem, linea meridiana.

**P**orro linea hæc meridiana, uno tempore sine mora habebitur, Quadrante vel alio organo, per quod altitudo solis exquisitè observari potest, una adhibito, idque in hunc modum.

Dividatur circulus in tabula descriptus in gr. 360, & quælibet harum in min. 60; vel saltim pars circuli ad hanc normam exquisite distribuatur, unde reliqui mensura sumi queat, prout opus fuerit. Hinc notata in peripheria umbræ stili qualicunque intersectione, & ejus contrario puncto, tempore quovis sereno, vel ante, vel post meridiem, idque in mediocri a meridie remotione, neque tamen ob refractiones solis, ortui & occasui ejus nimium vicina; quo quidem momento observatur exquisite altitudo solis, cuius declinatione a loco ejus dato, cognita, atq; una cum elevatione poli loci adh ibita; manifestatur per solutionem trianguli sphærici arcus horizontis inter meridiem, & umbræ intersectionis punctum contrarium prius designatum, ut amplius demonstratione sequente, & exemplo cognoscetur.



Sit in adscripta figura, A B C D L meridianus, A L horizon, B M æquator, scribatur, ut prius, circulus H K, & erigatur stilos G O, sole autem ab horizonte per arcum F E elevato, denotetur umbra stili ex E sole in H, & ejus adversum punctum I, quæ linea excurrit ad horizontem cœlestem in F; datis deinceps quad antibus C F & D N ab utroq; polo, scilicet, verticali, & mundi, qui ad locum solis in E fere secent, trianguli sphærici E C D omnia latera sunt data. Est enim C D complementum elevatio-  
nis poli loci ad grad. 90, seu distantia po-  
lorum

lorum mundi & verticalis, quæ A B arcui elevationis æquatoris ab horizonte æqualis est : E C vero, complementum altitudinis solis F E : denique E D complementum declinationis solis. ergo non latebit angulus E C D, quem mensurat in horizonte F L, cuius complementum ad semicirculum est F A, qui arcus distantiam inter oppositum datum punctum & meridiem loci patefacit. Recta itaque ab A per centrum G in L, lineam meridiei ostendit quæsitam.

*Exemplum.*

Rostochii, ubi elevatio poli est gr. 54 circiter, die 30 Augusti, quando Sol fuit in gr. 15 min. 40  $\text{\textperthousand}$ , & ejus declinatio gr. 5 mi. 46 Septemt. Altitudo autem solis observata per quadrantem, eodem tempore, quo umbra stili in tabella notata est, & ejus contrariū punctum, in certo aliquo gradu ad H, & erat gr. 20 min. 0. quare in triangulo ECD

$$\begin{array}{l} \text{didicere} \\ \text{funt} \end{array} \left\{ \begin{array}{l} CD \text{ gr. } 36 \text{ mi. } 0 \\ EC \text{ gr. } 70 \text{ mi. } 0 \\ DE \text{ gr. } 84 \text{ mi. } 14 \end{array} \right\} \text{complementum} \left\{ \begin{array}{l} \text{Elevationis poli} \\ \text{Altitudinis solis} \\ \text{Declinationis solis} \end{array} \right\}$$

Ergo ECD gr. 108 mi. 36

Et ideo FA gr. 71 mi. 24 quo distat F in horizonte inventum à meridie.

I. Hoc idem in dicta tabula horizontali absque stilo efficitur, solo quadrante, in quo sol aut stella observatur perpendiculariter, supra centrum circuli sectionis applicato : idem enim punctum oppositum, quod umbra stili inter observandum designat, hic quoque relinquitur.

I I. Idem poterit etiam fieri, data longitudine stili & umbræ in tabula ; nam prius in his altitudo solis inquiritur, deinde hora, & per consequens distantia à Meridiano.

I I I. Porro ex ortu & occasu solis aut stellæ, in dicto circulo horizontali denotatis, quos linea Meridiei media interlabitur ; velex altitudine utrinque à Meridiano æquali una cum gradibus azimuthalibus in eodem circulo sectionis, idem cognoscitur.

I V. Item ex observata digressione circumpolarium stellarum, maxime autem stellæ polaris, ad latera utrinque maxima, in horizontis circulo idem efficitur: quam viam Dn. Tycho Brahe tutissimam omnium, ad accuratam lineæ meridianæ in quadrante azimuthali investigationem habendam, judicabat.

V. Denique data elevatione poli loci, per duas stellas in eodem verticali observatas : Item aliis multis inductionis modis, linea Meridiana ostenditur, exercitato Astronomo ubique obviis ; huic etenim sublati uno præsidio, oportunitas & solertia alterum, tertium & plura substituet, atque suppeditabit; ne compasso nautico, velut instrumento, propter multas causas, incertiori, cum vulgo, ubi præcisione opus est, fidem habeat.

*Consite problemata sequentia.*

*De Elevatione Poli loci.*

*P R O B L E M A I.*

Observata altitudine solis aut stellæ, in Meridie, una cum declinatione : datur poli loci elevatio.

Elevatio poli loci vel sub Meridiano indagatur, vel extra hunc. Sub Meridiano, ut in præsenti problem. ex altitudine solis, aut stellarum in Meridie constitutarum. Data enim altitudine phœnomeni meridiana, & declinatione

ejusdem; innotescit poli elevatio. Nam si in Meridie altitudo accepta fuerit, & declinatio Borea ab hac subducta, vel Austrina eidem addita; ostenditur illic per relictum, hic vero per summam, complementum elevationis poli loci quæsitæ.

*Exemplum.*

Anno 1599.

Die 31 Augusti Rostochii observabatur altitudo solis merid. per quadr. 1<sup>o</sup> uln. gr. 41 min. 2, locus solis  $\pi$  gr. 17 min. 0, declinatio ejus gr. 5 mi. 8 B. qua ab observata altitudine demta, relinquitur complementum elevat. poli, seu ipsius æquatoris ab horizonte meridionali exaltatio gr. 35 min. 54. Ergo elevatio poli gr. 54 min. 6.

Idem ex altitudine meridiana stellæ cujusque, cuius declinatio cognita est, ad eundem præscriptum modum haberi potest, & debet.

*Huic Problemati h[ab]et etiam modi vicini sunt.*

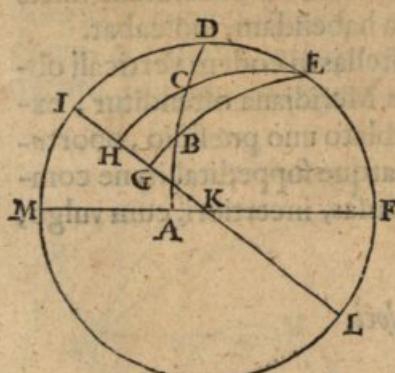
Primo enim in circumpolaribus stellis, etiam sine declinatione data, idem efficitur ex supra & infra ejusdem stellæ altitudine meridiana. Dimidio enim differentiæ observatarum altitudinum harum minori addito, vel majori subducto, relictum ostendit elevationem poli quæsitam.

Deinde tempore nocturno hyemis præfertim coelo serenissimo, filum vel funiculus inter bina fulcra perpendiculariter suspendatur, & ad illius perpendicularum stella verticem loci transiens designetur. Hujus enim declinatio poli elevationem quæsatam ostendit. Idem ad murum vel fulcrum ad amissim erectum inveniri potest.

P R O B L E M A 11.

Observatis duabus stellis in eodem verticali, quarum ascensiones rectæ & declinationes datæ fuerint, una cum altitudine stellæ unius harum: datur poli loci elevatio.

**E**xaltatio poli ex observationibus extra meridianum, primum ex visis duabus stellis in uno verticali circulo, una cum altitudine unius per quadrantem, eodem tempore deprehensa, beneficio triangulorum sphæricorum elicetur in hunc modum:



In adjecta figura sit D polus verticalis, E mundi, stellæ autem in eodem verticali, sint in B & C, sitque cognita altitudo unius in B, per arcum ejus A B. hinc in triangulo C E B ex datis declinationibus utriusque stellæ, & postea illarum complementis representatis in arcibus C E & B E, una cum differentia ascensionis rectæ, quam mensurat angulus C E B; innotescit B C distantia stellarum in eodem verticali observatarum. Secundo, in triangulo C B E, è datis tribus lateribus cognoscitur C B E. Vltimo, in triangulo D B E, quia concessa sunt duo latera, cum angulo comprehenso, nempe, B E complementum declinationis stellæ in B. D B complementum altitudinis stellæ in B observatae, & angulus C B E modo acquisitus; emergit arcus D E distantia polarum mundi ac verticalis, quæ est complementum elevationis poli quæsitæ.

quia concessa sunt duo latera, cum angulo comprehenso, nempe, B E complementum declinationis stellæ in B. D B complementum altitudinis stellæ in B observatae, & angulus C B E modo acquisitus; emergit arcus D E distantia polarum mundi ac verticalis, quæ est complementum elevationis poli quæsitæ.

Si vero altitudo stellæ superioris in C observatur, quæritur angulus ad C in triangulo BCE, cuius complementum ad C gr. 180 est DCE, in quo datis duobus lateribus DC, complementum altitudinis CA, item CE complementum declinationis CH, cum angulo C comprehenso, datur DE quæsitum.

## PROBLEMA III.

Data Ascensione recta M. C. & præterea duabus stellis, extra meridianum, in eodem verticali, una cum ascensione recta & declinatione stellarum earundem: datur poli loci elevatio.

**R**Evocata figuraione proxime præcedente, & ascensione recta M. C. in data, dantur in triangulo DEB duo anguli, nempe qui ad B per problema præcedens, & qui ad E per differentiam ascensionum rectarum M. C. & stellæ in B; datur præterea latus BE complementum declinationis stellæ in B. Proinde non latebit DE complementum elevationis poli quæsitæ, & propterea, neque ipsa poli loci elevatio. Idem fit, cum anguli DEC & DCE, per stellam in C in praxin tractam, dentur.

## PROBLEMA IV.

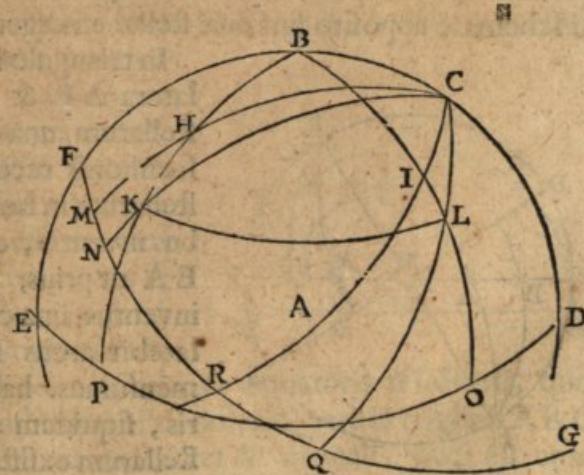
Observatis noctu bis binis stellis simul in duobus verticalibus, cum datis declinationibus ac distantiis earundem per præcedentia: datur poli loci elevatio.

**P**roblema hoc (velut & proxime præcedens) quoniam poli loci elevationem sola accurata animadversione per normalem filii extensionem inter stellas in eodem verticali & visum, absque ullo alio instrumento, satis præcise investigare docet, sive terra, sive mari quis versatur: proinde, meo judicio, magni faciendū est, quum & nec dum antea a quoquam, (quod sciam) inventum aut in medium productum sit. Vetus autem, quem præfens problema præstat, eximius, triangularum inductionem atq; analysin magis operosam, non nisi jucundam reddet.

In hac pragmateia duplex casus est, dum in verticalibus extra meridianum ut plurimum tales animadversiones fiunt. (nam in meridiano quæ contingunt, ad antecedens problema referri possunt.) Aut enim ambo verticales in eundem cœli quadrantem ad ortum vel occasum cadunt: aut unus ad ortum, alter vero ad occasum, meridiano interjecto.

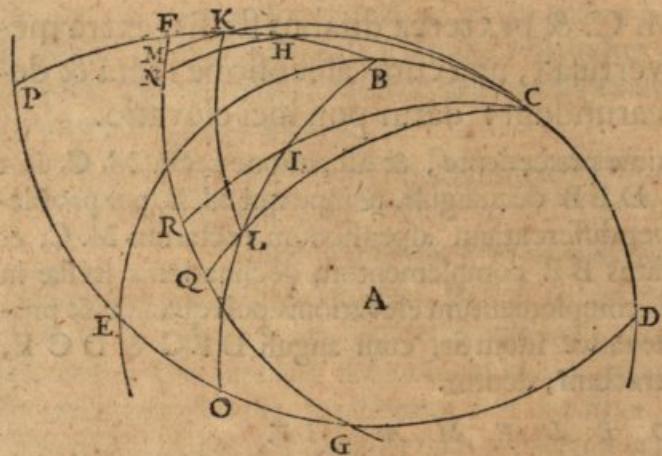
*Prioris Casus Diagramma cum sua dimidietur.*

A centro describatur meridians EBD, in quo polus horizontis ED, est B: æquatoris autem FG, polus C. cætera cognita sunt. Nam HK binæ priores stellæ notantur in verticali BHKP. Sed IL posteriores binæ in verticali BILO. & quoniam declinationes, ut & distantiae stellarum e superioribus cognitæ sunt: trianguli itaque KCL datorum laterum, dentur anguli ad K & L. deinde e superiori HKC, & CLI: quo-



rum hoc subtracto  $C L K$ ; illo autem contra  $C K L$  addito; relinquuntur in triangulo  $B K L$  noti duo anguli ad  $K$  &  $L$ , cum latere retento  $K L$ . Ergo ex his datur  $B L$ . Quo habito, quum in trigono  $B L C$  duo latera concessa sint, cum angulo comprehenso ad  $L$ , non latebit  $B C$  complementum elevationis poli quæsitæ.

*Casus Posterioris demonstratio.*



In posteriori hoc diagrammate omnia sub iisdem notis, ut in superiori se habent, solo hoc considerato, quod uterque angulus, nempe  $I L C$ , &  $H K C$  subtrahatur angulis ad  $L$  &  $K$ , trianguli  $L C K$ , unde postea relinquitur triangulum  $K B L$ , notorum angulorum ad  $K$  &  $L$ , cum late re comprehenso  $K L$ , distantia stellarum in  $K$  &  $L$ .

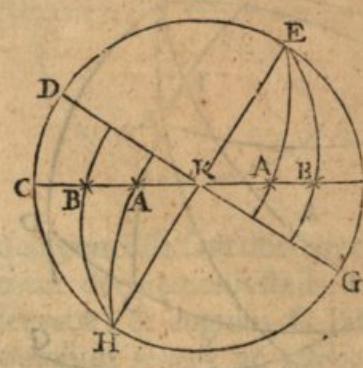
E quibus  $\Delta\delta\mu\epsilon\nu\sigma$  primo datur latus  $B L$ , deinde in triangulo  $B L C$  e concessis lateribus  $B L$  &  $L C$ , una cum angulo comprehenso  $B L C$ , acquiritur  $B C$ , complementum elevationis poli quæsitæ. Notandum autem quod in hoc & præcedente problemate, etiam altitudines stellarum & tempora actarum animadversionum, si quis ea cupit, postmodum se per præcedentia in lucem prodant.

*PROBLEMA V.*

Datis duabus stellis simul orientibus aut occidentibus, cum suis declinationibus & ascensionibus rectis: datur poli loci elevatio.

**H**oc problema perficitur etiam sine omni instrumento, ex observatis duabus stellis pariter ascendentibus aut descendantibus supra horizontem. Quarum declinationes ejusdem fuerint denominationis, Boreæ aut Merid. idque similiter pet sphæricorum triangulorum doctrinam, hoc inductionis modo: In schemate apposito sint duæ stellæ emergentes aut occidentes in  $A$  &  $B$ .

In triangulo itaq;  $A E B$ , quoniam dantur duo latera  $A E$  &  $B E$  complementa declinationum stellarum, una cum angulo  $A E B$  differentia ascensionis rectæ utriusque, quæritur distantia stellarum in horizonte, item angulus  $E A B$  quibus inventis, concessa sunt in triangulo  $E A F$ :  $E A$  ut prius,  $E A B$  seu  $E A F$ , angulus modo inventus, una cum angulo recto  $E F A$ . ergo nō latebit arcus  $E F$ , elevationem poli quæsitam mensurans. habet autem hæc praxis minus erroris, siquidem æquales plerumque refractiones stellarum existunt. Sed hujusmodi observationis rara



rara occasio datur, ob vapores, imo nubes circa horizontem ferme continuas. Quin etiam observata magnitudine ortiva vel occidua, una cum declinatione data, poli elevatio manifestatur, ut dato arcu in horizonte A F, una cum declinationis complemento E A, patescit in eodem proposito orthogonio E A F arcus E F, sed hæc via erronea & lubrica est, ob solis & stellarum refractiones.

## CAPUT IX.

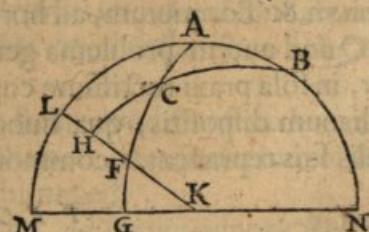
*De variis modis phænomena cœlestia de novo observandi, & in longum latumque eclipticæ respectu diducendi: deque eorum comparatione & certitudine majore.*

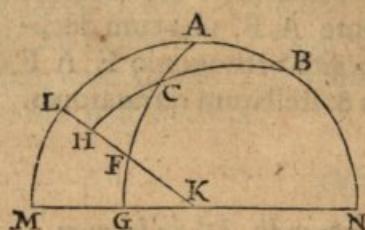
**D**Vplex via ad ignoti sideris locum cœlitus perscrutandum offertur, una expeditior, & ex parte etiam certior, quæ organis Astronomicis sufficientibus, quippe antea explicatis, perficitur: altera autem sine hisce, scilicet filari extensione, & præterea tantum intuitu oculari. Cæterum sciendum est, & diligentissime Astronomo perpendendum, haud omnia observata, etiam per justæ magnitudinis instrumenta (antiqua enim illa parva & puerilia plane ab hoc agro excollendo expurgandoque ejicimus) exantlata parem certitudinem mereri. Etenim quæ ad primam coeli revolutionem, adhibito temporis articulo, in quo fiunt, ut quando altitudo  $\Phi\alpha\nu\mu\epsilon\nu s$  una cum gradu azimuthali, & temporis resoluti momento capit, in figendo stellæ loco admodum lubrica & incerta, revera dijudicatur, quod error effluentis temporis minutissimus, dum vel in horologiis, quemadmodum ut plurimum fit; vel observationibus momentaneis administrandis, facile deviatur, nimium foecundus evadat. Hæc enim περιμετρία ut ut subtilis, & demonstrationibus parallaxium enucleandarum accommodatior fuerit; tamen propter dictas causas omnes fere superioris ævi Astronomos decepit, quotquot hinc vel de mundo coævorum siderum locis constituerentur; vel recentiorum phænomenon sitibus perscrutandis, quicquam sunt moliti. Quem- Lib. 1 Pro- gymni. de fixo- damento refit, Stellarum Fixation.

## PROBLEMA I.

Dato temporis articulo, cum phænomeni novi altitudine ab horizonte, & gradu azimuthali, simul observandis; datur hujus ascensio recta atque declinatio, & ideo quoque longitudo & latitudo.

**S**It in diagrammate addito, M K N horizon, M L A B meridianus; S L H K quadrans æquatoris, cuius polus sit in B, polus autem horizontis in A. detur nunc ex observatione per quadrantem C G, altitudo alicujus  $\Phi\alpha\nu\mu\epsilon\nu s$  in C existentis, item M G distantia ejus in horizonte a meridiano. deniq; punctum L medii scilicet coeli in æquatore, quod adhibita ascensione recta solis, cognoscitur ex effluxu temporis inter meridiem diei antecedentis, aut sequentis, & monumentum observationis habitæ, si horas & illarum minuta ex horologio aut altitudine alicujus stellæ cognita, in gradus ac minuta æquatoris resolveris, quomodo aliquot exemplis antecedentibus monstravimus. Quare in trigono A B C, quia dantur A B distantia polarum, mundi scilicet & verticalis, quæ est complementum elevationis loci, ut saepius diximus: item C A complementum





altitudinis phænomeni observatæ una cum angulo C A B, seu G N, complementum azimuthalis M G observati ad semicirculum. Ideo manifestatur C B, complementum declinatio-  
nis quæsitæ mensurans; adeoque & ipsa declinatio H C. dehinc vero, quia omnia latera tri-  
anguli A B C jam innotuerunt, non nos fugiet  
angulus A B C, id est, L H distantiam quæ-  
siti phænomeni, a puncto M. C. in L ostendens; qua addita ascensioni rectæ M. C. antea ē tempore datæ; si phænomenon in orientali plaga fuerit datum; vel subducta, si idem in parte a meridiano occidua hæserit, etiam ascensio recta dicti ignoti sideris in apertum derivatur.

*Probl. I. c. 2.* Quibus ita acquisitis, longitudo & latitudo ejusdem e præcedentibus determinantur.

### PROBLEMA II.

Dato puncto meridianō, vel stella aliqua fixa extra meridiem in circulo armillari æquatoreo; data præterea in circulo declinatoreo ejusdem armillaris, declinatione phænomeni: datur quoque cum declinatione ascensio recta hujus.

Item in armillis zodiacalibus recte dispositis, dato hujusmodi puncto sive M. C. sive stella nota extra meridiem: datur in circulo armillari longitudinis, longitudo phænomeni ignoti, latitudinis vero, ipsius latitudo.

**S**equuntur observationes in armillaribus instrumentis faciendæ, æquatoreo nempe & zodiacali cum suis coluris, superius in sphæra nostra quodammodo expositis. Hæ certe simili fere loco cum iis, quæ antecedens proximum problema docuit, habendæ sunt, nec certitudinis multo majoris; nam et si armillæ hujusmodi, Hipparcho, Ptolomæo Alexandrino, & veteribus ad sidera capienda, in usu maxime fuisse colliguntur: quod loca solis & stellarum in hisce e vestigio secundum longum ac latum haberi possent, absque laboriosa triangulorum computatione, quæ ipsis, quam nobis, intricatior multo fuit: tamen ob circulorum eorundem (quæ exquisitissima requiruntur) combinationem atque dispositiōnem difficiliorem, tum in fabrica, tum in usu & applicatione compertam, hæc observandi apud veteres media, suspicione ac vitio non carent: proinde hujusmodi organa, quamvis magnitudine conspicua, & præterea summa cum industria atque solertia, maximoque sumptu elaborata Tycho Br. noster, sibi olim comparaverit, tamen in extremis præcisionibus inter observandum urgēdis, eadem tandem posthabuit, & tantum non plane antiquavit: sicuti etiam Astrolabium, & Torquetum, ad horum similitudinem in plano efformatum.

Quod autem problema geminatum hoc attinet, ea quæ per ipsum efficiuntur, in sola praxi rectissime cognoscentur, instrumentis armillaribus rite ad meridianum dispositis; quæ quoque in sphæra nostra materiali, quæ utrumque circulis suis repræsentat, commodissime monstrari queunt.

### PROBLEMA III.

Data altitudine meridianā, & distantia ignoti sideris ab aliqua fixarum aut erraticarum nota: datur similiter ignoti locus.

**E**x instrumentis itaque astronomicis, potissimum quadrans ad altitudines, sextans vero, quem pro radio insufficiente Tycho excogitavit, & in illius locum

locum commode substituit, ad intercedines seu distantias stellarum observandas; ex quibus postea, quæ cupimus, ac volumus, omnia elici queunt, maxime sunt accommodati, quos vel ambos, vel unum tantum, dum alter hujus munere etiam rite defungi potest, Astronomo, qui & ipse situs ac motus siderum explorare velit sufficitur, in hoc & proxime sequentibus problematibus apparabit. Nam per altitudinem meridianam sideris ignoti, commode in quadrante aut quadrato quærendam, postea declinationem: per distantiam vero ejusdem a nota aliqua stella in sextante, reliquum ad locum ipsius indagandum, sequenti methodo facilime & rectissime deprehendemus.

*Exemplum, pro loco lucide Lyrae acquisito, e libro 2 progymnasmatum  
Tychonis Brahe hoc adductum.*

Distantia lucidæ Lyrae a superiori & præcedente in quadrato Pegasi, quæ Scheat nominatur, per sextantem Tychonianum observata fuit grad. 55 mi. 31 fere.

Declinatio lucidæ Lyrae, vel ex altitudine meridiana vel in circulo declinationis acquisita anno 77, fuit gr. 38 mi. 26 B.

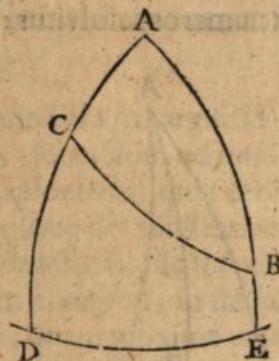
Scheat autem Pegasi est nota { ascensio recta gr. 340 mi. 52.  
declinatio gr. 25 mi. 50 B.

Ex hisce sequens triangulum in hunc modum construitur.

In adscripto schemate a polo mundi A deduciuntur quadrantes coluri æquinoctialis, seu circuli declinationis sphæræ nostræ; fitque æquatoris portio D E. Proinde trianguli A B C, quia dantur B A grad. 64 min. 10 complementum declinationis Scheat Pegasi. A C grad. 51 min. 34 complementum declinationis Lyrae. C B grad. 55 minut. 31 distantia stellarum datarum ab invicem observata. Ergo emergit angulus C A B grad. 65 minut. 14 fere, qui vocatur angulus differentiæ ascensionalis ascensionum rectarum, cuius mensura est penes D E. Quum itaque determinata sit ascensio recta Scheat Pegasi in B collocata, per punctum in æquatore E grad. 340 mi. 52: quare ex hac subducto invento arcu D E grad. 65 mi. 14 (cum Lyra in antecedentia sita sit) remanet ascensio recta lucidæ Lyrae quæsita gr. 275 mi. 38. Quæ una cum declinatione ejus observata grad. 38 mi. 26, si præsupponatur, Per Probl. 1.  
cap. 2 conversionem. ex hisce latitudinem ejus grad. 61 mi. 43 B. longitudinem vero grad. 9 mi. 20 v., eodem anno 77 definiamus. Atque hac ratione incognitorum φαινομενων omnium situs in celo indagari possunt, dato prius uno, quod fundamen- T. B. lib. 1.  
Progym. Cap. 2.  
pit. 2. ti locum obtinebit, quomodo Tycho Brahe lucidam v., mediantibus sole & stella Veneris substituit.

Cæterum hoc loco admonendum est, quod binæ stellæ per distantiam hac ratione explorandæ, dispositionem ad æquatorem obtinebunt non nimium obliquam; alias enim praxis ratam certitudinem vix habitura est.

Porro examinationis, & ulterioris certitudinis gratia, ad locum ignotæ stellæ dignoscendum, distantia a duabus notis aliis utrinque explorari, atque ad hanc eandem normam expendi poterit, quoad ascensio recta, quæ inde elicetur, in unum quasi punctum quam proxime coincidat. Quod fieri potest, si instrumenta ad observandum adhibita sufficientis magnitudinis & structuræ fuerint.



## P R O B L E M A I V.

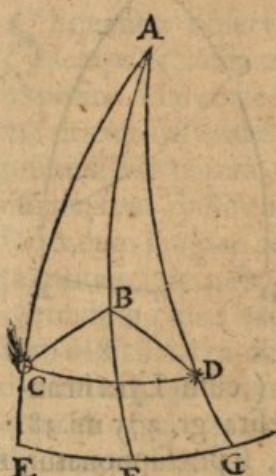
Datis distantiis phænomeni ignoti, à stellis duabus, quarum longitudines ac latitudines notæ fuerint: datur pariter ignoti longitudo & latitudo.

**Q**uartus & ultimus per organa fiderum observandorum modus, quorum loca in certis coeli locis figere, & eadem ratione secundum longum & latum cognoscere attendimus, ex solis distantiis ignoti φαινομένων à duabus in latitudinibus & longitudinibus stellis notis, negotium expedit; qui antecedente proximo, si rite observationes administratae fuerint, ac terna illa observanda fidera triangulum mediocriter formatum effecerint, non est incertior; quanquam triangulorum inductione & calculatione laboriosior fuerit. Hujus autem exemplo sit nobis cometa illustris anni 77 die 13 Novembris per instrumentum trigonometricum, seu sextantem Tychonis Brahe, in distantiis ab hisce duabus fixis observatus, ut sequitur.

Vide lib. 2.  
Prog. pag. 35.

I. A lucida Vulturis stella distabat cometa grad. 26 mi. 48. Deinde eodem tempore ab inferiori cornu ν distantiæ ejusdem cometæ observata fuit gr. 21 mi. 19 Vulturis lucidæ longitudo ν gr. 25 mi. 52: sed latitudo gr. 29 mi. 19 Bor. inferioris cornu longitudo ν grad. 28 mi. 16. Et latitudo gr. 4 mi. 37 Borea.

Ex hisce διδούμενοις figura adjuncta in hunc modum exstruitur, & pro quæstis in numeros resolvitur:



Sit A polus eclipticæ, a quo descriptus arcus E F G portionem eclipticæ repræsentat. Sit etiam lucida Vulturis in B, inferius cornu ν in D; cometa vero in C, descendantque per hæc tria loca in arcum eclipticæ tres quadrantes A C E, A B F, A D G, connectanturque tria stellarum loca per arcus circulorum maximorum ut B C, B D, & C D. Figura ita ordinata, διδούμενα in ea consideremus, atque triangula ordine pro C, id est, loco cometæ quæsito, tum quoad latitudinem E C, tum longitudinem E resolvemus. In triangulo itaque A B D dantur

{ A B	gr. 60 mi. 41 compl. lat. lucidæ Vultur.
{ A D	gr. 85 mi. 23 compl. lat. cornu ν
{ B A D	gr. 2 mi. 24 differ. longit. Vulturis & cornu ν

Ergo B D gr. 24 mi. 48 distantia stellarum earundem.

I I. In triangulo A D B ex concessis omnibus lateribus,  
 A D gr. 85 mi. 23  
 B D gr. 24 mi. 48 }  
 A B gr. 60 mi. 41 } emergit angulus A D B gr. 4 mi. 59.

I I I. Similiter in triangulo B D C, quia datur

B D gr. 24 mi. 48 distantia stellarum antea repertarum.  
 C D gr. 21 mi. 19 distantia cometæ a cornu ν.  
 C B gr. 26 mi. 48 distantia cometæ a Vulture.

Ergo datur C D B gr. 72 mi. 4½, cui addito angulo A D B, conflatur totus angulus A D C gr. 77 mi. 3½.

IV. In

IV. In triangulo itaque dicto ad C, quia dantur duo latera circa inventum angulum ad D, videlicet

A D gr. 85 min. 23

C D gr. 21 min. 19

A D C gr. 77 min. 3 $\frac{1}{2}$

Ergo C A gr. 81 min. 1 complementum latitudinis cometæ: & ideo quoque ipsa quæsita latitudo gr. 8 min. 59 Bor.

Et C A D gr. 21 min. 1, qui metitur arcum E G, differentiam videlicet longitudinis cometæ ab inferiori cornu  $\wp$ .

Quare cum anterior fuerit cometa ea stella, hic arcus gr. 21 min. 1 subtratus à longitudine stellæ  $\wp$  gr. 28 min. 16, relinquit longitudinem cometæ quæsิตam gr. 7 mi. 15  $\wp$ . Atqui hoc modo vel per solas distantias siderum ignotorum à duabus stellis notis, illorum loca venari possumus. Vbi tamen notandum, quod trés stellæ hac ratione capiendæ, ita pragmatiæ nostræ accommodentur, ut triangulum ad eclipticam relatum, non nimium distortum, aut ad unam rectam lineam obliquum efficiant; de qua re prius quoque admonui. Qui plura exempla desiderat, ea petat sub finem cap. 2 lib. 1 progymnasmatum Tychonis Br. ubi ex simili triangulorum inductione, Cassiopeæ stellæ numero 23 per observationes sunt restitutæ.

### PROBLEMA V.

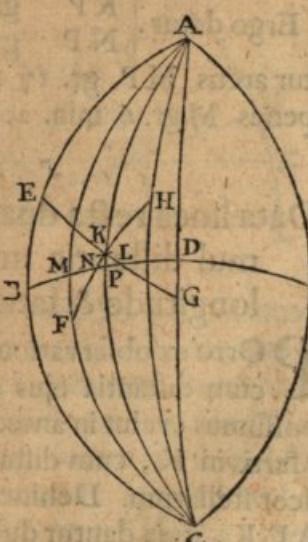
Sideris ignoti dispositione in rectis lineis à bis binis aliis, quorum loca cognita sunt decussatim regula aut filari duntaxat extensio ne deprehensa: datur phænomeni incogniti longitudo atque latitudo.

Inter rationes illas, quæ absque elaborato organo siderum loca in cognitionem nostram derivant, pragmateia quæ fit in lineis rectis decussatim ad quatuor stellas, per regulam, vel potius filarem extensionem explorandis, quia certitudinem præ reliquis meretur maximam; idcirco eam hoc loco demonstrative in exemplo aliquo proponam: nam observationem talem, inter alias hic habuimus anno Salvatoris 1610, Decembris die 6, circa horam 9 vespert. in stella Martis, quæ tunc temporis deprehendebatur in recta linea, quam proxime primum cum lucida  $\nu$ , ac posteriore in dorso cete. Deinde in alia recta linea cum extrema ala PEGASI, & ea quæ in cuspidi narium Cete, prima numero.

Hisce sic animadversis, figuratio in globo vel sphæra conveniens adsignari potest in hunc modum:

Sint A & C poli eclipticæ, B D portio zodiaci medio interlabens, K Martis stella. Fixæ autem cum locis suis characteribus signantur,

	Longitude	Latitude
E extrem. alæ Peg.	gr. 3 mi. 46 $\nu$	g. 12 m. 35 B
F dorſi cete,	gr. 6 mi. 20 $\nu$	g. 16 m. 55 A
H lucidæ $\nu$	gr. 2 mi. 14 $\wp$	g. 9 m. 57 B
G roſtri Cete	gr. 9 mi. 39 $\wp$	g. 7 m. 50 A



### Praxis.

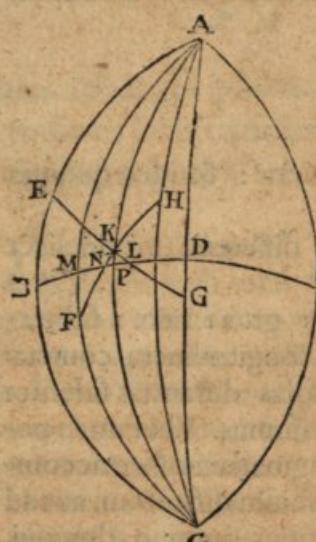
#### I. In triangulo E A G, pro E G dīδōμενα

$$\begin{cases} E A \text{ comp. lat. alæ Peg. gr. 77 m. } 25 \\ G A \text{ excessus roſt. Cet. gr. 97 m. } 50 \\ E A G \text{ differ. longit. gr. } 35 m. 53 \end{cases}$$

Ergo datur G E - - - gr. 41 m. 5

#### II. In

Vide Progymn.  
1. T. B. pag.  
551 in exemplo  
Meſſliniano.



I. In eodem triangulo pro  $E G A$ , datis omnibus lateribus, datur  $A G E$  gr. 60 min. 30.

III. In orthogonio  $G D L$ , pro  $D L G$  &  $D L$ ,  
didiōμενα sunt

$D G$  gr. 7 min. 50 latitudo rostri cete  
 $L G D$  id est,  $A G E$  g. 60 m. 30 modo inventus  
 $D$  angulus rectus.

Ergo datur  $\begin{cases} D L G \text{ gr. 30 min. 26} \\ D L \text{ gr. 13 min. 33} \end{cases}$

IV. Similiter in triangulo  $F C H$  pro  $F H$ , &  
 $H F C$ ; vel ipsius compl. ad semicirculum  $H F A$

didiōμενα  $\begin{cases} F C \text{ g. 73 m. 5 compl. lat. dorsicete} \\ C H \text{ g. 99 m. 57 exc. lat. luc. } \gamma \text{ ultra 90.} \\ F C H \text{ g. 25 m. 54 diff. long. harum stell.} \end{cases}$

Ergo  $\begin{cases} F H \text{ g. 37 m. 7} \\ H F A \text{ g. 45 m. 29} \end{cases}$

V. In orthogonio  $M F N$ , pro  $M N F$  &  $M N$

didiōμενα  $\begin{cases} F M \text{ gr. 16 min. 55 latitudo dorsi cete} \\ M F N \text{ gr. 45 min. 29 idem cum invento } H F A \\ M \text{ rectus.} \end{cases}$

Ergo datur  $\begin{cases} M N F \text{ gr. 46 min. 59} \\ N M \text{ gr. 16 min. 29} \end{cases}$

Porro addantur latera  $D L$  &  $M N$ , summaque subtrahatur à  $M D$ , &  
relinquitur latus  $N L$  gr. 3 min. 17.

VI. In trigono  $N K L$  pro  $N K$

didiōμενa anguli ad latus  $\begin{cases} N \text{ gr. 46 min. 59} \\ L \text{ gr. 30 min. 26} \\ N L \text{ gr. 3 min. 17} \end{cases}$

Ergo datur  $N K$  gr. 1 min. 38

VII. Et ultimo, in orthogonio  $N K P$ , pro  $K P$ , &  $N P$

didiōμενa sunt  $\begin{cases} K N P \text{ gr. 46 min. 59} \\ K N \text{ gr. 1 min. 38} \\ K P N \text{ rectus} \end{cases}$

Ergo datur  $\begin{cases} K P \text{ gr. 1. min. 12 ipsa latitud. Martis borea} \\ N P \text{ gr. 1. min. 10 cui addito } M N \text{ gr. 16 min. 29, effici-} \\ \text{tur arcus } M P \text{ gr. 17 min. 39, qui si addatur longitudini stellæ in } F, \text{ quæ est} \\ \text{penes } M \text{ gr. 6 min. 20 } \gamma, \text{ emergit simul quoque long. } \delta \text{ gr. 23 min. 59 } \gamma. \end{cases}$

#### P R O B L E M A VI.

Data linea recta duarum stellarum cum phænomeno ignoto, & sim-  
mul distantia unius notæ stellæ, ab ignoto sidere: datūr hic  
longitudo & latitudo.

Porro ex observatione  $\Phi\alphaιωμένων$  in una linea recta, à duabus saltim stellis,  
cum distantia ejus ab una earundem compendiosius illius locum scrutari  
possimus; velut in antecedente diagrammate, data linea recta  $E K$  per locum  
Martis in  $K$ , cum distantia  $E K$ : quæritur primum tota  $E G$  distantia, vide-  
licet stellarum. Dehinc vero angulus  $A E K$ . Tertio denique in triangulo  
 $A E K$ , quia dantur duo latera circa datum angulum ad  $E$ , non latebit  $A K$   
compl. latitudinis martis, ut nec  $E A K$  differentia longitudinis à stella in  $E$ .

Ad

Ad cæteras vero rationes observandi ac perscrutandi sideris mobilis ignotum locum absque instrumentis hæc referri potest, quoties idem cum fixa aliqua stella, aut alia erratica, cuius situs in coelo cognitus est, conjunctum quasi partiliter videmus; aut quam proxime, & quantum à partili conjunctione deficiat, quam præcise fieri potest, aestimamus: ac postea mechanice globo vel iconibus asteris morum, in primis D. Ioannis Baijerii, rite pro loco ignoti accommodamus.

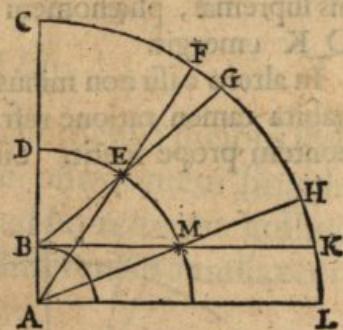
Atque hactenus de observationibus.

Vide præclarū opus iconum stellarium Ioh. Baijerii, V. I. D  
e verificatione D. T. B. formatum.

## C A P V T X.

*De Parallaxibus phænomeni ob semidiametri telluris sensibilem, ad orbem sicutumque hujus quantitatem, una cum rationibus præcipuis parallaxium in altitudine observandarum, siue phænomenon fixum fuerit, siue proprium motum habuerit, unde postea distantia ejus à tellure datur. Denique quibus potissimum rationibus dictas altitudinis parallaxes in longum ac latum separari ac diduci conveniat.*

Sidera quemadmodum communiter observanda & in ordinem redigenda sunt, variis rationibus capite antecedente patefecimus. Præsenti vero (D.A.) acturi sumus de particula Astronomiæ omnium ingeniosissima, quo scilicet pacto per observationes suo modo præcise ac oportune instituendas, posteaque triangulorum rationibus devinciendas, parallaxis seu aberratio visus in phænomeni denotatione, propter distantiam centri terræ à loco observantis, si quæ sensibilis in comparatione cum distantia phænomeni fuerit, cognoscatur: unde plurima in Astronomia tam necessaria, quam jucunda, & Physicæ veritati stabiliendæ quasi præcipue accommodata deducuntur, quippe de distantiis phænomenon à terra, horumque magnitudinibus: quæ non modo ad eclipsium luminarium supputationem; sed etiam cometarum, & aliorum novorum phænomenon generationem & sitū, adversus veterum Peripateticorum opinionem unice faciunt. Cæterum ut causa parallaxium principio constet, sequens lemma præmittendum est, in quo sit A terra, B statio observantis in ejus superficie, C L quadrans sphæræ stellarum fixarum, quæ ob nimiam suam à tellure distantiam, omni parallaxi caret, adeo ut linea à centro terræ A, & à B in superficie, ob id concurrere intelligantur. phænomeni vero parallixin habentis orbita sit D M, quandoquidem ad ejus semidiametrum A M, sensibilis quantitas reperiatur lateris A B. est autem angulus parallaxeos in horizonte A M B; cui æqualis est H M K: in elevatione vero phænomeni positu, nempe in E, angulus parallaxeos est A E B, cui æquatur F E G. cæterum quum phænomenon fuerit in D angulus parallaxeos plane evanescit ob A, B, D, C, rectam lineam constituentia. Facile quoque percipitur, quod angulus B M A inter parallaticos omnium maximus evadat; minimus autem qui D proximus, propter habitudinem anguli ad B. Quum enim ille rectus fuerit, ut in horizonte, uterque angulorum ad A & M major erit, quam quum idem angulus ad B obtusus reperiatur, idque successive, ut in reliquis locis phænomeni parallatici supra horizontem. His sic constitutis, ad parallaxeon demonstrationem ex observationibus generaliter indicatis nunc accedemus.

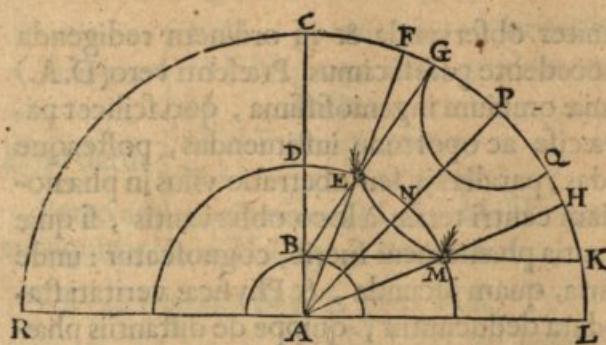


## P R O B L E M A . I.

Data phænomeni , semper circa polum mundi conspicui, utraque altitudine meridiana : datur aggregata in utraque altitudine parallaxis , si quam habuerit , vel differentia.

**P**Hænomenon cœleste, cuius parallaxin inquirere satagimus, si quam habuerit, aut cum fixis immobile erit, aut movebitur. De utroque hoc ac sequentibus problematibus agemus. Nam si phænomenon mobile fuerit, ad immobilitatem reducitur, per mutationem declinationis ejus in diurno motu observandam ac proportionaliter accommodandam.

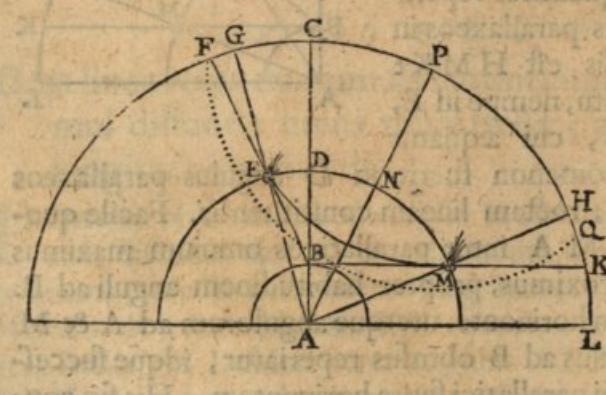
Præsentis vero problematis casus duo sunt. Aut enim phænomenon polum mundi ita circumit, ut semper infra verticem loci ad boream in utroque meridiano conspiciantur; aut in superiore meridiano verticem superat in meridiem. Priorem, adjectum diagramma explicat, in quo, retentis ut plurimum superioribus notis, ac dimidio axi mundi A N P; à centro A descripto circulo phænomeni, statuitur hujus suprema altitudo meridiana in E, infima vero in M, idque ad solam conversionem primam, cum immobile fuerit cæterquin phænomenon. Quare data elevatione poli in N vel P: facile colligitur, ex utraq[ue] altitudine meridiana phænomeni, in quantum arcus N M superat arcum N E. Pro aggregato autem



parallaxium, ducitur semicirculus G Q, ex polo mundi P, & quum arcus P F & N E sint æquales, efficitur P Q æqualis P G. Sed parallaxis infimæ altitudinis phænomeni in M, est penes angulum H M K (vel B M A:) cui si addatur arcus Q H, qui æqualis est F G parallaxi altitudinis supremæ, phænomeni tunc utriusque parallaxis aggregatum inde in arcu Q K emergit.

In altero casu non minus differentiam parallaxium extricamus, si quæ fuerit, habita tamen ratione refractionis, si phænomenon in infimo meridiano horizontem prope fuerit. Sit in præsenti diagrammate phænomenon in summo meridiano in E, superans verticem E D vel F C. Quoniam ex prioribus con-

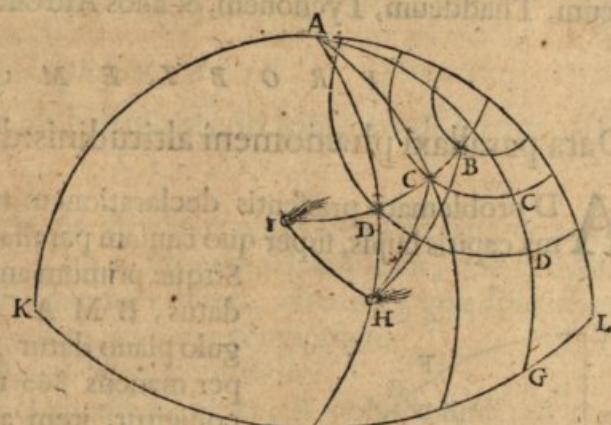
stat, quod angulus parallacticus in superiore fuerit penes B E A, in infimo vero meridiano B M A. Quare polo P, si ducatur semicirculus F Q, erit K Q differentia parallaxium, seu angulorum dictorum B E A, & B M A, quam acquirere proposuimus.



## PROBLEMA II.

Constituto phænomeno cum duabus stellis fixis in eodem verticali; quarum scilicet loca cognita sunt, & simul poli loci elevatio: accepta autem altitudine phænomeni eodem tempore ac fixarum unius: deinde in secunda observatione non habitâ ratione verticalium, acceptis distantiis phænomeni ab iisdem fixis, una cum altitudine ipsius, & similiter alterutrius fixarum: parallaxes phænomeni utriusque temporis congruas, si quas habuerit, cognitas reddere.

**H**oc problema omnibus parallaxibus eruendis generale; sive phænomenon continuo sit conspicuum, sive oriatur & occidat, à Diggesæo Anglo artificissime ex cogitatum est; sed novo habitu à Thaddæo Hagesio induitum, à nobis nunc compendiose proponitur, dum in prima observatione solum altitudinem absque observatis à fixis distantiis requiramus, ut in diagrammate sequente. Cæteris per se cognitis, sit in prima observatione phænomeni visus locus in I, in quo verticali sit & hujus verus situs in D, & fixarum in C & B subintelligendus. quare data altitudine istius, & similiter unius fixarum; datur distantia ipsius eadem opera ab utraque per præcedentia problemata. deinde in secunda statione devoluto phænomeno in H, ac fixis ut appareat concomitantibus, quoniam hic per problematis tenorem *διδόμενα* sufficientia adsint, datur tandem ex his parallaxis ejus, in altit. utraque, &c.

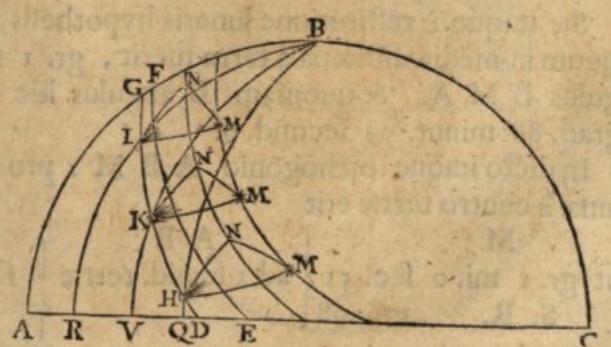


Vide problem.  
T. B. prim.  
lib. pag. 668.

## PROBLEMA III.

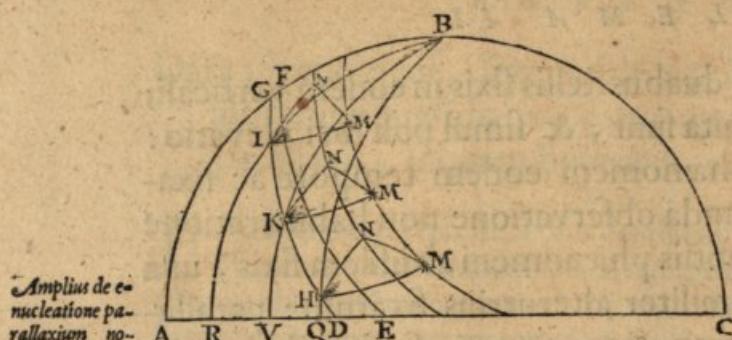
Data per intervallum temporis distantia phænomeni à duabus stellis, supra aut infra positis, cum altitudine phænomeni singulis vicibus ab ima quæ haberi potest, usque ad supremam: colligitur ductus orbitæ phænomeni, & inde differentia parallaxeos, si quam habuerit.

**H**æc communissima ratio parallaxeos enucleandæ esse videtur in iis phænomenis, quæ hanc admiserunt, ut in adjuncto schemate sit A B C meridianus, A D C horizon, cuius polus B: sitque via vera novi phænomeni E F, visa D G, sintque etiam duæ stellæ fixæ à quibus per interval-



L

lum



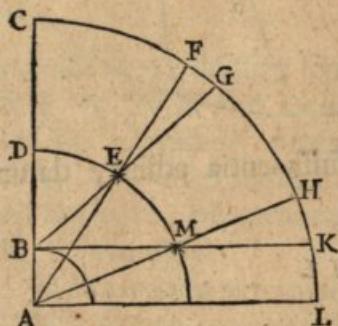
præsenti schemate, & contra modo idem stellis fuerit superius in diurna revolutione, adeo quidem ut si tramitem novi phænomeni parallaxin habentis, è talibus observationibus scrutari velis, nunquam vestigiis circuli in coelo maximi infistere pergas.

Atque sic de inquisitione parallaxeon phænomeni novi eas admittentis, problemata quædam dedimus, quæ nobis videbantur huic negotio maxime accommoda. Qui autem plura ac diversa requirit, ipse Regiomontanum, Diggesum, Thaddeum, Tychonem, & alios Astronomos consulat.

#### P R O B L E M A I V.

Data parallaxi phænomeni altitudinis: datur ejus à tellure distantia.

**A**D problematis præsentis declarationem, revocetur hoc primum diagramma capitis hujus, super quo causam parallaxeos intervenientis explicuimus.



Sitque primum angulus parallacticus in horizonte datus, B M A. quoniam itaque in eodem triangulo plano datur A B. semidiameter terræ semper manens 860 milliar. German. ut è Geometria colligitur. item angulus A B M rectus, & præterea angulus parallacticus B M A; & propterea quoque angulus ad A; proinde dabitur B M latus, vel etiam A M, id est, distantia phænomeni à superficie, vel centro terræ, prout placuerit.

Idem quoque efficitur in triangulo B E A, dato scilicet complemento altitudinis phænomeni visæ D B E, vel veræ D A E, una cum angulo parallactico B E A. dabuntur enim sic tres anguli cum latere B A, ut prius demonstratum est; quare quoque vel latus B E, vel A E dabitur.

Sed problema propositum quoniam exemplis declarare juvat, quæ ideo è luna velut notas ac familiares parallaxes nobis insinuante commodissime desumuntur.

Sit itaque è restitutione lunaris hypothesis, parallaxis horizontalis ejusdem, quum in media distantia à terra fuerit, gr. 1 mi. 0 sec. 51, quam metitur angulus B M A. & quoniam B angulus hic rectus est, erit angulus B A M grad. 88 minut. 59 secund. 9.

In dicto itaque orthogonio A B M: pro latere A M tanquam distantias lunæ à centro terræ erit

$$\text{ut gr. 1 mi. 0 sec. 51} \left\{ \begin{array}{l} \text{ad 1 semid. terræ} \\ \text{S. R. 176998} \end{array} \right\} \text{A B} \left\{ \begin{array}{l} \text{sic gr. 90} \\ \text{10000000} \end{array} \right\} \text{B} \left\{ \begin{array}{l} \text{ad } 56\frac{1}{2} \text{ sem. terræ.} \\ \text{Inven-} \end{array} \right\} \text{A M}$$

Inventas semidiametros terræ quibus luna ab ea distat, facile erit in milliaria extendere. Nam

Semid. terræ	milliar.	Semid. terræ	milliar.
ut 1	860	56 <i>1</i>	48590

Alterum exemplum sit in triangulo B E A è luna quoque desumptum, in media similiter distantia ejus à tellure, sitque altitudo vera lunæ gr. 45, quam metitur angulus B A E. Angulus vero parallacticus A E B, fit min. 43 sec. 35. quare per horum aggregatorum complementum ad semicirculum, per quod operandum erit, reperitur gr. 45 min. 43 sec. 35: itaque

Semid. terræ.	Semid. terræ.
ut min. 43 sec. 35	gr. 45 min. 43 <i>1</i> (56 <i>1</i> ) — fere ut prius.

S. R. 126776 S. R. 7160143

Porro pro data distantia phænomeni à terra patet per conversionem solutionis trianguli A B M, seu A B E, quemadmodum tabula parallaxeos ab horizonte ad verticem usque conseruetur: notis scilicet lateribus A M seu A E, & A B; ut nullus amplius pro ejus rei demonstratione labor suscipiatur. Data autem distantia sideris à tellure, una cum visibili magnitudine; facile datur ejus vera maginitudo in comparatione cum terra, ad exemplum à nobis circa initium lib. I theoricorum relinquendum.

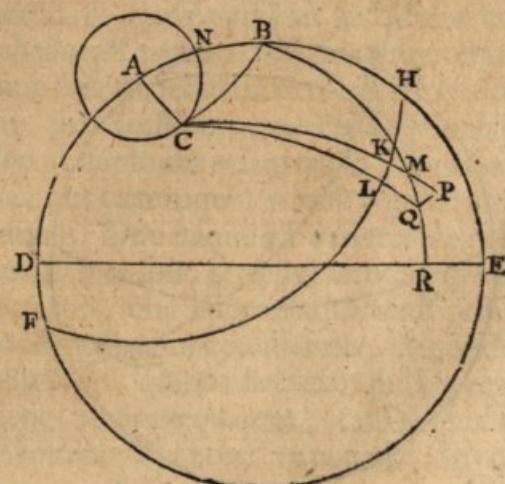
### P R O B L E M A V.

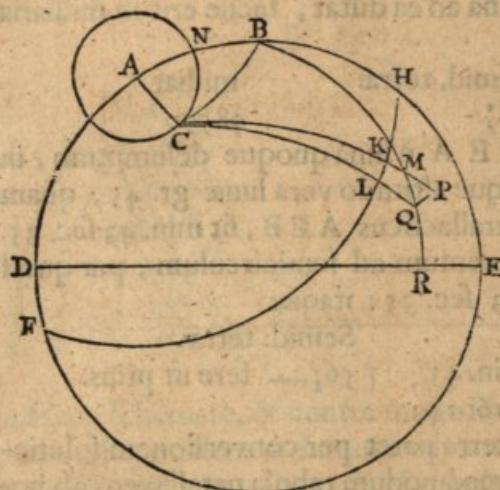
Datam altitudinis parallaxin ab horizonte in longum & latum distribuere.

Inter varias rationes hujus pragmatiæ ab aliis traditas duas adferemus, alteram à D. Tychone inventam: & lib. 2 Progymnas. infotam, quæ generalior est, nec multum à sequente diagrammate differt: alteram, quæ specialior est, & eclipsi solari maxime conveniens, à nobis excoxitatam.

Modus autem à Tychone productus sic demonstratur:

Sit in adjuncto schemate A B E meridianus loci, A polus mundi, B polus verticis loci, denique eclipticæ polus C, hic in circulo arctico circa mundi polum actus. ex hisce polis describuntur D E horizon, cuius polus B, & F H ecliptica è polo suo C, ducto autem quadrante B R, datur ex hypothesi parallaxis in circulo altitudinis M Q. deinde actis à polo eclipticæ C Q, & C P, & ducto Q P perpendiculari in P, perspicuum est in parvo orthogonio Q P M omnis parallaxeos species reperi: etenim Q M altitudinis esse, supra definivimus: hic vero M P latitudinis est, & Q P longitudinis, quippe insensibiliter fere ab arcu L K in ecliptica designato differens. pro hisce autem posterioribus cognoscendis hac via incedendum est. primo in triangulo A B C pro B C, quia dantur A B distantia polarum mundi ac verticis; A C distantia poli mundi & eclipticæ, quæ semper æqualis est obliquitatim maximæ æquatoris ac eclipticæ; præterea quoq; angulus B A C cognoscitur ex remotione C poli eclipticæ à puncto medii coeli in N: ad quod opus est ascensione rectasolis, & tempore, in revolutione diurna præsupponendis. quare ex hisce tribus





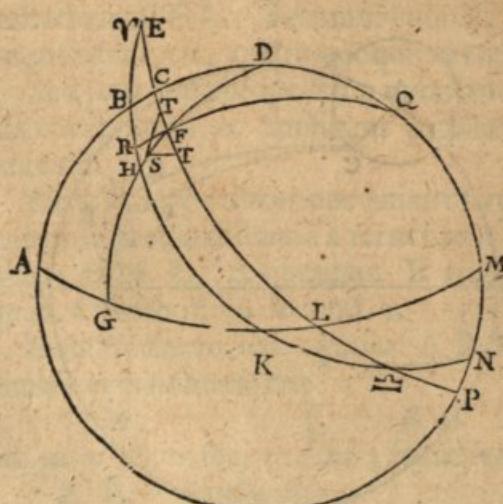
latitudinis, &  $QP$  longitudinis. hæc praxis mediocribus parallaxibus, qualis lunæ est, satis sufficit; fin vero majores excogitari possent, in longum latumque juxta positum eclipticæ diducendæ, operatio in obliquangulo  $CMQ$  institui rectius poterit, in quo quum duo latera  $CM$  &  $QM$  cum angulo comprehenso ad  $M$  è prioribus cognita fuerint, non latebit  $CQ$  latus longitudinis parallaxin mensurans ultra  $CM$ , ut nec angulus  $MCQ$  longitudinis parallaxin reæte in se continens. exemplum hujus problematis apud Tychonem loco citato petendum est.

#### P R O B L E M A VI.

Dato puncto in ecliptica cœlum mediante, una cum declinatione ejusdem & angulo intersectionis meridiani & eclipticæ; dato etiam loco luminarium in ecliptica: datur altitudo horum vera, cui per antecedens, etiam data congruens parallaxis in longum ac latum distribuitur.

**H**Vnc modum extricandi atque distribuendi parallaxes excogitavimus, eclipsi solari, ni fallor, maxime convenientem; dum scilicet & altitudinem luminarium ab horizonte, quæ in hoc negotio requiritur, & angulum vertici & eclipticæ interlabentem, & demum parallaxin altitudinis prius affecuti, facile admodum hanc per longitudinem & latitudinem distribuemus.

Sit diagramma, in quo  $A B D M$  meridianus,  $A M$  horizon è polo  $D$ ,  $E N$  æquator è polo  $Q$ , denique zodiacus  $E P$ . sit autem locus solis in  $F$  eclipticæ, cuius ascensio recta nota fuerit in  $R$ : tempus vero, quo sol à medio cœlo distat, per  $B R$  mensuratur. Porro cum  $A B$  detur, nempe elevatio æquatoris ab horizonte: datur quoque ipsius complementum  $BD$ . item  $BC$ , declinatio medii cœli ex præcedentibus, similiter quoque  $CF$ : & quia  $CD$  etiam concessum est ex inductione præcedentium, acquiritur angulus  $DCF$ , vel



vel potius datur e sua tabula. in triangulo itaque D C F, pro DF complemento altitudinis solis, & CFD didicimus sunt.

$$\begin{array}{l} \text{CD} \\ \text{CF} \\ \text{DCF} \end{array} \left\{ \begin{array}{l} \text{DF} \\ \text{ergo ex hisce datur} \\ \text{CFD} \end{array} \right\}$$

Si autem angulus CFD obtusus efficiatur, indicium erit, luminaria transvecta esse nonagesimum eclipticæ gradum, & lunam per parallaxin longitudinis ad occasum vergere. ducatur autem arcus seu linea S T: conspicuum itaque est in parvo triangulo F S T omnes parallaxes dari: altitudinis quidem per SF, latitudinis per ST, & tandem longitudinis per FT. & quia triangulum adeo coarctatum est, ut maximum ejus latus vix gradum unum contineat, insensibiliter aberramus, modo pro sphærico, triangulus planus intelligatur: in quo quia omnes anguli dantur, (quum præter eum qui ad eclipticam in F datur, semper qui ad T constituitur rectus sit) item latus SF parallaxin altitudinis mensurans, facile dabitur & ST parallaxis latitudinis, & TF parallaxis longitudinis, ubi prius per SF altitudinis parallaxis definita fuerit.

Hic modus omnium mihi videtur compendiosissimus & convenientissimus in eclipsi solis, præsertim ubi luna latitudine evidente careat, præterquam quod fundamentum tradat tabularum Reinholti pag. 99. & sequent. potest autem, quum luna latitudinem septentrionalem habuerit, ratio haberi altitudinis augenda, quando calculus eclipseos instituetur. Exemplum qui desiderat, inveniet illud lib. i Theoricorum in eclipsi solis supputata ad annum 1612, 20 die Maji.

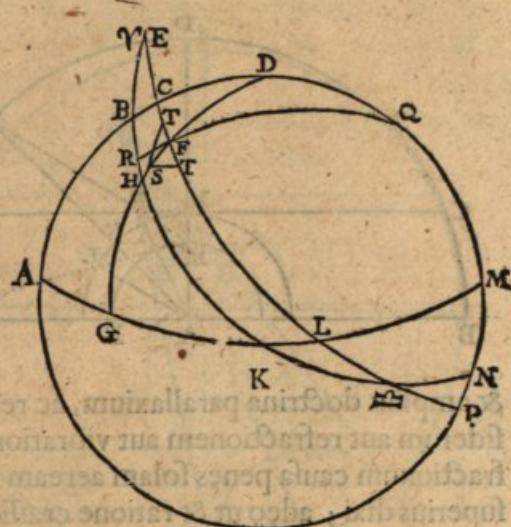
Lib. i Theor.  
ri. cap. 8. item  
lib. i Theor.  
cap. 9.

## CAPUT XI.

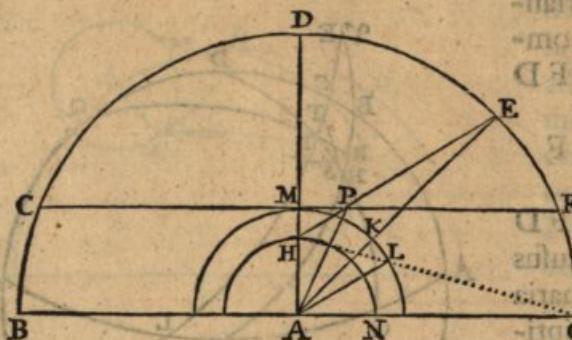
### De Refractionibus Siderum, Crepusculis, & Meteororum à superficie telluris sublimatione.

**D**Octrina refractionis siderum, et si in opticis Vitellionis, & Alhazeni quodammodo sit indicata: nostra tamen ætate primum per Tychonem Brahe nostrum ab experientia coelesti est reperta, & causæ ejusdem luculenter cum Rothmanno disceptatæ. Has postea Iohannes Kepplerus numeris demonstratiōni alligatis explicare conatus est, sed non satis generali modo, quum in locis maritimis ac polo Arctoo vicinioribus, pro crassiore aeris constitutione refractiones in immensum varientur, adeo ut duplo aut etiam triplo majores ibidem fiant, quam in ulteriore Germania, aut cæteroquin in locis aerem per radios solis efficaciores depuratum habentibus. Duo itaque ad varietatem refractionum siderum indicandum occurunt, natura soli, & solis radiorum gemina inter ferendum superficiem terræ obliquatio, una appropinquationis poli respectu: altera horizontis in singulis locis. Quibus consideratis, & quod ultra semiquadrantem a finitore vix in ullis locis, quibus hactenus in Norvegia, & alibi degeram, sensibiles refractiones deprehendantur, causas ejus adjuncto diagrammate breviter cum Domino Tychone exponam. In quo

Tomo i Epi.  
Astron. Ioh.  
Kepplerus in  
Opticis.



Vide Prognos.  
Astron.



& amplius doctrina parallaxum, ac refractionum ostenditur) ut nullam per se fiderum aut refractionem aut vibrationem causetur. Constat itaque quod refractionum causa penes solam aeream sphæram sit consideranda, modo, quo superius dixi; adeo ut & ratione crassioris diaphani, & obliquioris projectionis radiorum efficacius sidera refringantur, sive per visum nostrum, sive radios suos sese nobis insinuent: unde accedit, quod maximæ refractioni stella in maxime declivi situ obnoxia fiat. Velati in L sideris existentis in horizonte G; ob incidentiam obliquiorem radii in L, & crassius diaphanum H L, quod in P pene evanescit.

### PROBLEMA I.

Data depressione solis sub horizonte loci, quum crepusculum matutinum seu vespertinum plane definat: datur extremorum vaporum a terra elevatio.

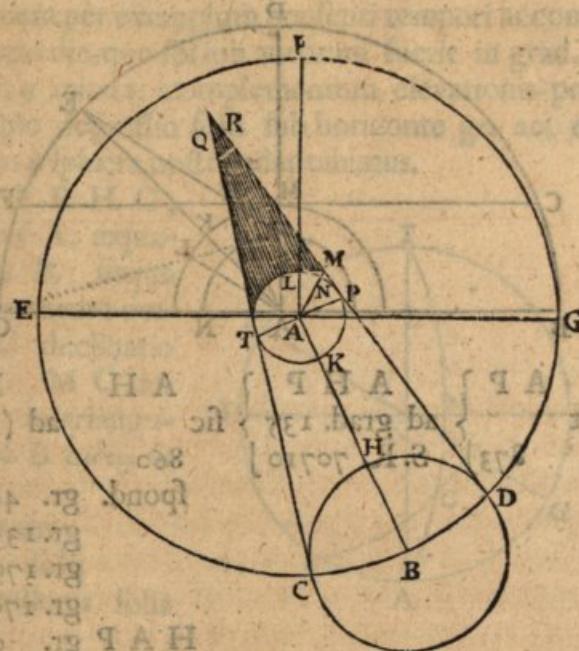
Pro Alhazeni  
ult. & Vitellio-  
ni 60.

**C**AUSAM crepusculorum in Astronomiæ præcognitis attigimus, nempe corpus inter vapores in sublime supra nubes elevata, & quod radiis solaribus collustrentur, in albedinem declinantia. Sublimationes autem horum crepusculorum, penes quorum altissimum terminum procul dubio refractiones in initio fieri incipiunt, ex ultima propositione Alhazeni optici & 60 prop. Vitellionis primo inquiramus, quo nobis & differentia lateris H L, & H P, velut diaphani refractorii in præcedente figurazione innotescat; & postea crepusculorum horum termini in singulis terræ locis & anni temporibus cognoscantur.

Ob discrepantium autem, quæ inter observationes Tychonis & Rothmanni lib. 1 epistolarum Astron. reperitur gr. 7; quibus Rothmannus depressionem solis sub horizonte supra Tychonem adauget, omni tunc crepusculo desinente, dum ille eandem ponit gr. 24, Tycho gr. 17 duntaxat, & præterea quod nos in Norvegia durabiliora crepuscula etiam hyberno tempore esse deprehendimus, non dubitamus generaliter ad horum ultimam evanescientiam, solis infra horizontem positum esse 20 graduum; unde propositi problematis demonstratio, super diagrammate adscripto, sequitur in hunc modum.

Sit (in seq. fig.) A centrum terræ, atque circuli solis B C E F G, solis autem corpus e centro B, sit C H D, & terræ K T L P. Sitque horizon visibilis L M, supra quam lineam rectam visus fit duntaxat. Umbra vero terræ projecta a sole fit R P T Q, terra autem a sole illustrata fit P K T grad. 180 min. 28, propterea quod diameter solis contineat diametros ter-

ræ  $\frac{5}{7}$  proxime, sole in media elongatione a terra elevato, videlicet 1200 semid. terræ, juxta Ptolomæum, & etiam amplius paulo secundum nostram recentem emendationem. Erit itaque angulus P A B (nempe dimidiū circumferentiaē P K T) grad. 90 min. 14. sed angulus G A B, ex hypothesi, depressionis solis sub horizonte, deficiente scilicet plane crepusculo, fuit gr. 20. ergo angulus P A G datur gr. 70 min. 14. at quia L A G rectus est, erit L A P gr. 19 min. 46. cæterum quoniam in M puncto crepusculum clauditur, ubi corpuscula ista albantia, quæ e vaporibus terrestribus crepuscula caussantur, non amplius sunt conspicua; ad contactum itaque circuli, ubi latera M P & M L sunt æqualia, dividatur ad punctum M angulus L A P bifariam, eritque M A P gr. 9 min. 53. sed propositum est inquirere A M. quare pro eodem in triangulo plâno rectangulo M P A, quoniam dantur omnes anguli cum latere A P semidiametro terræ in milliaribus Germ. 860: non latebit A M 873. differentia itaque A L & A M, nempe N M 13 mill. fere, exaltationem vaporum a terra altissimorum, de quibus egimus, definit.



## PROBLEMA II.

Data distantia vaporum altissimorum a terra; quantitatem dia-phani refractorii in utraque, maxima & minima apparente refractione, in apricum producere, & ab invicem discernere.

IN declarationem hujus problematis diagramma penultimum (five pagina proxime sequenti positum) revocetur, ductis a centro terræ A lineis rectis, ad L & P. in primo itaq; triangulo rectangulo A H L: angulo recto ad H existente (quod coelum sidereum in G parallaxes sensibiles excludat, ut supra de fixis ostensum est, pro H L quæsito ita procedimus.

## Primo.

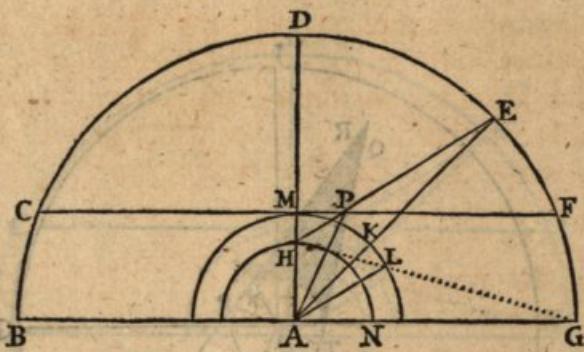
$$\text{ut } \begin{cases} AL \\ 873 \end{cases} \left\{ \begin{array}{l} ad \\ gr. 90 \end{array} \right\} \text{ sic } \left\{ \begin{array}{l} AH \\ 860 \end{array} \right\} > ad \quad \begin{matrix} HLA \\ S. R. 98516 \end{matrix} \text{ Resp. gr. 80 min. 7.}$$

Deinde in eodem Trigono.

$$\begin{matrix} H \\ \text{ut grad. 90} \end{matrix} \left\{ \begin{array}{l} AL \\ \text{ad milliar.} \\ 873 \end{array} \right\} \text{ sic gr. 9 min. 53} \quad \begin{matrix} HAL \\ ad 150 \end{matrix} \text{ milliar. Germ.} \\ \begin{matrix} S. T. 100000 \\ S. R. 17164 \end{matrix} \quad \begin{matrix} HL \\ S. R. 17164 \end{matrix}$$

L 4

Porro



ut  $\begin{cases} AP \\ AHP \end{cases}$  ad grad. 135 } sic 860

873]

S. R. 70710 }

$\begin{cases} AHP \\ AP \end{cases}$  ad grad. 135 } sic 860

HPA

ad (69658 cui re-  
S. R.

spond. gr. 44 mi. 9 add.

gr. 135 mi. 0

gr. 179 mi. 9

gr. 179 mi. 60 semicirc.

HAP gr. 0 mi. 51 differ. HAP quæsit.

Deinde ut 135 gr. } ad 873 } sic M 51 ad mill.

S. R. 70710 } S. R. 1483 18 $\frac{1}{2}$  proxime

differentia quæsita inter diaphanon crassissimum, & illud in quo refractiones desinunt est 131 $\frac{1}{2}$  milliar. G.

Ex hac collatione videre licet, quid diaphanon quantitate crassius circa horizontem ad refractiones augendas confert, præter duas causas quæ una concurrunt; alteram scilicet semper sibi similem, de obliquitate inæquali incidentiæ radiorum; alteram de aeris mutatione ad locum in terra mutatum. Huic vero ultimæ causæ tantam varietatem inesse ab experientia comperimus, ut refractiones non nisi per eandem experientiam metiri sustineamus, Dn. Tychonem Brahe hac in re imitantes, qui tabulas refractionum seorsim de sole, luna & stellis in primo libro Progymn. ad horizontem Daniæ ediderat.

Cæterum de Hollandorum observatione in Nova Zembla anno Dom, 1596 & seqq. ubi sol 17 diebus ante legitimum tempus iisdem in conspectum rediit, quid aliud dicemus, quam quod tanta aeris crassities per solis perpetuam absentiam sub horizonte à 3 Novembr. ad 11 Februar. stilo novo, sit collecta, ut hanc totam discrepantiam ingesserit?

### P R O B L E M A III.

Data elevatione poli ac declinatione solis, datur momentum horæ crepusculi tam matutini, quam vespertini in horizonte desinentis.

Légantur de  
Crepusculis  
Petrus Nonius,  
Ioh. Kepl-  
erius, D. Am-  
brosius Rho-  
dinus &c.  
D. Petrus Lau-  
renbergius.

**Q**uid autem crepusculum fuerit ex antecedentibus causis colligitur, nempe dubia lux, quæ solis ortum præit, & occasum sequitur, nec plane horizonte clauditur, antequam sol sub eodem gr. 20 fuerit, secundum motum primum, depresso. Cæterum primo loco ante problematis declarationem per collationem complementi elevationis poli ac declinationis Boreæ (una cum data depressione solis) citra, aut declinationis merid. ultra æquatorem, explorabitur quando & quibus in locis crepusculum fuerit continuum. Quando enim & ubi aggregatum, ex declinatione solis ad quodvis tempus datū & depressione ejusdem infra horizontem gr. 20, ex hypothesi, elevatione æquatoris, seu complemento poli majus fuerit, perpetuum crepusculum regnat; velut in sphera nostra materiali facile cognoscitur.

Porro in altitudine phæno-  
meni grad. 45 ubi refractio-  
nen fiderum quam proxime  
desinere antea diximus in trian-  
gulo H A P, quoniam datur  
angulus P H A gr. 135 (ad-  
iectis scilicet P H L gr. 45  
ad angulum rectum) cum  
A H, & A P, primo erit pro  
angulo ad P

gnoscitur. Nunc ad demonstrationem per exemplum præsenti tempori accommodatum accedemus. Isto hodierno die, quo sol sub auroram fuerit in grad. 6 D. 14 Feb<sup>r</sup>. mi. 14 x, cuius declinatio est gr. 9 mi. 11, complementum elevationis poli hujus loci gr. 34 mi. 17, & denique depressionis solis sub horizonte gr. 20, ex hypothesi. His diagramma sequens è sphæra nostra adaptabimus.

Sit in hoc exemplo meridianus F E H G; horizon F H, cuius polus infimus A, æquator E G, cuius polus antarcticus B. sitque C locus solis sub horizonte, quum aurora omnium primo appareat. igitur L C declinatio solis meridionalis grad. 9 min. 11. M C depressionis solis sub horizonte gr. 20. in triangulo itaque A B C pro angulo ad B  $\Delta \delta \mu \nu \epsilon \nu \alpha$  sunt,

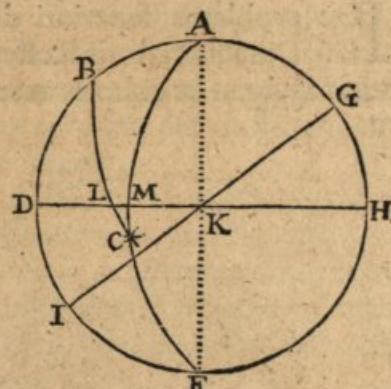
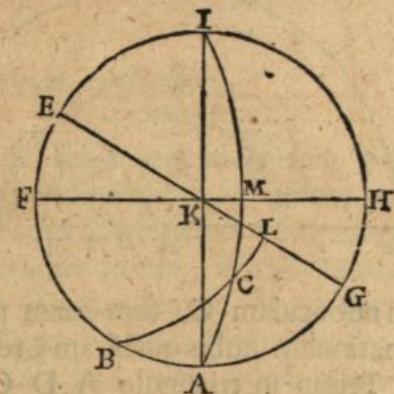
A B gr. 34 mi. 17 distantia polorum  
B C gr. 80 mi. 49 compl. declin. solis  
A C gr. 70 mi. 0 compl. depressionis solis  
continuo.

Ex hisce datur C B A gr. 67 mi. 48. quem metitur arcus æquatoris G L, quique in tempus conversus, dat hor. 4 mi. 31 sec. 12, primum diluculum matutinum. Hinc vespertinum crepusculum extremum similiter datur, eodem subducto tempore quæsito à hor. 12, nempe hor. 7 mi. 28 sec. 48.

*Aliud exemplum.*

Quærendum est momentum crepusculi vespertini desinentis ad diem 24 Martii anni 1611, in quem solennitas Paschalis incidit. Circa hoc tempus locus solis est in  $13\frac{1}{2}$  v, respondet declinatio solis gr. 5 mi. 21 B.

Sit rursus in apposito diagrammate angulus C B A quærendus. dato itaque in triangulo A B C, A B grad. 34 minut. 17 distantia polorum. B C grad. 84 minut. 39, compl. declinationis solis. A C grad. 110 minut. 0, excessus depressionis solis sub horizonte gr. 20 supra quadrante. ergo datur angulus obliquus A B C grad. 138 min. 20, cui respondent in tempore hor. 9 minut. 13 sec. 20, quibus ab horis 12 sublatis, relinquuntur hor. 2 minut. 46 sec. 40. quod quidem tempus etiam primam auroram matutinam eadem die ostendit.

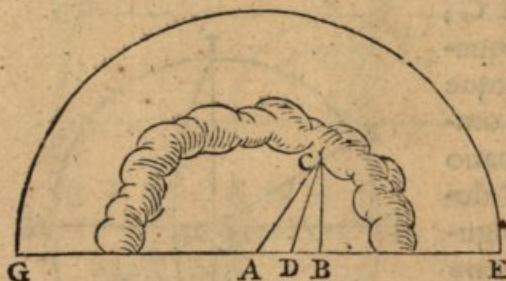


*PROBLEMA IV.*

Data intercedente directa in terra inter binos eandem nubeculam ab horizonte in altitudine observantes: datur nubis ejuscemodi a superficie telluris sublimatio.

Hoc problema mediæ aeris regionis distantiam à nobis scrutatur, per nubium sublimationem. Vbi obiter notandum est, id quod ab experientia etiam hic probatum vidimus, nempe hyberno tempore, ob minorem radiorum solarium

solarium efficaciam, nubes & hujusmodi meteora nobis longe, & quasi duplo, quam æstate esse viciniora, quippe prout sol ipse supra horizontem loci elevetur in diurna revolutione. Apud nos igitur hyeme vix  $\frac{1}{4}$  milliar. quum æstate  $\frac{1}{2}$  milliar. quasi à superficie telluris eleventur. Sed ut demonstrationem problemati huic addamus; ducatur horizon



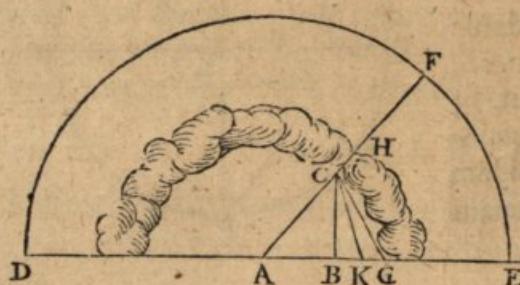
G in nubeculam C, tum etiam perpendiculari C B, constat, quod hæc sublimationem nubis quæsitam à tellure metiantur, hoc modo:

Primo in triangulo A D C, quoniam dantur omnes anguli cum latere A D, quandoquidem A angulum prioris altitudi metitur, D vero complementum altitudinis posterioris ad semicirculum, & latus A D ex hypothesi concessum est. datur itaque latus A C. hinc in orthogonio A B C datorum angulorum una cum latere A C; datur quæsita nubis sublimatio C B.

#### P R O B L E M A V.

Data intercapidine inter umbram nubis perpendiculariter à radiis solaribus in superficiem terræ aut aquæ prostratam, à loco observantis altitudinem solis eodem tempore, datur nubis conspectæ à terra sublimatio.

**H**oc problema superiori de cognoscenda altitudine nubium, experientia Dñ. Davidis Pastoris Resterhaviæ in Ostfrisia, eximii hoc tempore Astronomiæ repurgandæ cultoris accumulat, sequente diagrammate ita demonstrandum.



superficiem terræ infra, nempe B G obsidet, & ideo angulus ad B efficitur rectus: angulus vero C A B metitur ipsam solis altitudinem ab horizonte, cuius complementum exhibet angulus A C B; sed & A B latus quoque innotuit è distantia umbræ, in certo loco superficie terræ, aut aquæ, ab observatoris statione A apparente; quare datur C B ipsa sublimatio nubis quæsita.

Cæterum & hæc nostra ratio est inter has contemplationes ex tempore nata, quod si statio observantis figatur sub umbra nubis, inter B & G, nempe in K, ac ducta linea à K in C, per cujus extremum in C fiat altitudinis nubis ab horizonte in quadrante aut alio instrumento observatio è K, simulque denota-

tio

tio ubi radius solis primum sepe demittat orthogonaliter ex C, eadem scilicet nube in B; id quod saepius in campo aperto animadverti queat. Quocirca in triangulo rectangulo KBC, è datis similiter omnibus angulis cum latere KB datur BC ut prius.

## CAPVT XII.

*De doctrina Gnomonica in Sciathericorum confectione.*

**D**OCTRINAM Gnomonicam non ad Altimetram, seu rerum mensuram hic CLASSIS TER TIA. quoque cum veteribus traduco, qui ex umbra recta & versa solis, altitudinem rerum, ut plurimum, dimensi sunt, siquidem rectius instrumentis quadrante, sextante, aut alio sufficiente in geometria pro Gnomone utimur; verum potius praecipuam partem hujus doctrinæ ad artificiosam sciathericorum, & quidem omnis generis constitutionem in sphæra dirigo, compendiis supra aliorum hactenus inventa, hac in parte, quid præstare possum, ostensurus; quæ quidem in catastro Rosæholmiano anno Dn. 1601, & alto illo otio reperi, quod mihi tunc è Bohemia primum reverso apud generosum virum, Senatorem regni, & omnis solidæ eruditioñis atq; eruditorum columnam Dn. Holigerum Rosæ Krantziūm benigna invitatione obtigit; antequam eodem anno cum nobilissimo & simul eruditæ humanitatis viro Dn. Sthenone Bille de Billisholmio in Norvegiam, Nidrosiam usque, consendi.

Gnomonica autem doctrina hæc dicitur  $\delta\pi\delta\gamma\mu\alpha\sigma\Theta$ , id est, stilo, quod rationem certam includat umbræ stili à radiis solaribus in superficiem præcipue planam projectæ. Notatur autem hujusmodi umbra vel à radice stili superficie infixi; vel ab extremitate ejusdem. Deinde σκιαθηριόν διπλό τοιούτος, id est, umbra, dictum organon est valde antiquum, quippe temporibus in horis & horarum sexagesimis denotandis præcipue à veteribus destinatum: quod diversa <sup>2 Reg. c. 20.</sup> forma fabrefieri potest, sive plano horizontis attemperabitur, unde horizontale dicitur; sive ad perpendicularm muri erigetur soli obversi, & dicitur inde murale. Vtrumque vero aut tempora simpliciter indicat in horis & scrupulis earundem; aut apparatu operosiore, quippe cum inscriptione signorum zodiaci, unde cursus solis per totum annum, item quantitas diei ac noctis cum festis immobilibus, crepusculis & cæteris, singulis diebus cognoscuntur.

Vltimo generaliter indicandum est, quod sciatherica ad quodvis planum, item globosam vel etiam concavam superficiem construi queant. Et quanquam alii doctrinam hanc mechanice per multos mæandros abfolverunt; nos tamen longe rectius & cum majore fructu è triangulorum doctrina eandem in sequentibus breviter demonstrabimus, primo in sciathericis, quæ ad planum horizontis; deinde quæ ad verticem sunt construenda.

## PROBLEMA.

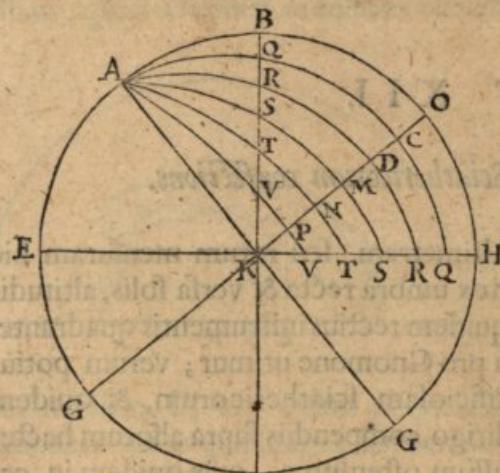
Data poli loci elevatione, dantur tam in horizontis plano, quam verticalis, intersectiones horarum æqualium; una cum arcibus inter æquatorem & horizontem; item inter æquatorem & verticem loci interceptis.

**Q**UOD libro superiori de æquatore commonefecimus, ipsum nimirum temporum omnium æqualium regulatorem esse, quod etiam postea exemplis pluribus

*Lib. 1. Spher.**cap. 4.*

*Exstant inter  
alia multa  
hujus generis  
scripta oīlo  
libri Claviū  
de Gnomonice.*

ribus hujus libri ostensum est: id quoque nunc cum de Sciathericis agamus, in primis in memoriam revocabitur.



est ut sint in horizontali quadrante, K H; & verticali B K, inæquales; indem per notas quas utrinque easdem apposuimus intellectæ, veluti in sphæra nostra ad oculum hæc omnia cernuntur. ductis itaque à polo mundi A, circulorum proportionibus, velut stili umbris, quæ æquatorem in sex partes æquales distinguant O, C, D, M, N, P, pro singulis intervallis grad. 15 computatis, velut uni horæ congruis; videndum est quantum spatii singula intervalla tam in horizonte, quam verticali primario æqualibus spaciis æquatoris correspondentia sibi vendicent, quod triangulorum sphæricorum doctrina ita manifestatur. Primo in horizonte pro hora undecima antemeridiana & prima pomeridiana, quoniam in triangulo orthogonio Q C K, dantur K C grad. 75 ex hypothesi, angulus Q K C grad. 34 mi. 17. æquatoris hujus loci elevatio, cum angulo ad C recto. ergo datur ex his K Q gr. 77 mi. 31. porro eodem modo supposito K D grad. 60 ex hypothesi, & angulo ad K retento, emergit K R, seu potius H R intercapèdō duarum horarum à meridie. Et sic in cæteris diminuendo singulis vicibus arcum æquatoris inter meridianum & ortum aut occasum interceptum per gr. 15.

Pro verticali sciatherico eodem plane tum B Q, tum cæteræ intersectiones horariae in muro seu verticali principali innotescunt, posito hic angulo B K O, ipsa poli elevatione; ut in hoc exemplo. Detur interstitium in murali K B, tribus horis à meridie congruens, quoniam demonstratio clauditur intra orthogonium K M S, erit pro K S ut

M grad. 90 S. T. 100000	$\left\{ \begin{array}{l} \text{K compl.} \\ \text{ad gr. 34 m. 17} \end{array} \right\}$	$\left\{ \begin{array}{l} \text{K M compl.} \\ \text{sic gr. 45 ad} \end{array} \right\}$	$\left\{ \begin{array}{l} \text{K S compl.} \\ \text{T} \end{array} \right\}$	B S. 56329 T 56329 Resp. gr. 29 m. 24.
-------------------------------	---	---	---	---

Et sic in cæteris, donec ad certas poli elevationes tabulæ confiantur, & interstitia à meridiano usque ad horas sex, utrinque æqualia in æquatore exiverint. Horæ autem quæ ultra in horizontali proveniunt, intersectionibus contrariis indicantur.

Præparato nunc quadrante circuli, in quo & gradus & minuta haberi possunt, facile erit sciathericum utriusque generis per horas suas delineare, sive magnum, sive parvum illud fuerit. Etenim quum omnes circuli æqualiter dividantur; ideo si plures circuli ab eodem centro describantur, regula per gradus ac minuta in quadrante designata, æquales portiones in omnibus abscindit,

ad singulas horas, quod mechanicum est, & ideo solertiæ cujusvis relinquendum.

Denique pro stili collocatione, quoniam ipse dispositionem axis mundani sortietur, ideo in horizontali solario inclinationem habebit in septentrionem elevationi poli à plano horizontis correspondentem; in murali vero stilos à pariete meridiem versus distabit, per angulum correspondentem elevationi æquatoris loci, utrumque autem quoad situationis conformitatem per quadrantulum explorari poterit; nec stili longitudo hic nisi arbitraria erit. Atque sic breviter de simplicibus sciathericis ad axem mundi seu terræ dispositis, absque omni declinatione egisse sufficiet.

Postremo de arcibus interceptis investigandis, quod alterum problematis membrum fuit, illud quoque in scheme præcedente facile expedietur. Nam in triangulo C K Q (ut exemplo ad undecimam seu primam horam à meridie insistamus) quoniam datur K C, item angulus C K Q æquatoris elevatio, & præterea angulus in æquatore C rectus; datur C Q, pro sciatherico horizontali, & similiter C Q pro murali cum suo complemento A Q, quando videlicet arcus B O in meridiano, pro angulo ad K, seu ipsa poli loci elevatione supponitur. Horum quidem arcuum usus circa signorum zodiaci artificiosam inscriptionem postea efflagitatur, ubi quoque exempla de inquisitione horum arcuum in numeris amplius proponuntur. Et quanquam tabule infra inventientur super hoc problemate, ad omnimas fere poli elevationes, unde sciatherica cito effici queant, tamen & hanc peculiarem ad Hafniensis elevationem hoc loco relinquimus, saltim ad interstitia horaria in sciatherico utroque.

Tabella pro interstitiis horariis cum suis differentiis ad elevationem poli grad. 55 min. 43 in sciatherico Hafniensi horizontali pariter & murali.

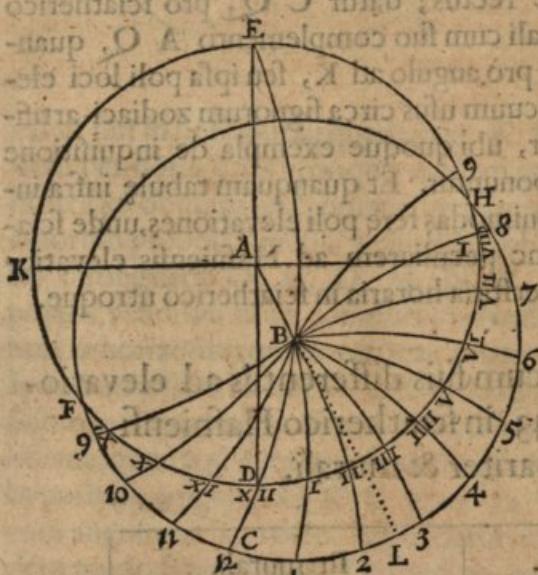
		In horizontali.		In murali.	
Horæ a Merid.		Arcus in horiz.	Differen-tia.	Arcus in muro.	Differen-tia.
AM	PM	grad. min.	grad. min.	grad. min.	grad. min.
12	12	0 0		0 0	
11	1	12 29		8 36	
10	2	25 30	13 1	18 1	9 25
9	3	39 34	14 4	29 24	11 23
8	4	55 4	15 30	44 18	14 54
7	5	72 2	16 58	64 34	20 16
6	6	90 0	17 58	90 0	25 26

## PROBLEMA II.

Data inclinatione muri ad ortum & occasum a meridie: dantur intersectiones horariæ in sciatherico murali.

Probl. I. c. 8.  
Inclus.

**D**E murali sciatherico hic casus est peculiaris, quod muri seu parietes, quibus sciatherica appenduntur, raro meridiei puncto præcise sint oppositi. Inclinatione autem ista, vel per compassum, vel lineam meridianam, vel potius ab observatione cœlesti, quippe umbra solis, aut stellæ apparentia ad muri æquabilitatem exploranda datur: qua inventa sic procedendum est. Sit in addito diagrammate super centro A, murus K E D, inclinans ad ortum seu occasum 30 part. à principali circulo verticali F H L C super B polo antarctico mundi prius circinato. Hinc descendat ad perpendicularm muri linea E A D, unde inclinatio præfata tam per arcus K F, & H I, quam per abscessum B poli æquatoris à dicta linea perpendiculari indicatur. Et quia perpendiculari dicto superficie tenus arcus E B D C incumbens meridianum repræsentat, manifestum est, quod penes D C punctum meridiei seu horæ duodecimæ resideat. Detur autem quod murus ad occasum heic inclinet, ideo radii solis tandem in eo mane apparebunt in F: sed etiam tanto tardius vesperi in H exibunt. nam planum murale non nisi per 12 horas, radios solis excipere potest, id quod dimidia pars æquatoris H L F demonstrat. sed ut ante



omnia angulus D F C, & arcus C F cognoscantur, sic procedendum est.

In trigono orthogonio D F C quia *διδόμενα* sunt D C, ipsa poli Hafniensis elevatio grad. 55 mi. 43, angulus F D C in tantum à recto deficiens, in quantum ab altera parte murus inclinat: est itaque in hoc exemplo grad. 60, & angulus ad C rectus. ergo dantur D F C grad. 60 mi. 48, & F C grad. 55 mi. 3. Porro inventis F C, & angulo ad F, dividendus est arcus ille æquatoris C F, quoque fieri potest in partes horarias æquales, ut in hoc exemplo arcus C F grad. 55 mi. 2, facit hor. 3 mi. 40 sec. 12. Vnde intelligitur quod ingressus radiorum solarium primum in hoc declinatum sciathericum, penes F fiat, hora 8 mi. 20 fere, quo tempore matutino fit prima illustratio sciatherici ejusdem. eodem quoque modo à parte orientali institui poterit operatio; quum enim inter finem quadrantis in L, & horam 3 p m. per reductiōnem arcus horarii in æquatore in horas &c. ejusque ἀνάλυσι, colligantur gradus 10 mi. 3; consequens est, ut in tantum arcus H, usque ad hor. 3 in æquatore à quadrante deficiat: est itaque H in æquatore ab hora 3 pomerid. remotum grad. 79 minut. 57. & sequentes ad reliquas horas usque in ultimam, &c. his sic competenter per æquatorem divisis ac distributis, supponitur inventus angulus D F C grad. 60 minut. 48 quasi pro poli elevatione; sic pro arcibus horariis; & reliquis fit processus per problema antecedens proximum.

Prob. I. cap.  
bujus.

## PROBLEMA III.

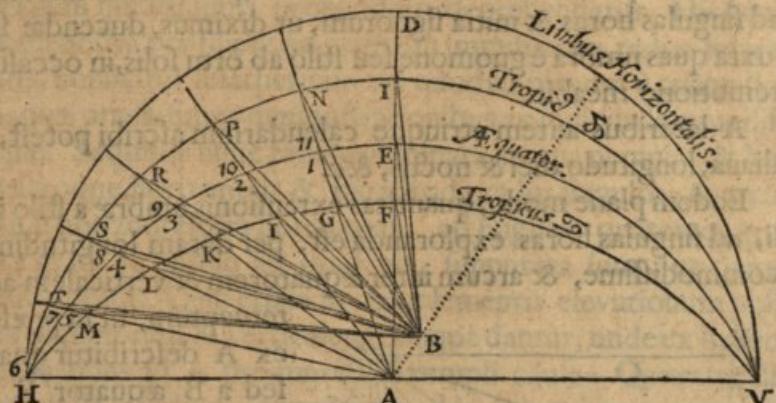
Data declinatione solis, & arcu intercepto, inter horizontem & æquatorem in sciatherico horizontali, vel arcu intercepto inter æquatorem & verticalem in sciatherico murali, una cum longitudine stili definita; datur elongatio umbræ stili ad quamvis horam & quovis anni tempore: unde sequuntur ingressus solis in quodvis dedecatemorion, seu signum zodiaci, longitudo diei & noctis, ortus ac occasus solis: item menses ac dies anni, & alia quæ sciathericis artificiose inscribi solent.

**H**oc problema peculiare nostrum inventum est, quod in horizontali sciatherico primum exemplificabitur.

Quæratur pro exemplo in schemate problematis primi capituli hujus, arcus interceptus Q C ad horam 1 p. m. in elevatione poli nostri; qui admodum faciliter prosthaphæresi invenitur: nam in orthogonio

ut S. T. Q C K      S. R. K Q      S. R. C K Q      Resp. S. R. Q C,  
grad. 90 ad gr. 77 mi. 32 sic gr. 34 min. 17  
grad. 33 min. 22. & sic in arcibus cæteris, quos tabula infra continebit.

Arcibus hoc modo omnibus pro horizontali conquisitis, qui utrinque à meridiano in non declinante sciatherico æquales sunt, erigatur stilius supra planum horizontis ad poli loci elevationem, fitque semper ille 10 part. ut operatio eo facilius peragatur. In sequente autem schematismo A B, quia longitudo umbræ stili ad singulas horas quæritur, ducatur in non declinante sciatherico quadrans plani horizontis H D, cum æquatore H E. hinc à centro A ad singulas in plano horizontis horas, lineæ rectæ ducantur, sed à summitate stili, ad punctum declinationis solis ab æquatore, omnibus in septentrionali & contraria sphæræ parte consideratis. Quare in triangulo plano A B G, pro longitudine umbræ stili A G, in plano horizontis ad horam 11 vel 1, cum sol fuerit in principio ☽, & declinationem obtinuerit gr. 23 mi. 32.



**Adspicere** sunt {  
 G B A gr. 66 mi. 28 compl. declinationis solis.  
 A G B gr. 56 mi. 54 compositus ex arcu intercepto inter horizontem & æquatorem ad 11 seu 1 horam; & declinatione solis maxima.  
 A B 10 part. stili long.

Hinc ut G A B      B p. m.  
 gr. 56 mi. 54 ad 10 p. sic gr. 66 mi. 28 ad 10 56 long. umbræ quæsitam A G.  
 S. R. 83772      S. R. 91683

## Exemplum II.

Quærenda est projectio umbræ è stilo 10 part. sub elevatione poli 54. 43 ad horam tertiam, cum sol fuerit in principio 8, aut  $\frac{1}{2}$ .

Est autem tunc declinatio solis grad. 11 min. 31 Septentr.

Arcus interceptus respondens hor. 3 est grad. 25 min. 44

Declinatio solis grad. 11 min. 31

Aggregatum grad. 37 min. 15

p. compl. decl. p. m.

Iam ut S. R. gr. 37 m. 15, ad 10, sic S. R. gr. 78 m. 29 ad 16. 11. (quales 10 mi. faciunt unam particulam; sic enim operatio fit facilior:) longitud. umbræ quæsitam.

## Exemplum III.

Quærenda est quantitas umbræ in horizontali, etiam ad horam 3, quando sol fuerit in principio  $\frac{1}{2}$ , habens itidem declinationem grad. 11 minut. 31. Atque hic declinatio quia meridionalis, subtrahenda est ab arcu intercepto congruente 3 horis, nempe grad. 25 mi. 44.

Et manet differ. grad. 14 mi. 13, deinde addenda est eadem declinatio angulo recto, & per complementum aggregati hujus ad 180, nempe grad. 78 mi. 29, ut prius operandum est.

ut S. R. gr. 14 mi. 13, ad 10, sic gr. 78 mi. 29 (p. M.

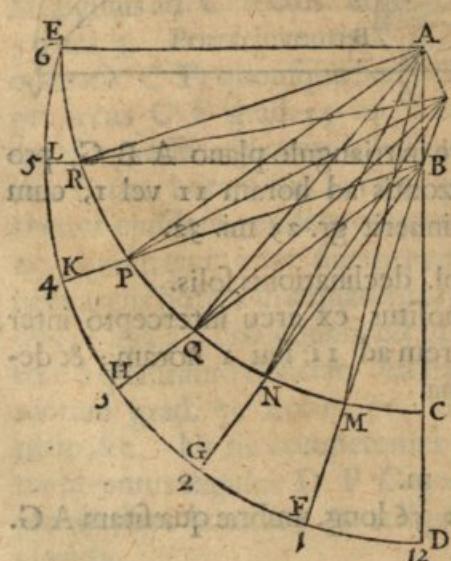
S. R. 24559 S. R. 97987 ad (39. 54. longitud. umbræ quæsitam; & sic in reliquis, donec per quaslibet horas, ut & signorum zodiaci initia calculus fuerit perductus.

Porro in plano horizontali sciatherici, per extremitates linearum inventarum ad singulas horas, & initia signorum, ut diximus, ducendæ sunt lineæ arcuale, juxta quas umbra è gnomone seu stilo ab ortu solis, in occasum, toto die, æquali remotione meabit.

A lateribus autem utrinque calendarium ascribi potest, ut & in linea meridiana, longitudo diei & noctis, &c.

Eodem plane modo, quantitas extensionis umbræ a stilo in sciatherico murali, ad singulas horas exploranda est, per datam longitudinem stili 10 partium commodissime, & arcum inter æquatorem & verticalem ad singulas horas interceptum, ut in præsenti quadrante. ubi ex A describitur quadrans muralis E C: sed a B æquator E D: sit autem stilos à muro propendens A S, ita quidem ut angulus B A S complementum elevationis poli loci repræsentet. distinguatur autem quadrans æquatoris in partes sex æquales, pro sex horis antemeridianis, vel pomeridianis, quæ sunt F G H K L E, ad quas ductæ lineæ à polo B, dirimunt quoque quadrantem E C in totidem partes horarias inæquales, utputa M N Q P R E, quæ quemadmodum cum arcibus intercœptis F M, G N &c. invenientur, prius ostensum est. Horum vero arcuum complementa ad dodecate-

Probl. 1.  
cap. hujus.



moriorum

moriōrum inscriptionem, &c. requiruntur, quod mensura anguli ad A, seu centri axis in murali, penes ipsa comprehendatur, velut intra sphēram nostram id per filares extensiones optime & evidentissime demonstrari poterit. Nunc autem in uno exemplo hanc inscriptionis signorum περγματέων docebimus, idque sub nostra poli elevatione grad. 55 min. 43 ad horam primam pom. F M, & ingressum solis in principium τοῦ αἰώνος. Hic primo quia datur ex antecedentibus arcus F M grad. 54 min. 47. erit itaque ipsius complementum M B, seu angulus M A B grad. 35 min. 13. Deinde declinatio solis ad initium τοῦ αἰώνος reperitur gr. 11 min. 31, quæ quum hic in borealibus signis quadranti addatur, conflatur inde angulus A S B grad. 101 min. 31. quoniam itaque trianguli A B S duo dentur anguli, nempe, ad A, & ad S, dabatur quoque angulus in rectilineo ad B, grad. 43 min. 16. datur præterea ex hypothesi mensura stili A S 10 p. commodissime.

Ergo ut A B S ad A S B

gr. 43 min. 16, 10 p. sic

S. R. 68539

A S B

compl. gr. 78 min. 30 ad

S. R. 97987

p. M

14 17 umbræ

extensionem quæsitam.

Et sic in cæteris ad quævis bina signa zodiacalia unam & eandem scilicet declinationem in initio habentia: hoc saltim observato, quod in australibus, hic cum complemento declinationis solis, tertio loco ponendo, operatio per regulam proport. instituatur.

Nec secus in schiatericis declinantibus procedendum erit, postquam arcus intercepti ad singulas horas fuerint cogniti. Illud saltim notandum, quod si murale meridiei directe oppositum, nihilominus in septentrionem superne, aut meridiem declinet; quantum autem illud fuerit (quod etiam quadrante explorari poterit) in septentrionem, tantum elevationi poli loci adjiciendum esse: contra autem, si versus meridiem nutatu muri propendere deprehendatur. His simul intellectis, & in sphēra nostra per filares ad centrum immisiones, radios solares æmulantes, exploratis, conficitur sciathericon ad quodvis planum è triangulorum doctrina; & his quæ præmisimus demonstrationibus ac indicis commodissime, & artificiosissime. Sequitur nunc tabula geminata, in qua nempe, & horaria intercapedo in utroque horizontali & murali ad gradus singulos; & arcus inter æquatorem atque horizontem in horizontali, ad singulos quaternos gradus, elevationis poli à grad. 30 usque ad grad. 70, supputata sunt, ut quum opus fuerit præsto esse queant. Quin etiam in complementis elevationum poli, arcus intercepti inter æquatorem & verticalem quoque dantur, unde ex horum complementis postea angulus ad A pro murali. Exempli causa: Quæratur dictus angulus ad A è tabula inferiore sequentium ad horam primam in murali, quem paulo antea invenimus g. 35 min. 13 sub poli hujus elevatione, nempe, gr. 55 min. 43. Cum hujus itaque complemento gr. 34 min. 17, arcum interceptum ad horam primam invenio grad. 54 min. 47, (quando pro mihi 17 adhærentibus emendatio rite facta fuerit:) cuius complementum est gr. 35 min. 13, angulus scilicet ad A quæsusitus.

Tabula mensuræ arcus horiz. à meridie ad singulas horas: & muralis in istius complemento, ad elevat. poli singulorum gr. à 30 ad 70.

Horiz. Scith. Polar elevat.	Hor.		Mural. Scith. El. pol.										
	11.	1.	10.	2.	9.	3.	8.	4.	7.	5.	6.	6.	
gr.	mi.	gr.	mi.	gr.	mi.	gr.	mi.	gr.	mi.	gr.	mi.	gr.	gr.
30	7	38	16	6	26	34	40	54	61	49	90	0	60
31	7	51	16	34	27	14	41	42	62	28	90	0	59
32	8	4	17	1	27	53	42	30	63	6	90	0	58
33	8	17	17	27	28	34	43	17	63	45	90	0	57
34	8	30	17	54	29	13	44	5	64	42	90	0	56
35	8	43	18	20	29	49	44	46	64	56	90	0	55
36	8	56	18	45	30	25	45	28	65	27	90	0	54
37	9	9	18	9	31	1	46	9	65	58	90	0	53
38	9	22	19	34	31	37	46	50	66	29	90	0	52
39	9	35	19	57	32	9	47	26	66	55	90	0	51
40	9	48	20	20	32	42	48	1	67	20	90	0	50
41	9	56	20	43	33	14	48	37	67	45	90	0	49
42	10	9	21	7	33	47	49	13	68	11	90	0	48
43	10	21	21	29	34	17	49	44	68	32	90	0	47
44	10	32	21	50	34	46	50	14	68	53	90	0	46
45	10	43	22	12	35	15	50	45	69	14	90	0	45
46	10	55	22	33	35	44	51	16	69	37	90	0	44
47	11	7	22	53	46	10	51	43	69	53	90	0	43
48	11	19	23	12	36	35	52	9	70	10	90	0	42
49	11	31	23	32	37	1	52	35	70	28	90	0	41
50	11	41	23	51	37	27	53	1	70	43	90	0	40
51	11	50	24	9	37	50	53	24	70	58	90	0	39
52	12	0	24	26	38	13	53	46	71	12	90	0	38
53	12	10	24	44	38	36	54	8	71	27	90	0	37
54	12	20	25	2	38	59	54	30	71	41	90	0	36
55	12	29	25	18	39	18	54	50	71	53	90	0	35
56	12	38	25	33	39	38	55	9	72	4	90	0	34
57	12	46	25	49	39	58	55	28	72	16	90	0	33
58	12	54	26	5	40	18	55	46	72	27	90	0	32
59	13	2	26	19	40	36	56	1	72	38	90	0	31
60	13	10	26	33	40	53	56	18	72	47	90	0	30
61	13	17	26	47	41	10	56	33	72	57	90	0	29
62	13	24	27	1	41	27	56	49	73	7	90	0	28
63	13	30	27	13	41	47	57	3	73	16	90	0	27
64	13	36	27	25	41	56	57	16	73	24	90	0	26
65	13	42	27	37	42	11	57	30	73	32	90	0	25
66	13	47	27	49	42	25	57	43	73	40	90	0	24
67	13	52	27	59	42	37	57	53	73	47	90	0	23
68	13	57	28	9	42	49	58	2	73	53	90	0	22
69	14	7	28	19	43	1	58	10	73	59	90	0	21
70	14	7	28	29	43	13	58	16	74	5	90	0	20
		gr.									gr.		

Tabula ostendens arcus inter æquatorem & horizontem interceptos pro horizontali; in complementis vero pro murali: ad elevationes poli subjectas.

E.po.	30	34	38	42	46	50	54	55. 43	58	62	66	70	
hor	gr.	mi.	gr.	mi.	gr.	mi.	gr.	mi.	gr.	mi.	gr.	mi.	
12	12	60	0	56	0	52	0	48	0	44	40	0	
11	1	59	8	55	5	51	2	46	2	43	0	39	3
10	2	56	19	52	6	47	56	43	54	39	54	36	0
9	3	50	46	46	21	43	59	38	11	34	20	31	55
8	4	40	53	36	33	32	37	29	32	46	20	18	18
7	5	24	9	20	59	18	19	16	2	14	2	12	15
6	6	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0

### C A P V T X I I I .

De zonis, climatis, & parallelis: denique variis incolarum appellacionibus, qui tellurem habitabilem, undique locis oppositis, aut contrariis premunt.

Hoc capite de iis, quæ considerationi ultimæ libri superioris reliquimus, agetur, telluri ab effecto solis impressis, ob variam axis hujus à zodiacali cœlesti, penes septentrionem & austrum inclinationem.

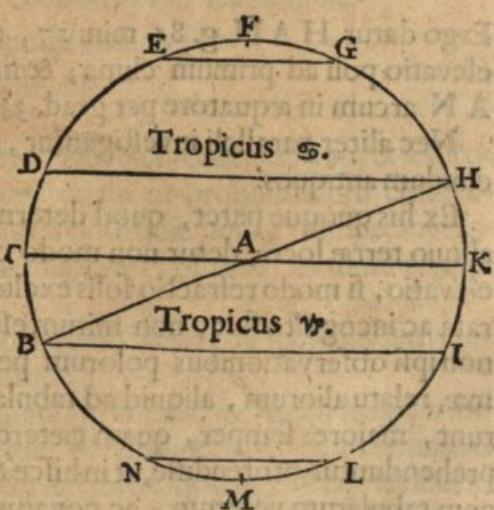
#### P R O B L E M A I .

Data poli loci elevatione, datur zona loci ejusdem in terra.

Hoc problema facili demonstratione absolvitur, dum super sequente scheme describatur centro A colurus solstitialis B C D E F &c. Äquinotialis circulus C A K, cuius poli F M, zodiacalis circulus B A H, tropicus ☽ D H, tropicus ☾ B I. circulus arcticus E G, circulus antarcticus N L.

Quum itaque loci latitudo eadem sit quæ poli ejusdem elevatio; & declinatio solis atque hujus complementum utramque metiatur; evidens est, quod torrida zona utrinque ab æquatore se extendet, ad obliquitatem eclipticæ ab æquatore maximam, seu poli elevationem gr. 23 min. 32; qui numerus duplatus, amplitudinem torridæ zonæ exponit, gr. 47 m. 4, nempe arcum B D, seu spaciū intra parallelos B I, & D H.

Temperata autem zona utraque divisim è superioris integræ complemen-  
to mensuratur, gr. 42 min. 56 à tropico ☽ aut ☾ incipiens, id est, ab elevatione poli grad. 23 min. 32, ac sub elevatione grad. 66 min. 28 definens. Amplitudo hujus ad boream per D E, ad austrum per B N ostenditur. denique zonæ frigidæ ultimas partes, utrinque ad septentrionem & meridiem occupant, æqualis singulæ amplitudinis in



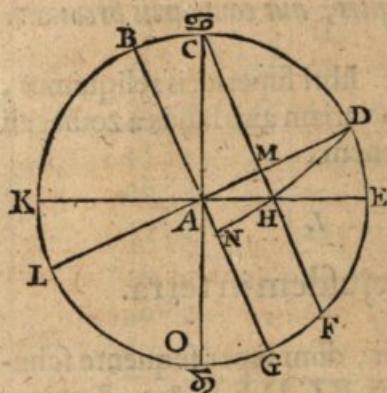
circulo maximo, cum obliquitate eclipticæ maxima. Durant autem à poli elevatione ultimo finita grad. 66 min. 28, usque ad completionem quadrantis.

Si vero quisque cujusque harum zonarum quantitatem superficialem cognoscere desideret, & providentiam creatoris indidem extollere atque admirari, is per mensuram sphæræ in Geometria demonstratam id efficiet.

### P R O B L E M A   I I .

Dato climatis seu parallelī numero, datur poli loci elevatio, ubi iste tam incipit, quam desinit. Vnde quoque locus climati cuius subiectus cognoscitur.

**I**N climatum constitutione atque distinctione, veteres dimidiam horam differentiæ longissimæ diei successivæ ab æquatore, ad zonam usque frigidam supposuerunt: in parallelis autem differentiam quadrantis horæ: neque in climatis censendis, ultra septimum progressi sunt; ad elevat. poli gr. 49 + quod existimaverint terram ulterius non satis commode habitari. Cæterum nihil prohibet numerum hunc longius extendere, si modo quis voluerit, secundum hujus fundamenti supputationem. Sic pro elevatione poli cognoscenda ad primum clima; juxta problema præmissum incedimus.



*didōμενα* { A N g. 3 m. 45 gradus in æquatore respondentes  $\frac{1}{2}$  horæ.  
H N g. 23 m. 32 obliquatio eclipt. maxima, quæ semper retinetur.  
A N H rectus.

Ergo datur H A N g. 81 min. 27, cuius complementum grad. 8 min. 33 est elevatio poli ad primum clima; & sic perpetuo in reliquis, augendo semper A N arcum in æquatore per grad.  $3\frac{1}{2}$ , id est, horæ quadrantem.

Nec aliter parallelī investigantur, nisi per semisses quadrantum horarum, secundum antiquos.

Ex his quoque patet, quod determinata quantitate diei longissimæ in certo aliquo terræ loco, detur non modo clima eidem conveniens; sed quoque poli elevatio, si modo refractio solis excludatur: quæ quoniam ab antiquis inexplicata ac incognita fuit, non mirum est Geographos veteres, locorum, ad quæ non ipsi observationibus polarum pervenerunt, sed de longitudine diei maximæ, relatu aliorum, aliquid ad tabulas geographicas suas describendas hauserunt, majores semper, quam cæteroquin veris coelestibus observationibus deprehenduntur, protendisse, ut in hisce & aliis ad septentrionem locis per collationem tabularum veterum, ac novarum observationum liquido deprehenditur. De qua re Ptolemaeus, Strabo, & alii legantur Geographi, & nobiscum, ac cum modernis aliis, qui exactius hasce regiones observando designarunt, conferantur.

## PROBLEMA III.

Data poli loci elevatione; dantur loca & nomina incolarum telluris, qui amphiscii, periscii, heteroscii; item qui antæci, periæci, & demum antichtones, nostri respectu, appellantur.

**E**X iis, quæ præmissæ sunt, demonstrationibus, appellationes hic variæ ortum habent, tum ab umbræ diversitate, quam annuo suo cursu sol illis insinuat; tum quoque parallelorum & axis terræ respectu, sub quibus varii incolæ ejus sunt dispersi, & omnes pene contrarietatem experiuntur.

Prioris generis sunt, qui amphiscii, periscii, & heteroscii vocantur.

Amphiscii, quibus meridiana umbra, nunc ad septentrionem, nunc ad austrum procedit, quod fit in zona torrida; sole enim meante per  $\odot$  fidus, umbras illi austinas, sive sinistras habent: bruma dextras vel arctoas.

Periscii, quos signiferi axis circuitu suo comprehendit, ita dicti, quod illorum umbræ molarum modo circumagantur.

Heteroscii, qui alteram solum umbram habent, arctoam vel austrinam; quales nos, antichtonesque nostri. Ergo amphiscii in zona torrida: periscii in frigidis: heteroscii in temperatis.

Posterioris generis & appellationis sunt, antæci, periæci, antichtones.

Antæci sunt, qui habitant in diversis parallelis, sub eodem meridiano, æquo spatio distantes ab aliqua æquatoris parte.

Periæci, qui sub uno parallelo & meridiano sunt in partibus oppositis.

Antichtones seu antipodes, qui mundi diametro distant. Antæcis eodem momento medius dies mediaque nox: verum austrinis æstas, quando arctois bruma est. Periæcis tempore eodem æstas atque hyems, sed meridies ac medias noctes contrarias habent. Antichtonibus idem horizon & meridianus, reliqua omnia contraria, ut in sphæra, seu globo terrestri amplius ostendi potest.

## CAPVT XIV.

*De locorum terrestrium latitudine & longitudine indagandis, tum quoque locorum binorum qualiumcunque latitudines & longitudines notas præsupponentium, distantia ab invicem querenda.*

**H**Oc ultimum sphæricæ doctrinae nostræ caput, in Geographorum & Historiorum usum adjungimus. Prius vero quam in problematum constructionem intendimus, voces hic breviter definiendæ sunt; nempe, loci latitudo, longitudo, & ab alio distantia, quæ in sphæra nostra ad oculum representantur.

Latitudo loci, est distantia ipsius à circulo æquinoctiali, poli loci ejusdem elevationi æqualis, quæ in meridiano numeratur.

Longitudo loci, est distantia ejus à meridiano primario, per quem magnes suo indice polum mundi atque magneticum una perstringit. Cui veteres insulas Fortunatas ultra Hispaniam veluti metam quandam assignarunt. Hæc autem in æquatore numeratur, à dicto puncto versus ortum.

Distantia denique duorum locorum in circulo maximo terrestris æstimatur, quippe iter inter eadem in superficie sphæræ, brevissimum,

Latitudo

Cap. 8. hujus.

Guilielmus  
Angl. in tra-  
Estatu de Ma-  
gnete.

Latitudo loci, quia eodem artificio acquiritur, quo poli loci elevatio; igitur cum de eo luculenter superius egimus, illam hic omittimus. Et licet aliæ rationes à recentioribus inventæ sint, per declinationem magnetis infra horizontem; de quibus legendum est eximum opusculum Guilielmi Gilberti Angli; tamen vix optatam præcisionem absque coelesti observatione sic præstabunt. Longitudo vero loci commodissime è lunari cursu, aut in eclipsi, præcipue lunari; aut conjunctione lunæ cum certa stella perquiretur; aut denique modo quem calci libri prioris Theor. adjungemus. Licet enim hujusmodi lunares apparentiæ eodem instanti contingent; tamen ob terræ rotunditatem, tempora horum, sub diversis meridianis, præcipue autem ab invicem remotioribus, notabiliter differunt; adeo ut plures horas orientaliores in hisce semper numerent; unde facile ex hac temporum differentia, differentia longitudinum, duorum aut plurium locorum educitur, temporum scilicet differentia in gradus & minuta æquatoris resoluta. Neque enim hic satis inclinatio magnetis, à polo mundi, in proprium polum, (ut creditur;) vergentis, longitudinem locorum administrabit.

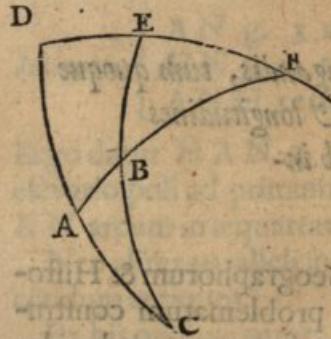
## P R O B L E M A I.

Data unius loci longitudine & latitudine, una cum distantia itineraria alterius, & angulo positionis, ut vocant à meridie seu gradibus in horizonte azimuthalibus, datur quoque loci ignoti longitudo & latitudo.

**H**oc problema præcipuum in Geographia continuanda momentum habet, quum unius loci longitudo ac latitudo datae fuerint, & reliqua circum circa acquirendorum distantiaæ una cum angulis positionum seu reflexionum in horizonte, à dato, per instrumenta capiantur.

Demonstrationem hujus problematis ab epistola quadam ingeniosissimi Iohachimi Rhetici, ad Dn. I. Schonerum desumptam cum sua explicatione hoc transferemus.

Hanc episto-  
lam olim hue  
ad me trans-  
misit opt. ille  
vir, D. Ioseph.  
lius Viteberg.  
Mathemat.



Sit data distantia duorum locorum A B, & ipsius A latitudo, sit A D, & compleatur quadrans ipsius meridiani D A C; angulus quoque sectionis D A B notus sit, quod scitur per instrumentum quo navigatur, juxta distributionem ventorum vel horizontis, cuius A fuerit vertex. Quoniam igitur A C circumferentia datur, distantia A, à polo: è quo describatur circulus magnus D E F, & quadrans C B E, & extendatur A B, qui fecet D E in F. habebimus ergo triangulum A D F, cuius angulus D A F datus est, & A D F rectus; latus quoque A D datum; dabuntur etiam reliqua latera A B F, D E F, cum reliquo angulo E F B. Hinc in triangulo B F E, propter F angulum datum, & B F latus, dantur reliqua B E, E F latera, & ideo ex eis differentia longitudinis D E; & E B est latitudo ipsius B secundi loci, quæ quærebatur. Si itaque alterius loci latitudo B E data esset, & tum differentia longitudinis, tum distantia A B inquirenda proponeretur, servata præstructione, quia trianguli A D F latera & anguli habentur, ut dictum. In altero autem triangulo E B F, latus E B datum, angulus E rectus, F autem notus: ergo & E F & B F latera data erunt, quare & A B distantia: item D E longitudinis differentia habebitur. denique si D E daretur, quia reliquis

perma-

permanentibus, E F, trianguli BEF datur; E autem rectus, F notus angulus; neque ergo AB vel EB ignoraretur.

Hem quam paucis, optime Dñ. Schonere, totam habes Cosmographiam!

Hoc problema, quod Rheticus prolixiore & operosiore triangulorum inductione demonstrat, minus laboris requirit, hoc modo. In trigono obliquangulo ABC, e datis A C complemento latitudinis notæ, & AB distantia itineraria, una cum complemento anguli positionis observati BAC, datur & BC complementum latitudinis loci ignoti; & ACB differentia longitudinis quæsitæ. Potest quoque loci ignoti longitudine & latitudine patefieri e distantiis itinerariis a duobus aliis notis, non secus ac locus fideris ignoti a duobus notis &c.

*Vide Probl. 4  
cap. 9*

### PROBLEMA II.

Longitudine & latitudine duorum locorum, vel longe ab invicem dissitorum datis; datur arcus in circulo maximo globi telluris inter utrumque jacens: & ideo quoque distantia eorum itineraria in milliaribus Germanicis, &c.

**D**uo loca, quorum intercapedo ab invicem quærenda est, nihil a distantiis stellarum supra acquisitis variant. Ea autem vel sub uno meridiano, ut raro, & sola latitudine differunt; vel sub ipso æquatore, vel uno parallelo ab æquatore, æqualiter distante, ut rarissime, & sola longitudine variant: vel denique sub diversis, & meridianis & parallelis, ut creberrime, sita sunt, & tam longitudine, quam latitudine dissident. In hac autem triplici variatione locorum duorum ab invicem disjunctorum distantias habendas breviter sic expediemus, & ubi opus est, exemplis declarabimus.

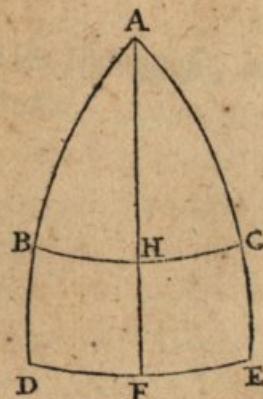
#### I.

Duo hujusmodi loca, si sub eodem, vel meridiano (vel forte æquatore ut rarissime) disposita sint, quorum intercapedo quærenda est, calculo triangulorum non egent; subducta namque minore latitudine, sub communi meridiano, aut longitudine sub æquatore, a majore relinquitur arcus distantiae sub circulo maximo, in millaria per 15 usitato modo resolvendus.

#### II.

Sin vero alias sola longitudine loca differant, triangulum Isosceles sphæricum nascitur ABC: ubi locorum datorum situs in B, & C: arcus igitur itinerarius BC si quæratur, protractis a polo A quadrantibus utrinque AD, & AE, erit DE portio æquatoris differentiam longitudinis indicans. Qui cum in F dispeſcatur ad angulos rectos, dimisso arcu perpendiculari ab A, cadit quoque BC bifarium in H ad angulos similiter rectos.

In triangulo itaque orthogonio alterutro, nempe BHA, pro BH dimidio arcui tinerario



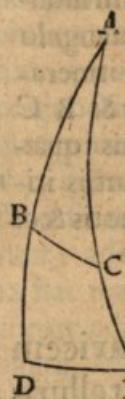
$\Delta \delta' \mu \nu \alpha$  sunt  $\left\{ \begin{array}{l} AB \text{ compl. lat. seu elev. poli datorum locorum.} \\ HA B \text{ dimidia differentia longit. datorum locorum.} \\ AHB \text{ rectus} \end{array} \right.$   
Ergo datur  $BH$  arcus distantiae dimidiæ, cuius duplum est BC.

#### III.

Loca quæ latitudine ac longitudine simul differant, triangulum efformant ubi-

ubiq; in obliquangulis, etiam facili προσθαφαρέσαι solvendum, ideoque non nisi exemplis indigent.

*Exemplum I hujus.*



Quærenda distantia itineraria inter Lovanium Brabantiae, & Bononiam Italiæ.

Latitudo.

Longitudo.

C Bonon. grad. 44 min. 0	grad. 33 min. 55
B Lovanii grad. 50 min. 58	grad. 26 min. 50

Differentia long. grad. 7 min. 5

Proinde in triangulo ABC pro BC distantia itineraria, inter Lovanium & Bononiam quæsita.

Διδόμενα sunt	A B      gr. 39 mi. 2	{ compl. lat. { Lovanii.
	A C      gr. 46 mi. 0	{ Bononiæ.
	B A C      gr. 7 mi. 5	differentia longitudinum.

Ergo datur BC grad. 8 min. 27. Distantia quæsita, quæ in milliaria Germanica resoluta, facit 126 $\frac{1}{4}$  mill.

*Exemplum II.*



Investigetur distantia inter Hafniam Daniae & Hierusalem.

Longitudo.

Latitudo.

B Hafniæ grad. 37 min. 0	grad. 55 min. 43
C Hierusal. grad. 66 min. 0	grad. 31 min. 40

Differentia gr. 29 min. 0

Ergo in trigono similiter ABC, pro BC,

Διδόμενα sunt	B A      gr. 34 mi. 17	{ compl. lat. { Hafniæ,
	C A      gr. 58 mi. 20	{ Hierosolym.
	B A C gr. 29 mi. 0	different. long.

Ergo datur BC grad. 31 mi. 27 distantia itineraria quæsita: in milliaria Germanica resoluta dat 471 $\frac{1}{4}$  mill.

F I N I S.

ASTRONOMIÆ  
DANICÆ  
PARS ALTERA,  
THEORIAS PLANETARVM  
restitutas duobus Libris complectens : Quorum

P R I O R

*Post descriptionem & comparationem triplicis hypotyposes mundaneæ,  
nempe*

VETERIS PTOLEMAICÆ,  
ADMIRABILIS COPERNICEÆ,  
RECENTIS TYCHONIS BRAHÆ,

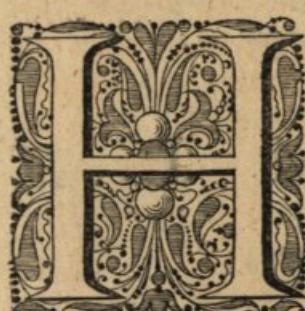
*agit de motibus apparentibus Stellarum fixarum ; item Solis & Lunæ in eodem red-  
integratis , & cunctis Mundi seculis accommodatis : una cum integra doctrina  
Eclipsium, & præterea usu Lunæ peculiari :*

P O S T E R I O R ,

*De motibus reliquorum quinque Planetarum, super triplici illa Hypotyposi , ad cœ-  
lestes apparentias similiter in eodem restitutis.*

# P R A E F A T I O

## A D L E C T O R E M.



Abes heic tandem, humanissime Lector, post satis longum justumque desiderium, *Libros binos Theoricorum*, de restitutione motuum perenniū, tam fixorum siderum, quam planetarum, vigili nostro conatu elaboratos; ne Vrania Musarum præcelsissima, ac humanis usibus accommodatissima, Serenissimorum & Potentissimorum Danorum Regum cura ac liberali promotione unquam destituta cognosceretur; quippe quorum favore & sumptibus olim in hoc Regno illa floruit, & etiamnum inter puræ religionis exercitia, cæterasq; politioris literaturæ artes, per divinam gratiam floret; ut non solum famam ipsius, sed & fructum exteræ nationes persentificant. Addo quoq; ne vigiliae nostræ, triginta annos, pro arte hac restituenda, suscepimus, sine fruge intercederent, ac plane interirent.

Quamvis vero me non lateat, quantum alii præstantissimi hodie Astronomi in hoc genere prestare possint; apud quos quoque, quæ a nobis heic in Dania exantlata Astronomiæ omnium preciosissima requisita, observationes puto, fataliter nunc quiescunt, aut in manibus forte versantur: tamen quum iisdem necessariis aut destituti, ad eum simul finem tendamus, ut phænomena cœlestia, quovis loco, ac tempore, e sequentibus hypothesis nostris, seu tabulis inde deductis cognita redendantur, disparibus quidem, sed æquipollentibus rationibus; malui equidem pro mea parte vestigiis veterum circa Astronomiæ restaurationē insistere, & in hisce Ptolomæum ad Geometriam, hoc est æquantem in Planetis ad Epicyclum cum Arzachele Hispano, & Copernico Turenensi reducere primum; deinde pro reliqua Eccentricitate cum æquante geminum Epicyclum Tychonis more constituere; præsertim quando naturam superiorum in horum triplici cum orbe ipso Eccentrico coagmentatione, atque contraria centrorum in hisce ad invicem latione minime frustra ludere, jamdudum mihi persuasum habuerim: adeo quidem, ut quæ de *Intellectu*, de *Ratione*, de *Anima Mundi*, deniq; *Natura sensibili*, summi Philosophi, in primis autem Platonici, rationis beneficio olim sunt contemplati, ac concatenatim sub dependentiæ involucro, ordine a primo motore contexuerunt, in hisce horumque motibus natura cœlestis velut per specula visoria nobis exhibeat, nihil plane in tota œconomia hac mundana frustra moliendo; dum singula circa centra sua, ac priora supposita convenientissima harmonia feruntur, uni unico omnibus tandem innitentibus; de qua re inter alia Epistola secunda Platonis ad Dionysium paucis, sed mysticis ac abstrusis verbis nonnulla in medium producit.

Has autem hypotheses nostras ad cœlestes observationes exstructas,  
dum

dum trinæ suppositioni indifferenter accommodo, Ptolomæi, ut dixi ad Physicas & Geometricas leges reductæ; item Copernici, ac tandem Brahei nostri; reliquæ certe, nisi quæ naturæ nullo pacto consentiunt, ab hisce plane dissentire nequeunt, sed ad easdem facile possunt reduci. Etenim H. Fracastorii Itali, & aliorum homocentrica, ac similis cum universo apparente conversionis in omnibus inferioribus planetis occa-  
sum versus, dudum pluribus rationibus est expugnata. Cæteræ vero,  
quas aut cæteri, aut etiam Iohannes Alstedius obiter recenset, & pro se  
dijudicat, nempe Raymari Dithmarsi, & Helisæi Rossini, ad hypotypo-  
sin Tychonis, unde emanarant, nullo negocio reduci possunt. Quan-  
doquidem Dithmarsi quam vocat, Tychoni olim sit surrepta: id quod  
inter alia error probat, quem rudi illa delineatione, in mensa Vranibur-  
gi a Tychone relicta, (quam coram forte aspicerat,) ubi Martis orbis  
Solis totaliter ambiit, imprudenter postea Vrsus iste imitatus est. Ro-  
sini vero in nullis a Tychone diversa est, præter planetarum, ut videtur,  
orbes materiales, quos, modo tales Roslinus æstimare velit, in maximum  
absurdum physicum, hoc est, dimensionis penetrationem incidit; nisi  
potius formales duntaxat esse (ut multa in natura) putet, quibus ut rea-  
libus antea paulo assensum dedimus, & pro hac opinione nostra, in pu-  
blica disquisitione, aliquando prolixe ac satis probabiliter differuimus.

Porro cur observationum infallibilem, quæ ame haberi poterant, cu-  
mulo, & harum inter se, ac cum mediis motibus discreta collatione cir-  
ca Eccentricitatum, æquantum, & apogæorum investigationem potius  
usus sim, quam περιπτεταὶ Ptolomæi a Copernico tantopere laudata, &  
in æmulationem tracta, ubi tres duntaxat apparentes, & totidem me-  
diaæ Epochæ pro iisdem supponuntur; id certe nec apud Tychonem  
olim, nec me etiamnum caussa caret. Quum enim prope verum in A-  
stronomiæ non rudi fundatione cum veteribus; sed accurata instaura-  
tione, ac phænomenon repræsentatione versamur, longe hæc, quam  
nostra, specialior inductio est, & propterea tanto quoque incertior,  
quum cæteroquin tria puncta in directum non plane projecta, circuli  
peripheriam ubiq; attingere queant. Proinde hac praxi, non satis com-  
mode queruntur æquantum vestigia, id quod nos in primis Lunæ resti-  
tuta Theoria docuit, toties hoc modo incassum retractata, nec antea  
rite curata, quam observationum lunarium generalem ideam, diversis  
per Eccentricum locis, adhibuimus, saepiusque in δοκιμασίαι direximus.

Quum igitur ad generalem observationum trutinam Astronomiæ  
restitutio a nobis peracta sit, & ad hujusmodi hypotheses restricta, quæ  
quoties opus fuerit, in ipsa rursus observata, unde constructæ sunt, resol-  
vuntur, exigua admodum differentia interveniente, quæ limitatione  
sublata est, pluribus heic non immorari volumus, quandoquidem cun-  
cta adminiculo præmissæ Trigonometriæ, à discentibus expediri prom-  
tum fuerit. Vale, & fruere.

*Vide E.  
pistol. T.  
B. lib. 2.  
Epistol.  
Astron.  
ad H.  
Rantzo-  
vianum.*

*P. 5. lib.  
4. Elem.*

## PARTIS SECUNDÆ

ASTRONOMIÆ  
PROOEMIVM,

De præstantia, difficultate, & contentis doctrinæ Theoreticæ,  
generaliter cum sua distributione adumbratis.

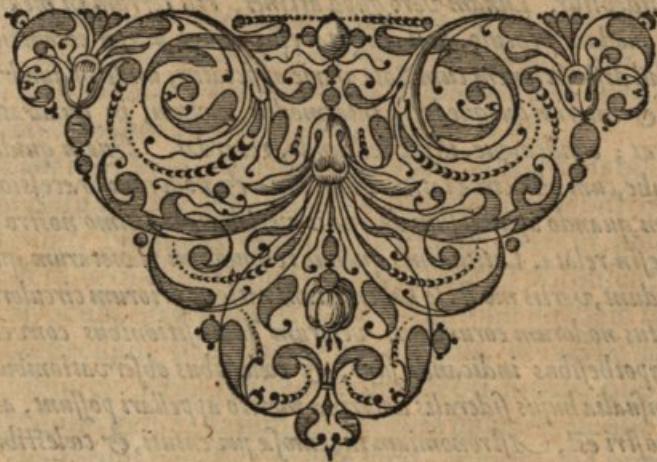
**P**riore Astronomiæ parte, quæ motum cælestium apparentem diurnum considerat, & sphaerica nuncupatur, confecta; altera superest, Theoretica appellata, eo quod in contemplatione motuum, tum primi (ut vocant) mobilis, tum septem planetarum certis ac geometricis hypothesibus allegatorum, consumatur, omnium præstantissima ac difficillima. Etenim quid præstantius, quid nobilior, quid humana scientia, (modo humana) dignius, aut denique divino artificio celebratus, quam compendium & quasi ideam eorum, quæ universa natura, latissime sumpta, intra gremium suum versat, in cœlo, imo hisce planetis, & ipsorum circumgyrationibus, multiplici congruentia contextis, velut libro quedam descripta, oculis mortalium exponi, & tandem ab iis deprehendi, qui terrenis facibus & momentaneis voluptatibus relictis, cælestibus, perennibus, ac plane divinis contemplationibus immorantur, certisque mediis se devincunt, donec vel ea mediocriter perceperint, quæ cognoscenda entheo hominis partis sunt potissima? Nec enim putandum est, creatorum optimum & sapientissimum, splendidißima cælestia corpora, & ipsorum admirabiles & perennes circumvolutiones seu motus, alia quam hominum causa condidisse; quippe qui in illorum scrutinio, velut præstantissimorum divinorum operum, que in sensus cadunt, se oblectarent: nec hæc sidera, quæ vulgo planetæ appellantur, vel minimum ab orbibus suis divinitus prescriptis deflectere; sed potius mira motuum varietate, optimam harmoniam his ostendere, qui a jenſu oculari legitimate exorsi, mentis auribus eandem accommodare valent. Ad quam, procul dubio, Pythagoras olim respexit, concentum musicum revolutionibus cælestium corporum affingendo, ut Plato interpretatur. Quin & idem Plato multis præterea in locis, divinum studium, utilitatemque Astronomiæ impense commendat: ex quibus unum in Timæo delibabimus, & juventuti Mathematicæ heic ante oculos summus, ut ad cælestia nobis um cognoscenda, non falsa persuasione, aut inutili conatu se contendisse cogitet, sed summi omnium Philosophi autoritate invitari.

Maximum (inquit ille) opus, cuius gratia, utiliter à diis nobis oculi donati sunt, deinceps explicandum sentio. Rerum enim optimarum, arbitror, cognitionem nobis oculi attulerunt. Nam hæc quæ de mundo disputatione, nunquam inventa essent si neque sidera, neque sol, neque coelum conspicere potuissent. Cognitio vero diei & noctis, ab oculis orta, fecit ut demonstratione quadam mensium & annorum ambitus metiremur, tempus cognosceremus, universæ naturæ ordinem scrutaremur: quibus ex rebus philosophiam adepti sumus, quo bono nihil unquam majus mortalium generi datum est deorum munere, neque dabitur. Hoc enim maximum oculorum beneficium esse dico; minora alia prætereo: quibus qui à Philosophia alieni sunt, orbat, si querantur, frustra querentur. Nobis vero asserendum est ob hanc potissimum rationem, Deum oculos genuisse, ut mentis circuitus, qui in cœlo peraguntur, intuiti, in usum redigamus nostræ mentis, cognitionisque nostræ discursiones, illis cognatas, sed perturbatas quodammodo, ad illorum temperiem revocemus. Et cum illos agnoverimus, & recta ratione secundum naturam prædicti, singulorum ordinem perceperimus, conversiones Dei, quæ sine ullo errore aguntur, imitemur, atque ad deorum exemplum discusiones nostræ cognitionis vagas & erraticas componamus. Hac ille: quæ si sobrium,

briam, veramque interpretationem nacta fuerint, & cum ipsius Platonis locis, imore ipsa collata, Astronomia profecto recte percepta, humanae scientiae decus & laudem pre reliquis omnibus merebitur: adeo ut admirari nemo debeat, cur non modo sapiens antiquitas, sed ipsi quoque Imperatores, Reges, & Principes tantum & otium, & impensum, studio cœlestium indulserint.

Ad difficultatem hujus Theoreticæ partis venio. Hanc certe nemo inficias ibit, quum non modo stellarum fixarum uniformis, & equalis in tempore apparens progressus; sed etiam planetarum, tam particulares per epicyclos circuitus, quam variae à tellure remotiones, à sensu pene oculari abscondantur; & ideo vulgi judicio incomprehensibiles, nec nisi à solis Astronomis perceptibiles. Hinc est quod Plato in Epinomide hanc Astronomiæ partem *præ omni sapientia extollat*. Nolite (*inquit*) ignorare Astronomiam sapientissimum quoddam esse, nempe necessum est verum Astronomum esse, non eum qui secundum Hesiodum, omnesque hujusmodi, occasum ortumque consideret; sed eum potius, qui circuitus octo, & quomodo septem sub primo versentur; quoque ordine circulos suos singuli peragant; quod nulla natura, nisi admirabilis, facile unquam inspiciet. Ex hoc quidem loco tertium, quod heic premittendum duximus, resultat, ut scilicet cursus planetarum generatim perstringamus. Sciendum itaque est (*quod interno principio adscribimus*) singulos planetas dum unam revolutionem periodicam designent apparentem, unum, alium, aut plures in cœlo circuitus peragere, pro epicyclorum, quibus alligati fuerint, connexu; idque procul dubio ad universi mysteria indicanda, ut supra attigimus. Inter hos autem Sol ipse, ut ceterorum omnium choragus atque dux, præter maximum orbem, quo annua revolutio indicatur, simplici epicyclo contentus videtur, nisi quatenus præcessionem equinoctiorum atque obliquitatem zodiaci inæqualem peculiari bus anomaliis involvit. Ceteri vero præter primarios circulos suos, etiam duobus aut pluribus circellis egent. Quin præter hosce reliqui quinq[ue] planetæ, qui solis ductum in medio constituti sequuntur, ad hujus unius dispositionem, & remotionem singulorum à terra, variam quoque anguli visionis quantitatem inducunt, atque permutant, variamque ac omnium manifestissimam à terra permutationem subeunt, velut in ipsis hypothesibus declarabitur. Quæ unica causa fuit, cur Copernicus putabat tellurem, in medio spatio, inter sphæram Martis & Veneris, cursum suum exercituram, dum Sol centro mundi affixus quiesceret, ut capite sequenti videbitur. Lunam vero quod attinet, et si terram in medio respiciat, tamen & ipsa mirabili quodam vinculo, Soli alligata est; ita ut præter eccentrici sui per geminos circellos, etiam ad dispositionem cum Sole varie afficiatur, unde in quadraturis digressiones facit maximas, & interim quoque locis intermediis, motum, in quadraturas digrediendo, paululum accelerat; eundemque, illinc redeundo, retardat. Quam quidem anomaliam ante Typhonem Brahe, cum alia circa latitudinem lunæ & nodorum præcessionem nemo deprehendit. Illa enim, quando apud ipsum decennio versabar, maximo nostro labore sunt inventa, & in hypothesin relata. Latitudines quoque reliquorum planetarum, quibus ultro citroque à via Solis abscedunt, variis modis sè habent, tam ratione priorum circulorum, quam Solis respectu; nec motus nodorum eorundem, veterum suppositionibus convenient; velut hec omnia in ipsis hypothesibus indicanda sunt, & cœlestibus observationibus ratis, & firmis, quæ principia sensualia hujus sideralis doctrinae merito appellari possunt, adstringenda. Non enim instituti nostri est, Astronomiam ingeniosæ juventuti, & cœlestibus percipiendis natæ, cœlo (quod multi facinnt) inconsulto tradere velle; sed simul, quantum per Dei gratiam conceditur, Theorias planetarum, iis, quæ veteres subterfugere, locupletare, & tamen non minus motus ipsorum, super trium præstantissimorum artificum Cl. Ptolomæi, Nic. Copernici & Typhonis Brahe debite reconciliatis hypothesibus, consignare, & in tabulas uniformes ac convenientes redigere, unde ad quodvis tempus phænomena eorundem compendiose de promi queant: quo hac nostra pro Astronomiæ redintegratione cura & sollicitudo non modo præsenti seculo, sed etiam posteris grata ac commendata sit futura. Hanc vero triplicem suppositionum in iisdem phænomenis varietatem, non eo saltim fine prosequimur, ut plena quasi inductione ostendamus, alias aque cœlestibus apparentiis convenientes in natura

dari non posse, ac interim suum cuique delectum in hisce permitti; sed etiam ut horologia, passim artificiose ad veteris Astronomie monumenta fabricata, quæ cursus planetarum representant: inter qua ætatebat, quod impensis curisque Christianissimi Regis Daniae Dn. CHRISTIANI III L. M. qui plurimum studio Astronomico afficiebatur, hec construetum est, & postea donatione Seren. Regis moderni CHRISTIANI IV huic Regiae Academie cessit, paucis in Europa (ut opinor) concedens, rite cognoscantur, & in motu ususque suos dirigantur. Porro quia in inventione Copernica, tantum ingenii est, tan-taque in Brahe cæteras utrasque dissidentes reconciliandi vis atque evocatio, proinde quod Dn. Tychoni antea propositum fuit, idem nobis nunc visum est, in gratiam dissentium, pre-stare velle circa triplicem scilicet hypothesin, è tribus dictis artificibus substratam, seorsim proponendam, inter se conferendam, & rationibus additis tunc Tychonis Preceptoris meritissimi, maxime pro vera agnoscendam: ita tamen ut in iis, quæ de terræ diurna in medio volutatione, ac cœli stellati perpetua quiescentia verosimiliora nobis videntur, queque physica sunt, nec ad phænomena salvanda, ultra elegeris quicquam diversi ingerentia, libertate nostra, quemadmodum in aliis nonnullis utamur. Hec enim quæ per totam Philosophiam merito ob veritatis indagationem exercenda est, ipsius præstantissima parti, nullo jure denegari debet, præsertim, modo rationibus è principiis adductis consona fuerit, ac motibus cœlestibus compendio definiendis, quippe quibus maxime doctrina haec destinata est, minime adverseatur. Porro tali æstimatione mundanarum generali descriptioni, ac collationi præmissa, restitutio stellarum fixarum, item Solis & Lune, telluri tanquam primario mundi centro annitentium subiungenda est, & his liber prior Theoricorum complendus: posterior vero, in motibus reliquorum quinque planetarum similiter restituendis consummabitur, qui secundarium mundi centrum, Solem nempe respiquant, quibus ostendendis ternas illas hypotheses, de quibus modo diximus, indifferenter accommodabimus. Et quanquam, tam ingenii olim negleti, quam corporis labore, ac vigiliis prope exhausti, infirmitas arduo huic conatu facile succumbere videbitur, bene tamen sperandum est, quod eundem Θεος σωτηρία, in creatoris admirandi cœlestium gloriam, & posteritatis insigne emolumenitum feliciter aliquando ad destinatum finem perducemus.



LIBER

# LIBER PRIMVS THEORICORVM

IN GENERE,

Breviter agens de triplici hypotyposi systematis  
mundani, & hypothesibus planetarum:

IN SPECIE

De stellarum fixarum, item Solis & Lunæ  
restitutione.

## C A P V T I.

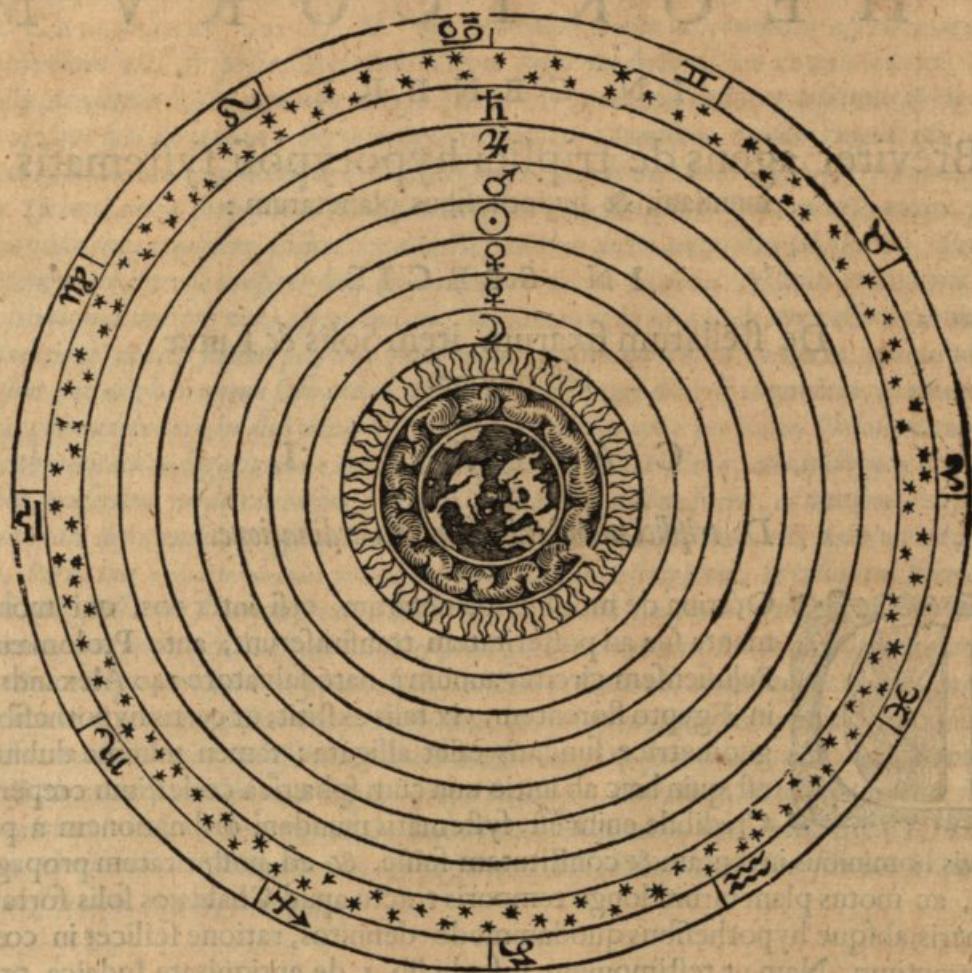
*De triplici mundani systematis ordinatione.*

**D**octrina de motibus planetarum, et si inter eos, qui monumenta sua ad posteritatem transmiserunt, ante Ptolomæum Pelusiensem circiter annum à nato salvatore 140 Alexandriæ in Ægypto florentem, vix talis exstitit, ut certis hypothesibus geometrice fundatis esset alligata: tamen minime dubium est, quin hæc ab initio una cum sphærica cœlestium coepit. Credibile enim est, systematis mundani ordinationem à primævis hominibus inventam & constitutam fuisse, & ad posteritatem propagatam, ac motus planetarum longo temporis tractu apud Chaldæos solis fortasse numeris, absque hypothesibus quodammodo definitos, ratione scilicet in cœlo apparentium. Nam ut testimonium Iosephi lib. 1 de antiquitate Iudaica præterea, qui studium Astronomicum antiquissimum facit, satis ex priscis Philosophis, Trismegisto, Platone, Aristotele (præter ea quæ in poetis de Prometheus, Epimenide, Atlante, & aliis inveniuntur) testata ac disputata relinquitur veterum de mundana constitutione opinio, quæ postea apud Plinium lib. 2 Nat. hist. qui sub Vespasiano vixit, et si paulisper in quibusdam ad aliorum opinionem, quos imitatus est, immutata legitur, ut & Aristarchi Samii & Pythagoreorum quorundam traditione, insigniter conversa: tamen maxime præsca constitutio, quæ à Ptolomæo usurpata est, Astronomorum sententia viguit. Nam eandem quoque consentaneum est Timocharidi Alexandrino, Hipparcho Rhodio, Archimedi Syracusano, aliisque in usu ante Ptolomæum fuisse, posteaque ad Copernicum usque frequentatam, ut etiam per Hypotheses Procli Diadochi appareret.

Hæc autem mundani systematis hypotyposis talis est, quæ è planetarum characteribus, orbibus singulis adjectis, per se satis cognoscitur.

N 4

Hypo-

*Hypotyposis systematis mundani vetus, seu Ptolemaica.*

**I**N hoc systemate motus periodici planetarum circa terram saltim exprimitur, orbibus discriminatis: quorum Saturni est 30 circiter annorum; Iovis 12; Martis 2; Solis, Veneris, & Mercurii annuus; Lunæ 28 dierum. Et quamvis Ptolomæus nusquam in opere suo sistema hoc typice exprimit, nihilominus tamen & de terræ in medio quiescentia disputatione, & præterea de ordine sphaerarum seu orbium, quibus planetæ inhærerent, hanc priscorum sententiam fuisse afferit, dum opinionem illorum diluit, qui Venerem & Mercurium ideo supra Solēm locari autumant, quod in coniunctione Solis cum ipsis, nulla in eo obscuratio animadversa sit, recessu scilicet ipsorum in latitudines hanc penitus evitante. Interim tamen Plato, ex alio fonte naturæ, luminaria proxima terræ esse disputatione, quem quoque Aristoteles imitatur.

*Almag. libr.  
1. cap. 5.  
Almag. lib. 9.  
c. 1.  
Plato in Timotheo.  
Arist. in tractatu de Mondo.*

Atque hæc veterum hypotyposis mundana fuit, à Ptolomæo, dum motus siderum ostenderet, reaffumta: qui tamen orbibus hisce descriptis, præter eccentricitates & æquantes, de quibus infra, etiam annuos epicyclos in tribus superioribus; in Venere vero, & Mercurio alias & proprios supperaddere coactus fuit, quod planetæ Solis motui tam secundum longitudinem quam latitudinem essent obnoxii; stationes vero atque regressiones superiorum annuæ fierent, inferiores quoque suas haberent periodos per epicyclos singulorum salvandas, ut duobus exemplis modo declarabimus, uno scilicet in planetis Sole superioribus, altero in iis, qui ipso inferiores æstimabantur.

*Typus hypotheseos Ptolemaicae, superiorum planetarum, Saturni, Iovis, ac Martis annuas progressiones, stationes, & regressiones ostendentis.*

D E C L A R A T I O .

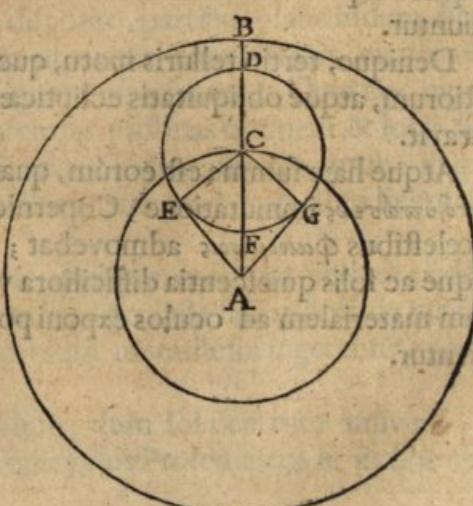
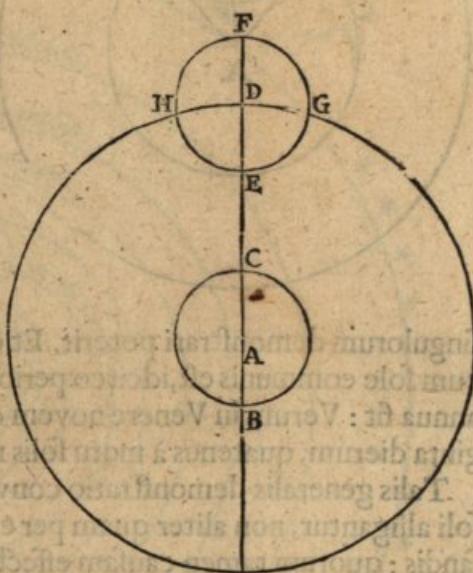
A terra seu centro universi describatur primum B C orbis solis annuus: deinde ex eodem A centro, orbis periodicæ revolutionis unius superiorum planetarum D H, sitque hujus motus penes D, ortum seu H versus; ex quo in descripto epicyclo Ptolemaico E G, planeta ita incedit, ut sole secundum medium motum in B, existente, terra que inter ipsum & planetam directe interjecta, E id est infimam partem epicycli sui proximamque à tellure occupet.

Rursus vero sole in C versante ac planetæ conjuncto, planeta apicem epicycli sui in F tenet, & ideo à terra A remotissimus est. Interea autem per dictum epicyclum E F Φανόμενα, quæ ipsi coelo congruunt, designat, progrediviendo, stando, aut retrocedendo, protut soli configuratur, velut facile heic deprehenditur. Dum enim ab F apogæo loco epicycli, in H planeta progreditur, motus in epicyclo prorogationis est, & penes H (aut paulo infra) fit stationarius. hincque retrogradus à H per E in G, ubi rursus ad stationem alteram regressus est. denique inde in F per consequentia signorum procedit, habita tamen semper æstimatione in his motus planetæ in proprio orbe D. Atque sic tres superiores planetæ, Saturnus, Iupiter & Mars à motu solis annuatim afficiuntur, ut pro hac ipsorum ἀνομαλίᾳ Ptolomæus epicyclum qualem nunc descripsimus, singulis adjicere coactus fuerit. Nec certe in inferioribus Venere & Mercurio minor est cum anno motu solis convenientia, velut id nunc pro exemplo in ipsis quoque sequitur.

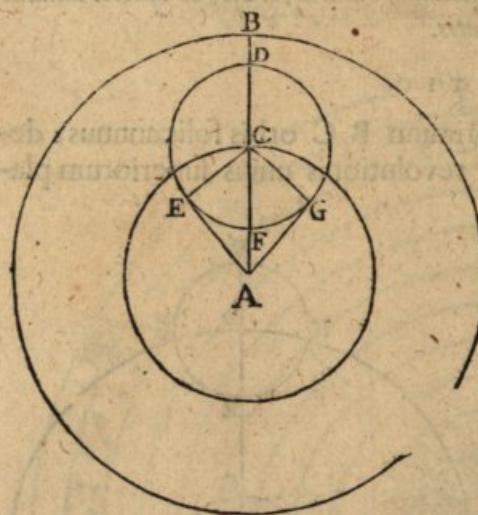
*Typus hypotheseos Ptolemaicae inferiorum planetarum Veneris & Mercurii, periodicas eorundem progressiones, stationes, ac regressiones ostendentis.*

D E C L A R A T I O .

Centro A, quod terræ vicem obtinet, describatur orbis solis, qui exterior est, B. deinde ex eodem centro orbis C, unius inferiorum, Veneris scilicet aut Mercurii. Et quoniam ex hypothesi Ptolemaica idem motus medijs seu annuus est solis ac duorum planetatum Veneris & Mercurii, ducatur linea recta à terra A, per C ad B, quæ in tota per utrumque circulum revolutione sub æquales zodiaci partes permanet. cæterum ad reliquias apparentias Veneris & Mercurii ostendendas adhuc



super



singulorum demonstrari poterit. Et quoniam inferiorum medius motus annuus, cum sole communis est, idcirco periodus per epicyclum non item ut superiorum annua fit: Verum in Venere novem circiter mensium, in Mercurio vero octaginta dierum, quatenus à motu solis medio separantur.

Talis generalis demonstratio convenit motibus quinque planetarum, quibus soli alligantur, non aliter quam per epicyclum modo à Ptolom. adjectum excusandis: quorum tamen causam effectricem Plinius radios solares esse opinatur, diversimode in planetas incidentes, quum potius solem horum omnium centrum esse dixisset: quod, post quosdam veteres philosophos, Philolaum Pythagoreum, Nicetum, maxime vero Aristarchum Samium, Nicolaus Copernicus Toronensis, vir divini ingenii animadvertisens, veteris præmissi systematis ordinem ita invertit, ut sole ipso centrum universi occupante, terra una cum luna è meditullio in orbem solis succederet, triplici motioni facta obnoxia. Nam non solum diurnum motum ipsius coeli apparentem telluri Copernicus alligabat, & orbem stellarum fixarum, qui, ut & orbes planetarum, solem pro centro respi- ceret, penitus quietum reddebat; verum etiam epicyclos à Ptolemæo, ob planetarum cum sole, quam supra monstravimus, combinationem, introductos, omnes uno motu terræ tollebat, & insuper æquinoctiorum simplicem anticipatiōnem ostendebat, salva, de orbium in cœlo realitate, veterum opinione. Hic inter alia, quod vetus sistema præstare nequit, data distantia terræ à sole, reliquorum planetarum distantiae à tellure, singulæ ad eamdem symmetriam inveniuntur.

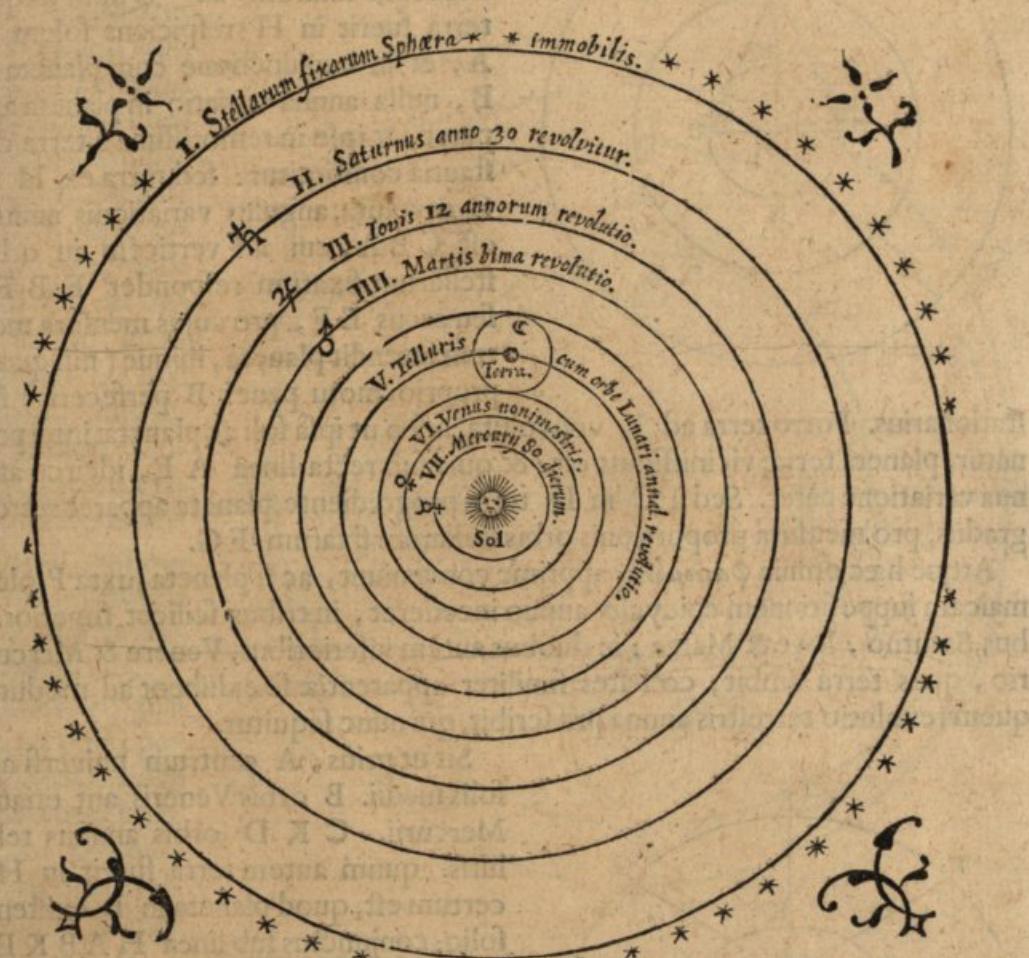
Denique, tertio telluris motu, quem librationis vocat, Copernicus æquinoctiorum, atque obliquitatis eclipticæ ab æquatore inæqualitatem commonistravit.

Atque hæc summa est eorum, quæ admirabili plane, sed & concinna veteris ὑπότυπωσεως immutatione, Copernicus præstitit, dum suam, quæ nunc sequitur cœlestibus φαινομένοις admovebat; in qua, quæ de motu triplici terræ, cœlique ac solis quiescentia difficiliora videntur, auditoribus seorsim intra sphæram materialem ad oculos exponi possunt; ut tanti viri acumine merito afficiantur.

Hypo-

*Hypotyposis systematis mundani Copernicæa.*

Copern. lib. I.  
Revolut. c. 10.

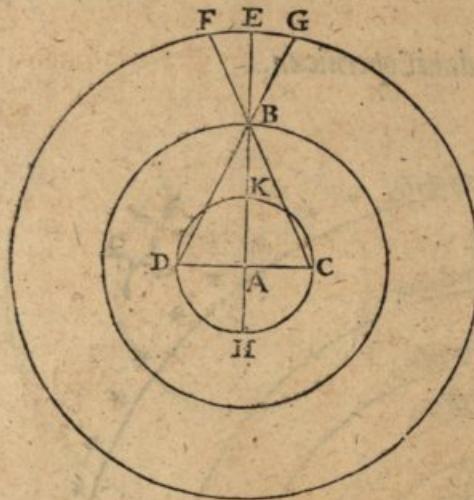


**H**Æc magni Copernici admiranda inventio est, qua, sytemate prisco luxato, & tellure è meditullio universi una cum sytemate lunari in orbem solis annum subducto, soleque rursus in centrum mundanæ machinæ reposito, phænomena nullam sensibilem à superiore alterationem patiuntur.

Primo namque sol è terreno globo ita disposito, partibus plane iisdem, sicut eundem è medio aspiceremus, sic cernitur, ut annuæ conversionis vicissitudines, sub cardinibus tamen adversis, utrobique conspiciantur. Quin hoc modo etiam luna atque cætera astra suas & apparentias pristinas obtinent, & locis suis longe, (ut Copernico videtur) convenientioribus singula tribuuntur: in qua quoque transpositione, realitas orbium (telluris excepto) veteribus licet falso credita, heic toleratur.

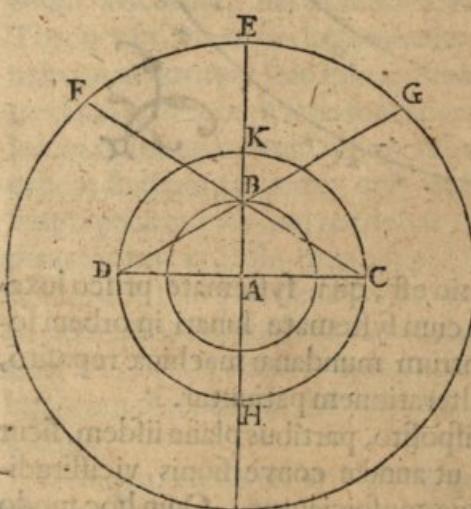
In hac autem hypotyposi Copernicana, quoniam motuum periodi eadem sunt, quæ superiore Ptolemaica indicabantur, proinde saltim heic de majore utilitate atque compendio fese per hanc orbium metathesin ingerente, pauca adjiciemus.

Primo terra per circulum annum revoluta, dum sol centrum universi, & ideo quoque quinque planetarum fuerit, epicyclos Ptolemaicos in iis hoc modo Copernicus tollit.



stationarius. Porro terra ad K convoluta, adeo ut ipsa soli ac planetæ interponatur, planetæ terræ vicinissimus est: & quia sub recta linea A E, idcirco annua variatione caret. Sed à C in D terra progrediente, planetæ appetret retrogradus, pro mensura proportionis orbis stellarum fixarum F G.

Atque hæc omnia *Φανωμένοις* apprime conveniunt, ac si planetæ juxta Ptolemaicam suppositionem epicyclo anno incederet, in tribus scilicet superioribus, Saturno, Iove & Marte: in duobus autem inferioribus, Venere & Mercurio, quos terra ambit, coelestes similiter apparentiæ se exhibent ad modum quem revolutio terrestris annua præscribit, qui nunc sequitur.



tutinam digressionem designat maximam, quam mensurat angulus A B D seu illius verticalis G B E. atque hæc omnia apparentiis è motu terræ anno conueniunt, dum ratio quoque motus planetæ in proprio circulo habeatur, & qui cum sole terraq; positus ejus atque configurationes fuerint; adeo ut qui animum hisce prout digna fuerint, diligenter intendit, inventum hoc Copernicæum pro *Φανωμένοις* coelestibus absque epicyclis salvandis ingeniosissimum esse fateatur.

Cæterum præter annum terræ motum, Copernicus ei etiam duos alios affinxit, diurnum scilicet, & motum librationis. diurnus fit ab occasu in ortum, quo contingit, ut cœlum, cum stellis universis, ab ortu in occasum ferri seu retrocedere videatur.

Per librationis denique motum, Copernicus alterabilem eclipticæ & æquatoris

Sit A sol centrum universi; orbis terræ annuus C K D H: orbis planetæ alicujus superiorum B, in quo quoque puncto planeta hæreat; orbis denique stellarum fixarum E. Quum itaque terra fuerit in H respiciens solem in A, & in conjunctione cum planeta in B, nulla annua variatio in planeta appetret, & ipse in remotissima à terra distantia constituitur: sed terra ex H in C revoluta, angulus variationis annuae est C B A, cui ad verticem in orbe stellarum fixarum respondet E B F, seu arcus E F, pro cuius mensura motum intendit planeta, ibique (nisi quod proprio motu penes B perfecerit) fit

Sit ut prius, A centrum universi ac solis medii. B orbis Veneris aut etiam Mercurii. C K D orbis annuus telluris. quum autem terra fuerit in H, certum est, quod planeta in B existens soliq; conjunctus sub linea H A B K E, locum apogæum obtineat. deinde terra in C progrediente, appetret planeta in maxima digressione à sole vespertina sub linea C B F. hinc fit stationarius, ac demum retrogradus, maxime quum terra fuerit in K, ac planetæ proxima, ubi ille in perigæo epicycli Ptolemai ci versari existimatur. denique revoluta terra in D, appetret planeta sub linea D B in G puncto octavi orbis, ubi ma-

toris obliquationem successu temporis longioris animadversam salvat; idque super polis telluris duntaxat. Triplicem hunc terræ motum tanto artificio Copernicus invexit, ut nullus alteri utriusque obstaret, velut ocularis inspectio in sphæra demonstrationi horum destinata docere possit, cuius qualemcumque delineationem cum sua explicatione heic subjungimus.

Describatur

è centro solis

A zodiacus

suis signis duo-

decim conspicuus.

Deinde ex eodem cē-

tro æquator

C D ad zo-

diamcum incli-

natus: non

quod talis sec-

undum Co-

pernicum cir-

culus cœlestis

fuerit, sed po-

tius terrestris

in diurna re-

volutione,

quantum tel-

luris poli à po-

lis zodiaci de-

flectunt. Intra

hos circulos

describatur si-

militer è cen-

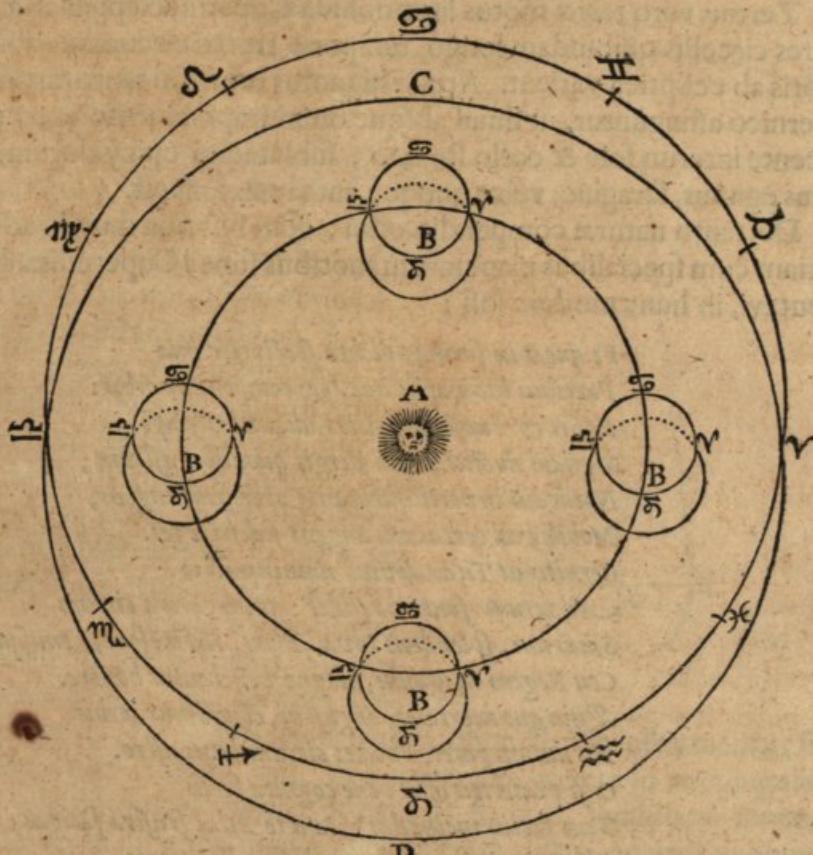
tro solis A, orbis terræ annuus B, quæ nota centri terræ est, in suo circulo

annuo quater heic ex oppositis locis, seu punctis eclipticæ cardinalibus con-

stitutæ, super quam dimidia pars æquatoris in eandem partem cum cœlesti

C D declinet, nostro nempe seculo 23 grad. 31 $\frac{1}{2}$  minut.

His constitutis, & dato ex hypothesi, quod in tota annua periodo terræ circa solem, poli ipsius terræ, super quibus diurna ejus fit revolutio, unam mundi plagam perpetuo respiciant, efficitur, quod dum terra sub Capricorno fuerit, sol ex adverso sub Cancro appareat, & sic ubique in annua revolutione sub signis punctisque zodiaci contrariis. Idcirco quum terra fuerit in Libra, sol è regione apparebit in Ariete, & quidem in initio ejus, absque omni declinatione, quod inibi è terra per sectionem communem eclipticæ & æquatoris terrestris solem aspiciamus: quemadmodum quoque fit, terra initium arietis obtinente: tunc enim sol in libra absque declinatione conspicuus redditur. Vnde in ista duo puncta, bina æquinoctia annuatim incidunt. E contra autem quoniam terra sub Capricorno & Cancro versante, maxima appareat circulorum eclipticæ & æquatoris ab invicem declinatio, & quidem in partes contrarias, ideo totidem inibi annuatim fiunt solstitia, velut hæc ex ipsa instrumentalí sphæra commodius percipiuntur. Itaque ( præter superiora in ipsis planetis ) quales heic sunt anni temporis vices, hæc hypothesis Copernicæ, ex annuo motu terræ pulcherime expedit, atque ob oculos ponit. Quin etiam simplicem præcessionem æquinoctiorum seu apparentem progressum stellarum fixarum ideo contingere posse



cum Copernico cernimus, quod annua terræ periodus ubique paulatim à motione sua directrice, in eandem mundi plagam anticipetur.

Haec tenus de motu terræ anno. Diurnus sequitur, qui est terræ ipsius secundum superficiem, super centro suo volutatio ab occasu ortum versus, spatio 24 horarum. Vnde contingit quod cœlum contraria latione ab ortu in occasum eodem temporis spatio circumvolvi appareat una cum Φαινομένοις sibi insitis.

Tertius vero terræ motus librationis à Copernico appellatur, quod poli terrestres circellis quibusdam longo temporis tractu circumlati obliquitatem æquatoris ab ecliptica varient. Atque hi motus recensiti tanto artificio telluri à Copernico affinguntur, ut simul absque omni impedimento exerceri queant, quiete interim sole & coelo stellato, sublataque epicyclorum, de quibus superiorius egimus, faragine; velut quoque antea relatum est.

De tanto naturæ compendio olim, dum systema mundi ad certum tempus etiam cum specialibus planetarum motibus super Copernicæ hypothesi representavi, in hunc modum lusi:

*Vt queat in forma pulchre spectarier una  
Partibus hic variis qui apte componitur orbis:  
Posit & è nostris radiis radiantis Olympi  
Signari ductus, qua vergit quodlibet astrorum;  
Naturam invertit surpeam Copernicus ingens,  
Mobilia ad certas expansans sidera leges.  
Cernitis ut Titan divini numinis ædœs  
Ad rerum fontem residet: quem cetera circum  
Saturnus, splendens Iova, Mars, Hermesque, Venusque  
Ceu Regem magnum, magno venerantur honore.  
Quin quo mortales, angustus, claudimur, orbis  
Ad nutum paret, Phœbes circumdatus astro.  
O si præteritis esset bene cognita seclis  
Tam facilis methodus! Iam te Atlas frustra fatigas:  
Pleraque nam cursu terræ suspendimus uno.  
Quin Ptolomee tua, quod non metimur ab arte,  
Quam longe errantes removentur in æthere stelle,  
Id numeris nostris vere id jam congruit apte,  
Dum durant leges volventes sidera mundi.*

Huc usque de magni istius Copernici hypotyposi mundana, ac triplicis in ea motus telluris assertione. Quæ quamvis ingeniosissime ad salvanda phænomena cœlestia excogitata sit, ac physicis quoque rationibus, quæ libro primo Revolutionum inseruntur, ita munita, ut difficulter convelli queat: duo tamen inter alia inveniuntur, quæ fidem ipsi derogare, in quibusdam præcipue annum terræ motum concernentibus, videntur.

*Vide l. 1<sup>o</sup> Revol.  
cap. 8. &c.*

*Gen. 1. ver. 1.*

Primum, quod à creationis conditione, & prærogativa corporum mundanorum magnorum desumi poterit. Quum enim inter omnia visibilia creata, cœli terræque primo omnium sacra scriptura meminerit, verosimile certe est, his quoque in mundo primarias sedes seu loca fuisse destinata. At quum credibile fuerit totum hoc universum circuli formam æmulari, quid verosimilius esse potest, quam terram centrum ejus, cœlum autem, quod reliqua cuncta complectitur, spacium inter centrum, tellurem nempe & circumferentiam, complere? veluti hæc in Gen. 1. v. 6, 7, 8. item ver. 14, 15, & sequentibus amplius scripturam perscrutanti sese offerunt.

Alterum argumentum adversus annum terræ motum dicitur ab incredibili intercapidine sphæræ stellarum fixarum à terra vel sole, quæ hypothesin Coperni-

pernicæam ad talem motum sequetur, ut & illam, ipsius stellæ fixæ magnitudo. Nec enim hæc locum alias merebitur, nisi diameter orbis annui telluris, ad semidiametrum stellarum fixarum à sole, comparatione, plane evanuerit; quæ tamén comparatio satis manifeste etiam in ipso supremo planetarum Saturno percipitur. Sed quod hic afferitur, geometrica demonstratione in hunc modum comprobabimus.

Describatur super A centro solis juxta Copernicum E H F annuus orbis terræ, & ex eodem centro arcus octavæ sphæræ, seu orbis stellarum fixarum B C; ductaque à centro ad dictum arcum linea A D, erit hæc semidiameter sphæræ octavæ à sole, quam secundum Copernicum tantæ longitudinis esse necessum erit, ut E F, id est diameter orbis annui terræ cum eadem nullam plane comparationem obtineat, sed propter immensam distantiam D ab A totus angulus E D F, quum terra utrinque in E & F fuerit, evanescat. Nullam enim sensibilem variationem in locis stellarum fixarum, quum terra contrariis anni temporibus in his locis, juxta hypothesin Copernicæam, fuerit, persentiscere licebit, etiam observatione in justo ac competente instrumento attentissime & diligentissime habita, velut in Huena aliquoties ad stellam polarem experimentati sumus. Sit autem non ab observatione ulla; sed tantum hypothesis, angulus datus E D F unius minuti primi, quod satis in instrumento, si esset, discerni posset; erit E D A  $\frac{1}{2}$  min. & quoniam in triangulo rectangulo E A D pro A D dantur omnes anguli, & latus E A 1150 semidiam. terræ, solis & telluris ab invicem distantia media (neque enim aliam, quam Tychois heic præsupponendam volumus, ultra centum semidiametros fortassis à nobis suo loco merito augendam, id quod adhuc magis Copernici opinioni detrahit, & distantiam à nobis atque mensuram fixarum auget:) erit ut

sec. gr. mi. sec.

E D A 30 E A . . . D E A 89 59 30 A D

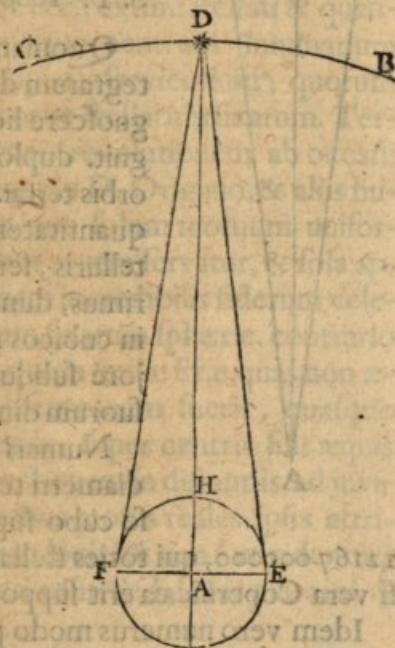
S. R. 1454441 1150 semid. S. R. 9999999894 (7906818 semid. ter.)

Lib. I. Prog.  
pag. 473.

Atque in tantum quælibet fixa stella à sole, aut media quasi distantia terræ distaret: quod quidem spatium immensum est ab eo quod veteres & Tycho in fixis posuerunt, nempe 14000 semid. terræ. Et quum ultimus planetarum Saturnus consensu fere omnium Astronomorum removeatur à terra circiter 12000 semid. terræ, quorsum igitur inanis intercapedo inter hunc & fixa sidera, quæ ex præmissis elicetur 7894818 semid. terræ?

Nunc magnitudinem stellæ fixæ similiter ex hypothesi Copernicæa geometricè expendemus.

Sit (in seq. fig.) A terra vel sol: stella aliqua fixa primæ magnitudinis B. erit itaque A B linea distantia stellæ à sole, vel media quasi terræ elongatione: quæ juxta suppositionem Copernicæ ratiocinationi ante adhibitatam reperta est semidiametrorum terræ 7906818. porro centro stellæ B describatur ejus orbicularis magnitudo circello D C: ac ducta diametro D C, & præterea linea A C & A D quæremus primo in triangulo orthogonio A B C semidiametrum



metrum stellæ veram BC, in semidiametris terræ. *didicimus*  
autem hæc sunt :



Pro. 18 lib. 12.  
Euclidis.

Tych. progym.  
1 pag. 473.

Vide li. 1 Epist.  
Astron. T. B.  
pag. 192.

Cap. 4 hujus.

Vide epist.  
Astron. T. B.  
item, περὶ τὸν  
ποματανο-  
ῦτα Astron.

B A 7906818 semid. terræ, B C A 1 minut. primi, ex observatione apparentis semidiametri stellæ primæ magnitudinis. angulus denique A B C rectus: quare erit, ut

B . . BA . BAC BC  
S. T. 10000000, 7906818 T. 2909 (2300 semid. ter.)

Quoniam vero DC dupla est BC, erit illa totidem integrarum diametr. terræ, ut puta 2300. Ex hisce autem cognoscere licet, quod diameter corpulentiae stellæ primæ magnit. duplo major in hac suppositione fieret diametro annui orbis terræ. data nunc diametro stellæ fixæ primi honoris, quantitatem ejusdem in collatione primo cum toto globo telluris, seu ex terra, & aqua circumiacente congesto acquirimus, dum utriusque & terræ & stellæ diametros propositas in cubicos numeros seorsim resolvamus, minoremque ex maiore subducamus. Sphæræ enim in triplicata ratione sunt suorum dimetientium. Sequitur praxis.

Numeri DC 2300 cubus est 12167000000: at datae diametri terræ 1 part. erit quoque cubus 1 part. quare diviso cubo superiore per unitatem, idem numerus reddit, nempe 12167 000000, qui toties stellam primæ magnit. telluris globum superare arguit, si vera Copernicæa erit suppositio.

Idem vero numerus modo per 140 dividatur, in quantum scilicet sol ipse magnitudine sua terram hactenus superare creditur; superabit stella fixa primi honoris & ipsum solem vicibus 86907143. Denique quoniam in hac proportione diameter stellæ fixæ prius inventa fuit duplo major diametro orbis annui terræ, è parallaxeos qualiscunque hypothesi prius supposita: proinde posita hac unius partis, erit illa 2 part. & dum singulæ cubice excipiuntur, manet cubus orbis annui 1 part. stellæ vero 8 part. unde ostenditur stellam primæ magnit. in sua totali quantitate seu corpulentia octies totum diaistema à sole ad tellurem usque vincere debere, quod magnitudine annui orbis terræ circumscribitur, modo suppositioni Copernicæa ullo modo locus dabitur.

Quoniam itaque tam ex immensa stellarum fixarum à tellure remotione, atque inter ultimum planetarum & earundem fixarum orbem intercedente, quam incredibili, quæ hinc sequitur, ad orbem annum terræ, item solem, ac multo magis ad terram, fixæ primi (ut supposuimus) honoris, magnitudine, omnis bene constituta mundanarum partium symmetria facile tollitur; præter absurdum, quod supra ex conditione rerum primario creatarum pro argumentis ex sacris adduximus, & quod postea de motu trepidationis terræ, ex latitudine potius quam declinatione alterabili stellarum fixarum, destruendo, adducetur sumus: idcirco hypotesin Copernicæam de annua præfertim telluris motione, deque ejus super polis suis libratione jure eximendam puto, & cum feliciore Tychonis Brahe inventione permutandam; maxime postquam orbium densorum in coelo realitas satis neotericis observationibus expugnata fit.

Tertium itaque, & si, fortassis, quod verum mundanum systema uspiam fuerit, à Tychone Brahe ante 38 annos inventum delineatione sequente oculis subjicimus.

Nova