



4A
27
23
17

4A
27
23
17

2011-2-24-3-149

4A
27
23
17

~~24-4-18~~ =

29

24-3-19

54-4-18-

Ioannis *Delfici* *1713*

HARMONICES

MUNDI

LIBRI V. QUINTI

Faint, illegible text, likely bleed-through from the reverse side of the page.



FE 1 n. 16

22

O - 24 - 3 - 19



Ioannis Keppleri
HARMONICES
M V N D I

LIBRI V. QVORVM



Primus GEOMETRICVS, De Figurarum Regularium, quæ Proportiones Harmonicas constituunt, ortu & demonstrationibus.

Secundus ARCHITECTONICVS, seu ex GEOMETRIA FIGVRATA, De Figurarum Regularium Congruentia in plano vel solido:

Tertius propriè HARMONICVS, De Proportionum Harmonicarum ortu ex Figuris; deque Naturâ & Differentiis rerum ad cantum pertinentium, contra Veteres:

Quartus METAPHYSICVS, PSYCHOLOGICVS & ASTROLOGICVS, De Harmoniarum mentali Essentiâ earumque generibus in Mundo; præsertim de Harmonia radiorum, ex corporibus cœlestibus in Terram descendentibus, eiusque effectû in Natura seu Anima sublunari & Humana:

Quintus ASTRONOMICVS & METAPHYSICVS, De Harmoniis absolutissimis motuum cœlestium, ortuque Eccentricitatum ex proportionibus Harmonicis.

Appendix habet comparationem huius Operis cum Harmonices Cl. Ptolemæi libro II I. cumque Roberti de Fluctibus, di&i Flud. Medici Oxoniensis speculationibus Harmonicis, operi de Macrocosmo & Microcosmo insertis.



Cum S. C. M^{ta}. Privilegio ad annos XV.

Lincii Austriae,

Sumptibus GODOFREDI TAMPACHII Bibl. Francof.
Excudebat IOANNES PLANCVS.

ANNO M. DC. XIX.

HARMONICES

M. V. N. D. I.

1732

LIBRY QVORVM

Faint, illegible text, likely bleed-through from the reverse side of the page.



Faint text at the bottom of the page, possibly a library or ownership mark.



A D

Serenissimum & Potentissimum

Principem & Dominum

D. I A C O B V M,

Magne Britannia, Francia, Hiber-

nia Regem, Fidei Defenso-

rem, &c.

Dominum meum Clementissimum.



VR hos ego libros Harmonices inter homines vulgandos, ex Imperatoris Augustissimi, Domini mei aulâ, ex eius Regnis & Prouinciis hæreditariis Austriacis, ex ipsa denique Germaniâ, trans mare ablegarem, tuoq; Rex Inclyte, conspectui serenissimo sisterem: causas habui partim præsentis, partim antiquas.

Primum enim hoc non alienum à meo munere putavi; vt quia Cæsaris in re Mathematicâ stipendiâ meo, demonstrarem igitur etiam exteris, quantam gereret prouidentiam, Princeps Reip. Christianæ, diuinissimorum studiorum: vt intelligeretur ex cursu non interturbato Pacis ornamentorum per has prouincias, famam intestini belli sinistram, cum ipsa re proculdubio breui extinctum iri: Dissonantiamque hanc paulò duriorem, vt in Patheticâ Melodiâ, iam iamque in sua-

* 2 uem

DEDICATIO.

uem Clausulam desitutam. Quem verò Bonitatis Imperatorie digniorem aestimatorem, Rege magno? quem operis de Cælorum Harmoniâ, Pythagoram redolentis & Platonem, conuenienter Patronum, Rege illo legissem, qui Platonice sapientie studium domesticis monumentis, que subditorum veneratione etiam publica habemus, est testatus? qui Astronomiam Tychonis Brahei, cui opus hoc innititur, puer adhuc, ornamentis ingenii sui dignam censuit? qui denique vir factus, & regni gubernacula tractans, Astrologicam vanitatem publicâ censurâ notauit? quæ sane, libro huius operis IV. detectis veris fundamentis effectuum sideralium, clarissime patescit: Vt nulli dubium esse possit, quin totius huius Operis, omniumque eius partium sis futurus intelligentissimus.

Maior verò mihi causâ dedicationis ex antiquo est ista. Cum primum ante annos paulò minus viginti materiam operis animo concepissem, titulumque nuncupassem, nondum cognitis Planetarum motibus propriis, in quibus tamen inesse Harmonias instinctus Naturæ dictabat: iam tunc ego patrocinium operis, si quando id succederet, absolutumque esset, Maiestati tuæ destinavi; hocque veluti votum meum Legatis tuis ad aulam Imperatoriam semel atque iterum testatum feci. Causas de hoc Harmonicorum meorum patrocinio cogitandi, suppeditabat mihi Dissonantia illa multiplex in rebus humanis, manifesta quidem, vt non possit non offendere; ex concinnis tamen & articulatis interuallis conflata, quorum hæc est natura, vt auditum in mediâ discordantiâ, promissione successuræ suauis concordie demulceat, eiusdemque expectatione sustentet. Enimvero digna erat homine Christiano persuasio, Deum esse, qui omnem Melodiam vitæ humanæ moderantur, digna magnitudine Dei patientia, non offendi prolixitate dissonantiarum, nec spes abiicere; reputantem, non Dei prou-

D E D I C A T I O.

providentiam lentè agere, sed nostrum singulorum æui
 spacium velociter auolare. Docebar equidem sacris o-
 raculis, omnia à Deo certis & salutaribus vsibus esse
 destinata: etiam dissona ista, ad elucidandam & com-
 mendandam Consonantiæ suauitatem. Cur autem à
 tuâ potissimum Harpe Daudicâ, Rex Inclyte, princi-
 pium aliquod expectare consonantiæ restaurandæ, de-
 sideria mea me iuberent: etsi non est huius loci fufius
 explicare, ne prudentum monita contemnere videar:
 hanc tamen, toto dudum ab orbe confessam partem
 gloriæ, rerum abs Te gestarum, attingere nemo prohi-
 beat: quod Angliæ regnum, hereditate & consensu po-
 puli adeptus, breui illi commune cum Regno Scotiæ,
 Magnæ Britanniæ nomen dedisti; ex vtraq; provinciâ
 Regnum & Harmoniam vnam (nam quid aliud est re-
 gnum, quam Harmonia) contemperasti; discordiam
 hereditariam Nationum infensissimarum foelicissime
 sustulisti; memoriam crebrarum & cruentissimarum
 cladum, quibus ceu notis quibusdam, series seculorum
 erat interstincta, penitus extinxisti. Hoc domesticum
 tuum opus, omen (inter cetera ponderosiora) non in-
 fidum mihi continere videbatur, fore vt etiam foris,
 Rex inter Reges, Fidei Defensor inter Christi fideles, ma-
 ius aliquod & præstantius, etiamque durabilius opus
 perficeres: quod quidem & votis meis tacitis, & omina-
 tione publicâ, libro de stellâ nouâ, quæ veluti Carbu-
 culus arderet (notus Scotiæ versiculus) sum profecutus.
 Itaque velut iam confecto quod optabam & augura-
 bar, Harmoste tam laudabili, meas aliquando Mun-
 danas Harmonias accinere tanto firmiter mihi propo-
 nebam.

Vellem hic, Dissonantiam publicam, Vocum trifa-
 riam obstrepentium, paulò mihi mitiorem esse, vt audi-
 ri publicè ex animi mei sententiâ possem: qua in re visus
 fuerit adspirare votis euentus? quæ vulnera capitis, qui-
 bus

D E D I C A T I O.

bus Harmoniis tentata, à quo Medico: & vt etiam hunc ego in libro de stella noua, longe antea viuis coloribus depinxi? At quodnam erit operæ precium, si Harmoniam affectans priuato strepitu, nec vincam fremitus publicos, imbecillitate laterum, & molestias absurdi concentus in meis auribus insuper augeam? Fatendum equidem est, proh dolor, tumere adhuc vulnus decussatum, an malumus sacrationi foeliciori; vocabulo, cruciforme, tumere inquam, multiplici labro; & nullo illorum conuiuente, medicinam hæctenus irritam, omnibusque partibus irrisam; propterea quod Medicus, vt ægro deliro pharmacum fallens ingerat, multa simul & multa adiicit, quæ à sana ratione plurimum abire videntur. Recreor tamen hac ipsa cogitatione, quòd supremus vulnerum nostrorum Curator artis suæ certus sit, nec quicquam frustra applicet. Ergo qui curam iam est aggressus, qui iam expediuit, iam mundo monstrauit, consolidantia ista; interim verò per calamitates publicas erodentibus vitur, quoad consumptâ carne putridâ & ferâ, charitatis scilicet extinctæ, sensus aliquis doloris ad viuæ carnis profunditatem descenderit: idem procul dubio lenientibus etiam vtetur prope diem ad deprimendos tumores; vt consolidantibus illis denique locus esse possit: tandemque Diffonantia hæc diuturna (vt ad propositum exemplum reuertar) in meram & durabilem Harmoniam terminetur. Qua in spe etiam contra spem confirmor non tantum successu mearum speculationum Harmonicarum, vt cuius foelicitas audaciam in quærendo longissime superat: sed etiam hoc ipso, quod inter cætera, quæ, ad Operis perfectionem necessaria, per tot iam annos fuerunt loco pristino, Maiestatem etiâ Tuam Regiam, cui patrocinium operis, antequam inciperetur, destinaueram, huc vsque incolumem & florentem vidi: nec desinam à Deo Pacis & Concordiæ authore contendere deuotis precibus, vt

tibi

D E D I C A T I O.

tibi & vitam & Maieftatem Regiam, vſque ad optatum illum euentum incolumem tueatur.

Interim Maieft. Tuam Reuerend.^m ſupplex rogo, vt & hoc opus Harmonices, Nomini ſuo dedicatum ſereno vultu aſpiciat, & hanc mei deuotiſſimi affectus in Se, ſignificationem æqui bonique conſulat: contemplatione verò Operum Dei Regium oblectet animum, quantum per neceſſarias Regni occupationes licebit: & exemplis Concordiæ reſplendentiſſimæ ex operibus Dei viſibilibus, ſtudium in ſe Concordiæ & Pacis Eccleſiaſticae & Politicæ confirmet excitetq;: denique me meaque ſtudia Regio ſuo patrociniſſimo dignetur. Dabam Lentiſ Noricis ad Ripam Danubii, Ididus Februarii, Anno ærę Occidentis M. DC. XIX.

Sereniſſ. Maieſt. Tuam Regiam

Omni cum ſubmiſſione venerans

*Imp. Cæſ. Matthiæ, eiſque ſideli. Or-
dinum Archiducatus Austriae Su-
pr Anſanae Mathematicus*

IOHANNES KEPLERVS.

ludo vixit & in fine huius mundi per se
 illius uentum in die iudicii
 interit huius mundi & in fine huius
 hoc opus huiusmodi. Non enim in die iudicii
 vultu aperit & hinc in die iudicii
 huiusmodi a quo huiusmodi huiusmodi
 tunc vero Operum huiusmodi huiusmodi
 quantum per huiusmodi huiusmodi huiusmodi
 & exemplis huiusmodi huiusmodi huiusmodi
 De vultu huiusmodi huiusmodi huiusmodi
 clausura & huiusmodi huiusmodi huiusmodi
 in huiusmodi huiusmodi huiusmodi huiusmodi
 gunt. De huiusmodi huiusmodi huiusmodi
 ludo huiusmodi huiusmodi huiusmodi XIX

16

16

huiusmodi huiusmodi huiusmodi
 huiusmodi huiusmodi huiusmodi
 huiusmodi huiusmodi huiusmodi

JOHANNES KEPLERUS

IO. KEPLERI
HARMONICES MUNDI
LIBER I.

DE FIGVRARVM REGVLA-
RIUM, QUÆ PROPORCIONES HAR-
monicas pariunt, ortu, classibus, or-
dine & differentijs, causâ scientiæ
& Demonstrationis.

PROCLUS DIADOCHUS
Libro I. Comment. in I. Euclidis.



Πρὸς δὲ τὴν φυσικὴν θεωρίαν (ἢ μαθηματικὴν) τὰ μέγιστα
συμβάλλεται, τὴν τε τῶν λόγων ἑνταξίαν ἀναφαίνουσα, καθ' ἡν
δεδημιέγηται τὸ ΠΑΝ, &c: καὶ τὰ ἀπλά καὶ πρωτεγὰ σοι-
χεῖα, καὶ πάντῃ τῇ συμμετεῖα καὶ τῇ ἰσότητι σιωεχόμενα δείξα-
σα, δι' ὧν καὶ ὁ πᾶς ἔργανός ἐτελειώθη, σχήματα τὰ αἰροσ-
ήκοντα, κατὰ τὰς ἐπιπέδων μερίδας ὑποδεί-
ξαι.

Cum S. C. M. Pri-



villegio ad annos XV.

LINCI AUSTRIÆ
Excudebat Johannes Plancus,

ANNO M. DC. XIX.

2 DE FIGURARUM HARMON: Procemium.



Um a divisionibus circuli in partes aliquo-
tas æquales, quæ sunt Geometricè & scientificè, hoc est,
à figuris planis Regularibus demonstrabilibus, sint nobis
petendæ causæ Proportionum Harmonicarum; illud ini-
tio significandum duxi; differentias rerum Geometrica-
rum mentales, hodie, quantum apparet ex libris editis, in solidum igno-
rari. Adeòq; ne ex veteribus quidem, qui has específicas rerum Geome-
tricarum differentias se exactè cognovisse significaverit, præter Eucli-
dem, ejusq; commentatorem Proclum, quisq; occurrit, Pappi quidem Ale-
xandrini, veterumq;, quos ille sequitur, distributio Problematum, in Pla-
na, Solidâ & Linearia, satis est appositâ ad habitus mentis circa unamq;-
q; subjecti Geometrici patrem orientes, explicandos: illa tamè & brevis
est verbis, & ad praxin applicata; de theoria nulla fit mentio: & verò nisi
totâ mente in theoriâ hujus rei occupemur, nunq; assequi poterimus ra-
tiones harmonicas, Proclus Diadochus, libris quatuor in primum Eucli-
dis editis, Philosophum Theoreticum in mathematico subjecto ex pro-
fesso egit: q; si commentaria sua in decimum etiam librum Euclidis nobis
reliquisset: & nostros Geometras in scitâ liberasset non neglectus; & me
labore hoc explicandi rerum Geometricarum differentias in solidum
sublevasset. Satis enim illi cognita fuisse discriminâ ista Entium Men-
talium, ex ipso exordio facile apparet, cum principia totius essentia Math-
ematicæ statuit eadem, quæ etiam p omnia Entia vadunt, omniaq; à
se gignunt, Finem sc. & Infinitum: seu Terminum & Interminatum: ter-
minum vel circumscriptionem pro Forma, interminatum pro Materia
agnoscens rerum Geometricarum.

Proclus de
intellectua-
li essentia
rerum Geo-
metricarum.

Quantitatum n. propria sunt, Figuratio & proportio, figuratio singu-
larum, proportio junctarum. Figuratio pficitur terminis, linea n. recta
punctis, superficies plana lineis, corpus superficiebus terminatur, circum-
scribitur & figuratur. Quæ igr finita circumscripta & figurata sunt, illa e-
tiam comprehendi mente possunt: infinita & indeterminata quatenus ta-
lia nullis scientiæ, quæ definitionibus, comparatur, nullis demonstra-
tionum repagulis coartari possunt. Prius autem figuræ sunt in Archety-
po, quam in Opere, prius in mente divinâ, quam in creaturis: diverso q-
dem subjecti modo, sed eadem tamen essentia suæ formâ. Igr quantita-
tibus figuratio, Mentalis qdam essentia fit, seu intellectio, earum essentia-
lis differentia. Id multò magis clarum est ex proportionibus. Cum n. fi-
guratio pluribus terminis pficiatur, fit ut pp hanc pluralitatem figuratio
proportionibus utatur. Proportio verò quid sit sine mentis actione: id ve-
rò intelligi nullatenus potest. Eòque etiam hoc nomine, q; quantitatibus
terminos dat pro principio essentiali, is figuratas quantitates intellectualem
essentiam habere ponit. Sed non est opus argumentatione, legatur
totus liber Procli: satis apparebit, ipsi differentias intellectuales rerum
Geometricarum probè fuisse cognitâs; etsi affirmatum hoc ille non ita
seorsim solitariû in aperto & conspicuo ponit, ut etiam oscitantem ejus
admoneat: fluit n. ejus oratio pleno velut alveo, copiosissimis undiqua
strata sententijs abstrusioris philosophiæ Platonice, quas inter & hoc
est, libri hujus argumentum singulare, Verum

Verum huic nostro sæculo non vacavit hactenus, ad tam recondita penetrare: lectus est liber Procli Petro Ramo, sed quod ad nucleum attinet philosophiæ, pariter cum decimo Euclidis cõtemp^r & abjectus: qui q; cõmẽtarium in Euclidem scripserat, veluti si apologiam pro eo scripsisset, repudiatus & obmutescere iussus: irritata verò infensi Censoris ira in Euclidem ut reum vertit; damnatus est atroci sententia Euclidis decimus, ut ne legeretur, qui lectus intellectusq; philosophiæ mysteria pandere poterat, Legite quæso verba Rami, quibus ille nihil unq̃ indignius Ramo protulit: Scholarum Math. lib. 21. *Materies inquit, decimo libro proposita, eo modo est tradita; ut in humanis literis atq; artib⁹ similem obscuritatẽ nusquamprehenderim: obscuritatem dico non ad intelligendum, quid præcipiat Euclides (id n. vel indoctis & illiteratis, id solum quod adest, quodq; præsens est, intuitibus, possit esse perspicuum) sed ad perspicendum penitus & explorandum, quis finis sit & usus operi propositus, quæ genera, species, differentia sint rerum subjectarum: nihil n. unquam tam confusum vel involutum legi vel audiri. Quin superstio Pythagorica in hunc quasi specum inducta videatur &c.* At hercle, Rame, nisi nimium facilem ad intelligendum hunc librum credidisses: nunquam tantam obscuritatem fuisses calumniatus. Labore majore opus est, quiete opus est, sollicitudine opus est, & attentione præcipuam mentis, donec comprehendas intentum scriptoris: ubi eo fuerit enisa mens generosa, tum demum sese in lumine veri versari cernens, incredibili voluptate perfunditur exultans, & ab illâ veluti specula totum Mundum omnesque ejus partium differentias exactissimè perspicit. At tibi, qui hoc loco patronum agis ignorantia, vulgique hominum, lucra captantium ex omni re, divinâ, humanâ, vobis inquam sint ista prodigiosa sophismata, vobis ocio fuerit Euclides intemperanter abusus, vobis acumina ista locum in Geometria nullum habeant, vestrum esto, carpere quæ non intelligitis: mihi qui rerum causas indago, præterquam in decimo Euclidis, semita ad illas nullæ patuerunt.

Ramum secutus Lazarus Schonerus, in Geometria sua, fassus est se quinque corporum Regularium usum planè nullum in Mundo videre potuisse, donec libellum meum, quem Mysterium Cosmographicum inscripsi, perlegerit: in quo Planetarum numerum & intervalla, probo ex corporibus quinque Regularibus esse desumpta. Ecce quid nocuerit Ramus magister Schonero discipulo. Primum Ramus Aristotele perlecto, qui refutaverat Pythagoricam philosophiam circa Elementorum proprietates ex quinque corporibus deductas, statim animo concepit contemptum totius Philosophiæ Pythagoricæ; deinde cum sciret Proclum fuisse Pythagoricæ sectæ, non credidit ei affirmanti, quod erat verissimum, sc. Euclidei operis ultimum finem, ad quem referrentur omnes omnino propositiones omnium librorum (exceptis quæ ad Numerum perfectum ducunt) esse quinque corpora regularia. Hinc orta est apud Ramum confidentissima persuasio, Quinque corpora esse removenda à fine librorum Elementariorum Euclidis.

Adempto fine operis, veluti formam ædificij sublatam, relinquebatur informis strues propositionum in Euclide, in quam velut in larvam aliquam Ramus totis octo & viginti libris Scholarum invehitur, magna dicen-

Petri Rami
iniqua in
Euclidem
& imperita
censura.

Lazarus
Schonerus.

4 DE FIGURARUM HARMON.

Ezari
Sehoneti
sententia de
quinque figu-
ris solidis

Pythagore-
orum de qu-
q; figuris
Mystica in-
terpretatio.

dicendi acerbitate, magna temeritate, tanto viro indignissimâ. Hanc
Rami persuasionem secutus Schönerus credidit ecce & ipse, corpora
regularia nulli esse usui: nec hoc tantum; sed & Proclum neglexit,
aut contempsit, judicium Rami secutus; à quo Proclo discere poterat
usum corporum quiaque & in Elementis Euclidis & in Mundi fabrica.
Et quidem foelicior erat discipulus Magistro, quia usum corporum à
me patefactum in Fabrica Mundi gratulabundus recepit, quem Ra-
mus à Proclo inculcatum repudiaverat. Quid tum enim si Pythago-
rei figuras has elementis, non verò ut ego, Sphæris Mundi attribuerunt?
Annus esset Ramus, ut errorem hunc ipsorum circa genuinum figu-
rarum subjectum tolleretur, ut ego feci; non totam hanc Philosophi-
am uno verbo tyrannico sustulisset. Quid si Pythagorici hoc idem do-
cuerunt, quod ego, sententiam involucris verborum texerunt? Non-
ne Copernicana Mundi forma extat in ipso Aristotele, perpèram ab
ipso refutata sub nominibus alijs: dum illi Solem Ignem, Lunam Anti-
ctionâ appellarunt? Si namq; dispositio orbium eadem fuit apud Py-
thagoreos, quæ apud Copernicum, si nota Corpora quinque, eorum-
que numeri quinarij necessitas; si constanter omnes docuerunt, cor-
pora quinque esse Mundi partium Archetypos; quantum superest, ut
credamus illorum sententiam sub ænigmatè ab Aristotele lectam, qua-
si sub vero vocabulorum sensu fuisse refutatam: dum Aristoteles legit
Terram, cui Cubum dabant; cum ipsi fortè Saturnum intellexerint,
cujus Orbis interpositu Cubi summotus est à Jove. Et terræ quidem
quietem vulgus ascribit, Saturnus verò motum tardissimū, quieti pro-
ximum est sortitus, unde etiam ap. Hebræos à Quietè nomen obtinuit.
Sic Aëri datum Octaëdron legit Aristoteles, cum illi fortè Mercurium
intellexerint, cuius orbis Octaëdro inclusus est; nec minus velox est
Mercurius (quippe omnium velocissimus) quam mobilis Aër habetur.
Ignis vocabulo fortasse Mars fuit insinuatus, cui alias etiam ab igne no-
men est Pyrois, atque illi Tetraëdron datum, forte quia includitur ejus
orbis hac figura: Et Aquæ sub involucro, cui Icosaëdron attributum,
Veneris stella (ut cuius curriculum Icosaëdro continetur) latere po-
tuit, quia Veneri humores subjecti, ipsaque dicitur orta Maris spumâ,
unde vox *Αφροδιτη*. Denique Mundi vox potuit significare Terram;
& Mundo Dodecaëdron adscribi, quia Terræ curriculum hac figura
continetur, duodecim longitudinis partibus distinctum; uti illa figura
duodecim toto ambitu planis continetur. Quod igitur in My-
sterijs Pythagoreorum hoc pacto quinque figuræ distributæ fuerint non
inter Elementa, ut Aristoteles credidit, sed inter ipsos Planetas; illud
vel maximè confirmat, quod Proclus finem Geometriæ inter ceteros
hunc tradit, quod doceat, quo modo figuræ convenientes cælum cer-
tis sui partibus accepèrit.

Willebror-
di Snellij de
Binomina-
libus sen-
tentia:

Nec dum finis est damni, quod Ramus nobis dedit, ecce sollertif-
simum Geometrarum hodiernorum Snellium', planè suffragantem
Ramo, præfatione in Ludolphi à Cöllen Problematâ: primum ait, ad
usum inutilem esse divisionem illam ineffabilium in tredecim species. Con-
cedo, si nullum ille usum agnoscat, nisi in vita communi, & si nullus con-
cem

DEMONSTRATIONE. LIB. I. 5

templationum physicarum fit usus ad vitam. At cur non Proclum sequitur, quem allegat, qui agnoscit aliquod majus Geometriæ bonum, quam sunt artes ad vitam necessariæ? tunc equidem & decimi libri usus apparuisset in æstimandis figurarum speciebus. Allegat Snellius auctores Geometras, qui non utantur libro decimo Euclidis. Sanè omnes illi aut linearia tractant problemata, aut solida, & de figuris vel quantitatibus talibus, quæ non habent finem suum intra sese, sed manifestè tendunt ad usus alios, nec sine ijs exquirèntur. At Figuræ regulares propter seipsas exquiruntur ut Archetypi; suam in seipsis habent perfectionem, suntque inter subiecta planorum Problematum, non obstante quod planis hedris solidum etiam clauditur: similiter & decimi libri materia potissimum ad plana pertinet. Cur igitur allegarentur heterogenea? aut cur vilis æstimatur merx, quam non emit Codrus, ut eam ventrem pascat, emit verò Cleopatra; ut aures ornet? *Cur tantum defixa est ingenijs?* Equidem ijs, qui numeris, hoc est effando vexant Ineffabilia. At ego has species tracto non numeris, non per Algebram, sed ratiocinatione Mentis; sanè quia ijs mihi non est opus ad subducendas Rationes mercatum, sed ad explicandas rerum causas. Segreganda censet subtilia ista à *στοιχείωσις*, inque Bibliothecas abstrudenda. Omnino fidum Rami discipulum agit, nec ineptam locat operam: Ramus Edificio Euclideo formam ademit, culmen protruit, quinque corpora; quibus ablatis, compages omnis dissoluta fuit, stant muri fissi, fornices in ruinam minaces: Snellius igitur etiam Cæmentum auferet, ut cujus nisi ad soliditatem domus sub quinque figuris coagmentata nullus est usus. O foelicem captum discipuli, quam ille dextrè Euclidem intelligere didicit à Ramo: sc. Ideò putant *Στοιχέια* dicta, quòd inueniatur in Euclide propositionum & problematum & Theorematum omnivaria copia, ad omnè genus Quantitatum artiumque circa illas occupatarum: cum liber *Στοιχείωσις* sit dictus à formâ, quòd semper sequens propositio innitatur præcedenti, usque ad ultimam libri ultimi (partim & libri noni) quæ nullâ priorum carere potest. Ex Architecto saltuarium faciunt aut materiarium, existimantes Euclidem ideò librum suum scripsisse, ut omnibus alijs commodaret, solus ipse propriam domum nullam haberet. Sed plus satis hoc loco de hisce: reuertendum est ad caput orationis.

Cum enim cernerem, veras & genuinas rerum geometricarum differentias, à quibus arcessendæ mihi sunt causæ Harmonicarum Proportionum, vulgò ignorari penitus: Euclidem, qui studio illas tradiderat, Rami cavillis oppressum explodi, strepituque lascivientium ob-

Occasio hujus Libri L

turbante, à nemine exaudiri, aut surdis etiam narrare Philosophiæ mysteria; Proclum, qui mentem Euclidis aperire, abstrusa eruere, difficiliora captu, facilia reddere potuisset, & de ridiculo esse, nec Commentaria sua usque ad librum decimum continuasse: vidi hoc omnino mihi faciendum esse; ut initio, ex libro decimo Euclidis exscriberem ea, quæ ad præsens institutum meum præcipue facerent; seriem etiam rerum illius libri, certis quibusdam interjectis divisionibus, in lucem pro-

ferrem, causas indicarem, cur quædam divisionum membra ab Euclide fuerint omiſſa: tunc demum de figuris ipsis agendum fuit. Ubi quæ fuerunt ab Euclide demonstrata clariffimè; in ijs ſimplici propoſitionum allegatione contentus fui; multa quæ ſunt ab Euclide demonstrata viâ aliâ, propter finem mihi propoſitum, ſcilicet propter comparationem figurarum ſcibilium & inſcibilium, hic fuerunt reperenda, vel diſjuncta conjungenda, vel ordo mutandus. Definitionum, Propoſitionum, Theorematum ſeriem continuo Numero ſum complexus, ut in Dioptriciſ feci, propter allegationum commoditatem: in ipsis etiam lemmatibus non accuratus fui, nec nimium de vocabulis ſollicitus, magis in res ipſas intentus: quippe qui non ſam in Philoſophia Geometram, ſed in hac Geometriæ parte Philoſophum agam. Atque utinam de rebus Geometricis adhuc populariùs, dummodo & clariùs & palpabiliùs diſſerere potuiſſem. Sed ſpero, lectores æquos in utraq; re, & quòd Geometrica populariter trado, & quòd materiæ obſcuritatem indiſtriâ vincere non potui, meam operam boni conſulturos. Quibus etiam hoc ad extremum do conſilij; ut ſi Mathematicarum rerum penitus imperiti fuerint; tranſmiſſis enarrationibus meis, ſolas legant propoſitiones, à XXX uſque ad finem; & fide propoſitionibus ipsis adhibitâ ſine demonstratione, pergant ad libros cæteros, præſertim ad ultimum; ne difficultate Geometricarum argumentationum abſterſiti, fructu ſeſe privent Harmonicæ contemplationis jucundiſſimo. Nunc ad rem accedamus cum Deo.

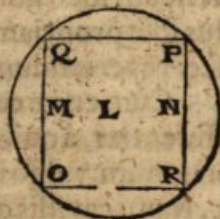


De Figurarum Regularium demonstrationibus.

I. Definitio.

P Lana Figura regularis illa dicitur, quæ omnia latera & omnes angulos, extrorſum verſos, æquales habet.

Ut hic QPRO, latera QP, PR, RO, OQ, ſunt æqualia, & anguli QPR, PRO, ROQ, OQP, æquales.



II. Definitio.

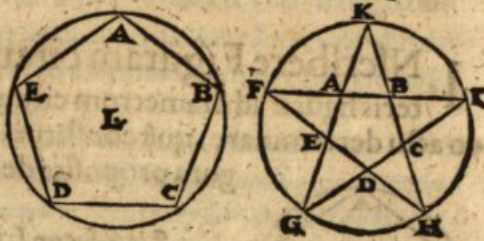
E Arum quædam ſunt primæ & radicales, quæ ſuos ipſæ terminos non excedunt, quibus propriè convenit poſita definitio: quædam ſunt auctæ, quæ ſua veluti latera excedunt, continuatis alicujus radicalis lateribus non contiguïs, ad concurſum; dicuntur *Stellæ.*

Ut hic

DEMONSTRATIONE. LIB. I. 7

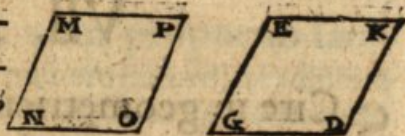
Ut hic $ABCDE$ est perfectum quinquangulum, estque figura prima, non desiderans aliam perfectam, ex qua, continuatione laterum, producatur.

At $FGHIK$ est stella quinquangula, & figura aucta, continuatis lateribus binis, non contiguis, verbi causa AB , & DC , ad concursum I .



III. Definitio.

S Emiregulares sunt, quæ angulos variantes, latera quatuor habent æqualia, ut Rhombi $NMPO$, $GEKD$.



IV. Propositio.

O Mnès figuræ Regulares angulis suis omnibus simul eidem circulo possunt insistere.

Nam per 21. Tertij Euclidis, Omnes anguli æquales, eidem, & sic etiam ejusdem circuli æqualibus segmentis inscribi possunt, sunt autem omnes anguli Regularis figuræ æquales, omnes igitur unius figuræ anguli æqualibus unius circuli segmentis possunt inscribi. Sed & actu omnes inscribi necesse est, uno inscripto. Nam latera omnia sunt æqualia; quare etiam sunt æqualia segmenta circuli, quæ à binis unius anguli lateribus absecantur, per 24. Tertij Euclidis: Ergò tam angulus, quàm laterum fines, simul in eundem circumulum competunt. Fines verò laterum sunt & ipsi anguli. Secus esset si; quamvis æqualibus angulis, latera non essent æqualia: tunc enim dissolveretur necessitas inscriptionis omnium.

V. Definitio.

D Escribere Figuram, est proportionem linearum angulis subtensarum, ad anguli crura geometrico actu determinare; ex determinatis, triangula figuræ Elementaria construere, ex triangulis coassatis, figuram ipsam perficere.

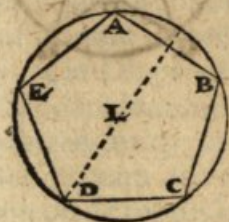
Data enim proportione DA ad AE , ED , sunt triangula DAE , DAC , CAB : ex quibus constat figura.



8 DE FIGURARUM HARMON.

VI. Definitio.

Inscribere Figuram circulo, est proportionem lateris figuræ ad diametrum circuli, cui est inscribenda, Geometrico actu determinare, quâ constitutâ proportionem; facillè in circulo figura proposita delineatur.



Ut si detur LD semidiameter, vel ejus dupla diameter, si sciamus, quid faciendo cum eâ, justam longitudinem lateri DE indulgeamus; facillè postea repetitione ipsius DE, per circumferentiam, consummamus figuram.

VII. Definitio.

Scire in geometricis, est mensurare per notam mensuram; quæ mensura nota in hoc negotio inscriptionis Figurarum in circulum, est diameter circuli.

VIII. Definitio.

Scibile dicitur, quod vel ipsum per se immediate est mensurabile per diametrum, si linea; vel per ejus quadratum, si superficies: vel quod formatur ad minimum ex talibus quantitatibus, certâ & geometricâ ratione, quæ quantumcunque longâ serie, tandem tamen à Diametro, ejusve quadrato dependant. Græcè dicitur *γνώσιμον*.

IX. Definitio.

Demonstratio est quantitatis vel describendæ uel sciendæ, ex Diametro deductio, per intermedia possibilia, Græcè *Πόσιμα*.

*Ita demonstratio communiter vel descriptionem parit vel scientiam. Et Descriptio quidem quantitatem nudam, scientia verò in super & qualitatem, quantitatem vè certam profitetur. Potest autem aliqua linea esse geometricè determinata, Græcè *τὸ ἀκρίβη*, quæ tamen actu mensuris, qualis sit, nondum sciatur. Potest vicissim alicujus vel aliquarum linearum qualitas aliqua sciri, quæ tamen ipsas nondum determinet, vel necessites: si nimirum qualitas illa multis alijs rebus, quantitate differentibus sit communis. Est etiam quarundam linearum descriptio facilis, scientia difficilissima. Deniq; multa describi possunt a-
Et in Geometrico qualicunq; sciri tamen non possunt naturâ suâ: ut quidem sci-
bile supra descripsimus.*

X. Definitio.

Propriā demonstratio est, cum numerus angulorum Figuræ vel ipsius, vel ei cognatæ numero laterum duplo aut dimidio, sit medius terminus ad determinandam proportionem lateris, quam id habet ad Diametrum.

Omnis enim figura regularis, est aut ipsa triangulum, aut resolvitur in tribus angula, ductis diagonalibus. Cum autem omne tale triangulum habeat tres duobus rectis æquales; in Trigonico igitur angulo est pars tertia, in Tetragonico elementaris angulo minimos, pars quarta, in Pentagonico pars quinta, in Heptagonico, pars septima &c: duorum rectorum. Et ab hac quantitate anguli, incipit demonstratio cuiusq̃.

XI. Definitio.

Impropriā demonstratio est, cum proportio lateris ad diametrum ex ipso angulorum numero immediatè adhibito nequit determinari Geometricè, nisi adhibeatur latus figuræ alterius, non duplo aut dimidio numero laterum.

XII. Definitio.

Gradus scientiæ diversi sunt, alij remoti, alij propinqui. Primus & proximus gradus, cum lineam aliquam scio & demonstrare possum, esse diametro æqualem, aut planum, licet aliter formatum, quadrato diametri æquale.

Hic mensura nota, perfecte, scilicet seipsa & uno actu, mensurabile.

XIII. Definitio.

Secundus gradus, cum diametro in aliquot partes æquales certo numero divisâ, vel ejus quadrato similiter, linea vel planum propositum æquatur tali parti vel partibus. Talis linea dicitur Græcè *ἄριθμητος* Effabilis longitudine. Planum verò tale simpliciter dicitur *ἄριθμος*, Effabile. Numerus enim est Geometricarum fermo.

Ad hanc scientia gradum, vel per descriptionem, inscriptionemque pervenimus; vel aliter etiam, per cognitionem cum alia aliqua quantitatè, ad quam per illa media perveniebatur. Eoque non determinat, hac qualitas unam aliquam quantitatem; neque enim sufficit ad determinationem, ut sciamus, aliquid causa commensurationis sic vel sic esse comparatum; oportet etiam hoc scire, quomodo, id est, quo numero sit Effabile.

XIV.

XIV. Definitio.

Tertius Gradus est hic, cum linea longitudine est Ineffabilis, & at ejus quadratum Effabile, & pertinens ad secundum gradum. Dicitur *ἐν τῷ δυνάμει*, Effabilis potentia.

XV. Definitio.

Qui sequuntur gradus, omnes appellantur *ἄλογοι*, Ineffabiles. Interpretes Latini verterunt, Irrationales, magno ambiguitatis & absurditatis periculo. Nos sepeliamus hunc vocis usum, quia multæ sunt lineæ, quæ quamvis Ineffabiles, optimis tamen continentur rationibus. Arithmetici consimili translatione appellant Numeros surdos, id est, qui non plus loquuntur quam surdus audit: sed sub hoc nomine tam Effabiles solâ potentia, quam ineffabiles quantitates intelligunt. Est igitur quartus in ordine gradus, primus verò ineffabilium, quando nec linea, nec ejus quadratum sunt Effabilia; sed tamen Quadratum in tale Rectangulum transformari potest, cujus latera sint Effabilia saltem potentia. Hæc linea dicitur *ΜΕΣΕ*, quia est media proportionalis inter duas Effabiles sola potentia commensurabiles: ut si una quidem sit Effabilis longitudine, altera solâ potentia; aut si utraq; sola potentia Effabilis, potentia tamen inter se non sint ut quadratus numerus ad quadratum.

Irrationale
quid lati-
nis Geome-
tris.

Surdi Nu-
meri.

Talis linea non scitur vel mensuratur longitudine certarum partium æqualium diametri, nec ejus quadratum, quadrato diametri; sed nec lineæ mensurantur à Diametro ambæ simul, inter quas *ΜΕΣΕ* est media proportionalis; sed illarum linearum quadrata, hæc demum à quadrato diametri mensurantur.

Quadratum *ΜΕΣΕΣ* & ipsum *ΜΕΣΟΝ* dicitur, sive sit formæ quadratæ, seu in Rectangulum transmutetur: estque hoc alterum Plani genus, post Effabile planum: Et hisce duobus planis, Effabili & Melo sequentes species inter se distinguuntur.

XVI. Definitio.

Ad lineas alias singulares transitus est nobis, per copulationem linearum binarum, quæ ipsæ quoque novos gradus scientiæ interponunt. Secetur n. vel diameter, vel aliqua diametro commensurabilis saltem potentia & sic Effabilis, aut etiam aliqua Mese; secetur inquam in partes duas inæquales, aut conferantur ex duarum talium sectionibus, duæ quæcunq; partes, vel compositæ ex partibus, vel compositas potentias, diminutæve, ex talibus habentes, duæ inquam in genere inæquales: illæ aut erunt longitudine commensurabiles inter se; aut incommensurabiles quædam longitudine, commensurabiles verò potentia. Hic quamvis à commensuratione planè recesserunt singulæ, at junctæ tamen nonnullæ adhuc vel quadratis in unam summam collatis, vel Rectangulo communiter formato, constituunt plana hæc-

nus ex-

nus explicata, non minus quam idem faciunt & illæ, quæ sunt inter se, commensurabiles. Caterum cum multiplex sit talium duarum planè incommensurabilium copulatio, alia aliâ ignobilior; non poterimus omnes bigas in unum gradum referre.

XVII. Definitio.

Sit ergo quintus scientiæ gradus, Cum duæ nec Effabiles ambæ, nec MESÆ, ampliusque inter se planè incommensurabiles, utrumq; faciunt Effabile, & summam quadratorum, & commune Rectangulum: non minùs quàm utrumq; horum faciunt duæ longitudine Effabiles, per 20. decimi Euclidis, vel etiam duæ solâ potentia effabiles, sed inter se tamen longitudine commensurabiles, per eandem. Ut latus de quadrato 2, & latus uè quadro 8, sunt inter se in proportione dupla, quia quadra sunt inter se in proportione quadrupla. Sunt ergò longitudine quidem Ineffabiles, at inter se commensurabiles. Earum quadrata 2. & 8. juncta faciunt 10. Effabile planum, Et ipsæ in se multiplicatæ (quod est Rectangulum formare) faciunt rectangulum 4. etiam effabile. Hoc idem inquam, faciunt etiam duæ nec Effabiles nec Mesæ, ampliusq; inter se planè incommensurabiles: eòque non, ut priores illæ, in secundum vel tertium gradum scientiæ sunt referendæ, sed in Quintum.

Nota igitur quòd in hoc gradu mensuremus non lineas ipsas, nec singularum quadrata, sed mensuramus & commune ipsarum Rectangulum, & juncta utriusque quadrata in unam summam; ut quod unum quadrato deest, quo minùs sit effabile, id ab altero quadrato sociatò exactè compensetur.

XVIII. Definitio.

Sextus & ignobilior scientiæ gradus est, cum binæ junctæ, quæ nec effabiles, nec Mesæ, ambæ simul, etiamque inter se incommensurabiles, alterutrum saltem Effabile faciunt, reliquum verò Meson. Estque geminus; aut enim summa quadratorum effabilis, Rectangulum Meson; aut illa Meson, hoc effabile est.

Illo Effectu similes sunt Duabus Effabilibus sola potentia commensurabilibus, Nam potentia ambæ, hoc est quadrata Effabilia, faciunt etiam summam utriusque Effabilem: Rectangulum verò est Meson, per 22. decimi Eucl.

Hoc verò effectus similes sunt duabus Mesibus sola potentia commensurabilibus, qua sunt ad se mutud, ut duæ Effabiles, inter quas prima ex 2. Mesibus, est proportionalis Media; per 26. & 28. decimi Eucl. Nam quia sunt potentia commensurabiles: additæ igitur potentie faciunt summam partibus commensurabilem. At partes sunt Mesæ, & quod Meso est commensurabile, ipsam etiam est Meson, per. 24. decimi Eucl.

Hic Rectangulum binarum metimur quidem plano quadrato diametri, at non etiam summam quadratorum: nam ei solum invenimus duas lineas, Rectangulum ei æquale formantes, quarum quadrata mesiamur quadrato diametri.

XIX. Definitio.

Septimus adhuc ignobilior scientiæ gradus est, cum duarum inter se incommensurabilium neuter effectus est effabilis, nec summa quadratorum, nec commune Rectangulum; sed tamen adhuc utrumque Meson.

Hicce sunt effectus similes, duæ Mesa potentiâ solâ commensurabiles, quarum una sit ad alteram, ut una earum, quas inter MESE verè est Media proportionalis, commensurabilium sc: solâ potentiâ, ad tertiam aliquam, solâ potentiâ commensurabilem, per 29. Decimi Eucl.

Has tres bigas, duplici genere Planorum distinctas, Euclides ob id potissimum docet inveniri, quia faciunt ad compositionem & constitutionem specierum sequentium.

XX. Definitio.

Ergo scientiæ Gradus Octavus ex præmissis interpositis derivatur, estque linearum iterum singularium, sed quæ compositione duorum nominum, sc. duarum copularum ex præcedentibus copulis, vel abstractione unius, Epharmozusæ dictæ, ab altera sociâ, constituuntur, novam speciem facientes. Ut sic in his sciamus seu mensuremus non integras lineas, non integrarum quadrata, non bina unuscujusque Nomina, sed eorum juncta quadrata & commune Rectangulum, ut præcedentibus XVIII. XIX. Et quamvis totidem scientiæ gradus numerare possemus, quot sunt futuræ species, quarum semper prior est posteriore nobilior: quia tamen quælibet compositio vel abstractio ad suum gradum respicit, nec ipso compositionis vel abstractionis opere constituitur ulla diversitas, sed omnes se habent ex æquo ad suas Nominum seu Elementorum bigas: ideo unum solum earum gradum faciemus: sed species ejus sciamus nobilitate distinctas.

XXI. Propositio.

Sciendum est autem, ex duabus inter se longitudine commensurabilibus nihil fieri, quod hic in censum venire debeat: sive Effabiles illæ fuerint, sive Mesa, sive Ignobiliiores.

Nam si commensurabiles longitudine, tota etiam ex ijs composita, erit partibus commensurabilis. At qui quæ Effabili commensuratur, Effabilis est: per de-

per definitiones ante 20. decimi Eucl. Quæ verò Mesa commensurabilis, est Mesa per 24. ejusdem. Et quæ cuique ex jam secuturis Ineffabilibus post Mesas, commensurabilis, ejusdem cum illa speciei est, per 66. 67. 68. 69. 70. 73. 74. 105. 106. 107. Et sic est etiam cum alijs speciebus remotioribus, ab Euclide non commemoratis, quæ gradus remotiores faciunt. Ac et si cum ijs non ita esset, id tamen ad nos nihil pertinet. Aut enim recidunt in unam specierum, quæ jam constituemus ex incommensurabilibus; & sic non augent numerum; aut faciunt species ignobiliores vel sui vel alterius generis; & sic non sunt hujus loci, ubi gradus struimus, præmissis proximis nobilitatibus.

XXII. Definitio.

TRansmissis igitur ijs, quæ sunt longitudine commensurabiles, accedamus ad eas, quæ solâ potentia sunt commensurabiles. Igitur si componantur tales duæ Effabiles; fit BINOMINIS: sin abstrahatur, ex relicto fit APOTOMÆ: utriusque sex sunt species subordinatæ P. 48. 85. libri decimi.

Sin autem tales duæ Mesæ componantur, aut Effabile formantes Rectangulum, aut Meson: fiunt compositione BIMEDIALES, abstractione, MESES APOTOMÆ, illic PRIORES, hic POSTERIORES cognominatæ.

Hic conjungere non licet Effabilem cum MESE: sunt enim tales duæ simpliciter incommensurabiles, de quo genere jam in sequenti agendum est.

XXIII. Propositio.

Restant igitur planè inter se incommensurabiles. Ex ijs verò aliæ quæ bigæ requisitos effectus præstare non possunt; ut sunt binæ Mesæ, item una MESE cum una Effabili.

Illæ quidem propter bigæ ignobilitatem, istæ verò propter suas discrepantes Naturas. Vide 71. 78. 109. decimi Eucl. Nulla igitur species compositionis hinc potest arcessi: restant quæ nobis Ignobiliores tantum, exclusis & Effabilibus & Mesis.

XXIV. Propositio.

EX biga verò primâ talium planè incommensurabilium, scilicet quæ sunt in præmissâ XVII. scibiles gradu quinto, componendo abstrahendove rursum nascitur Effabilis; suntque necessariò BINOMINIS & APOTOMÆ, vide 112. 113. 114. Decimi Euclidis. Ut si & summa quadratorum Binominis & Apotomæ, & commune Rectangulum illis est Effabile, oportet Nomina singula unius, Nominibus singulis alterius esse commensurabilia, quod non fit in omnibus BINOMINIBUS & APOTOMIS.

Quod Bina tabes lineæ, duos requisitos effectus præstantes, necessariò fiant

14. DE FIGURARUM HARMON.

Binominis & Apotome; demonstratur ad eundem modum, ad quem 33, decimi est demonstrata, tantum ut pro duali $\rho\eta\lambda\alpha\iota\varsigma$ $\delta\omega\delta\alpha\mu\epsilon\iota$ $\mu\acute{o}\nu\omicron\nu$, adhibeantur $\rho\eta\lambda\alpha\iota$ $\mu\eta\kappa\epsilon\iota$, & ubi vox $\mu\acute{\epsilon}\sigma\omicron$ occurrit, $\rho\eta\lambda\omicron\nu$ ponatur: & ultimo comparetur Definitio Binominis & Apotomes.

Quod autem ex compositione & abstractione Binominis & Apotomes, duos requisitos Effectus præstantium, fiat rursum Effabilis; sic patet. Cum enim summa quadratorum sit Effabilis, & rectangulum Effabile; compositarum igitur in unum, quadratum constabit ex utriusq. quadrato, & duobus rectangulis communibus, ex duabus sc. partibus Effabilibus: quare & totum quadratum



Effabile erit; igitur & linea composita, potens illud quadratum. Sit Binominis $\lambda\mu$ ejus quadratum $\theta\mu$, sit & apotome $\lambda\theta$, ejus quadratum $\theta\chi$, & sint $\theta\chi$, $\theta\sigma$, juncta simul Effabilia, sit & Rectangulum ex $\theta\lambda$, $\lambda\mu$, effabile, talium autem duo $\chi\mu$, $\mu\sigma$ complent quadratum totius $\theta\mu$ compositæ, quod quadratum est $\theta\sigma$.

De abstractione probatur in hunc modum. Si enim composita ex $\theta\lambda$, $\mu\lambda$, id est $\theta\mu$, est effabilis, erit & dimidia $\theta\pi$ Effabilis, tanquam majus Nomen, & $\pi\lambda$ Minus nomen, & altera dimidia $\pi\mu$; aufer ab ea $\mu\sigma$ equalem ipsi $\theta\lambda$, erit & residua $\pi\sigma$ Effabilis, & tota $\lambda\sigma$, sc. dupla ipsius $\pi\sigma$. At $\pi\sigma$ est residua post ablationem Apotomes $\mu\sigma$, à Binomine $\lambda\mu$. Residuum ergo sit Effabile.

XXV. Definitio.

Igitur ex secunda biga sexti gradus Num. XVIII. præmissa, linearum inter se planè incommensurabilium, quibus summa quadratorum est Effabilis, Rectangulum Meson; compositione nascitur MIZON, seu MAIOR dicta; abstractione ELASSON, seu MINOR, Ex tertia, ubi summa quadratorum est Meson, Rectangulum Effabile, quæ componendo nascitur, nomen habet POTENS EFFABILE ET MESON, quæ abstrahendo, FACIENS CUM EFFABILI MESON TOTUM, Denique ex quarta biga septimi gradus, Num: XIX. præmissâ, ubi uterque Effectus fit Meson; componendo fit POTENS BINA MEDIA, abstrahendo FACIENS CUM MESO MESON TOTUM.

Et ecce Originem duodecim specierum Euclidearum, earumque Numeri causas. Nam ad remotiores, quæ vel summam quadratorum, vel Rectangulum commune, vel utrumque, proferunt ultra Effabilia & Mesa, iam ignobiliores species, non censuit Euclides sibi progrediendum esse.

XXVI. Definitio & Comparatio.

Sufficere ista poterant etiam nobis ad constituendos gradus Demonstrationum, quibus latera figurarum, nobis ad Harmonicam necessariarum, distinguuntur: nisi quibusdam ex recensitis accederent alia insuper proprietates, imò nisi pravenirentur hactenus recensita proprietates, nobilioribus alijs, quibus cumulantur gradus scientificarum Demonstrationum.

Ventum est ad compositionem & abstractionem; ubi lineas componendas vel abstrahendas laxè sumpsimus, nullâ ijs impositâ certâ quantitatis necessitate. Quod si jam adstringamus leges, impositâ certâ proportionè bigis, non quidem sic datis, ut illæ junctæ unam duodecim specierum fecerunt; sed bigis aliter datis, uni scilicet rectæ datæ, & ejus parti majori inveniendæ, ut sit nimirum vel minor pars ad majorem, ut major ad componendam ex utraque; vel vicissim Major ad minorem, ut minor ad residuam: quod manet abstractione duarum factâ, non semper fiet gradus aliquis remotior, sed pro re nata, recedemus in unam explicatarum specierum; & regressu factò, comparabimus lineam constitutam, quæ per se est octavi gradus, cum lineis quarti gradus.

Quemadmodum enim in quarto gradu defn. XV. duæ rectæ communi operâ planum formabant, ex quo in quadratum redactò nascebatur lineæ, dicta Mese: sic jam duæ rectæ Tota & pars una, formant ipsam partem alteram subtrahendo, vel duæ partes formant totam addendo. Illic rectæ formantes, erant inter se commensurabiles solâ potentia: Hic missâ commensuratione, succedit proportionis identitas inter totum & partes. Illic proportionis similitudo erat inter minorem & faciendam, interque faciendam & majorem; hic etiam est proportionis similitudo, inter faciendas duas, interque earum unam & propositam totam, in abstractione: in compositione verò inter faciendarum unam & propositam, interque propositam & faciendam alteram. Illic igitur datis duabus, dabatur Rectangulum æquale quadrato faciendæ, & sic planum ante lineam: hic è contrario, factis duabus faciendis, sequitur demum æqualitas inter Rectangulum extremarum & quadratum Mediæ, per 17. sexti & 11. secundi Euclidis.

Illic rectæ formantes, quadratâ habebant commensurabilia quadrato Rectæ propositæ: hic docet Euclides, Prop. 30. libri Sexti, & sumere quadratum, propositæ quadrato commensurabile, sc. sesquintuplum ejus, & ab hujus quadrati latere auferre semissem propositæ, ut restet pars in propositâ statuenda, quâ parte de propositâ ablata, relinquebatur pars altera requisita, (vel ad totam additâ fiebat etiam tertia requisita). Et tot nominibus partes hæ videntur accensendæ gradui quarto.

In hoc verò puncto nobilior ipsâ Mese redditur lineæ, quamcunq; occupaverit ista proportio: quòd Mese longiori catenâ, ex quatuor articulis compositâ, dependet ab Effabili propositâ: hujus verò partes

nicuntur proportione suâ, quam habent immediatè ad ipsam Effabilem propositam. Eòque fit ut Mesôn possint esse multæ, eodem omnes gradu distantes ab Effabili; pars verò major in hac proportione ipsius Effabilis una sola fit, & omninò cujusque lineæ post Effabilem, una singularis. Quo nomine æquiparatur ejus demonstratio primò quodammodò gradui.

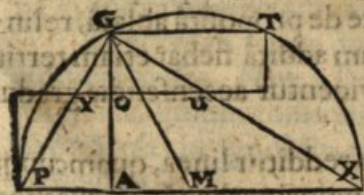
Quando igitur proposita Recta jubetur esse tota, ejusque duæ tales partes quæruntur, tunc hæc Geometris dicitur sectio secundum Extrema & Media. Nimirum hoc sibi vult Nomen, quòd cum aliàs vulgaris sectio totius in partes duas, non respiciat proportionem, aut si ad totam aliqua comparetur in eâ proportione, in quâ est minor pars ad majorem, tunc fiant quatuor termini, duo extremi & duo Medij: hic contra fiant tantum tres termini, tota quidem & pars minor, duo extremi; pars verò major, medius terminus unicus.

Dicitur etiam eadem de causâ sectio proportionalis. Hodierni & sectionem & proportionem ejus cognominant Divinam, propter admirabile ejus ingenium, & multiplicia privilegia; quorum præcipuum est, quòd semper parte majori ad totam additâ, composita rursùm est similiter secta; & quæ pars major erat, jam fit minor; quæ tota, jam major pars fit compositæ, per 5. Tredecimi Euclidis,

XXVII. Propositio.

CUm autem sectio talis in omnibus lineis locum habeat, in Effabili longitudine; in Effabili solâ potentiâ, in Mesè, in duodecim reliquis speciebus recensitis, in alijs omnibus: nos in præsentì opere duabus solis ejus speciebus habemus opus, quæ cum speciebus hæctenus explicatis coincidunt; secundum duas lineas secandas. Nam aut Effabilis est illa longitudine, aut Mizon. Quòd si Effabilis est longitudine, quæ ad secandum proponitur; sectæ pars major fit Apotome quartæ speciei; & respondet ei Binominis ejusdem quartæ speciei, communia cum ipsâ habens nomina. Sed cave confundaris, pars quidem major illa dicitur, relatione ad propositam; at eadem Apotome hic dicitur, non relatione ad propositam; sed qualitativè. Quod si quæras, cujus sit apotome; responderetur, quòd sit apotome allicujus, quæ solâ potentiâ est commensurabilis propositæ, quæ sc. potest sesquiquartum propositæ.

Sit GA proposita ad secandum, sitque Effabilis longitudine. Fiat rectus angulus GAM & AM sit dimidia ipsius GA, & connexis GM punctis, centro M, intervallo GM scribatur semicirculus PGX, & AM continetur in ejus circumferentia puncta PX. fiat super PA, quadratum PO. Ergò linea GA secta est proportionaliter in puncto O. Hæc igitur AO est pars major sectæ proportionaliter GA; at eadem AO vel ei æqualis AP, est Apotome non ipsius GA, sed ipsius MP vel MG,



que

quæ potest tam GA , quàm AM illius dimidiam: ut si potentia ipsius GA sit 4. erit ipsius AM 1. Et ipsius igitur GM potentia erit 5. In quantum igitur AO vel A est Apotome, respondet ei binominis AX : sunt quæ nomina ipsius communia MX , vel MP , vel MG , & AM .

Quod autem AP sit Apotome, & AX Binominis, utraq; quartæ speciei, sic probatur: Est enim utrunque nomen effabile & MX & MA ; sunt tamen solæ potentia commensurabiles, quia MX (id est MG) potest 5. qualium MA potest 1. Atque ad 5. non est ut numerus quadratus ad quadratum. Denique differentia potentiarum 1. & 5. est 4. numerus quadratus, cujus latus 2. longitudine Effabile, æquale scilicet ipsi GA propositæ. Hæ verò sunt notæ speciei quartæ Binominum, in definitionibus ante P. 74: & Apotomarum, ante præf. 85. decimi Euclidis.

Denique si GA Effabilis secetur proportionaliter, pars ejus major OA & composita ex utraque OA , AG cadunt in gradum scientiæ quintum. Nam quadrata ipsarum juncta, summam faciunt Effabilem, triplum scilicet ipsius GA Effabilis, per 4. Tredecimi Euclidis: Rectangulum verò etiam Effabile fit, quia est æquale quadrato ipsius GA Effabilis, cum sit GA media proportionalis inter OA partem, & OA , AG compositam, per præmissa.

XXVIII. Propositio.

Vicissim, si aliqua Effabilis longitudine sic proportionaliter fuerit secta, pars ejus minor fit Apotome primæ speciei.

Ut si Effabilis sit GA , ut antea, & ejus sectæ proportionaliter pars major AO , minor OG ; erit etiam OG Apotome, per 6. Tredecimi Euclidis.

Rursum a. OG dicitur Apotome qualitativè non relatione ad GA Effabilem longitudine, cujus est pars minor; nec relatione ad MG , vel MP , cujus ipsa AO vel A est Apotome; sed habet GO , Nomina peculiariora. Cum enim per Prop. 97. decimi Euclidis, quadratum cujuscunque Apotomes, & sic etiam quadratum PO , extensum ad Effabilem (ut hic ad GT , ipsi GA æqualem) faciat latitudinem GO , primæ speciei Apotomen: ipsa vicissim AO erat Apotome speciei quartæ. Illius igitur GO nomen majus, est Effabile longitudine; hujus AO majus nomen MP erat solæ potentia effabile. Et vicissim, quia nomina sunt solæ potentia commensurabilia; oportet Minus nomen, seu Prosharmozusa ipsius GO , esse solæ potentia effabilem: cum ipsius AO nomen minus AM esset longitudine effabile: utrique tamen hoc manet, quod differentia quadratorum à nominibus descriptorum, sit quadratum alicujus Effabilis longitudine.

Quæ autem sint hujus GO , primæ Apotomes Nomina, relinquo alijs querendum. Prosharmozusa quidem ipsi GO ut Apotome Primæ est unica sola per 79. Decimi Euclidis. Quæ debet esse talis, ut ejus quadratum sit Effabile non tamen numero quadrato: ipsa verò cum GO debet facere lineam unam Effabilem longitudine: & per 30. Decimi, si ex hac unâ tota fiet diameter circuli, verbi causa PX ; & si Prosharmozusa, paulò longior quàm PA (si quidem tota esset æqualis ipsi PX) ab uno termino Diametri X , applicetur circumferentiæ XG ; tunc quæ signa GP connectit, debet esse ipsi PX toti commensurabilis longitudine.

XXIX. Propositio.

Q Vando vero secta fuerit proportionaliter aliqua Mizon; cujus quadratum sit æquale rectangulo sub longitudine, composita ex proposita effabili & potente ejus quinq; quartas, & sub latitudine quinque quartas potente; tunc minor pars fit Elafson: ubi Elafson est nomen non comparationis, sed qualitatis; major verò pars fit Mizon alia, rursus qualitativè intellecta, quæcunque ejus sint Elementa.

In schema-
te fol. 16.

Sit ut prius, proposita effabilis longitudo dimidia GA , ejusq; rursus dimidia AM ; ut qualium GA potest 4. possit AM 1. & sit GAM rectus, poterit igitur MG talium 5. continetur MA utring, & centro M , intervallo MG , scribatur semicirculus PGX . Est igitur PX dupla ipsius GM ; quare & PX poterit quinq; quartas partes de potentiâ proposita, dupla ipsius GA . Sed PG , GX quadrata juncta, sunt aequalia quadrato PX , ergo & illa sunt quinq; quarta de quadrato proposita effabilis. Porro si ex PG , GX feceris lineam unam; ejus quadratum constabit ex duobus quadratis PG , GX , & ex duobus Rectangulis sub PG , GX , quibus sunt aequalia duo rectangula sub GA , PX , hoc est, unum Rectangulum, sub proposita dupla ipsius GA , & sub PX , effabilibus duabus, sed solâ potentiâ commensurabilibus: quam ob causam rectangulum hoc erit Meson, per 22. decimi Eucl. Cum ergo quadratum linea PGX totius, constet ex quadrato PX effabili, & rectangulo Meson, ejusdem latitudinis PX : quæ duo, quadratum PX , & rectangulum sub dupla ipsius GA & sub PX , sunt aequalia rectangulo, quod continetur sub PX , effabili, & sub composita, ex PX & dupla ipsius GA , solâ potentiâ commensurabilibus, quarum partium major PX plus potest minore (dupla ipsius GA) aliqua sibi commensurabili longitudine (potest enim PX 5. qualium dupla ipsius GA potest 4. excessus igitur 1. est quadratum alicujus, quæ incommensurabilis est ipsi PX , eò quod 1. ad 5. non sit, ut quadratus numerus ad quadratum) quibus de causis dicta composita ex PX & GA duplicata, est Binominis quarta speciei: cum inquam quadratum totius PGX sit æquale tali rectangulo sub Apotome, quartâ & Effabili: linea igitur PGX tota erit Mizon. Elementa ipsam componentia, sunt partes PG , GX . Nam quia PA , est Apotome, & AX Binominis: sunt igitur inter se longitudine Incommensurabiles. Ut verò PA ad AX : sic quadratum PG , ad quadratum GX . Ergo PG , GX sunt potentijs & sic simpliciter incommensurabiles inter se; & faciunt summam quadratorum effabilem, quippe æqualem quadrato PX : rectangulum verò sub PG , GX Meson. Ergo per 39. decimi, composita ex PG , GX est Mizon: Et per 76. Decimi, ablatâ PG , à GX , relinquitur Elafson. Atqui tota PGX est secta proportionaliter in G , Nam ut PA ad AG , sit PG ad XG . At PA est ipsius GA proportionaliter secta pars major OA , quia MP potest ipsius MA quintuplum & Apotome AP æqualis est AO per 11. secund. Eucl. Ergo & PG est ipsius GX proportionaliter secta pars major; & per 5. Tredecimi, addita PG , pars major, ad GX totam, parit novam totam PGX , proportionaliter sectam in G ; ut jam PG sit hujus composita pars minor, GX ejus major. Et sic PGX , existens aliqua Mizon, secta est eodem puncto G & in sua Elementa, ex quibus Mizon denominatur, & simul in suas partes proportionis divina.

Dico

Dico easdem partes proportionaliter sectæ, esse simul etiam Elafsona & Mizona. Quia enim AP est Apotome quarta; quod igitur sub AP Apotome & PX Effabili, est potentia Elafsonis, p 94. decimi Euclidis: & quia AX est Binominis quarta, quod igitur sub hac & PX Effabili, est mizonis potentia: sed quadrata PG, GX, sunt equalia Rectangulis APX, AXP, singula singulis, ergo PG est Elafson, GX Mizon.

Conveniunt igitur hic in unum, nomina qualitarum & nomina proportionum. Nam PG dicitur pars minor, respectu totius PGX proportionaliter sectæ in G; dicitur & linea minor seu Elementum minus ipsius PGX totius, ut hæc est aliqua Mizon qualitativè; dicitur denique græcè Elafson, quod sonat Latinè minor, qualitativè, respectu aliarum duarum linearum, hic non expressarum, quarum subtractione unius ab alterâ, ipsa constituitur.

Eodem modo GX, primò dicitur pars major totius PGX proportionaliter sectæ; secundò dicitur linea vel Elementum majus lineæ totius PGX, ut hæc est qualitativè Mizon suo proprio jure, non minus quam tota PGX suo; sed lineæ facientes ipsam GX Mizona compositione suâ; non sunt hic expressæ.

Propter hunc concursum sectionis proportionalis, & sectionis Mizonis in sua Elementa, credo indita fuisse his speciebus Nomina qualitativa Mizonis & Elafsonis.

Cavendum autem hic est diligenter, ne discrimina rerum confundamus; sectio proportionalis est absoluta proportio, non alligata ad unam aliquam lineam, in notitiâ primam, quæ proposita Effabilis dicitur: species verò istæ Mizonis & Elafsonis, sunt figuratæ certis gradibus discessionis suæ à primâ propositâ Effabili. Itaque sectio divina progreditur in infinitum; at non sequitur eam affectio Mizonis & Elafsonis: in illâ (sectione) pars quæ modo major erat, proximo gradu fit minor; in hac, Elafson qualitate suâ, nunquàm nulloq; respectu fit Mizon, nec Mizon Elafson. Itaq; si GX Mizon dividatur rursum proportionaliter, pars ejus major erit æqualis ipsi PG, eoq; Elafson manebit qualitativè; nequaquam verò Mizon qualitate fiet, ut fit pars major quantitate: Quod quidem GA est Effabilis proposita.

Quæris si Mizon sit PGX qualitate, Mizon etiam GX qualitate; cur non etiam ipsius GX Elementum majus possit esse aliqua Mizon, sicut ipsius PGX Mizonis majus Elementum erat GX, Mizon & ipsa? Quia etsi utraque est Mizon, tam PGX, quàm GX; alia tamen illic, alia hic est formatio. Nam in quadratum PGX venit quadratum PX totum, rectangulum, sub duplici GA & sub PX, totum. At in quadratum GX, ingreditur de quadrato quidem PX, dimidium, sc. quod sub MX, XP, de rectangulo verò sub duplici GA & sub PX, pars solummodo quarta, sc. quod sub AM & sub PX. Alia igr hic est proportio Mesi ad Effabile, alia illic. Nostra verò propositio concursum hunc, sectionis divinæ, & qualitativæ compositionis, in partibus lineæ iisdem, de priore solum PGX, eiusq; propriâ proportionem Mesi ad Effabile de, monstrare nititur, non itidem de posteriori.

Nota verò & hoc ad perfectionem analogiæ; quòd sicut GX Mizon compositione proportionis divinæ, fit maior aliqua Mizon, sc. PGX, ad-

ditā PG, q̄ est ipsius GX, pars maior in sectione divina: sic è contrario, PG Ellasson huj' speciei, sectione proportionis divinæ, dat PY minorem aliq̄ Ellassona seipsā, sc. ipsius PG sectæ partem majorem, vel ipsius GX sectæ partem minorem GV: ut sicut maxima PGX cadit per sectionem divinam, in XG Mizona & GP Ellassona, sic secunda Mizona GX, cadat in duas Ellassonas XV, VG, æquales sc. ipsis GP, PY: atque ita duæ Ellassones componant unam Mizona; Mizona verò & Ellasson aliam Majorem Mizona.

XXX. Propositio.

Classes Figurarum singulas singuli faciunt numeri laterum Primi: & reputantur in classes, quæ habent Numerum laterum continuè duplum numeri sui Primi,

Sequitur hoc ex defin. X. hujus. Nam si omnium figurarum, quæ Numeros laterum habent unius alicujus continuè duplos, eadem est forma demonstrationis propria: omnium igitur illarum eadem est Classis, causâ demonstrationis. Non mutat quippe bisectio genus vel classem, associata earum singulis; propter simplicitatem & aequalitatem Partium, junctim: ex singulis enim prioris figura arcubus facit partes binas tantum, easq. æquales. At trisectione aut Quinisectione, aut sequentibus, non effugies, quin aut inæquales designes partes, si bina tantum esse debeant, aut multas, id est, plures duabus, si æquales. Ut in trisectione arcus 3, vel secatur in 2. 1. binas & inæquales, vel in 1. 1. 1. æquales sed multas.

Antecedens verò sic probatur. Demonstratio petitur à numero laterum; p̄ X. hujus; Jam Primi numeri non communicant aliquâ parte numerosâ, nam unitas qua communicant, divisionem non admittens, non est pars numerosa vel numerus. Ergo etiam demonstrationes per eos factæ, non communicant inter se. Classes igitur singulorum Primorum distinctæ sunt. Harum prima est, in qua sunt figura (vel quasi) numeris laterum hisce: 2. 4. 8. 16. 32. & infinita: Secunda habet 3. 6. 12. 24. 48. 96. & infinitas: Tertia habet 5. 10. 20. 40. 80. 160. 320. & infinitas. Alia infinita.

XXXI. Propositio.

Classes Figurarum singulas singuli faciunt Numeri, laterum duorum Primorum (excepto binario) minimi multiplices.

Sequitur hoc ex definitione XI. hujus. Nam si figura talis ad demonstrationem sui lateris non utitur numero suorum angularum: est igitur diversa ejus demonstrationis forma à superioribus omnibus, quare etiam diversa classis. Exceptus verò fuit binarius à genesi nova classis, in Primum aliquem multiplicatus: quia bisectio anguli cum sit Geometrica, ipsa est, qua classes singulas ex æquo in infinitum prorogat: quod nisi esset, classes nullæ essent, sed singulares tantum figura. Harum prima est, 15. 30. 60. 120. 240. 480. & c. multiplicatus 3. in 5. Secunda 21. 42. 84. & c. multiplicatus 2. in 7. Sequuntur infinitæ ut cum 5. in 7. ducitur. Hinc 35. 70. 140. & c.

XXXII. Propositio.

Sed & quadrati Primorum numerorum, excepto Binarij quadrato, & facti à quadratis & alio Primo, Primive quadrato, classes gignunt singulas, & distinctas à prioribus.

Quòd quadratus numeri Primi, non eandem cum Primo classem facit, causa est, quia cum Primus ipse novam figurarum classem faciat, dividendum circuli totum, per XXX hujus: jam idem Primus, non totum, sed partem circuli dividens, omnino aliam faciet demonstrationem, si quidem illa possibilis fuerit: cum Pars circuli à Toto multum differat causâ speciei, figurationisq. absolutæ: in quâ figuratione nunc occupamur, quippe quæ demonstrationem format.

Quòd autem binarij quadratus excipitur; causa est, quia figura, bis duos habens angulos, hoc est, Tetragonus, cadit in classem primam: multiplicatus verò Quaternarius in Primum, cadit in Primi classem, quia quatuor sunt bis duo: omnis verò figura, duplo laterum Numero, eodem refertur, quo figura simplo laterum Numero.

Harum prima est, in quâ figura 9. 18. 36. 72. 144. 288. laterum & infinita.

Secunda, in quâ 25. 50. 100. 200. 400. & infinita.

Tertia, in quâ 49. 98. & infinita.

Infinita alia classes à quadratis.

Sic 27. 54. 108. 216. 432. & infinita, ex 3. & 9.

Sic 75. 150. 300. & infinita, ex 3. & 25.

Sic 147. 294. & infinita, ex 3. & 49.

Sic 45. 90. 180. 360 & infinita, ex 5. & 9.

Sic 125. 250. 500. 1000. & infinita, ex 5. & 25.

Sic etiam 225. 450. 900. & infinita ex 9. & 25. duobus quadratis.

Infinita alia classes, ex Primis in quadratos, aut ex Primorum quadratis in se multiplicatis.

XXXIII. Propositio.

Si a duplo numeri angulorum Figuræ abstuleris quatuor, formabis Numeratorem partium anguli recti, quas valet angulus figuræ: Denominator verò partium est ipse numerus Angulorum.

Ut in Trigono bis tria sunt sex, aufer 4, restant 2. Ergò angulus Trigonicus valet duas tertias Recti. Sic in Icosigono, bis 20. sunt 40, aufer 4. Ergò angulus Icosigonicus valet 36. viceimas vel 9. quintas unius Recti. Nam cujusq. figuræ anguli distribuuntur in totidem triangula, quot habet latera, duobus minus. At cujuslibet Trianguli anguli valent duos Rectos: ergò cujuslibet figuræ anguli valent duplo plures Rectos, quàm Figura habet angulos, quatuor minus. Hic verò numerus Rectorum distribuendus est in numerum angulorum figuræ, ergò hic denominat, ille numerat partes unius Recti.

XXXIV. Propositio.

Circulus Geometrica descriptione in duo secatur æqualia; & linea bifecans illum scitur scientiâ primi gradus; est enim Diameter ipsa.

Principium enim figurationis in circulo est, ducere rectam lineam per punctum imperatum, quousq; est opus.

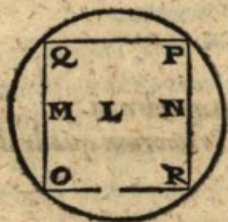
Recta bifecans circulum est diameter, sc. per centrum ducta, quia partium circuli inter se æqualium est maxima semicirculus, linea igitur secans in duos semicirculos, est & ipsa longissima, per 14. Tertij Euclidis, & diameter, per 15, & per definitionem.

Porro diameter est illa ipsa Effabilis, proposita pro Mensurâ cæterarum, ipsa sibi æqualis, sui que Mensura perfecta, principium scientiæ Geometricæ.

XXXV. Propositio.

Tetragoni latus habet Geometricam descriptionem ex angulis, extra circulum, & si inscribatur circulo, Ipsa est in gradu scientiæ tertio, quadratum ejus in secundo, ut & area figuræ.

Tetragonus Esto OQPR, ejus angulus, per XXXIII hujus, est rectus, quare per 46. primi Euclidis, facile dato latere, describitur Tetragonus.



Cumq; angulos habeat quatuor, lateraque totidem; duo ergo latera cœuntia, duas Circuli quartas intercipiunt, hoc est, semissem circuli. Quare per XXXIV. hujus, extrema laterum contiguorum connectit diameter circuli. Ut QQ, QP, angulum OQP rectum in semicirculo OQP formans, extremis O. P. connexa sunt per diametrum circuli OLP. Quare per 47. primi Eucl. quadrata duorum

laterum OQ, QP, æquant quadratum diametri. Et si dimidia pars de quadrato diametri redigatur in formam quadratam, per 14. secundi Eucl. latus ejus erit latus Tetragonum. Ita quadratum lateris est Effabile.

Et quia quadratum OP est ad quadratum OQ, ut 2. ad 1. non verò ut numerus quadratus ad Numerum quadratum; OP verò est Effabilis longitudine; ergò latus OQ, est Effabilis solâ potentiâ, per 9. decimi Euclidis. Area verò tetragoni est eadem in hac figurâ, qua Quadratum lateris, ergò & area Figuræ est Effabilis.

XXXVI. Propositio.

Octogoni latus habet Geometricam descriptionem ex Angulis, nec minus etiam Octogonicæ stellæ latus, seu subtensa tribus octavis partibus circuli, suntque in gradu scientiæ octavo, singulis

singula, illud quidem Elafson, hoc verò Mizon; juncta verò in gradu sexto, & proportionis cujusdem singularis. Area deniq; Ineffabilis est, quippe Meson.

Sit octogonus $VOTOXRSP$, stella verò $VOSQXPTRV$: cum igitur linea bina, verbi causa QT, TO , comprehendentes angulum octogonicum QTO , connectantur extremis Q, O . linea connectens est latus Tetragoni, quia de O, to semis est quatuor.



Ergò descripto Tetragono (ut alios describendi Octogoni modos omittam) in circulo, ducatur in latusejus OQ ex centro L , perpendicularis, secans latus in M , arcum in T . per 11. primi Eucl. quo factò per 30. Tertij Eucl. erunt quarta partis circuli OQ , due partes, sc. arcus OT, TQ , æquales. Connexis ergò punctis $O \& T$, erit OT recta latus Octogoni, & connexis O, S . erit OS latus stelle.

Connexo centro L cum Q , quia QML est rectus, ergò QL Effabilis longitudine, potest QM , & ML . potest autem QL semidiameter duplum ipsius QM semilateris Tetragonici. Ergò QM & ML sunt æquales, & utraq; Effabilis soli potentiâ per XXXV hujus. Plus igitur potest LQ , quàm LM , potentiâ ipsius MQ , quæ longitudine est incommensurabilis ipsi LQ . Sed sunt æquales LQ & LS , & LT . Ergo composita SM erit Binominis quarta, cujus Nomina sunt SL , & LM . per definit. ante 48. decimi Euclidis. Residua verò MT erit Apotome quarta, cujus Nomina TL , & LM . per definitionem ante 85. decimi Euclidis.

Et quia MS binominis quarta, & ST Effabilis, quare per 57. decimi Euclidis, linea QS , quæ potest Rectangulum sub ipsis, est Mizon: sic quia TM est Apotome quarta, & TS Effabilis; ergò TQ latus Octanguli, potens rectangulum sub MT , TS est Elafson, per 94. decimi Eucl.

Elementa illarum sunt in hac delineatione, PA majus, & AT minus. Nam ad PA addita AT , facit PT latus stelle: rursus à PA vel PT ablata TA relinquit AT , id est QV latus Octogoni. Scilicet Elafson TQ potest duplum Prosharmozuse TA ; & latus Tetragoni QP , potest utrumque Elementum PA & AQ , id est AT .

Et sicut PX Mizon ad majus Elementum PA , sic TQ Elafson ad minus Elementum TA , & vicissim, ut majus elementum PA , ad minus AT , sic Mizon PX ad Elafsonem TQ ; Ut pars major ad minorem; sic totum ad differentiam.

Porro hæc latera SQ, QT , non ipsa sunt tantum Mizon & Elafson; sed sunt etiam tales lineæ, ex quibus alie tales fiunt addendo vel subtrahendo. Primum enim sunt inter se incommensurabiles, secundò quadrata ipsarum TQ, QS juncta æquantur quadrato Effabili ipsius TS . Tertio Rectangulum sub TQ, QS est Meson, est enim æquale Rectangulo sub QM semilatero Tetragoni, solâ potentiâ Effabili, & sub TS Effabili longitudine: quam ob causam sunt etiam juncta in gradu scientiæ sexto. Quare per 39 decimi, compositæ in unam TOS sunt Mizon, & per 76. decimi, TQ hoc est QZ ablata à QS , relinquit ZS Elafsonem. Itaq; fieri potest, ut Elafson & Mizon unius bigæ, fiant Elementa alie-

alterius biga, & Elafon, ablata à Mizone sua, relinquat Elafona alterius. Quod aream Octogoni attinet, illa constat ex octo talibus trigonis, qualis est LQT . Sed constat Rectangulum $QTRS$ ex talibus quatuor; est ergò semisis Area: & est Meson, ut paulò antea probatum; ergò etiam duplum ejus, scilicet Area Octogoni, Meson est, per porisma Prop. 24. decimi Euclidis. Hinc Clavius Geom: Pract. libro VIII. Prop. 31. demonstrat, aream ejus esse medium proportionale inter aream Tetragoni inscripti & aream circumscripti Tetragoni, quæ sunt ad invicem, ut 1. ad 2. quæ determinatio quantitatis certæ, infert eandem qualitatem Mesi.

XXXVII. Propositio.

H EKKædecagoni latus habet Geometricam descriptionem ex angulis, sed lateris scientia longius evagatur, in gradus ignobiliores omnibus præmissis: multoque magis ejus stellarum latera, seu subtensæ tribus, quinque, septem, sedecimis.



Quia bis octo sunt sedecim, idè per latus Octogoni, figura hæc ex iisdem fundamentis describitur, quibus antea Octogonus per latus Tetragoni.

Est OO latus non jam Tetragoni, sed Octogoni & QT , TO latera jam sedecanguli, & QP latus stellæ Octangulæ esto: id fuit prius Mizon: ergò & LM ejus dimidia eræ Mizon. Quare rectangulum sub ST Effabili & LM Mizone, est speciei planè novæ, cujus inter gradus superius explicatos, ut nobiliores, nulla fit mentio. Tale verò novum, ablatum ab eo, quod sub LT , TS , Effabilibus longitudine continetur, relinquit iterum remotiorem aliquam speciem, rectangulum scilicet sub MT , TS æquale quadrato TQ , lateris Hekædecagoni. Multò magis id verum de pluriangulis hujus Classis: ut 32.64. 128. angulorum etc:

Cum sic habeat cum latere uno, seu subtensâ uni sedecimæ, jam illius potentia ablata à potentiâ diametri, relinquit subtensam, septem sedecimis, est igitur illa gradus remotioris.

Tres verò sedecimæ subtensam habent derivatam à subtensâ tribus octavis per bisectionem: sunt igitur in remotiori gradu, quàm illa; Et potentia subtensæ tribus sedecimis, ablata à potentiâ diametri, relinquit potentiam subtensæ quinque sedecimis. Est igitur hæc rursus remotiori gradu.

XXXVIII. Propositio.

T Rigoni & Hexagoni latera geometricam habent descriptionem, ex angulis figurarum; & in circulum inscripta sunt scibilia, illud tertio, hoc secundo gradu; plana verò, seu areæ figurarum sunt Mesa, proportionis inter se duplæ.

Trigoni constructio extra circulum est facilima per 1. primi Euclidis. Inscriptio in circulum expeditissima, ut ceteros modos taceam, sit beneficio Hexagonici lateris. Quia de sex semis sunt tria. Et Hexagoni quidem descriptio & inscriptio sunt libro quarti Euclidis proposit. 15. Sed ostendenda est consecutio quantitatis lateris, ex angulorum rationibus.

Sit Hexagonus BHCADF. Cum igitur sint anguli 6, planum etiam Hexagoni dividetur in Triangula sex, verticibus in centro A coeuntia: quale unum est CAG. Quare quatuor Reكتورum, centrum A circumstantium, summa divisa in sex vertices, dat uni verticali angulo CAG quatuor sextas, seu duas tertias unius Rekti. Atqui trianguli CAG omnes tres anguli iuncti sunt aequales duobus rekti, seu sex tertijs unig Rekti. Abstracto ergo angulo ad A, 2 tertiaru, a summa 6 tertiaru, restant duobus ad C, & G, summa 4 tertie: sunt veri aequales omnes; ergo unicuiq, ad C. & G. manent 2. tertie unius Rekti, non minus quam verticali ad A. Atqui si tres anguli sunt aequales, oportet & latera esse equalia in Triangulo. Quare CG later idem & Hexagoni, & trianguli, quod est sexta eius pars, est aequale semidiametro circuli CA vel AG. Est igr Effabile longitudine lateri Hexagoni, dimidiu sc. diametri. Hic vero est Gradus II. per XIII. huius.



Jam Trigoni, qui sit BCD, later BC connectit duo latera Hexagoni CH, HB, coeuntia in H. Cum ergo BHC sit 2. tertie semicirculi, & CG una tertie, arcus ergo BCG est semicirculus, & BG diameter, per A transiens. Ergo BCG angulus in eo est Rektus, per 31. Tertij Eucl. Quadrata igitur BC, CG equalia sunt quadrato BG, per 47 Primi Eucl. Sed CG, est semidiameter, ejusq, quadratum est hujus quadrati pars quarta; ablat a igitur quart a parte de quadrato BG, relinquitur quadratum lateris Tetragonici BC. Est ergo quadratum hoc effabile: sed quia se non habet ad quadratum BG ut numerus quadratus ad quadratum numerum, sed ut 3 ad 4, ideo BC est sola potentia Effabilis. Hic vero est gradus Tertius, per XIV. huius.

Et quia BC, CD aequales, anguliq, BCD, BDC aequales: ergo BE perpendicularis, demissa in CD, secabit illam in E in equalia CE, ED. Erat vero Effabilis sola potentia, tota CD; quare & ejus dimidia CE. Rectangulum ergo sub CE, AG sola potentia commensurabilibus, quarum ista est Effabilis longitudine, Meson est. Sed hoc Rectangulum est aequale area duorum triangulorum, ipsius CGA equalium (quorum sunt in Hexagono sex) & sic tertie parti Area Hexagoni. Area igitur Hexagoni est planum Meson.

Et quia BCA & BCH triangula, sunt laterum BA & BH, CA & CH equaliu, uno communi BC: habent igitur areis aequales. Sed BCH, BDF, CDG sunt partes Hexagonica area, quibus illa excedit aream Trigonicam BCD, totidem equalium trianguloru, BAC, CAD, DAB. Dupla ergo est area Hexagonica Trigonica: Meson igitur est etiam Trigonica area, quia commensurabilis, scil: dupla, Hexagonica, qua erat Meson.

XXXIX. Propositio.

Latera Dodecagoni & Stellae cognominis seu sub-

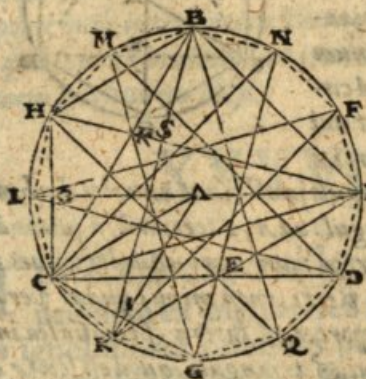
d

tena

tenſæ quinque duodecimis partibus circuli Geometricè deſcribi poſſunt, & inſcripta eidem circulo, ſcibilia ſunt, ſingula gradu octavo nobilioris cognitionis, juncta gradu quinto; Planum verò Dodecagoni eſt Effabile.

Dodecagonus eſto $B M H L C K G Q D P F N$, ſtella Dodecagonica $B K F L D M G N C P H Q B$.

Quia igitur bis ſex ſunt duodecim, ideò per latus Hexagoni figura iſdem ex fundamentis deſcribitur, quibus antea Octogonus per latus Tetragoni, ducta in HC latus Hexagoni ex A centro perpendiculari, ſecante latus in O , circulum in L, P . & connexis LH pro latere Dodecagoni, HP pro latere ſtelle.



Cum igitur HC latus ſex anguli ſit Effabile longitudine; talis erit & dimidia HO , ſed AC , æqualis ipſi HC , poteſt & quod à dimidio ſui OC , & quod ab AO , Ergò quadratum ipſius AO ſe habet ad qdam AC vel AP , ut 3. ad 4. non ut numerus quadratus ad quadratum.

Sunt igitur PA, AO , ſolà potentiâ inter ſe commenſurabiles, ut & LA, AO . Et CA , hoc eſt PA vel AL , major Effabilis, plus poteſt quam OA minor, aliquo, quod eſt à CO ſibi commenſurabili. Ergò per def. ante 48. decimi Eucl: Compoſita PO eſt Binominis, & per def. ante 85. OL reſidua, eſt Apotome, utraq; Prima cognomine. Nomina ſunt AP , Effabilis ſimpliciter, & AO , Effabilis ſolà potentiâ. Sed per 54. decimi Eucl. HP , potens reſtanganulum ſub OP Binomine primâ & PL Effabili, eſt Binominis, & per 91. ejuſdem, HL latus Dodecagoni, potens reſtanganulum ſub OL Apotome primâ & LP Effabili, eſt Apotome. Ita cadunt ſingula in gradum ſcientiæ octavum nobiliorem.

Nomina huius compoſitæ PH & diminutæ HL , ſunt PS & SH . Cumq; HB ſit ſex anguli lat^o, KP Trianguli, BP , Quadrâguli, illud qdem poteſt duplum Nominis minoris, ſc. HS , & SB , iſtud duplum majoris, ſc. KS , & SP ; hoc verò poteſt utrumq; ſimul, quodq; ſemel, ſc. BS & SP .

Componitur etiam PH binominis, ex PR latere quadrati, & RH latere Dodecagoni; at propter hanc compositionem non dicitur Binominis; quia per 42. decimi Eucl. præter unum ſignum, quod hic fuit S , nulum aliud dari poteſt, quod illam dividat in ſua Nomina.

Cumq; HO, LP ſint Effabiles longitudine, reſtanganulum ſub ijs, id eſt ſub LH, HP erit Effabile, & ſumma quadratorum LH, HP eſt icidem Effabilis, æqualis quippe quadrato ipſius LP . Ergò hoc nomine, junctæ LH, HP , ſunt in gradu ſcientiæ quinto. Nec quicquam novi faciunt junctæ, nec ruruſum Binominem vel Apotomen: addita enim LH ad HP , facit Effabilem potentiâ ſolâ, ſc. cujus quadratum eſt ſeſquialterum quadrati LP : ablata verò LH , vel HR ab HP , conſtituit ruruſum Effabilem potentiâ, PR , lat^o quadrati: cuj^o quadratum eſt dimidium quadrati LP .

Cumq; Area Dodecagoni conſtet Triangulis 12, qualium eſt unum LAC , in reſtanganulo verò $LHPD$ Effabili contineatur eorum quatuor, id eſt Triens Areae totius; ergò & tota area Effabilis eſt, quantam ſcil.

creat

creat ducta HO in LP ter; Est igitur Area Dodrans de quadrato diametri, seu Medium Arithmeticum inter Tetragonum circulo circumscriptum, & Tetragonum eidem inscriptum; sicut Area Octanguli est inter eos Medium Geometricum.

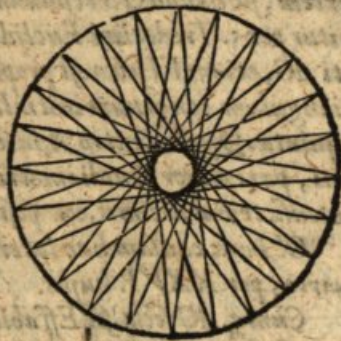
XL. Propositio.

Figura Regularis viginti quatuor laterum, & omnes ab ea, duplicato continuè numero laterum, Geometricas quidem inscriptiones habent, sed laterum scientia evagatur longius, in gradus remotiores ijs qui prius sunt positi: ut & stellarum ejus seu subtenfarum 5. 7. 11. vicesimis quartis.

Probat ut prius Prop. XXXVII. de sedecangulo; hoc tamen discrimine, quod jam hic latus stella Dodecagonica ejusq. dimidium, sunt Binomines prima. quare rectangulum sub dimidia & sub diametro, ut Effabili, nondum fit nova speciei, quia potens illam per 54, est iterum Binominis. At jam hoc rectangulum ablatum ab Effabili sub tota & dimidia Diametro, relinquit novi quid, cujus hæcenus non facta est mentio, & ignobilius, quippe magis compositum; & hoc fit potentia lateris 24 anguli.

Id multò magis verum de pluriangulis figuris hujus Classis; ut quadragintooctanguli, nonaginta sexanguli, &c.

Subtensa quinque vicesimis quartis circuli patescit, bisectione arcus in quo sunt quinque duodecima: potentia illius ablata à potentia diametri, relinquit potentiam subtensa septem vicesimis quartis: sic potentia lateris seu subtensa uni vicesima quarta, format eadem methodo potentiam subtensa undecim talibus partibus. Sunt igitur omnes in gradu remotiori.

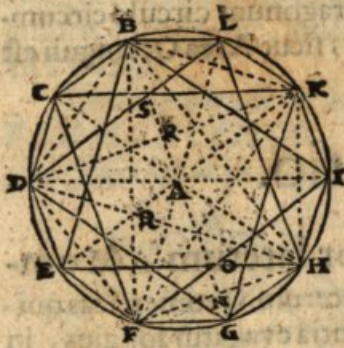


XLI. Propositio.

Latera Decagoni & stellæ decagonicæ, seu subtensa tribus decimis partibus Circuli, descriptionem habent Geometricam ex angulis, inscriptionemque in circulum; suntque scibilia, seorsim quidem singula Gradu octavo scientiæ, juncta verò, gradu quinto; & cum semidiametro juncta, gradu quarto.

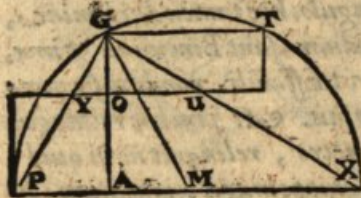
Sit Decagonus BCDEFGHIKL, & stella ejus BEHLDGKCFIB. Cum ergò sint anguli decem, figura planum erit compositum ex decem triangulis cœuntibus in centro A, quale unum est FAG. Distributà igitur quatuor rectorum summâ, quæ est circa unum A punctum, in decem illorum triangulorum

lorum vertices, veniunt singulis 4. decima vel 2. quinta unius recti. At qui summa



trium angulorum huius trianguli, est 10 quinta id est 2. Recti; hinc igitur ablato verticali ad A 2. quintis, relinquitur duobus ad basin 8. quinta: & cum sint aequales; singulis igr 4. quinta. Ita quilibet ad basin duplus est anguli ad verticem. Hoc est vinculum demonstrationis sequentis.

Quare per 3. sexti Euclidis, ut



Seco enim angulo AFG in duas partes aequales, per FO lineam, per 9. primi Euclidis; erant AFO, OFG inter se aequales, & quilibet 2. quinta Recti; uterque igitur ipsi FAO aequalis. AF ad FG, sic AO ad OG.

Quia vero OFG est 2. quinta, erat vero OGF (nempe AGF) 4. quinta erit, igitur & FOG 4. quinta. Angulis igitur ad O & G aequalibus, latera quoque FG, FO aequalia subtenduntur.

Eodem modo & in triangulo AOF, quia AFO est 2. quinta, quantus erat & FAO: ergo & AO & FO (hoc est FG latus) aequales erunt. Ut

verò AF ad FG, sic AO ad OG, ut iam demonstratum; ergo etiam ut AG ad AO partem, sic haec ad OG residuum. Secatur igitur Crus AG in O proportionaliter. Igitur per 5. Tredecimi Euclid: OA vel OF, continuat à in l, ut OI sit aequalis toti AG, etiam FI secta est proportionaliter in O, & connexis A I signis, erit AIO triangulum congruum initiali FAG, eoque OA I duplus ipsius FAO, & FAI 6. quinta. Quare centro A, intervallo AG scripto circulo FGI, erit FG latus decagoni, pars major semidiametri AG proportionaliter secta, & FI latus stellae seu subtensa tribus decimis, composita ex FO & OI, latere decagoni & semidiametro.

Ob hanc causam haec latera, junctà semidiametro, possunt accenseri gradui quarto, per XXVI. huius.

Cumq; AG secta, sit Effabilis longitudine, & latus decagoni pars ejus major; latus stellae, composita ex tota & parte majore; quare per XXVII. huius, illud est Apotome, hoc Binominis, utrumq; quartae speciei: hoc respectu sunt in gradu scientiae octavo, proximè post latus Dodecagoni & stellae suae, planèq; in eodem ordine cum latere Octogoni & stellae suae.

Et per XXIX huius, etiam residua OG, eoque etiam ejus dimidia NG est Apotoma prima speciei. Sed cave putes, Nomina ejus esse, Majus AG, minus AN.

Deniq; per eandem XXVII. huius, latera GF, vel OF & FI, non cum semidiametro, sed secum ipsa junctà, quia & summam quadratorum, & commune Rectangulum habent Effabilia, sunt in gradu scientiae quinto.

Composita igitur, latus Decagoni cum latere sua stellae, faciunt effabilem potentiam solà, potentem quinque quartas, de potentia semidiametri, qua in schemate praecedenti ex Pr. XXVII. est PX, composita ex PA (aequali ipsi OA), & AX: inter quas est media proportionalis GA effabilis.

Vicissim abstractum Decagoni latus OF à latere stellae FI, relinquit Effabilem OI, sc. semidiametrum. Ita per illa nihil fit novi,

XLII. Propositio.

Latera Pentagoni & Stellæ Pentagonicæ, seu sub-
tensa duabus quintis partibus Circuli, descriptionem habent Ge-
ometricam ex angulis, suntque scibilla, singula octavo gradu juncta,
tam sexto quàm quarto gradu scientiæ.

Descriptio extra circulum est talis: si latus futurum detur longitudine, se-
cabimus illud proportionaliter, per 11. secundi vel 30. sexti Euclidis, eiq; adjunge-
mus partem sectionis majorem: & factis duobus cruribus, compositæ aequalibus sin-
gulis; ex proposito à verò, factæ à Basi, triangulum statuemus, Pentagoni intimum.
Cum enim crux compositum constet ex tota proposito à, ejusq; parte majori sectionis
divina; etiam composita sic erit secta, ejusq; pars major erit latus propositum, eo-
q; Trianguli hujus angulus ad basin, duplus erit ejus ad verticem; ut supra in
Decagono: cui super duobus dictis cruribus ut Basi, adiciemus duo triangu-
la exteriora, quorum crura sint aequalia proposito lateri.

Vt hic FB
BH crura,
FH basis.

Vt hic FDB
super FB &
EKH super
BH.

Inscriptio in circulum facilima est per latus Decagoni. Cum enim de decem
semis sit quinque, duorum igitur Decagoni laterum, FG, GH, contiguum in
G, terminos F. H. connectemus, lineam FH erit latus Pentagoni, sic & HK: &
connexis F. K. terminis, lineam FK erit latus stellæ. Sit igitur Pentagono BDFHK,
& stella ejus BFKDHB.

Demonstrat igitur Euclides Prop. 10. Tredecimi quod FH latus Pentagoni
possit latera FA Hexagoni, & FG Decagoni, hoc est semidiameterum AG, et secta
Majorem partem AO simul. Hæc demonstratio in Euclide difficultatem habet
captius; tentabo igitur hic faciliorem.

A terminis lateris Pentagonici B. D. ducantur per A centrum rectæ BG,
& DI: & ut DB subtendit duas decimas, sic pro-
xima DL tres, & DK quatuor subtendat, secan-
tes BG in S. R. punctis. Igitur LDI angulus, id est
SDA habet duas quintas unius Rectæ; quia LI est
una quinta pars circuli, sicut & FH, & verò equa-
libus arcibus, anguli ad circumferentiam insistant
& quales, per XXI vel XXVII. Tertij Eucl. Est
verò DAB, id est DAS quatuor quinta unius re-
ctæ, quia DB pars quinta est circuli, mensurant is
quatuor rectos circa A. Juncti igitur SAD, ADS
sunt sex quinta unius recti. At omnes tres sunt
decem quinta. Ergo etiam residuus DSA est quatuor quinta. Est igitur DSA
equalis ipsi DAS, latus igitur DS aequale est lateri DA semidiametro. Ergo
per priora, semidiametri DA proportionaliter secta pars major æquat SA, est igr
SA equalis lateri Decagoni, per dicta. Et DA est semidiameter, latus sc. Hexago-
ni. Dico latus Pentagoni DB, posse utramq; & SA, & AD.



Pone O ubi
DH, FK &
AG le mul-
tuo secant

Connexo enim K cum S & cum A, quia DA, AK sunt æquales, & DS,
SK istæ æquales, erunt & partes SR, RA æquales, & DRB rectus est. Ergo
DB, potest DR, RB. Atqui DR minus potest, quàm DA, quantitate po-
tentie RA, & BR minus potest quàm BA quantitate & rectanguli, sub BR,
RA, & potentia ipsius RA junctorum. Junctæ igitur potentie DR, RB

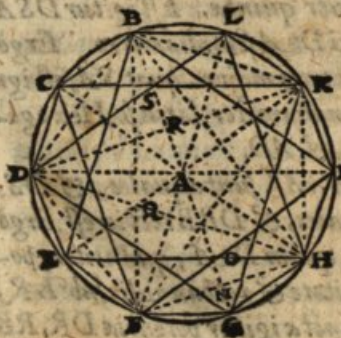
minores sunt junctis potentijs DA, AB , rectangulo sub RA, AB bis, hoc est, rectangulo sub SA, AB semel. Atqui duo rectangula sub SA, AB , & sub SB, BA constituunt totum quadratum BA . Ablato ergo rectangulo sub SA, AB , relinquitur quadratum ipsius DA , & rectangulum sub SB, BA , junctaque aquantur quadrato DB . Cum vero BA semidiameter sit proportionaliter secta in S , & pars major AS : rectangulum igitur SB, BA est aequale quadrato SA . Ergo latus Pentagoni potest duo quadrata DA & AS ; laterum scilicet Hexagoni & Decagoni.

Quod attinet stella Pentagonica latus BF : illud est compositum ex BD , vel BQ , latere Pentagoni, & ex QF , ejus secti proportionaliter parte majori: per 8. Tredecimi: quod idem etiam probari potest ex triangulo quinquangulati FBH , ut supra.

Cum igitur latus Pentagoni possit semidiameterum quae est Effabilis longitudo, & ejus secta proportionaliter partem Majorem, ut in schemate praemisso semicirculari, PG potest PA , & AG , & ut PA est ad AG , sic sit PG latus Pentagoni ad latus sua stella: sit vero ut PA ad AG , sic PG ad GX . Ergo GX est illud latus stella, potestque & GA semidiameterum Circuli circa figuram Decangulam, & AX compositam ex PA & AG . Quare per ibi demonstrata GX est Mizon, GP Elafson. Singula igitur sunt in octavo gradu scientiae, ejusque secundo ordine. Quia vero junctae lineae PG, GX faciunt quadratorum summam Effabilem, sc. aequalem quadrato PX , quod est ipsius GA Effabilis quadrati quintuplum: eademque PG, GX rectangulum formant Meson; hoc nomine junctae PG, GX sunt in gradu scientiae sexto, de quo est XVIII. praemissa. Denique quia latus Pentagoni & latus stella sunt ut sectionis divinae pars major & tota; ideo sunt etiam in gradu scientiae quarto, junctae invicem: vide XXIX. hujus. Consequitur autem has proprietates, ut sicut Pentagoni latus est Elafson, Stella Mizon, sic etiam composita ex utroque sit iterum Mizon, & latus Pentagoni sit hujus composita ut Mizonis, elementum minus; Latus vero stella sit illius Elementum majus; & ut etiam differentia inter utrumque latus sit aliqua Elafson, scilicet DQ vel QF . per eandem XXIX. hujus.

XLIII. Propositio.

P Lana Decagoni & Pentagoni, cadunt in Gradus scientiae remotiores, ut & latus Icosigoni, & reliqua hujus classis figurarum.



Nam latus Pentagoni FH , ductum in AN facit duplum FAH quintae partis Areae Pentagonicae. Est vero FH Elafson, & AN est talis, quae potest Effabile AF , diminutum potentiam Elafsonis FN . Si autem quod est ab Elafsonne, auferatur ab eo, quod est ab Effabili, relinquitur nova species linea, quae potest tale residuum. Rectanguli vero contenti sub tali linea nova & sub Elafsonne, species adhuc remotior erit; area vero Pentagoni erit ei commensurabilis, scilicet ut

5. ad

quinque ad duas, quare & ipsa erit speciei adeo remota. Sic latus Decagoni FG, ductum in suam Perpendicularem ex centro, facit duplum FAG partis decimae de Plano Decagonico, id est unam quintam. Est vero FG Apotome quarta; & perpendicularis ex centro in illam, potest ejus quartam parte minus quam semidiameter. At si quod est ab Apotome, auferatur ab eo, quod est ab Effabili, linea quae residuum potest, sit nova speciei, ultra recensitas; & si talis linea cum Apotome faciat rectangulam, illud erit speciei adhuc remotioris, & cum eo etiam quintuplum ejus, sc. Area Decagoni.

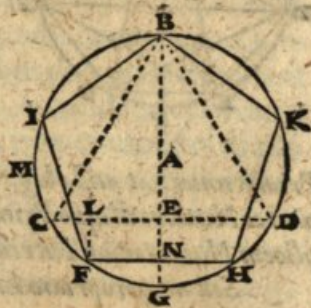
Denique cum semilatus Decagoni sit Apotome quarta; potentia vero Apotomes extensa secundum Diametrum, (Effabilem longitudine) faciat latitudinem, Apotomen primam, scilicet sagittam decimae partis Circuli: Latus certè Icosigoni potest & semilatus Decagoni, Apotome quartam, & hanc sagittam, Apotomen primam. Planum vero compositum ex Apotomis diversarum specierum, eorum incommensurabilibus, poterit nulla linea prius recensitarum; sed aliqua planè nova speciei: eorum & ignobilioris.

Quanto magis id obtinebit in Tesseracontagono & ceteris hujus classis?

XLIV. Propositio.

PenteKædecagoni, ejusque stellarum latera, puta subtensa duabus, vel quatuor, vel septem quindecimis, Geometricam quidem descriptionem habent, sed non extra circulum; & in circulo quoque non ex angulis, eoque impropriam, & scientiam heterogeneam, gradus remotioris, quam omnia antecedentia. Triaccontagonus & reliquæ hujus classis sunt adhuc remotiores.

Describitur enim ex se prioribus figuris, quas oportet habere numerum laterum alium quam subduplum, quia 15. est impar; non habens partem dimidiam numericam: scilicet ex Trigono BCD & Pentagono BIFHK, ab eodem B puncto inceptis. Nam si tertiam BC auferas à duabus quintis BIF, id est 5. decimas quintas à 6 decimis quintis, manet CF, 1 decima quinta. Connexis ergo C. F. angulis, linea CF erit latus. Hic ad actum descriptionis non accerso quantitatem anguli, aut numerum Angulorum figurae propositae; nec secundum hunc numerum formo aliquod triangulum, ut in figuris superioribus factum. At nec potest aliter describi. Ergo etiam scientia ejus est remota & vilis. Cum enim latus Pentagoni FH, sit lateri Trigonico CD parallelum; propterea quod utraque figura impari latera ab eodem B puncto est incepta: ducatur igitur ex F. perpendicularis in L, & ex B, diameter per centrum A, secans lineam in E. N. G. Ergo latus CF potest quantum & CL & FL junctae; sed CL est excessus ipsius CE Effabilis Potentiâ, super FN, hoc est super LE, Elafsona: est igitur CL speciei planè Novae. Vicissim AN est linea quae potest residuum de Effabili plano, cum ab eo fuerit ablatum planum Elafsonis: est igitur nova speciei. Sed EN est residuum hu-



jus nova, post ablatam Effabilem longitudine AE. Est igitur EN bis remotiori gradu. Deniq; CF latus Pentekadecagoni potest CL, & LE novas species, est igr illic bis, hic ter, & sic quinquies remotius. Prætereâq; componuntur diversarum Classium, Trigonica & Pentagonica, proprietates in unum, est igitur scientia heterogenea. Quid jam de Tricontagoni latere sentiendum? cum semper augetur gradus remotiōis, cum ipsa duplicatione laterum prioris.

M reponit
in medio loco
inter I. C.

At subtenſa ſeptem quindecimis, hoc est 14 Tricesimis, utitur latere Tricontagonico, est igitur eo posterius. Subtenſa vero 7 Tricesimis est ab illâ, per bisectionē; eademq; gignit subtenſam 8 Tricesimis, id est 4 quindecimis, à quâ est etiam subtenſa 2 quindecimis, per bisectionem. Quamquam hæc habet ortum etiam alium; verbi causa, subtenſa MF, quadratum habet compositum ex quadrato CF lateris Pentekadecagonici, & rectangulo sub eodem CF & FI latere Pentagonico. Utrōq; modo posterior est superioribus figuris.

XLV. Propositio.

H eptagonus & figuræ ab eo omnes, quæ numerum laterum ex Primis (sic dictis) unum habent, earumque stellæ, totæque aded classes ab ijs derivatæ, extra circulum descriptione Geometricâ carent: in circulo, etsi laterum quantitas est necessaria, illam tamen ignorari æquè necesse est.

Magna res agitur, per hunc enim effectum stetit, quo minus Heptagonus, & cetera hujus generis figuræ, à Deo fuerint adhibita ad ornatum Mundi, ut sunt quidem adhibita scibiles figuræ in superioribus explicata.



Sit igitur Heptagonus BCDEFGH, & connectantur anguli omnes cum omnibus, & sit A centrum circuli, & Diameter BAP, & A connectatur cum E.

Primum igitur tales figuræ improprie supra dictam demonstrationem nullam nanciscuntur: est enim earum numerus laterum & angulorum, ex

Primis unus: at nulla biga figurarum præmissarum, totum circulum dividit in partes Numero aliquo Primo numerabiles: sed sortiuntur illa Numerum Multiplicem Numerorum, utriusq; figuræ.

Sed neq; propriam habent hujusmodi figuræ demonstrationem ex angulorum numero: quia quicquid ex hoc elicitur, id vagum & multiplex minimeque determinatum est.

Secetur enim Heptagonus in sua triangula quinq; duo extrema æquicrura Obtusangula BDC, BGH, unum intimum æquicrurum Acutangulum BEF, & duo Scalena interjecta BED, BFG. Cum igitur circumferentia, super quâ stant crura anguli, ad circumferentia partem oppositam facti, admetiatur angulo suam quantitatem, angulus BEF stat super tribus circumferentia partibus, BH, HG, GF: angulus BFE similiter super tribus, BC, CD, DE; at EBF super unâ EF. Ergo BEF est tale triangulum, quod habet utrumq; angulum ad basin triplum ejus qui ad verticem. Eodem modo probatur Scalenum BED habere angulos in pro-

in proportione continuè duplâ. Simplum enim est, angulus B, duplum E, quadruplum D, hoc est ipsius E duplum.

Quòd si hæc figura descriptionem suam certam habet extra circum-
 lum, non minus quàm habebat supra quinquangulum, oportet, (ut
 jam olim monuerunt Campanus & Hieronymus Cardanus, & Candal-
 la Fluslas) ante omnia talia triangula dari posse, sicut ante Pentagonum
 dabatur triangulum, cujus uterque ad basin erat duplus anguli ad ver-
 ticem. Atqui dabatur nobis in illo Triangulo Pentagonico, laterum
 proportio certa ex angulis: in hoc Heptagonico triangulo, certa pro-
 portio nulla datur. Sint enim I, K signa, quibus BF secatur ab EH, EG,
 trisecantibus angulum BEF. Igitur in FEI, quia bisectus est angulus FEI:
 ut igitur in eo FE ad EI, sic FK ad KI. Sed EF æquatur toti FI. Est enim
 FEI partium 4 septimarum unius recti, qualium EFI est 6 septimarum,
 ergò EIF est etiam 4. septimarum. Crura igitur FE, FI, æqualibus an-
 gulis opposita, sunt æqualia. Eademque de causa etiam EI, & IB sunt æ-
 quales: quare etiam ut FI ad IB, sic FK ad KI. Amplius, in KEB, quia
 angulus KEB bisectus est per EIH: ut igitur KE ad EB; sic KI ad IB.
 At KE & FE sunt æquales, quia KEF æquicrurum & simile ipsi EBF; erat
 verò EF æqualis ipsi IF, & EB est æqualis ipsis FB; quare etiam ut IF ad
 FB sic KI ad IB. In eadem igitur BF subtensâ tribus septimis circuli,
 duæ sunt inventæ proportionales, partium trium: primùm ut media KI,
 ad minimam KF; sic maxima IB ad IF compositam ex utrâque minore,
 hoc est ad FE latus septanguli: iterum ut maxima IB ad mediam IK: sic
 tota BF ad FI compositam ex 2. minimis. Hæc proportio speciem qui-
 dem præ se fert necessariæ determinationis ad certam & unam propor-
 tionem ipsius EF ad FB; imposuitque Cardano, qui cum tale quid in la-
 teribus Scaleni trianguli BED animadvertisset, quod Proportionem
 Reflexam appellavit, de invento septanguli latere frustra gloriatus est.
 Nam nulla certa sequitur quantitas, ipsius EF vel IF; quia id quod pu-
 tamus nos nancisci novum in secunda vice, coincidit cum primo. Quo-
 tiescunque enim sunt 4. Proportionales, in quibus duæ primæ æquant
 tertiam: fit etiam, ut sicut prima est ad tertiam, secunda ad quartam,
 sic fit & tertia ad compositam ex tertia & quarta, quæ composita fit nu-
 mero quinta. Horum verò Casuum sunt infiniti, tam in terminis
 commensurabilibus, quam in incommensurabilibus. Et nominatim
 commensurabilium terminorum casus totidem sunt, quot proporti-
 ones superparticulares, scilicet quot quadrati Numeri impares.

Cardani pro-
 portio He-
 ptagonica
 Reflexa.

BF.	9.	BI.	6.	IK.	2.	KF.	1.
vel	25.		15.		6.		4.
vel	49.		28.		12.		9.
vel	81.		45.		20.		16.
vel	121.		66.		30.		25. &c.

Et quot superpar- tientes	49.	35.	10.	4.
vel	64.	40.	15.	9. &c.

Nam

34 DE FIGURARUM HARMON:

Nam ut 15. ad 9, sic 40. ad 24, compositum ex 15 & 9. Et ut 40, ad 15, sic 64 (constans ex 40. 15. & 9) ad 24. compositum ex 15. & 9.

Ecce communem affectionem multarum proportionum, quæ constitutum quidem septangulum necessario consequitur; sed ex qua solâ datâ, triangulum septangulare strui neq̃t. Causa cur in Pentagono proportio lateris certa pendeat ex angulis, etiam extra circulum; in Heptagono & reliquis talibus non item; facile ex dictis patet. In Pentagono



In Scheffæ
fol. 34.

nico triangulo BFK per bisectionem BKF anguli statim venit ad æquicrura BKT & KTF duo ejus elementa, sequiturq; æquales eorum angulos BFK, BKT, æqualitas laterum BK, KT, TF; ac in Heptagonico, per trisectionem anguli, tria fiunt trianguli elementa, duo æquicrura triangula BEI, KEF, & unum scalenon IEK; neque sequitur in eo proportionem angulorum, proportio laterum, ut notum est in Geometria. Cum igitur anguli hujus figuræ non doceant quicquam ulterius extra circulum; non struitur igitur triangulum requisitum extra circulum.

Non est igitur hæc figura in circulum inscriptilis, per aliquid se prius in scientia vel descriptione, sed ipsâ demum inscriptione qualicunq; vaga ista proportio cogitur ad unicus casus angustias, & sic principium petitur, ut n. id possit inveniri, per quod perficitur inscriptio, jubemur adhibere ipsam inscriptionem, quasi iam antea possibilem.

Latet igitur proportio Lateris EF ad latus stellæ FB, latet inquam in materiâ quantitativâ, sic ut causâ quidem principij quantitatum materialis, quod est, magnitudo indeterminata, possibile sanè sit, constituere latus septanguli in justa proportione ad circuli diametrum: cum detur aliquid, septanguli latere certò majus, aliquid minus, in ipso Circulo: & amplius, sectione in infinitum progrediente, semper aliquid majus latere EF, vel eo minus aliquid dari potest: at causâ ejus, quod est in quantitativis formale, simpliciter est impossibile, quia figura septanguli & similium, medijs omnibus, quibus aliqua lateris certa proportio demonstratur invenitur, & sic formatione seu determinatione noscibili penitus caret. Quod cum ita sit, quare neque figura 14. angulorum in circulum, cujus semidiameter sit AP inscribi potest, latere EP, neque ejus duo latera contigua unâ rectâ EF subterdi possunt, quæ sit latus Heptagoni in illo circulo: neque latus hoc eum diametro comparari poterit, cum sit Naturâ suâ comparationis ignotæ ad Diametrum.

Itaque nullum unquam Regulare Septangulum à quoquam constructum est, sciente & volente, & ex proposito agente: nec constructi potest ex proposito: sed bene fortuito constructi posset: & tamen ignorari necesse est, sit ne constructum an non.

Algebra,

Objiciat hic mihi aliquis doctrinam Analyticam, ab Arabe Gebri denominatam Algebram, Italico vocabulo Cosmâ: videntur enim in ea determinari posse omnis generis Polygonorum latera

latera. Verbi causâ in Septangulo sic procedit Justus Byrgius, Mechanicus Cæsaris & Landgravij Hassiæ; qui in hoc genere ingeniosissima & inopinabilia multa est commentus. Primò ille diametro circuli BP numerum 2. assignat, ut AB sit unitas totalis, quâ in partes infinitâ sectione divisâ, per illas longitudo lateris BC enumeretur. Deinde ponit, notam esse proportionem ipsius AB ad BC, quæ tamen proportio demum quæritur. In hac proportione continuitatem fingit, ut sicut est AB 1. ad BC 1 ij, sic sit 1 ij ad 1 j, & 1 j ad 1 i, & 1 i ad 1 c, & 1 c ad 1 b, & 1 b ad 1 a, & sic perpetuò, quod nos commodius signabimus per apices sic, 1. 1 j. 1 ij. 1 iij. 1 v. 1 vj. 1 vij. &c.

Cossa Byrgij.
In schemate
fol. 32. præ-
missa.

Hæc sic positis consideratur primò quadrangulum BEDC. Cum igitur demonstratum sit à Ptolemæo, Copernico, Regiomontano, Pitisco, & ceteris qui de doctrina sinuum scripserunt; quòd in quadrangulo circuli quocunq; rectangulum unum Diagoniorum CE, DB, æquet juncta duo rectangula oppositorum laterum, scilicet, quòd sub DC & EB, & quòd sub CB & DE. Rursumq; cum sit certum ex Geometria, CO dimidiam subtense CH, & OB sagittam, junctis potentijs, æquare potentiam lateris CB.

Pone O ad
sectionem
mutuam
CH & BP.

Sit igitur BP 2. CB 1 j, quadrm 1 ij, quòd divide per BP, prodibit BO 1 ij divisum per 4, quadrm 1 iij divisum per 4, quòd aufer à qdò CB 1 ij, restat 4 ij -- 1 iij divisum per 2, quadratum CO. Cum autem CH sit ipsius CO dupla, erit quadratum ipsius CH 16 ij -- 4 iij divisum per 4, id est 4 ij -- 1 iij.

Cum ergò habeatur qdm CH vel BD, id est, rectangulum sub BD & CE, multiplica CB in DE, ut sit rectangulum sub ijs 1 ij, quòd aufer à rectangulo sub BD, CE 4 ij -- 1 iij, restat rectangulum sub CD, BE 3 ij -- 1 iij, id in 1 j divide, sc. in CD, prodibit BE 3 j -- 1 ij.

Pergimus ulterius ad Quadrangulum DBHE. Et quia BE est 3 j -- 1 ij, erit rectangulum sub BE, DH, id est, quadratum à BE, 9 ij -- 6 iij + 1 vj; aufer rectangulum sub BH, DE 1 ij, restabit rectangulum sub BD, EH 8 ij -- 6 iij + 1 vj, quòd divide per EH, 3 j -- 1 ij, prodibit BD 8 ij -- 6 iij + 1 vj, divisum p 3 j -- 1 iij; est quadratum 64 iij -- 96 vj + 52 viij -- 12 x + 1 x ij, divisum p 9 ij -- 6 iij + 1 vj, quòd prius erat 4 ij -- 1 iij; in hoc duc illius denominatorem, & æquabuntur

36 iij -- 33 vj + 10 viij -- 1 x, cum 64 iij -- 96 vj + 52 viij -- 12 x + 1 x ij
Ergo etiam 63 vj + 11 x cum 28 iij + 42 viij + 1 x ij
Ergo etiam 63 ij + 11 x cum 28 iij + 42 viij + 1 x ij. Hic æquatio
prodit quantitatem lateris Heptagonici.

Vel per gimus ulterius ad DB, EG, Est n. quadrm DG, EB 9 ij -- 6 iij + 1 vj. At qm DB, EG est 4 ij -- 1 iij, aufer hoc ab illo, erit rectangulum sub DE, BG 5 ij -- 5 iij + 1 vj, quòd divide in DE 1 j, erit BG, 5 j -- 5 iij + 1 v, cujus quadratum 25 ij -- 50 iij + 35 vj -- 10 viij + 1 x, quòd prius erat 4 ij -- 1 iij.

Æquantur igitur 49 iij + 10 viij cum 21 ij + 35 vj + 1 x
Ergo etiam 49 ij + 10 vj cum 21 + 35 iij + 1 viij.

Hic iterum æquatio prodit quantitatem lateris Heptagonici: sed Byrgius oculos avertit ab integritate circuli, eumq; considerat tantummodo ut arcum dividendum in 7. Cum igr subtensa partib⁹ 2. habeatur hoc processu collicè, quærit jam subtensam partib⁹ 4, eamq; invenit (eâdem methodo qua supra) quòd sit Radix de 16 ij -- 20 iij + 8 vj -- 1 viij. Jamq; hæc

Diagonali in novo quadrilatero, cujus latera sint, subtensæ tribus partibus, eoque earum Rectangulum $9j - 6iij \rightarrow 1vj$, quod ablatum à Rectangulo $16j - 20iij \rightarrow 8vj - 1viij$, relinquit reliquorum laterum rectangulum $7j - 14iij \rightarrow 7vj - 1viij$. Hac ille subtensâ utitur, comparans eam, vel cum numero, quo certi arcus septifecandi subtensâ enunciatur, vel cum figurâ nihili, si totus circulus, ut hic, est septifecandus: & tunc illi vel numero, vel figuræ nihili æquæ valent quantitates hæ:

$$7j - 14iij \rightarrow 7v - 1viij \text{ vel } 7 - 14j \rightarrow 7iij - 1vj.$$

Prodit a, illi ex æquatione, quam iuvat mechanicè, valor radice non nus, sed in Quinquangulo duo, in Septangulo tres, in Nonangulo quatuor, & sic consequenter; unus enim valor est BC, alter BD, tertius BE.

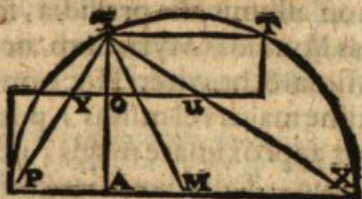
Ut igitur appareat, hoc genus investigandi latera figuræ, planè nihil commune habere cum Definitionibus nostris, Numero I, II, III. præmissis: notabis primò, quid profiteatur hæc cossica subtensâ Byrgij? Nimirum hoc illa profitetur, si constituentur septem inter se continuè proportionales in eâ proportionem, quam habet latus septanguli ad semidiametrum circuli, quarum proportionalium prima sit ipsum septanguli latus: tunc septem primas cum septem quintis, tantundem efficere, quantum quatuordecim tertias cum unâ septimâ.

Hoc enunciatum quidem est Geometricum & demonstrabile, non minùs quàm in superioribus, quando demonstratum fuit, planum Octanguli esse Meson, aut latus Dodecagoni esse alicujus lineæ Apotomen. Illic enim de plano aut de lineâ aliquid enunciabatur, hic de proportionem linearum aliquid enuntiatur.

At sicut non sufficit mihi ad scientiam & ad mensurationem plani, scire illud esse Meson, non ad lineæ mensurationem, scire quòd illa sit alicujus Apotomè: cum & multæ sint hujusmodi, & descriptio ex hac noticiâ generali nulla, quantitas plani vel lineæ nulla certa & determinata eruatur, sed consequantur tantummodò hæ affectiones, antea constitutas & descriptas quantitates: sic etiam hic, non sufficit ut sciam, quid sit futurum, factis septem continuè proportionalibus in proportionem, quam desidero: sed cum eam proportionem nondum habeam ullo geometrico actu descriptam: illud igitur expectabam, ut quis me doceret priùs illam proportionem constituere. Sic enim in omnibus præmissis figuris præcedebat descriptio, inscriptio, determinatio certæ quantitatis, certusque actus Geometricus, quo perficeretur hæ determinatio; sequebatur demum scientia proprietatum illarum, quæ faciebant ad comparationem inter se figurarum.

Ut clariùs appareat discrimen utriusque rei; videamus Pentagonicum latus, cujus describendi modus in superioribus hic erat, ut conjunctis quadratis duobus, uno semidiametri, altero ejus dimidiæ partis, in formam quadratam, ab hujus quadrati latere auferremus dimidiam partem semidiametri. Relictæ lineæ quadratam rursum cum quadrato semidiametri compositum in formam redigeremus quadratum, hujus quadrati latus fore latus Pentagoni. Hæc omnia erant factu & possibilis, & faciliora quam dictu, ut norunt qui circinos tractant. Quid n. facilius

cilius, quàm rectum angulum GAM facere, & in ejus cruribus signare ut lubet AM, ejusque duplam AG, & posito pede circini uno in M, altero in G extenso, scribere circulum GP, continuatâ MA in P, deniq; GP circino comprehendere, & in alium circulum, cujus GA semidiameter, inferre?



At vide nunc, quid nobis de latere Pentagonico dicat Cossa Byrgiana. Illa methodo prius deductâ, prodit numerum $\xi i - \xi iij + 1 v$ æqualem subtensâ nullæ; id est; si quinque fiant ordine continuo proportionales, quarum prima sit latus Pentagoni; proportio verò sit illa, quæ est lateris Pentagonici ad semidiameterum; tunc quinque primas cum unâ quintâ, fore æquales quinque tertijs.

Rursum, ut in septangulo, non docet constituere continuam proportionem, in quâ hoc fiat, nec exprimit longitudinem proportionalium per ante nota, sed docet, eâ constitutâ, quæ sequatur affectio. Jubet igitur repræsentare affectionem, fore enim, ut habeam & proportionem. At quomodo repræsentabo affectionem, quo actu Geometrico? Nullo alio id doceor facere, quam usurpando proportionem, quam quæro; principium petitur: & miser Calculator, destitutus omnibus Geometriæ præsidijs, hærens inter spineta Numerorum, frustra cossam suam respectat. Hoc unum est discrimen inter Cossicas & inter Geometricas determinaciones.

Alterum est, quòd tota hæc ratio Byrgiana innititur essentiæ quantitatis discretæ seu numerorum; & dividit diametrum in particulas certas, quoties & quàm diu vult, generaliter in partes duas; cui numero totus processus innititur, mutareturque, si nomen Diametro aliud, seu numerus alius daretur. At non sic Geometria figurarum, superius tradita, quæ latera, Effabilia longitudine, signat sanè Numeris; at ineffabilia, nequaquam numeris consecratur, sed per suas certas species distributa sic enunciat, ut appareat, non de discretis, sed de continuis quantitibus agi, de lineis & superficiebus.

Tertiò hæctenus & lateri Figuræ, & lateri stellæ cognominis, cuique sua certa erat descriptio; in hac Algebraicâ Analyti, illud maximò mirum est, (quamvis Geometram præcipuè absterreat); quod non unâ viâ præstari potest, quod imperatur. Quanquam id non omni lege solutum est, sed, ut supra dici cæptum, tot sunt numeri facientes imperatum, quot sunt in figurâ subtensæ seu Diagonij, longitudine differentes, ut in quinquangulo duo, in septangulo tres, unus pro latere, reliqui pro subtensæ angulo. Itaq; quicquid enunciat tandem de proportionem figuræ propriâ, id commune est omnium ejus linearum proportionibus ad diametrum.

Quartò, posito, quod una sola proportio faciat imperatum; illam tamen non doceor absolvere, sed saltè venari eminus. Cùm enim species linearum causâ scientiæ versentur in genere Ineffabilium (id est non numerabilium, seu numeros respicientium) eoque nulla unquam multitudinè consummetur ratio, quin semper aliquid in incerto re-

Inquatur: hæc contra ratio, ut loco secundo dictum, præter numeros non assumit alia præsidia, sed diametrum variè semper dividit in multas Myriadas Myriadum, ut exactior fiat ratio; at sic nunquam fit exactissima; & breviter: Hoc non est scire rem ipsam, sed saltem aliquid proximè majus vel minus; potestque semper posterior aliquis computator approximare magis; pervenire ad punctum ipsum, nulli unquam datur. Talia nimirum sunt omnia, quæ latent in solâ possibilitate materiæ quantitativæ; neque formationem habent scibilem, quâ in actum quandoque scibilitatis humanæ constituantur.

Quintò, ut in specie de septangulo, figurisque hujus generis consequentibus agamus, cum per eas ordine suo sese consequentes, proportionalitas continua extendatur cum ipso numero laterum: ergo si maximè innotesceret ultima, ut in septangulo, proportionalium septima; non tamen per eam haberi possent intermedia. Nam inter duas, quæ non habent proportionem inter se, quam duo numeri proportionalitatis continuatæ, ut cubicæ, sursolidæ, &c. nequeunt Geometricè constitui continuè proportionales intermediae quotcunque, sed solum una vel tres vel septem vel quindecim &c. duæ verò vel quatuor quinq;, sex, octo, novem, &c. constitui tunc non possunt in plano; cum hic de planis figuris agamus.

Jam verò inter semidiametrum 1 & septimam proportionalem 1 vij proportionis septangularis, sunt mediæ proportionales sex, & est 1 ad 1 vij non ut numerus, ad numerum proportionis continuæ æquelongæ; non est scilicet proportio semidiametri ad latus septanguli secundum duos numeros, hoc est, non Effabilis est. Nam si esset Effabilis, caderet in species prius explicatas, classium priorum, & septem anguli non essent septem, sed tres vel quatuor, quod contradictionem involvit. Ex angulis enim primarum figurarum erat laterum proportio. Oporteret igitur uno actu omnes sex medias proportionales constitui, inter scilicet 1 & 1 vij. Vicissim si daretur 1 vij quantitate; tunc inter 1 & 1 vij quinque mediæ caderent. Quod si tunc 1 ad 1 vij esset ut cubicus numerus, ad cubicum, tunc primò constitui possent uno actu 1 ij & 1 iij deinde inter 1, 1 ij, 1 iij, 1 vj. tribus actibus tres mediæ proportionales. Sin autem 1 v. daretur quantitate, rursus omnes quatuor intermediae uno actu constitui deberent; quod fieri non posset, nisi in proportione Effabili, ut prius. Cætera secundum hæc subintelligantur.

Concludimus igitur, Analyfes istas Coslicas, alienas esse à præfenti contemplatione; nec ullum constituere gradum scientiæ, cum ijs comparabilem, quos explicavimus in superioribus.

Illud autem obiter monendi sunt Metaphysici, occasione hujus confæ; considerent, si quid hinc transsumere possint ad explicationem illius Axiomatis, cum *Non Entis nulla dicuntur esse conditiones, nulla proprietates*. Nam hic quidem versamur nos in Entibus scientialibus; & pronunciamus rectè, quod latus Septanguli sit ex *Non Entibus*; pura scientialibus; Cum enim sit impossibilis ejus formalis descriptio; neque igitur sciri potest à mente humana, cum scientiæ possibilitatem præcedat descriptionis possibilitas; neque scitur à Mente Omni scis actu simplici

Hæc ne blasphemè dicta putentur, omitti posse censuit amicorum unus, Mathematicum peritissimus. Atque nihil est vul-

plici

plici æterno: quia suâ Naturâ ex inscibilibus est. Et tamen hujus non Entis scientialis sunt aliquæ proprietates scientiales; tanquam Entia conditionalia. SI enim ESSET Septangulum descriptum in circulo; laterum ejus proportio tales haberet affectiones Sufficiat monuisse.

gatus apud Theologos quam impossibilia esse, quæ contradictionem in Geometriâ una indivisibilia, sciret ut communicabilia. Et quæ hæc adulatione, propter imperitos librum non lecturos; defraudare ceteros.

volvunt: & Dei scientiam ad talia impossibilia se non extendere, præsertim cum hæc formales rerum Geometriarum rationes nihil sint aliud, quam ipsa Essentia Dei; quia quicquid in Deo est ab æterno, id una essentia divina: esse igitur seipsum quodammodo alium, scire, quam est; si quæ sunt incommunicabilia, sciret ut communicabilia. Et quæ hæc adulatione, propter imperitos librum non lecturos; defraudare ceteros.

Sunt & aliæ propositiones falsæ Geometrarum, de lateribus hujusmodi figurarum, sed quas vel ipsa sollertior Mechanica refutet; cum tamen Meæhanices causâ obrudantur juventuti: ut cum Septanguli latus AC ab Alberto Dürero ponitur æquale semilateri Trigonico AB ejusdem circuli. Hoc verò nimium breve esse, etsi vel ipsa Mechanica docet: tamen ne cui imponat experimentatio manuarum nimium rudis; is vel hac solâ rationatione falsum ante manuum accommodationem deprehendere poterit. Trigonici latus ex numero angulorum probatur esse Effabile potentiâ; quare sic etiam ejus dimidium, Heptagoni latus non est Effabile potentiâ, eò ipso, quia Heptagonus est: & quia septem neque sex sunt, neque quinque, neque tria. Numeri enim Primi gignunt species; at species sunt incommensurabiles inter se, nec una est alia.



Alb. Dureri definitio lat. Septanguli.

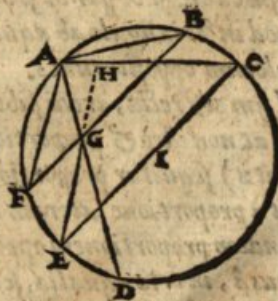
De Caroli Mariani Cremonensis & Francisci Flussatis Candallæ paralogismis circa Heptagonum vide Chr. Clavium Geometriæ Practicæ lib. VIII. prop. 30, & in commentarijs in Euclidis lib. IV. Pr. 16.

Aliorum.

Excitavit hæc palæstra etiam Illustrissimum D. Marchionem de Mala Spina, Legatum anno 1614. Serenissimi Ducis Parmensis ad aulam Cæsaream; qui diagrammate ingeniosissimo omnes omnium descriptiones superavit; existimans, subtrinsam tribus decimis quartis circuli, æqualem esse quinque quartis semidiametri, & sic effabilem longitudine: demonstrationis apparatus tantæ fuit sollertiæ, ut vel ipsum Euclidem lateret, assumptum aliquid fuisse indemonstratum.

Pro latere Hendecagoni circumfertur talis descriptio: In circulo ab eodem puncto A, ducatur latus Tetragonum AC, ad unam partem circumferentiæ, Trigonum AD, ad contrariam; Hexagonum AB, AF ad utramque; & duorum illorum Hexagonorum angulus FAB subtendatur alio Trigonico latere BF, quod secabit prius Trigonum AD in G; ducatur etiam à fine Tetragonici C diameter CE per I centrum, & à fine altero diametri E, per sectionem Trigonorum G, ducatur recta EG, secans Tetragonum AC in H: linea GH inter has duas sectiones, dicitur esse latus Undecagoni. Est verò nimis longa, vel Mechanicâ docente. At sollers Geometra

Vndecagonum.



metra

metra speciem lineæ considerat, quæ necessariò communicat aliquid ex Trigónico & Tetragonico lateribus, quantumvis remoto gradu. Atqui numerus 11, Primus existens, nullo modo ad has figuras ducit, cum sit Primus, nihil cum 3. & cum 4. comune habens. Securus igitur est Geometra, falsam esse descriptionem; & potest facillè superfedere labore computandi.

Manet igitur per omnes objectiones, per omnes omnium frustraneos conatus, latera figurarum hujusmodi suapte Naturâ esse ignota & inscibilia. Ut nihil mirum sit, id quod in Archetypo Mundi non potuit inveniri, neque etiam expressum esse in conformatione ipsius Mundi partium.

XLVI. Propositio.

Sectio circuli arcus cujuscunque in æqualia tria, quinque, septem, &c. & in quacunque ratione, quæ non sit antecedentiarum continuè dupla, non est de possibilitate Geometricâ tali, quæ scientiam generet.

Sectio arcus in duo, & quatuor, & octo, &c. continuè scilicet dupla, Geometrica sanè est, fuitq. hætenus adhibita. In tria contingit secari & totum Circulum per Trigonium; & Semicirculum, ut in Hexagono; & quartam partem, ut in Dodecagono; & quintam, ut in Pentekadecagono; & arcum 135 Graduum, ut in Octogono; & arcum 108 graduum, ut in Decagono. In quinque verò contingit secari similiter & totum circulum, per Pentagonum; & semicirculum, ut in Decagono; & tertiam circuli partem, ut in Pentekadecagono; & arcum 150 graduum, ut in Dodecagono. Idem verum est de horum arcuum semisibus, quadrantibusque, & cæteris partibus proportionis continuè subdupla. At hoc non fit propter Trisectionis & Quinisectionis ingenium, sed per accidens, & propter alias figurarum proprietates, de quibus hætenus.

At promiscuam trisectionem, aut sectionem in aliâ quacunque ratione propositâ, quæ non sit continuè dupla, impossibilem esse, patet ex comparatione bisectionis possibilis. In eâ medium ad arcum, & quem ille mensurat, angulum bisevandum, est linea recta, subtensa arcui, quæ in duo æqualia secari potest Geometricè: cum æqualitatem harum partium sequatur æqualitas partium arcus cujuscunque, sive parvi sive magni, respectu totius circuli: ex quo fonte & hoc est, quòd in Triangulo ab æqualitate laterum licet argumentari ad æqualitatem angulorum oppositorum. Hoc verò medium nos in cæteris sectionibus deserit. Nam etsi recta, arcui subtensa, secari potest in partes quotlibet, idq. Geometricè; at non idèò & proportionem ullam partium subtensæ (post proportionem æqualitatis) sequitur proportio partium arcus; quemadmodum neq. in Triangulo licet à proportione laterum quacunque (præter unam æqualitatis) argumentari ad eandem proportionem oppositorum angulorum. Nam si subtensa arcus, verbi causâ, in tria æqualia, secetur; si quæ secant, perpendiculares in subtensam fuerint, media pars arcus erit minor lateralibus; sin ex centro arcus fuerint egressæ secantes, media pars arcus erit major lateralibus. Igitur inter distantiam in-

finitam & centrum circuli, punctum est, ex quo educta dua secatrices, & subtensam & arcum ejus in tria aequalia secarent. Id verò punctum semper tantò remotius est ab arcu circuli, quanto minor arcus circuli trisecandus est, proportione tamen non constanti. Cum igr arcus circuli minui possint in infinitum, distantia etiam hujus puncti excurrat in infinitum. Infiniti verò, seu varietatis infinita nulla est scientia. Et hæc difficultas tenet Trisectionem, qua adhuc simplicior est & æqualitati propior. Multò major oritur difficultas in sequentibus sectionibus al. cuius arcus, verbicausâ, in 5, 7, 9, 11 & c. partes æquales. Tunc n. ne puncti quidem identitas amplius est possibilis, ex quo educta recta, qua subtensam secant in partes æquales imperatas, eadem & arcum in æquales secant.

Quicquid verò præsidiorum ad promiscuam sectionem possumus afferre, deductum ex numero, qui sectionem denominat, id necesse est esse generale, & commune cujuscunque arcus subtensis, tam magni qui multum à sua subtensâ differt, quàm parvi, qui parum. Atqui vagam relinquere proportionem partium subtensa, ad partes arcus sui; id verò non est determinare scientificè. Atque hoc præcipuè dictum esto de Trisectione vel quinissectione, & c. Byrgianâ Analyticâ, de quâ in præcedenti Propositione egimus copiosè. Et si verò omnia ibi dicta, habent etiam hic locum; quædam tamen illic dicta, sunt hujus loci magis propria, fiuntque illustriora & admirabiliora in sectione arcuum, quàm in sectione totius circuli. Nam ut omittam illa communia, quòd principium petatur, imperato eo, ut faciamus, quod quomodo faciendum sit, quærebat; quòd affectiones quantitatis continue non scientificè prodantur per quantitates discretas seu Numeros; quòd quicunque numerus elicitur pro latere, determinante partem arcus imperatam, ille non possit quicquam docere, quàm quòd illud sit vel majus vel minus debito: eoque sicut se habet materia rudis & indigesta ad formatum quid; sicut quantitas indeterminata & indefinita ad figuram; sic etiam se habeat Analytica ista ad determinationes Geometricas: illud imprimis excellens & nobile est in hac Cossâ semimechanicâ, degener verò & abjectum in Geometriâ scientificâ: quòd cum unaquæquè subtensa minor diametro, duobus circuli arcubus inæqualibus accenseatur, quorum alter minor semicirculo, alter major; eoque partis aliquotæ de minore, minor sit subtensa, partis æquæ quotæ de majori, major: Analytica ista Byrgiana non tantum de duabus hisce inæqualibus, sed etiam de pluribus alijs circuli subtensis, generale quid præcipit, quod utile sit ad illas omnes numeros proximè exprimendis. Verbi causâ, in trisectione lex hæc est: Si datus sit arcus (sit 48 graduum) ejusque subtensa; & is arcus sit in tres partes secandus, quamlibet 16 graduum; hoc est, invenienda sit subtensa hujus partis, seu ejus proportio ad subtensam totius, graduum 48: tunc jubeor facere ut subtensam totius, ad quæsitam subtensam partis, sic hanc ad secundam, & secundam ad tertiam proportionalem: jam jubeor triplicare subtensam partis, & ab eâ auferre tertiam proportionalem: quod relinquatur, id dicitur valere subtensam totius. Hoc est, De subtensâ datâ, pars tertia multiplicetur cubicè, ut fractio, numerus factus addatur ad totum: aut sic, tertia pars est paulò minor subtensâ quæsitâ. Nam si rursum hæc ipsa, cubicè multiplicata, ad totam addatur; sic autem tertia pars propius ad verum venit; & hoc continuè, usq. in infinitum. Hoc quidem processu venit paulatim propè subtensam Graduum 16.

Sectionis
arcus in par
tes aliquo
tas Byrgia
nâ quod sit
ingenium.

At si

At si majore u constituas numerum cubicè multiplicandum, & omnino tantum ferè, quantum circinus indicat deberi tertia parti de residuo circuli, post ablatos Gr. 48, sc: Gr. 312, cujus tertia est 104: tunc etiam subtensam arcus 104, & complementi 256. hoc modo perficies. Neque hoc tantum; sed si etiam ad 48. & ad 312. adjeceris circulum integrum 360. invenies etiam pro summarum istarum 408, 672. trientibus, scilicet 136, & 224. subtensam aliam, per idem Nomen Cossicum. Et in genere, quot restant unitates in numero sectionis, binario ablato, toties licet addere circulum integrum, vel arcum secundum propositum, ut eodem nomine cossico novorum arcuum subtensa indagentur. Ex quo apparet ingens discrimen nominum horum cossicorum, & scientificorum graduum, quos in superioribus explicavi.

An verò non possit aliqua nobilior ars inveniri, quâ sectiones arcuum omnimodè perficiantur? Respondeo, si omnes subtensa arcuum dividendorum sub communi notione considerentur, & si illa tantum habemus presidia, qua sunt omnibus questis subtensis communia: ut sunt, illarum in proportione questitâ, continuè proportionales quotcunque: tunc nobilius aliquid haud quiquam comminiscetur, actumque agit, quicumque hic annititur; & oppositum in adjecto statuit, confusus. Ex communibus enim, nihil cuique proprium concludetur.

Sin autem de differentiis specificis linearum, qua dividendis arcubus subtenduntur, sermonem instituumus: jam mutatur status questionis, & pro sectione arcus omnivariâ, substituitur sectio totius circuli, per figuram Regularem, qua proposita subtensa suam specificam proprietatem conciliat: de quibus figuris Regularibus nos jam supra egimus, & in sequentibus amplius agemus: quippe qui hac ipsâ in questione medium querebamus, quo figurarum illarum aliquas describere possemus. Cum itaque tale medium naturâ debeat esse prius re ipsâ, per hoc medium efficiendâ; principium atique peteremus, si Medio nostro expediendo presidium à figuris Regularibus peteremus.

Pappi & Clavij sectiones arcuum omnifaria.

Verum hic ad versarius aliquis objecerit mihi: quòd Pappus Alexandrinus libro quarto Mathematicarum collectionum, Proposit. XXXI. Tripartitam anguli sectionem tradat per Hyperbolam; & Proposit. XXXV. Datâ quâcunque ratione angulum secare, Per Quadraticam & Helicem: Et Clavius Geometria Practica lib. XIII. proposit. 25, præstat idem per Conchoidea Nicomedis,

Verum illorum authorum inventa nullam stabiliunt possibilitatem Omnivariâ sectionis Geometrica scientifica. Ut hoc appareat; primum Pappi machinationes circa trisectionem explicabo: deinde differentiam inter illas & descriptiones scientificas, in luce locabo.

Pappi trisectio anguli.

Primum ipse Pappus in præambulo ante propositionem 31. dividit problemata; (qua generaliori significato vocabuli, Geometrica, appellat, cum nobis, Geometricum, specialem sensum habeat.) in Plana, Solida, & Linearia: fateturque, Trisectionem anguli, per Plana (qua mihi sunt speciali sensu Geometrica, scientifica, graduum explicatorum) expediri non posse, eâq. de causa coarquit antiquus Geometras incensulti conatus, qui hic frustra desudaverint.

Ipse igitur trisectionem suam expedit per Solida, omnivariam verò sectionem, per lineas figuratas.

Trisectionis modus est talis. Proposito angulo triseccando, demissa ex puncto cruris unius perpendiculari in crurum alterum, quae longitudinem crurum intelligatur determinare, & ei crurialteri breviori facta, perpendicularis, ductis parallelis, illi ex puncto primo, huic ex proposito angulo, sic ut concurrentes rectam & ipsae faciant angulum: jam per punctum, in quod demissa perpendicularis, facit transire superficiem Coni, figurae solidae; deinde sic applicatum Conum inclinatum, seu annuere facit, quoad usque cum eadem sua superficie, sectionem Hyperbolam dictam in plano designes, ductarum parallelarum, ut Asymptoton, propriam: tunc ex puncto illo, in quod est demissa perpendicularis, intervallo, quod sit duplum cruris primi, describit in plano arcum, secantem sectionem Conicae lineae; & connexo centro arcus cum hac communi sectione, rectam ei parallelam ex angulo proposito ducit; eorum facta, demonstrat, abscissam esse ab angulo partem tertiam.

Solidum quidem hoc pacto problema facit Pappus, usu Coni, figurae solidae. At quatenus inter datas Asymptotos (ductas perpendiculares) angulum re-ctum facientes, per punctum intra illas datum, sectio Conica, dicta Hyperbola, etiam sine Cono, delineari in plano potest: problema idem videtur etiam inter Linearum referendum. Cignitur enim talis linea motu Geometrico, & mutatione continua intervallo-um, hoc est, representatur per puncta quotvis, indetermi-nato numero; idque non minus, quam Quadratrix & Helix, quibus lineis Proposit. 35. Ternariam & Omnivariam sectionem perficit. Sic habet Pappi machinatio.

Quid igitur dicemus? Nonne inter datas Asymptotos, per punctum datum, una sola scribitur Hyperbola, sive id fiat, annatu Coni, sive punctorum infinitorum continuatione? Nonne una sola sectio circuli cum Hyperbola ex una plaga? Nonne una sola & certa inclinatio est lineae, puncta Hyperbola connectentis, ad figurae diametrum?

Equidem fateor, haec omnia necessaria & certa esse, si quidem Hyperbola am sit descripta. Erat enim etiam prius in analytica Byrgii trisectione, ter-tia constituta & partibus subiens certa & necessaria longitudo seu proportio, ad sub-tensam toti arcui. At quia non de hoc quaerimus, quid sit, re jam facta; sed quo-modo, ut sit quidque, res nondum facta, sit facienda demum: ideo nihil plus habemus ex Problematibus Solidis & Linearibus veterum, quod ad quaesitam li-nearum scientiam faciat; quam prius ex doctrina Analytica modernorum. Est sane una sola Hyperbolae linea, inter Asymptotos posita, per punctum propositum, in earum plano ductilis. At ea nondum ducta, Conum jubeor tantisper incli-nare super puncto applicationis, donec existat illa, ducta sit: vel sine Cono; li-neas, quae Hyperbolam delineant per continuata puncta, jubeor tantisper muta-re, donec satis prolongata sit Hyperbola: & quae partes inter facta puncta ca-dunt intermediae, eas jubeor imaginari factas: jubeor utrinque, id quod est pote-state divisionis infinitae, actu seu motu uno transire, ut hoc transitu etiam id at-tingatur, quod latet in illa infinitate potestativa, sine perfecta scientia luce, qualem habent problemata a veteribus Plana cognominata.

Hujusmodi postulat is crebro utuntur Franciscus Vieta Gallus, & Geometrae Belgici hodierni, in solutionibus eorum problematum, quae suapte natura non sunt solubilia, nisi inartificialiter, per numeros, aut per motus Geometricos, in finitate quadam mutationum gubernandos.

44 DE FIGURARUM HARMON:

Nam ubi omnia fuerint in promptu, quæ facere putabuntur ad certificandam mentem: tenebimus determinationem ejus, quod re'quisitâ vel majus sit vel minus proximè, semperque propius: ut prius etiam de trisectione Analytica dixeramus.

A Planis ad solida non est transitus scientificus.

Duas medias proportionales scientificè invenire impossibile.

Verum esse de hoc problemate solido Trisectionis, quod dico, vel ipsa solidi vox admonet. Nam nisi solidorum proportio fuerit data talis, qualis est inter duos numeros cubicos: mensurare solidum propositum alio solido noto non poterimus, ad mentem informandam: quia duæ intermedia proportionales exactè in plano constitui non possunt: in cubis etsi possunt inesse, at à planis ad Cubos illos quoscungq; formandos, non datur transitus sine ipsis duabus medijs, veluti ponte abrupto. Et duas medias proportionales invenire, docent alij per motum Geometricum, imperantes quod est impræstabile, quoad certitudinem actus Geometrici adequati: docet & ipse Pappus, per sectioes Conicas, beneficio duarum proportionalium expediendas, cum & Conus sit solidum quid. Ita semper principium petitur; & pons jacet in adversâ ripâ.

XLVII. Propositio.

Figuræ numero laterum impari, maiori quam 5, (excepto Pentekædecagono) cum subtentis aliquot partium, totæq; ades Classes, omnes eodem censu sunt, quo Heptagonus & cæteræ figuræ, numero laterum Primo.

Nam si numerus laterum est impar, non ex Primis unius: is aut est duorum Primorum imparium minimus multiplex; aut alicujus Primi quadratus: aut est Primi unius, & quadrati Primi alterius multiplex, aut multiplicium quadratorumve seorsim vel junctim multiplex.

Quod si essent hæc figurae descriptiles & inscriptiles, & scibiles: tunc aut propriam haberent demonstrationem ex angulis, aut impropiam ex comparatione figurarum, quibus communicant. At propriam non habent; quia non sunt numero laterum Primo, ex quo formaretur demonstratio: impropiam non habent, neque prima, verbi causâ, Unet viginti angulum, quia figura ijs communicantes vel amba vel alterutra, ut hic Heptagonus (post Trigonum & Pentagonum ex quibus Pentekædecagonus) nullam propriam habent, per XLV præmissam; neque secunda, v. c. Nonangulum, quia non datur sectio arcus aliquoti, puta Trientis, in totidem partes aequales, quot accepit circulus integer, per XLVI præmissam: neque tertia, neque quarta, quia priores ijs communicantes indemonstrabiles sunt.

Nonangulus lateris non scibilis.

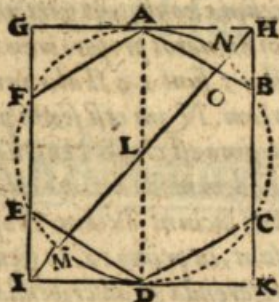
De Enneagono, cujus numerus 9, est quadratus primi imparis inter Primos, sc. ternarij, certatum est hætenus inter Geometras, plerisque annitentibus, ut etiam hujus figuræ lateris demonstrarent, omnes tamen frustra fuerunt, nec unquam hoc problema fuissent aggressi, si discrimen scibilium & inscibilium attendissent.

Campanus de Nonangulo.

Campanus Nonangulum demonstrare voluit per Trisectionem anguli, quam patuit inscibilem esse, in præmissâ XLVI. Etsi verò viâ Pappi & Clavij necessario triseccatur, posito sc. motu Geometrico: at. quid hoc ad planas figuras, de quibus nos hic agimus; cum solidis opus sit ad faciendas trisectionis administras
lineas

lineas, Hyperbolam, Quadratricem, Helica, Conchoidea? Ipse quidem Campanus trisectionem tentans, non animadvertit, se sumere tertiam anguli partem veluti jam certam, quae erat demum quaerenda. Extat locus in meo exemplari ad finem Operis Euclidei fol. 586. pertinens ad finem libri IV.

Jordanus Brunus Nolanus in sexanguli $ABCDEF$ opposita latera BC , EF , continuata utringue, ducit perpendiculares GH , IK , circulum in $A.D.$ contingentes ducta igitur facti parallelogrammi diagonio IH , circulum putabat secari sic, ut inter AD puncta contactuum & sectiones $M. N.$ existant Nona partes circuli AN , DM . Atqui demonstratur ex diagrammate, quod cum semidiagonij illius LH , quadratum sit effabile, scilicet 7 decimae sextae de quadrato diametri, (si enim ABH 60. ergo BH semissis de AB , vel AL : & ejus potentia igitur, quadrans de potentia AL ; Igitur AH potentia, dodrans de potentia AL : Sed potentia LH aequat potentias LA, AH) sinus igitur graduum 40 , hoc est dimidia subtensa duarum Nonarum circuli, futurus fuerit Effabilis potentia, scilicet radix de tribus vicesimis octavis, quadrati diametri: Demissa enim perpendiculari AO ex A in LH , erit sicut LH potentia, 7 sedecimae, ad HA potentiam, 3 sedecimas: sic LA potentia, 4 sedecimae, ad AO potentiam, 12 septimas de una sedecima, id est, tres vicesimas octavas. Ita haec nonangularis anguli subtensa esset nobilior aliquibus praemis, & communicans ijs: cum tamen sit numero laterum impari, scilicet numero aliquo, Primi 3 quadrato, nihil communicans cum Tetragono & Trigono, per bisectionem arcuum, quarum figurarum proprius est hic nobilitatis gradus.



Jordani Brunus
ni Nonangulum.

XLVIII. Corollarium.

Sequitur igitur, Notionis, Scientiae, Determinationis, Descriptionis, & Demonstrationis metas intra primos figurarum Ordines consistere: ut sint Classes figurarum scibilium non plures quam quatuor: tres, proprias demonstrationes habentium, in quibus capita sunt familiarum, in prima, Tetragonus, post diametrum circuli, cujus character numerus 2; in secunda, Trigonus, cujus character 3; in tertia, Pentagonus, caractere 5: una vero impropria demonstrationum, cujus numerus est multiplex duorum 3 & 5; scilicet 15: prima enim ejus classis figura est Pentekadecagonus.

XLIX. Propositio.

Cum autem bisectione (qua propria utitur classis prima), communis sit tam secundae quam tertiae classi: patet, alio jure degere classis primam, alio duas reliquas: ita ut prima familiaritatem habeat ad utramque reliquarum; at illae figurationibus contra se

distinguantur, adeò, ut earum, quæ proprias demonstrationes habent, quodammodo duo tantum sint Genera.

Nam Tetragonus & Octogonus statim se quasi totas Trigonica secta applicant; quia pars circuli sexta & duodecima junctæ, faciunt quartam, pars duodecima & vicesima quarta, compositæ, faciunt partem Octavam. Et Tetragonus se Pentagonica secta quadamten^o accommodat; quia quinta circuli pars, addita vicesima, constituit partem quartam. Causa est, quia Numeri 3. & 5. dividi possunt in numeros proportionis continuè duplæ: Nam partes ipsius 3. sunt 1. 2. partes ipsius 5 sunt 1. 4. Talis verò communio non est inter classes, Ternariam & Quinariam. Nam etsi sexta pars circuli, addita tricesima, constituit quintam; at tricesima est classis Pentekædecagonica, quæ non habet propriam demonstrationem. Eodem modo decima circuli, addita quindecima (ecce admixtionem classis quartæ) faciunt sextam. Propter hanc dualitatem Generum, numeri characteristici sunt, in primo 12, in secundo 20, vel ejus dimidium 10. Hæc igitur infra libr. III referenda & adscribenda sunt ad distinctionem generum cantus.

L. Comparatio Figurarum

seu divisionum circuli.

Primas tenet diameter; est enim effabilis longitudine. Secundum est latus Hexagonicum, æquale semidiametro, & sic Effabile longitudine. Tertio loco stant Tetragonus & Trigonus, quia latera habent Effabilia solâ potentia. Quartum tenent ordinem latera Dodecagoni, Decagoni, eorumq; socia stellarum latera; sunt n. ex ineffabilib⁹ potentia, & Compositis primæ speciei, sunt sc. Binomines & Apotomæ, Dodecagoni quidem, Primæ, Decagoni verò, Quartæ. Quinto loco succedunt latera Pentagoni & stellæ ej⁹, sic & latera Octogoni & stellæ ejus, sunt n. ex quartâ compositorum specie, Mizon & Elafson dictæ.

Ne qua verò bona nota in Decangulo præjudicet Quinquangulo: aut ne species eadem lateris Octangularis, æquet suam figuram Quinquangulo vel Decangulo: nova quinquangulo accedit virtus in ortu ipso; quod per hanc Sectam, Denario communicantem, regnat undiq; proportio Divina; quæ immediatè inest ipsis lateribus Quinquangulari ejusq; stellæ; at Decangulari cum suâ stellâ non competit, nisi mediante latere Sexanguli; Octangulari planè non competit.

Præter has laterum proprietates, alius insup census est nobilitatis; quod figuræ distinguuntur ex aptitudine & perfectione areæ, quæ sepius figura. Hic post diametrum (cujus areâ nulla, & quæ sola circuli aream, ut Ptolemæus monet, in duo æqualia secat, non minus quæ circumferentiâ) principem locum obtinet Tetragonus & Dodecagon⁹, quæ aream habent Effabilem, & Tetragonus quidem eximiâ prærogativâ; quia eadem illi est area, quæ & lateris quadratum, quippe areæ species est quadrata: itaq; sepius dimidium de quadrato diametri: Dodecagon⁹ verò stat post principia, sepiens dodrantem de quadrato diametri. Proximo loco succedunt Trigonus, Sexangulum & Octogonus, quibus est area ex specie Meson. Pentagoni & Decagoni areæ nulla dum habent nomina notionum.

FINIS Libri I.

Joana

IO: KEPLERI
HARMONICES MUNDI
LIBER II.

47

De Congruentia Figurarum Harmonicarum.



Prooemium.

Essentiam singularum Figurarum Regularium Mentalem seu *νοελη* haecenus explicavi: sequitur earum junctarum Proprietas, & veluti Effectus intra Geometriam, qui est Congruentia vel Infociabilitas. Non sunt enim ejusdem latitudinis, Demonstrabilitas & Congruentia, cum illa singularum sit, & cum ipsa duplicatione continua laterum unius figurae in infinitum excurrat; ista certis coartata legibus, quibus plures figurae in unam societatem vocantur, ob angulorum incrementa seipsam praepediens, citò desinat. Et quamvis delectus sit graduum scientiae demonstrationisque, & plurimum differant nobilitate, illae quas nos explicavimus, ab ijs quas dimisimus sine nomine non tamen ne cum hac quidem demonstrationis nobilitate, Congruentia planè pari passu ambulat: adeoque unum alterius causa non est, sed utrumque ex eadem communi causa (quae est angulorum figurae aptitudo), quodque tamen suis legibus, dependet. Quotoperè verò necessaria sit nobis haec quoque speculationis pars, ex ipso totius operis instituto videre est. Cum enim originem Harmonices, ejusque Effectus in toto Mundo praestantissimos, explicandos sumpserimus; quomodo de congruentia figurarum, quae sunt proportionum Harmonicarum scaturigines, verba nulla faciamus? cum idem sonet Latinis Congruere & Congruentia; quod Graecis *ἀρμότιον* & *ἀρμονία*; cum hic figurarum effectus intra Geometriam, intraque Architectonicam partem illam, quae circa Archetypos versatur, sit quaedam velut imago & praeludium Effectuum extra Geometriam, extraque mentis conceptus, in ipsis rebus naturalibus & coelestibus? cum proprietas haec congruentiae, quae in structuram & corporationem aliquam exit, talis sit, ut vel ipsa Mentem specularicem invitet ad aliquid etiam foris faciendum, creandum, corporandum: utque latens inde ab aeterno in superbenedita mente divina, per Idearum ordines, tanquam bonum summum, sui communicativum, contineri in sua abstractione non poterit

quin

quin in Creationis opus prorumperet, Deumque Creatorem efficeret corporum sub iisdem figuris conclusorum. De hac igitur figurarum Congruentia paucis agam; cum demonstrationes difficiles nequaquam sint, neq̄ alio penè apparatu, quàm ipsâ figurarum picturâ indigeant.



De Figurarum Regularium Congruentia.

I. DEFINITIO.

Congruentia alia planitiei est, alia in solido. In Plano Congruentia est, cum anguli figurarum plurium singuli sic ad punctum unum concurrunt, ut nullus relinquatur hiatus.

II. DEFINITIO.

Hæc perfecta dicitur, cum figuræ cujusque concurrentis anguli omnes eâdem specie concurrunt, ut ita omnes concursus inter se similes sint, & concursuum ordo in infinitum continuari possit.

III. DEFINITIO.

Perfectissima, cum etiam figuræ concurrentes in plano sunt ejusdem speciei.

IV. DEFINITIO.

Imperfecta, cum major quidem figura undique similibus concurribus sepitur, neque tamen datur continuatio in infinitum, aut datur quidem, sed non sine admixtione diversarum concursus specierum. Imperfecta deterioris gradus, cum major figura non omnibus angulis simili specie concurrere apta est.

V. DEFINITIO.

Solida congruentia est, & figura solida, cum anguli singuli plurium planarum figurarum, angulum constituunt solidum, aptatisq̄ figuris regularibus vel semiregularibus, nullus restat hiatus inter latera figurarum, obviantia sibi in oppositâ solidæ figuræ parte, qui non claudi possit figurâ speciei unius ex adhibitis, vel saltem Regularibus.

Nota, quod sit alia congruentia, non planarum figurarum ad figuram solidam formandam, sed ipsarum solidarum figurarum inter se, ad locum solidum circa unum punctum explendum: hujusmodi figuræ corporeæ sunt tantum
duæ.

Quæ, Cubus & Rhombus Dodecahedricus. Nam octo anguli Cubi concurrunt ad unum punctum, & unum undiq; locum explent. Rhombus verò habet duo genera angulorum, trilineares obtusos octo, & quadrilineares acutos sex. Igitur obtusi quatuor, congruunt ad locum explendum, acuti verò sex: quale struunt ædificium Apæ, cellis contiguis, ut unam circumstent à fundo tres aduersis fueris, à lateribus sex; & possent etiam antè tres alia circumstare ad figuram absolvendam, nisi foris oportuisset esse patentes. De hac verò solidarum figurarum congruentia nos hic non agimus.

*Apam Solida
omnibus
in cellulis
sexangulis
infundit
Rhombi-
cia.*

VI. DEFINITIO.

Perfectissima solida Congruentia, solidaq; figura est, cum etiam Plana congruentia sunt ejusdem figuræ omnia.

VII. DEFINITIO.

Hæc vel est regularis tota, cum Plana sunt regularia; habetq; omnes angulos in eadem sphericâ superficie, & inter se similes.

VIII. DEFINITIO.

Vel est semiregularis, cum Plana sunt semiregularia (vide libr. I. def. III.) habetq; angulos solidos numero linearum distinctos & dissimiles; non tamen plurimum, quam duorum generum; nec in pluribus q̄ duabus sphericis superficieb^o, uno centro descriptis, ordinatos; & singulorum generum angulos tot numero, quot habet una Regulariû.

Non obstat, Congruentiam hanc solidam, perfectissimam dici: nam quæ planis ejus inest imperfectio, solidationi non debet adscribi, sed ei accidit. Dicitur tamen æquivocè perfectissima, hæc semiregularis.

IX. DEFINITIO.

Perfecta inferioris gradus est, cum Plana regularia, & anguli omnes in eadem superficie sphericâ, & inter se similes sunt; sed Plana tamè diversarum specierum, singularum quidem tot numero, quot sunt in unâ perfectissimarum figurarum, sc. non minùs quàm 4, quot ad minimum Planiciebus solidâ figura terminatür.

X. DEFINITIO.

Imperfecta congruentia seu figura est, cum cæteris manentibus, major figura non sæpiùs quàm semel aut bis invenitur.

Fit enim figura illic parti quam; toti, hic plana quàm solida similior; cum omnis solida ad minimum 4. superficiebus terminetur. Ut in typis ex arc sequentibus ad literas A. B. ubi major figura est Heptagonus. Classes ista dua, cum ipsorum majoris figura laterum numero excurrunt in infinitum; initio factò à Tri-

*A. B. folio
17. l. c. q.*

gono utrinq; quod in classe A, est ex perfectissimis regularibus congruentiis; transitu verò factò per tetragonum; & tunc in classe B, incidimus iterum in unam perfectissimam regularem congruentiam; setera omnes imperfecta sunt.

XI. DEFINITIO.

Semifolida est, quæ non sustinet omnes definitionis quintæ particulas; ut cum aptatis figuris planis, congruentia non planè in seipsam redit, sed relinquit hiatus; de cætero tueans præscripta Def. VI. & VII.

XII. DEFINITIO.

Figuræ Planæ congruæ sunt, quæ vel solidam figuram concludunt, vel planitiem sine hiatu explent, existentes ipsæ figuræ Regulares vel semiregulares.

XIII. DEFINITIO.

Incongruæ dicantur illæ figuræ planæ Regulares circuloque inscriptæ (siquidem sunt inscriptiles), quæ neque solidam figuram (sphærico inscriptilem secum ipsæ, aut cum alijs suæ vel alterius classis, efformant, nisi imperfectam tantum: neque planum sternunt, vel ipsæ inter se singulæ, vel cum Stellis suæ classis, vel cum figuris & stellis classis alterius circumcircâ.

A. B. Ubi nota excludi septangulum & talia, non obstante, quod bina parallela septangula vel septem quadratis, vel quatuordecim triangulis adjuncta regularibus, solidum omninò claudunt; quia tantum bina septangula concurrunt, sit q. figura disciformis & planæ similis, nequaquam verò globiformis spheroides. Vide in figurâ ex ere sol. 53. seq. literas A. B. Sic etiam excluditur Quindecangulum, non obstante, quòd aliquibus angulis cum figuris cognatis locum in plano explent; quia hoc non facit circumcircâ omnibus angulis.

XIV. PROPOSITIO.

Angulorum planorû non pauciores quàm terni in plano congruunt. Nam circa quodlibet concursus punctum est summa quatuor Rectorum angulorum: at nullius figuræ angulus æquat summam duorum Rectorum, igitur duo quanticumq. anguli, sunt adhuc minores quatuor rectis: duo igitur non explent planitiem, per Def. I.

XV. PROPOSITIO.

Angulorum planorum non pauciores, quàm terni, ad solidum angulum formandum congruunt vel assurgunt. Bini enim non lateribus tantum, sed totis planitiibus congruerent, nihilq. de corpore solido completerentur: quod est contrâ def. anguli solidi ap. Euclidem.

XVI. PROPOSITIO.

Anulorum, in plano congruentium, summa semper est 4 rectorum, nunquam major: congruentium in solido est minor hac sumâ. In plano n. non plures 4 rectis unum punctum circumstant: ergò cum æquat summa 4 rectorum, tunc hiatus nullus relinquitur, & per def. I. congruentia tunc est in plano. Si planum sternunt anguli, ad soliditatem non assurgunt. Et vicissim si anguli aptati in plano relinquunt hiatus, quando sc. sunt minores 4 rectis, tunc

tunc adductis duobus lateribus circa hiatum, & excluso hiatu, necesse est, asurgere angulum & solidari. In figura H typicanei Fol. sequ. 53, sunt picti tres Pentagoni in planitiem strati & hiantes.

H.

XVII. PROPOSITIO.

Figura imparilatera, cujus aptantur lateribus, figuræ duarum specierum, non potest æquali formâ omnibus angulis concurrere vel in plano vel in solido.

Nam fit in uno ipsius angulorum, ut ejusdem speciei figura utrinque stent, quod in cæteris angulis non fit. Hujus rei causâ vide figuram C, typicanei seq.

C.

XVIII. PROPOSITIO.

Planum locum perfectissimè explent, Plana ejusdem figuræ tantum Tria, Trigoni seni, Tetragoni quaterni, Hexagoni terni.

Nam per XXXIII primi hujus, Trigoni angulus est 2 tertia unius recti, sex ergo anguli senium Trigonorum, sunt 12 tertia, id est, 4 integri. Vide D.

D.

Sic Tetragoni angulus est unus rectus, quatuor ergo quaternorum Tetragonorum anguli, faciunt quatuor rectos. Vide E. Sic Hexagoni angulus est octo sexta unius recti; tres ergo trium figurarum, faciunt 24 sextas, id est, 4 rectos, vide F.

E.

At Pentagoni angulus est minor Hexagonico; tres ergo sunt minores 4 rectis; tres ergo hiant. Idem est major Tetragonico: quatuor ergo Pentagonici sunt majores 4 rectis, ergo non capiuntur in uno loco plano, per XVI hujus. Hac de causa vide H, cum quarto Pentagone punctis signato. Sic Heptagoni, & omnium majorum figurarum, angulus major est Hexagonico; tres ergo Heptagonici superant 4 rectos. Vide I, ubi duorum Heptagonorum partes in

F.

H.

plano tegunt locum eundem.

I.

Huc refer Rhombos, constantes ex binis Trigoni Regularibus singulos. Congruunt enim perfectissimè, ut Regulares Hexagoni, etsi ipsi sunt figura semiregularis. Vide hæc congruentiam in schemate seq. ex ære, Literâ G.

G.

Huc etiam refer stellas ex Dodecagono sexangulas, exfectis senis radijs: apud literam K: venit enim in locum exfecti radij, cavus angulus, recto æqualis. Igitur tres Tetragonici & tres talium stellarum radij, implent locum. Nam Hexagonus dividitur in talem stellam & sex dimidios Tetragonos.

K.

XIX. PROPOSITIO.

Ex planis duarum figurarum impletur locus planus sexies; bis ex quinque, semel ex quatuor, ter ex tribus angulis.

Senæ enim plana coire non possunt, ut eorum unius angulus sit major Trigono: quia primi Trigonicus quantitas est duæ tertia unius recti; itaq; hoc sexies sumptus facit 12 tertia, seu 4 rectos. Vno igr horum 6 majori existente, ut sc. sit fi-

- plurilatera, superantur 4 recti: & tunc planities non sternitur; per XVI hujus.
1. Quina verò plana tunc coeunt, si quatuor Trigonici jungatur unus; aequans
L. duos Trigonicos, talis verò est Hexagonicus; forma qualis litera L.
2. Vel si tribus trigonicis duo tetragonici jungantur; quia aequant tres alios
M.N. trigonicos. Forma qualis in M, vel qualis in N, sc. continuè uniformis; vel de-
O. nig, qualis in O, difformis continuationis.
3. At si Trigonicos duos, Tetragonicos tres sumpseris, ij jam quatuor rectos
superabunt: multò magis si majores duo accersantur anguli ad duos trigonicos.
P.R. Quaterna verò duorum specierum coeunt, si Trigonici binis, jungantur bi-
ni Hexagonici. Forma qualis in P, vel qualis in R.
- Aliter utcumq; copulaveris quaterna: semper vel plus efficies, vel minus
quàm quatuor rectos; eòq; locum planum non sternes.
- Ternos igitur si jungamus, caventes, ne sint plures quàm duæ species; pri-
mum non poterunt esse duo Trigonici, nec duo Tetragonici, non superarent enim
duos rectos, & relinqueretur pro tertio, quod nullis unus & solus implet.
4. Uno verò inter ternos Trigonico posito, congruunt duo Dodecagonici: est-
que continuatio possibilib; nec admiscentur alij concursus. Forma hujus plani-
S. ciei videatur litera S.
- Huc refer stellam Dodecangulam, ex eo fundamento, quòd ejus angulus
cavus aequat Trigonicum: itaq; dividuus est Dodecagonus in stellam & 12 Tri-
gonos; Ergò quinque Trigonici & duo Radij duarum stellarum coeunt: forma
T. continuabilis spectetur litera T.
5. Et uno Tetragonico inter ternos assumpto, congruunt duo Octogonici, estq;
V. continuabilis & hac forma: videatur litera V.
- Huc refer stellam Octogonicam, ex eo fundamento, quòd ejus angulus ca-
vus aequat Tetragonicum: itaq; dividuus est Octogonus in stellam & octo trian-
gula Tetragonica, quorum duo efficiunt Tetragonum. Et sic Tetragonici
X. tres & duarum stellarum radij duo, implent locum: forma mixta, ut litera X:
T. vel aliter etiam mixta, ut litera T.
6. Dimissis jam in ternis coaptandis, Trigonico & Tetragonico, si ad Penta-
gonicum veniamus, eorum possunt sumi duo, quia superant juncti 2. rectos: &
congruit in locum reliquum Decagonicus unus: coronatur enim Decagonus Pen-
Z. tagonis decem: sed non continuatur purè hac forma. Vide Schema litera Z
interius.
- Huc ergò refer stellam Pentagonicam, cum sunt Pentagonici tres, & uni-
us stelle radius; quia cavus stella angulus capit etiam unum angulum pentago-
nicum, non minus, quam Pentagonicorum trium hiatus, capit radium stella. Vi-
Z. de eadem litera Z exterius.
- Quamquam ne sic quidem continuatio succedit in infinitum; est enim inso-
ciabile hujus scèta regnum, quæ paucis suoribus adscitis, statim se munit. Ecce for-
mas has duas etiam aliter, litera Aa.
- Aa. Quid si continuare omninò velis, monstra quedam sunt adsciscenda, duo
Decagoni inter se commissè, extritis in utroq; binis Lateribus; fitq; series structu-
ra quinquangula etiam in infinità continuatione, sic ut in prima & angustis-
simà quinquangulari serie sint Decagoni quinque, nullum monstrum interme-
dium: In secundà laxiori, series lineares Decangulorum mediant singula co-
pulis, & binis Decagonis inter se commissis; In tertià singulorum angulorum
loca

loca occupant singula copula ex binis Decagonis inter se commissis, quas mediat Decagonus unus: In quartâ stant rursus integri Decagoni in angulis, mediantque binos angulos bini Decagoni, dispositi aequalibus intervallis: In quintâ stant stellæ cum singulis extremis radijs in singulis angulis, implent verò lineas bini Decagoni integri, & in medio, bina commissura Decagonorum. Et sic consequenter, unaquelibet forma quinquangula fert novum aliquid. Structura est laboriosissima & artificiosissima, visenda ad eandem litteram Aa.

Aa.

Huc etiam refer stellam Decangulam, in cujus cavum angulum congruit angulus Pentagoni; & vicissim radij bini Trideciles, cum binis Pentagonicis congruunt & implent locum solidum. Hæc forma recipit inæquales Pentagonos: & licet sit continuabilis, recipit tamen in medium vacuos Decagonos hiulcos. Forma est visenda litterâ Bb.

Bb.

Pentagonus unus in ternorum planorum copulam assumi non potest, nam ejus angulus habet sex quintas unius recti, per XXXIII. Lib. I. ergo angulis duobus reliquis relinquerentur 14 quintæ, cui libet 7 quintæ, qualem nulla figura habet. Nec sumi possunt Hexagoni duo: nam residuum est etiam Hexagoni angulus & fit forma superius relata, cum nos hic queramus structuras ex duabus speciebus, non ex unica speciei figuris. Per sequentes plurilateras figuras, quarum angulus major est Hexagonico, subtractis duobus angulis à 4 rectis, relinquitur pro reliquo minus, quam habet Hexagonicus: uno verò subtracto, minus relinquitur pro duobus reliquis, quam habent duo Hexagonici. Atqui de ijs figuris, que pauciores & minores habent angulos, quam Hexagonus, jam antea tractatum nobis est, que & quot esse possint, quando terni sternunt planitiam.

XX. PROPOSITIO.

EX planis angulis trium specierum, locus planus congruè impletur quater.

Hic non tolerantur tres pluresvè trigonici; faciunt enim tres anguli Trigonici duos rectos; relinquitur minus, quam facit summa minimorum post illos, Tetragonici sc. & Pentagonici. Ob id neque duobus Trigonici sociandi duo Tetragonici, aut majores, quia non relinqueretur satis spacij pro angulo figuræ tertiæ speciei.

Ergo si Trigonici sint duo, & Tetragonicus unus; sociabitur illis Dodeca-
gonicus; non tamen continuatur Forma: vide litteris Cc. Dd. Ee, tres formas, omnes ad primum casum pertinentes.

Cc. Dd. Ee.

Huc etiam stella Dodecagonica referatur, ut supra. Nam quatuor Trigonici, unus Tetragonicus & unus stella radius implebunt locum. Ecce formas Ff. Gg. Hh.

Ff. Gg. Hh.

Trigonici duobus si Pentagonicus unus jungatur, residuum erit incongruum, 32 decimæ quintæ, nullus enim angulus habet 16 decimas quintas. Sin unus addatur Hexagonicus trigonici duobus, residuum etiam Hexagonicus erit, & forma erit una ex superioribus. Non poterunt igitur porro esse bini Trigoni.

Ergo si sit Trigonicus unus, ei tres Tetragoni non addentur, nimium enim constatur: nec spacij satis angulo tertiæ speciei relinquitur.

Addantur uni Trigonico duo Tetragonici, in residuum ad quatuor rectos

Ii. Kk.

congruet Hexagonicus; forma duplex, Literis Ii continuabilis, Kk non continuabilis sine mixtura. Estq; hic casus secundus.

Trigonicus unus cum Pentagonicis duobus non jungitur, restat enim hiatus 14 quindecimarum unius recti, alienus à Regularibus figuris: nec cum Pentagonico uno; rursum enim restant 32 quindecima, cum nulla regularis figura habeat 16 quindecimas: nec cum Hexagonico uno; faciunt enim 2. rectos, cum nullus solus angulus fiat tantus; dimidium verò hujus sit quantitas Tetragonici, de quo jam est actum: nec cum Heptagonico vel Octogonico, vel Enneagonico, singulis; restarent enim pro angulo tertiae speciei figurarum, vel 40 Unetricesima, vel 11 sexta, vel 16 nona, quales nulla Regularis figura habet.

Ergò Trigonicus unus cum Decagonico uno compositus, relinquit hiatus 26 quindecimas, quantus est Pentekadecagonicus. Hic est quidem congruentia, sed inchoata saltem. Nam Pentekadecagonus est imparilatera; quare per XVII. miscentur diversa concursuum species, in ejusdem figura angulis. Decagonus quidem pari numero laterum, praecingi posset alternis Trigono & Pentekadecagono, sed statim duo tales Pentekadecagoni in se mutuo incurrunt, sequi impediunt.

Ulterius Trigonicus cum Hendecagonico non potest jungi, relinquuntur enim 56 Tresettricesima, qualem angulum nulla figura Regularis habet.

Deniq; Trigonicus cum Dodecagonico relinquit hiatus Dodecagonicum, de qua forma jam est dictum.

Si Trigonicus majoribus jungeretur, minor fieret hiatus, cum de minoribus jam sit actum. Et sic transactum est cum Trigono, inter tres species admittendo.

Tetragonici anguli plures uno, ablati à 4 rectis, non relinquunt satis spacij pro duarum specierum duobus angulis, quippe qui juncti majores fierent duobus rectis.

3. Tetragonicus unus, junctus uni Pentagonico, relinquit hiatus pro Icosagonico. Sociatur igitur Icosagonus omnibus angulis, congruitq; legitime: at non continuatur hic ordo versus exteriora. Est ergò congruentia imperfecta. Est figuram litera Ll. Hic tertius est casus.

Ll.

4. Tetragonicus Hexagonico junctus, hiatus relinquit pro Dodecagonico. Ecce figuram litera Mm: Hic quartus & ultimus est casus.

Mm.

Huc refer stellam Dodecagonicam, quam implent duodecim Trigoni: ut si quatuor hic anguli concurrant ad implendam soliditatem, duo Trigoni, Tetragonicus, Hexagonicus, & radius stella. Ecce figuram litera Nn.

Nn

Tetragonicus Heptagonico additus, relinquit hiatus 11 septimas, qualem angulum nulla habet figura Regularis. Additus Octogonico, relinquit hiatus Octogonicum: de qua forma supra. Transactum igitur est cum Tetragonico.

Pentagonicus cum Hexagonico, relinquit hiatus 22 quindecimas: cum Heptagonico, 48 tricesimas quintas: cum Octogonico, 13 decimas, cum nullius regularis figura tantus sit angulus: & jam hiatus incipit esse minor angulo Octogonico, qui est 15 decima. Atqui nos jam illas absolvimus, quae sunt minorum angularum. Transactum igitur est cum Pentagonico.

Hexagonicus triplex implet locum planum, ergò non potest misceri cum duobus se majoribus. Et sic transactum est cum mixtione trium figurarum.

XXI. Pro

XXI. PROPOSITIO.

Quatuor vel plurium specierum figuræ planæ, non congruunt angulis singulis ad implendum locum solidum.

Minimi enim anguli quatuor sunt hi, Trigonici, Tetragonici, Pentagonici, Hexagonici. At horum primus & ultimus æquant duos rectos, secundus est rectus, Tertius verò superat rectum unâ parte quintâ unius recti. Sunt igitur juncti majores quatuor rectis: quare per XVI, non congruunt. Multo magis igitur superabuntur quatuor recti à majoribus angulis.

XXII. AXIOMA.

Cum duo plani non sunt majores tertio, non formant cum illo angulum solidum.

XXIII. PROPOSITIO

Duo anguli plani, figuræ imparilateræ, cum uno speciei alterius coeuntes, non formant regulare aliquod solidum.

Nam per XVIII, anguli solidi fiant difformes, contra def. à V in X.

XXIV. PROPOSITIO.

Tres anguli plani, trium distinctarum speciei figurarum, unius imparilateræ, coeuntes, non absolvunt figuram solidam perfectam.

Rursum enim per XVII, solidi fiant diversiformes, quod est contra definitiones.

XXV. PROPOSITIO

Congruentiæ Figurarum planarum ad solidam figuram formandam, perfectissimæ & regulares, sunt quinque.

Est scholion ad ultimam ultimi Euclidis. Nam per XV hujus, incipimus à ternis angulis, & per XVI, desinimus in senis Trigonici, in quaternis Tetragonici, & in ternis Hexagonici, quia per XVII, hi æquant 4 rectos.

Tres igitur Trigoni, singulis angulis congruentes, minus quàm 4, id est, duos angulos planos rectos efficiunt; coaptatis igitur tribus trigonis, biatus impletur quarto Trigono. Hinc Tetrahedron, vel Pyramis.

Quatuor Trigoni, singulis angulis congruentes, efficiunt 8 tertias, quod minus est quàm 12 tertia, seu 4 recti; fit que junctis trigonorum lateribus Pyramis, basi quadrilaterâ biante; cui ex adverso alia talis Pyramis simili biatu congruit, ad figuram undiq; claudendam. Hinc Octaedron.

Quinq; Trigoni, singulis angulis congruentes, efficiunt 10 tertias, quod est minus quàm 12 tertia, fit q; aptatis denis & denis lateribus ad angulum communem, Pyramis basi quinq; laterâ, cujus anguli ad basin, ut & ipsi fiant quinque planij, oportet binis in eâ basi planis, alios ternos angulos planos, & sic decem illis alios quindecim congruere, totidemque porrigi aliter sum; quæ summa triginta planorum, est decem Trigonorum; ex quibus in medio Zona vel col-

Num: 2.
fig. sequē-
tis.

Oo. & Nū.
5. fol. seq.

Pp. & quæ
4. fol. seq.

lumnâ

P. p. & hic
num. 4.

lumina fit, hians infra ut supra, figura quinquangulari; in quam congruit alia Pyramis pentahedrica; ut figura claudatur undiq. Hinc Icosaedron.

Sic est transactum cum Trigonis meris.

Tres Tetragonici anguli, sunt tres recti, minus quam quatuor recti plani: congruunt ergo ad formandum angulum solidum, hiantq. coagmentati tetragoni, tribus rectis planis angulis, & vicissim extant tres anguli trium illorum planorum: tres igitur alij Tetragoni, singulis angulis in unum solidum congruentes, apti sunt & congrui, qui suis extantibus illos hiatus expleant, suisq. hiatus illos extantes recipiant. Hinc Hexaedron vel Cubus.

Q. q. & hic
num. 2.

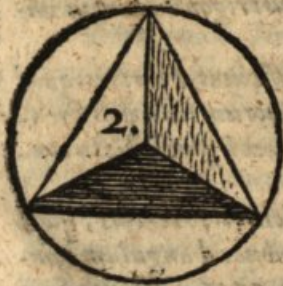
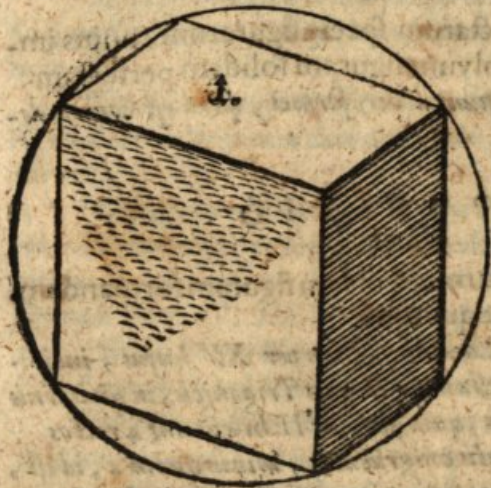
Quatuor Tetragonici aequant quatuor rectos, quare per XVI non solidum quid formant. Sic est transactum cum Tetragonis meris.

Tres Pentagonici anguli sunt 18 quinta unius plani recti, minus quam 20 quinta seu quatuor recti: congruunt igitur ad unum solidum formandum; quod si Pentagonus unius in basi cingatur hoc pacto quinq. alijs, figura sursum hiat 5, angulis planis pentagonicis, habetq. extantes quinq. angulos planos pentagonicos. Alia igitur ex adverso figura est struenda, huius similis; & quini alter utrius anguli plani extantes congruent in quinos reliqua hiatus, & vicissim. Hinc nascitur Dodecahedron. Transactum sic est cum Pentagonis meris, & simul cum figuris omnibus unius solius speciei coaptandis: quia tres Hexagonici per XVI, non asurgunt ad solidandum.

R. r. & hic
num. 3.

Hæc sunt illa corpora quinque, quæ figuras mundanas appellare

Figure Mæ
dæd.



tere. Vicissim Octahedri congruus est situs aspectui, si is à duobus oppositis angulis velut in torno suspendatur, inter quos medio præcisè loco est latens quadrilate.

sunt soliti Pythagoræi & Plato, & Euclidis commentator Proclus: quæ quomodo fuerint applicata corporibus mundanis, in præambulo lib. I. dixi, incertum esse. Communis quidem persuasio est, ducta ex Aristotele, Philosophos illos ad quinq. simplicia Corpora Mundi respexisse secundum quinarium numerum harum figurarum, scilicet ad quatuor Elementa, Ignem, Aërem, Aquam, Terram, & ad sic dictam Quintam Essentiam, seu Materiam caelestem; comparatis figurarum proprietatibus, cum simplicium illorum corporum affectionibus. Nam in Cubo rectitudo super basim quadratâ stabilitatis quandam adumbrationem habet, quæ eadem proprietatis est & Materie terrestris; gravitatis momentis ima petentis: cum etiam totus Terra globus vulgò credatur in medio Mundi quiescere.

drilaterum dividens corpus figura in duo aequalia, sicut globum à duobus polis suspensum dividit maximus circulus: haec est quedam imago mobilitatis, uti aer est elementorum mobilissimum & celeritate & varietate plagarum.

In Tetrabedro paucitas planorum signare videtur siccitatem ignis, cum definitio sit siccorum, suis contineri terminis; in Icosaedro vicissim multitudo planorum signare videtur humiditatem aquae, cum definiatur humiditas, alienis contineri terminis; est quippe paucitas, propriorum, multitudo, adscitorum & alienorum indicium. Et aliter etiam, Trigonus planus, est Tetrabedri proprius, quia tota Tetraedrica figura est trigonus solidus: idem verò Trigonus, est Icosaedri non proprius, sed mutuatitius, quia Icosaedri soliditas, Pentagoni similis est, non Trigoni. Rursum in Tetraedri acumine ab una basi surgente, vis Ignis penetrativa & divisoria videtur adumbrata esse, in Icosaedri obtuso & quinquelineari angulo, vis impletoria humorum, hoc est vis humectandi; in Tetraedri parvitate & macilentia, natura ignis; in Icosaedri mole globiformi, natura aquae, & quedam velut figura guttae: in Tetraedro plurimum est superficies, minimum corporis; in Icosaedro moles corporea multò major quam superficies: quemadmodum in Igne forma praecellit, in Aquà materia.

Dodecaedron verò relinquitur corpori caelesti, habens eundem planorum numerum, quem Zodiacus caelestis signorum; demonstraturq. reliquarum figurarum capacissima: quemadmodum & caelum capit omnia.

Haec Analogia etsi plausibilis est, non quidem Aristoteli (qui cum creatum esse Mundum negaret, vim in figuris quantitativis Archetypatem agnoscere non potuit, quippe quae sine Architecto nulla illis inest ad faciendum aliquid corporeum) sed mihi, Christianisq. omnibus, qui fide tenemus, Mundum, cum antea non esset, à Deo creatum esse, in pondere mensura & numero, scilicet Ideis ipsi coaeternis: etsi inquam plausibilis est in genere hac analogia; tamen sic in specie informata, nullà necessitate continetur; & patitur instantiis, non tantum ob quarundam proprietatum discrepantiam in eadem analogia; sed etiam ob majorem convenientiam Dodecaedri & Icosaedri cum Igne: denique quia de Elementorum numero & quiete Telluris, disputatio multò major est, quam de harum figurarum numero.

Quod si hic subtiliterunt Pythagorèi, non reprehendo in hac parte Ramum, non Aristotelem, quod hanc analogiam disputationibus convulsam rejecerunt. At ego ante annos viginti quatuor, longè aliter hac quinque corpora in fabrica mundi indagavi; dixique in praebulo libri I. mihi videri consentaneum, eandem doctrinam etiam veterum fuisse, sed occultatam more sectae. Cum enim habeat Astronomia Copernicana, seu veteris Aristarchi Samij Pythagorici, dispositionem Mundi mobilis talem, ut sint in eo sex Orbes seu curricula, circa corpus solis in centro immobile circumducta, magnisq. & inter se inequalibus intervallis dirempta, Saturni extimi, deinde Iovis, dein Martis, inde Telluris cum Luna, tum Veneris, denique Mercurij intimi: cumque figurarum harum quinque, propria & essentialis sit inscriptio in Sphaericam superficiem cum angulis, & circumscriptio circa sphaericam superficiem cum centrís planorum; adeoque cuilibet figura certum sit intervallum inter suos binos orbes: nihil plausibilius videri potuit, quam sex illorum caelestium orbium

5. Octaedron Aeris
Symbolum
2. Tetrac-dron Ignis
Symbolum
4. Icosaedron Aquae
Symbolum.

3. Dodecaedron caelestis
Symbolum

inter-

Respice ad
schemata lib.
V. cap. III.

intervalla quinque, ex quinque figuris esse desumpta à Creatore; hoc ordine, ut cubus mente concipiatur inter Orbes Saturni & Jovis, Tetraëdron inter Jovis & Martis, Dodecaëdron inter Martis & Terra, Icosaëdron inter Telluris & Veneris, Octaëdron inter Veneris & Mercurij.

Hæc distributio numeris explorari potest, necessitatem infert, corporum numerum non conquirat anxie, sed inventum occupat; denique sic est instructa, ut ab his annis viginti duobus non tantum nullum inveniret oppugnatorem, sed etiam ipsos Rami inconsiderati Magistri & Euclideomastigis discipulos pertraxerit; hodieque tam multos pertrahat, ut jam dudum secundam editionem flagitaverint Mathematici. Sed de hac re pluribus agere, non est hujus secundi libri; invenies lector infra libro quinto plura, aliqua etiam in Epitomes Astronomiae libro IV. ubi ortus harum quinque solidarum figurarum genuinus explicatur metaphysicè: nam ille per angulationes, non verè ortus est, sed ortus consequitur, ut naturâ posterius quid.

XXVI. PROPOSITIO.

Addi possunt congruentijs perfectissimis regularibus, duæ etiam alia congruentiæ, stellarum duodecim planarum Pentagonicarum: & duæ semifolidæ, stellarum Octangulæ, & Decangulæ.

Ss. & infra
lib. V. cap. I
T. in typis
æneis præ-
missis.

Claudent enim pentagonica solidas figuras aculeatas undiq: quarum una fit duodecim angulorum quinquelinearium, altera viginti angulorum trilinearium: illa trinus angulis insistit, hæc quinis simul; illa pulchrius super angulum erigitur; hæc rectius sedet, incumbens in quinos. In his etsi forinsecus non apparet regulare planum, sed ejus loco Triangulum æquicrurum Pentagonicum; quina tamen hujusmodi semper in unum idemq: planum competentia, occultum sub soliditate quinquangulum, veluti cor suum circumstant; faciuntq: cum eo dictam stellam pentagonicam, seu Germanico Idiomate, pedem Truttæ, Theophrasto Paracelsi signum sanitatis. Idea corporis quodammodo eadem est, quæ sui Plani; Nam ut in hoc, sc. in stella quinquangula, binorum semper triangulorum latera in unam rectam competunt, quæ parte sui interiore fit basis uni exteriori triangulo, latus verò intimo quinquangulo: sic in solido, semper quinquorū solidarum angulorum Triangula singula æquicrura, competunt in unam planitiem, quorum quinque triangulorum seu stella intima medulla & cor, quinquangulum, fit basis in unâ superstantis anguli solidi: vel in alterâ, sustantium quinque solidarum. Est autem tanta cognatio figurarum harum, unius cum Dodecaëdro, alterius cum Icosaëdro: ut videantur hæc, præsertim Dodecaëdron, trunca quodammodo & mutila, si cum illis aculeatis comparentur.

Octangula verò & Decangula stella, lateribus suorum radiorum, quæ semper in primo & quarto, duobus transitibus, congruunt in unam rectam, binæ semper & binæ congruunt, faciuntq: cubum illæ quendam, hæc Dodecaëdron quoddam, non angulatas sed auriculatas figuras: quia duobus planis angulis coaptatis, hiatus fieri necesse est, qui claudi non potest. Ergo p. XI, semifolida tantum est congruentia.

Perfectissima dicuntur congruentia, illæ solida, hæc semifolida, quia ipsis competit VI, definitio hujus lib. quoad soliditatem: planitiæ verò ipsis competit definitio figuræ perfectæ, quæ est libro I. secunda, sunt sc. secundario perfectæ. Nec absurde dicimus, semifolidam perfectissimam, quia innumus inchoari aliquid, cui non IX vel X sed cui VI Def. competeret si perfici posset.

XXVII.

XXVII. PROPOSITIO.

Congruunt etiam ad solidandas figuras, semiregulares figurae, scilicet Rhombi plani, perfectissime, idque tantum bis.

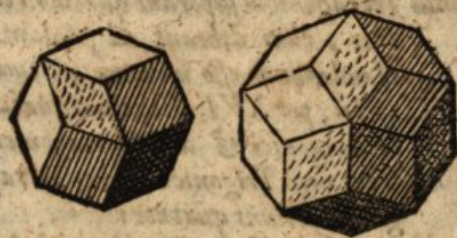
Nam ex duodecim planis Rhombis, tertiae proportionis Diagoniorum, fit Rhombus solidus, figura cellulae Apiariae; quantum ad latera sex, & fundum triangularem solidum: sex enim Rhombi congruentes sic, ut obtusi obtusis, acuti acutis applicentur, tres habent obtusos angulos hiatus, tria etiam paria acutorum extantia supra, totidemque infra. Congruunt igitur trium utrinque Rhomborum, obtusis conjunctorum ternae eminentiae, in hiatus, recipiuntque suis hiatibus illorum eminentias.

Vu & hic figuramior.

De hac etiam supra fol 49. in Def. V.

Sic triginta Rhombi plani, proportionis Diagonorum alterius, faciunt Rhombum solidum Tricontaedricum. Quini enim & quini Rhombi, angulis acutis conjuncti, ad effigiandos duos solidos ex oppositis plagis stantes, cum hient apud obtusos conjunctos; quoniam & quoniam Rhomborum obtusis alijs, implent hiatus: denique in utriusque velati teste medio, Zona ex decem

Xx & hic figura major.



Rhombicis composita circumit, conjungens utramque testam.

Non esse vero plures perfectas Rhomborum congruentias, sic probatur. Sunt enim duo anguli plani Rhombici acuti, duo obtusi; quorum semper acutus unus & unus obtusus faciunt duos rectos: nec plures tribus obtusis congruunt, ne superent quatuor rectos. Quod si ergo tres solum acutos conjunxeris, fit ut in Cubo, Hexaedron Rhombicum, cum duobus solum solidis acutis, longissime distantibus; ceteri solidi in medio corporis non tantum distant: non servantur igitur leges definitionis VIII; qua non admittit duos solos angulos in eadem sphaera. Praeterea ex sex solidis obtusis quilibet clauditur a duobus obtusis planis & uno acuto; quae irregularitas rursum est contra definitiones. Ergo non tres tantam plani acuti coire debent. At neque sex acuti, totidem scilicet Rhomborum, coeunt. Si enim singuli habent quantitatem 2 tertias unius Recti, obtusi habebunt duplam quantitatem, scilicet 4 tertias: & sic tam tres obtusi, quam sex acuti formabunt 4 Rectos, nec vel illi vel hi formabunt angulum solidum, sed sternent continuam planitiem, ut in figura G. Sin autem acuti minores sumantur; obtusi maiores erunt, & tres superabunt quatuor rectos. Ergo duae tantum sunt perfectissimae Rhombicae congruentiae: una, in qua quatuor acuti anguli Rhombici coeunt in solidum; altera, in qua quinque: quibus tamen associatur Cubus, tanquam Rhomborum omnium principium, quia planum ipsius est laterum aequalium quatuor, ut Rhombicorum.

G. fol. 53.

XXVIII. PROPOSITIO

Perfectae in solido congruentiae gradus inferioris, species sunt tredecim; ex quibus tredecim oriuntur Archimedea Corpora.

XII. Archimedea

h s

C. 178

Cum enim misceantur in hoc gradu figurae diverse, quare per propos. XXI. miscebuntur aut duarum aut trium specierum figurae. Quod si duarum, tunc inter eas vel sunt Trigoni; vel non sunt.

Igr ex Trigoni & Tetragonis fiunt solida tria, quibus quidem def. IX. competat. Nam illa rejicit formas hasce tres, in quibus solidum angulum claudunt, cum uno Tetragonico plano angulo, tam duo, quam tres plani Trigonicis; aut cum duobus Tetragonis, unus Trigonicus; quia in primo casu unus solus Tetragonus est, fitq. dimidium Octaedri, & anguli solidi sunt diversiformes; in secundo duo soli Tetragoni, in tertio duo soli Trigoni: quae p. X. sunt imperfecta congruentia. Restant ergo modi hi, in quibus angulum solidum claudunt 4 plani. Primum, quatuor Trigonicis & unus Tetragonis. Sunt enim minores 4 rectis. Congruunt igitur sex Tetragoni & Triginta duo (id est 20 & 12.) Trigoni, & fit figura Triacontaëdrica, quod appello Cubum simplicem. Hic in schemate sequenti pictus est Numero 12.

I. Cubus
Simplicis.

Quinq. enim Trigonicis plani & unus Tetragonis superant quatuor rectos, cum debeant ad solidum claudendum esse minores quatuor rectis, per XVI. Sic etiam quatuor Trigonicis & duo Tetragonis. Tres vero Trigonicis & duo Tetragonis faciunt quatuor rectos.



II. Rh. Cubi
Octaedri:



III. Rhombici
Cubo-
Octaedron.



Secundo duo Trigonicis & duo Tetragonis minus habent quatuor rectis; Hic igitur congruunt octo Trigoni & sex Tetragoni ad formandum unum Tetraëskedraëdron, quod cuboëdron appello. Pictum est hic numero octavo. Duo vero Trigonicis cum tribus Tetragonis superant 4 rectos.

Tertio unus Trigonicus & tres Tetragonis minus habent 4 rectis. Hic ergo congruunt octo Triangula & octodecim (id est 12 & 6) quadrangula, ad unum Icosihexaëdron, quod appello sectum Rhombi Cuboëdricum: vel Rhombicuboctaedron. Pictus est hic numero 10.

In his igr tribus sunt Tetragoni juxta Trigonos: sequitur ut & Pentagonis ijs sectis associemus.

Quinq. plani Trigonicis juxta unum Pentagonicum non stant, quia neq. juxta minorem eo, Tetragonicum, stare poterant. Quatuor ergo Trigonicis, cum uno Pentagonico, minus efficiunt 4 rectis, & congruunt octoginta (id est 20. & 60) Trigoni, cum duodecim Pentagonis, ad formandum Ennecontakadyhedron, quod appello Dodecaëdron simplicem. Pingitur hic numero 13. Et in hoc ordine simplicium, Icosaëdron possit esse tertium, quod est quasi Tetraëdron simplicem.

IV Dodeca
edron simū

Tres

Tres planos Trigonicos si uni Pentagonico associaveris, fit quod supra, ut duo solum Pentagoni veniant in solidum: & si duos Trigonicos uni pentagonico, venit unus solus Pentagonus in solidum: fit q. illic Zona vel columna media, hic Pyramis, partes Icosaedri: nec anguli solidi sunt hic ejusdem speciei, quia unus ambitur, ut in Icosaedro, quinque Trigonis. Et transactum est cum unico Pentagonico.

Pp.

At tres Trigonici cum duobus Pentagonicis plus efficiunt 4 rectis. Transactum igitur est cum tribus Trigonis in societatem Pentagonicorum adsciscendis.

V. Icosidodecahedron.

Duo Trigonici cum duobus Pentagonicis minus efficiunt 4 Rectis. Congruunt igitur viginti Trigoni & duodecim Pentagoni in unum Tricontakedyhedron, quod appello Icosidodecahedron. Pingitur hic Numero 9. Cum uno Pentagonico duos Trigonicos jam rejecimus, Transactum igr est cum duobus Trigonis.

Unus Trigonici cum tribus Pentagonicis plus quam 4 rectos efficit, cum duobus vero per XXIII. nihil regulare, quia Pentagonus est figura imparilatera. Sicq. transactum est cum Pentagonis in societate Trigonorum.

Trigonici quatuor cum uno Hexagonico, & duo cum duobus Hexagonicis implet planities; at tres cum duobus sunt majores 4 rectis, cum uno Hexagonico duos solos Hexagonos in figuram recipiunt; rejectis igr tribus Trigonis, duo sunt aequales uni Hexagonico, quare rejecti per XXII. Restat ut unus Trigonici cum duobus Hexagonicis copuletur. Itaq. congruunt quatuor Trigoni cum quatuor Hexagonis in unum Octaedron, quod appello Truncum Tetraedron. Pingitur Numero 2 fol. sequenti.

VI. Tetraedron truncum.

Trigonici quatuor cum uno Heptagonico & majoribus, superant 4 rectos; nulla igitur porro mentio facienda est quatuor Trigonorum: nulla etiam trium, ob causas saepe allegatas: duo vero cum figurarum Hexagono majorum binis planis, superant 4 rectos: nulla igitur neq. duorum porro est facienda mentio, cum binis planis figura majoris; nec duorum cum uno plano figura majoris, quia illi superantur ab hoc, quod rejectum est ax: XXII. Restat examinandus hic casus, cum unus Trigonici duobus planis figura majoris Hexagona copuletur: at qui cum duobus Heptagonicis rejicitur per XXIII. ut & cum omnium imparilaterarum duobus: cum duobus vero Octogonicis, fit corpus, in quo congruunt octo Trigoni & sex Octogoni in unum Tessarakedecahedron, quod appello Cubum Truncum. Ejus figuram habes signatam Num: 1. fol. seq. Cum duobus Decagonicis, fit corpus, in quo congruunt viginti Trigoni & 12 Decagoni, in unum Tricontakedyhedron, quod Appello Truncum Dodecaedron. Id signatum est inter figuras sequentes Num: 3. Cum duobus Dodecagonicis impletur planities, nec fit solidus angulus, multoq. minus cum majoribus. Et transactum est in universum cum Trigonis: in dualitate quidem specierum.

VII. Cubus truncus.

VIII. Dodecaedron truncum.

Cum ergo inter binas planorum species non amplius sunt Trigoni: minima porro figura erit Tetragonus. Atqui Tetragonici tres, cum uno majoris plani angulo, superant 4 rectos: duo vero Tetragonici cum uno majoris, non tolerantur, ob definitionem IX, quia majoris speciei figura tantum dua recipiuntur in solidum. Unus igr Tetragonici cum duobus Pentagonicis rejicitur per XXIII: cum duobus Hexagonicis coit, & congruunt sex Tetragoni cum octo Hexagonis in unum Tessarakedecaedron, quod Appello Truncum Octaedron, Pingitur numero 5. sequentis schematis. Unus Tetragonici cum duobus Heptagonicis alijs.

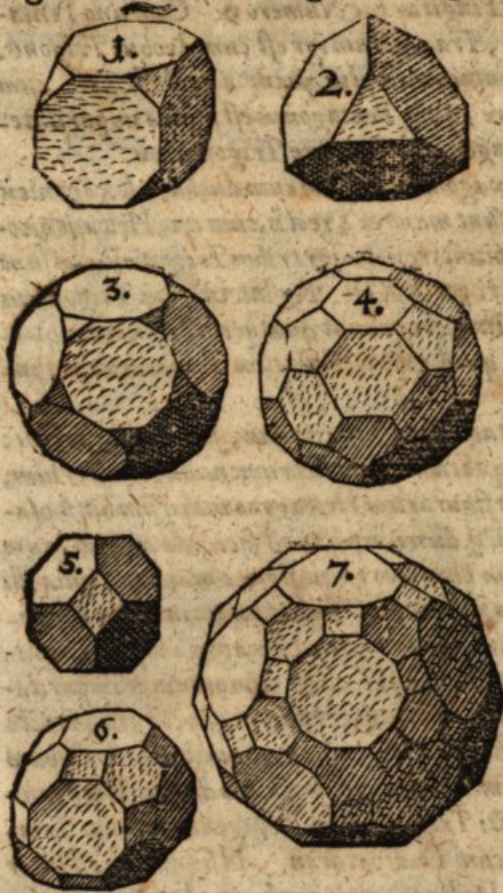
IX. Octaedron truncum.

que imparilaterarum rejicitur, per XXIII, cum duobus Octogonicis, planum locum implet: cum majoribus etiam superat 4 rectos; nec asurgit ad solidum angulum formandum. Ita transactum est cum Tetragono, cum duae solae debent esse planorum species.

Duo Pentagonici cum uno Hexagonico aut quocumq, alio unico rejectitium quid inchoant, per XXIII, quod supra etiam de Trigonico & Tetragonico cum binis Pentagonicis usurpavimus. Insuper cum uno Decagonico planitiam sterunt, nec cum illo aut majoribus asurgunt in soliditatem.

X. Trunc-
cum Icosi-
edron.

Unus ergo Pentagonicus cum duobus Hexagonicis minus facit 4 rectis; & congruunt duodecim Pentagonicum viginti Hexagonis in unum Triacontakadyhedron, quod appello Truncum Icosihedron. Formam habes signatam numero 4. Nec plura expectanda à Pentagono. Nam unus Pentagonus cum duobus Heptagonicis jam superat 4. rectos.



Hexagonicus cum duobus alijs implet planitiam, cum majoribus superat 4 rectos. Itaq, hic finis est mixtorum ex duabus speciebus.

Quod si trium specierum Plana concurrere possunt ad unum angulam solidum: Primum anguli duo plani, unus Tetragoni, alter Pentagoni superant 2 rectos majores his, multo magis: tres verò Trigonorum trium, aquant 2 rectos: nequeunt igr tres Trigonicis admitti, ne summa omnium superet 4 rectos. Duo verò Trigonicis cum uno Tetragonico & uno Pentagonico vel pro eo Hexagonico, aut quocumque majori, rejiciuntur, per pr. XXIII, quia Trigonus imparilatera figura cingi deberet Tetragono & Pentagono, vel pro eo Hexagono & c.

XI. Rhomb-
icosidode-
caedron.

Unus igitur Trigonicus cum duobus Tetragonis & uno Pentagonico, minus efficiunt 4 rectis, & congruunt 20 Trigoni cum 30 Tetragonis & 12 Pentagonis, in unum Hexacontadyhedron, quod appello Rhombicosidodecaedron, seu sectum Rhombum Icosidodecaedricum. Pingitur num. 11. fol. antecedentis

Unus Trigonicus, duo Tetragonici, cum uno Hexagonico, aquant rectos quatuor; cum uno majori, superant; nec ad solidum asurgunt. Mittamus igitur duos Tetragonicos.

Unus Trigonicus, unus Tetragonicus, & duo Pentagonici superant 4 rectos; multoq, magis si bini majores plani anguli admiscerentur. Desinunt igitur misceri anguli plani quaterni ad formandum unum solidum; desinit ergo & Trigonus ingredi mixturam triplicem. Nam unus Trigonicus, unus Tetragoni-

cus &

cus & unus pentagonicus, aut quicumq; alius hujus loco, rejiciuntur per XXIV, quia trigonus est imparilatera figura.

Cum igitur porro sint tres solum anguli plani: nulla inter figuras toleratur imparilatera, per eandem XXIX.

Tetragonicus igitur, cum Hexagonico & Octogonico minimis, minus faciunt 4 rectis; & congruunt 12 Tetragoni, 3 Hexagoni, & 6 Octogoni, in unum Icosihexaedron, quod appello truncum Cuboctaedron: non quod truncatione nasci possit; sed quia simile est truncato Cuboctaedro. Pingitur num. 6.

XII. Cub-
octaedron
truncum.

Tetragonicus cum Hexagonico & Decagonico, minus 4 rectis efficiunt: & congruunt 30 Tetragoni, 20 Hexagoni & 12 Decagoni, in unum Hexacontadyhedron, quod appello truncum Icosidodecaedron, simili de causa ut proximum. Pingitur num. 7.

XIII. Ico-
sidodeca-
edron trun-
cum.

Si pro Decagonico succedat in societatem Dodecagonicus; implentur 4 recti, nec fit solidum; sic etiam si pro Hexagonico succedat Octogonicus, & aliquis, Octogonico major, sit tertius; superantur 4 recti: nec minus, si absit Tetragonicus, & socientur tres distinctarum figurarum parilaterarum majores. Igitur stat omnis Archimedeorum familia intra num. 13. quod erat demonstrandum.

XXIX. CONSECTARIUM.

Figurae congruae sunt in universum duodecim, octo Radicales seu Primae, & quatuor auctae seu Stellae.

- | | |
|---------------|--------------------------|
| 1. Trigonus | 7. Dodecagonus |
| 2. Tetragonus | 8. Icosigonus |
| 3. Pentagonus | 9. Stella Pentagonica |
| 4. Hexagonus | 10. Stella Octogonica |
| 5. Octogonus | 11. Stella Decagonica |
| 6. Decagonus | 12. Stella Dodecagonica. |

Gradus congruentiae distincti sunt. In primo sunt Trigonus & Tetragonus, quia congruunt tam in solido, quam in plano, tam singularium specierum inter se, quam junctarum, & cum alijs.

Secundo gradu consistunt Pentagonus cum stella sua. Nam congruunt & singularium specierum inter se, in solido; & tradunt mutuas operas in plano: sed potior est Pentagonus, quia congruit etiam cum alijs nonnullis tam in plano, quam in solido.

Tertius est Hexagoni, quia figura hujus speciei congruunt in plano, cum alijs vero tam in solido quam in plano.

Quartum gradum tenent Octogonus & Decagonus cum stellis suis. Nam Radicales illae, cum alijs nonnullis congruunt in solido, stella vero cum figuris singularium specierum quadamtenus: in plano vero omnes quatuor congruunt cum alijs, magis tamen varie magisque, perfecte Octogonica secta.

Quintus gradus habet Dodecagonum cum stella sua; quia in solido quidem minimè, at in plano multifariam congruunt cum alijs; in solido igitur sola magnitudine impediuntur. Causa planitiei praeferenda est hac secta gradus quarto.

Ultimus gradus est Icosigoni, quia is non nisi in plano, nec nisi cum alijs, & cum illis ipsis quoque imperfectè congruit.

Quod

Quod si solam consideremus Planitiem, Ordo figurarum erit iste. 1. Hexagonus. 2. Tetragonus. 3. Trigonus. 4. Dodecagonus. 5. Stella ejus. 6. Octogonus. 7. Stella ejus. 8. Pentagonus. 9. Stella ejus. 10. Decagonus. 11. Stella ejus. 12. Icosigonus.

Omnes aliae figurae sunt in congruae, proximus tamen congruentiae est Pentekadecagonus, quia incipit congruere cum alijs in plano; at excluditur per XXIII. quo minus ut Icosigonus, cingi undiq. aequaliter possit. Post illum est figura 16 laterum & similes, quae planè non congruunt cum regularibus alijs; impediente magnitudine angulorum. At Heptagonus & similes longè alia ratione sunt incongruae figurae, quia nec toti anguli, nec partes angulorum aliqua, propriae figurarum, cum alijs regularibus congruunt.

Ita in tribus per se demonstrabilium classibus desinit congruentia, in Octogono, Dodecagono, Icosigono, in quarto spurio ne incipit quidem. Haec libro IV. in delectu Aspectuum suum usum habent.

XXX. CONSECTARIUM.

EX his genuinum discrimen apparet inter demonstrationem & congruentiam figurarum causâ latitudinis.

Nam 1. Demonstrationis propriae gradus ultra Octogonum, Decagonum Dodecagonum, in figuras duplorum laterum in infinitum excurrunt: Congruentia in Octogono, Icosigono, Dodecagono subsistit. 2. Pentagonus cum stellâ suâ, causâ demonstrationis & scientiâ, est ignobilior Dodecagono: causâ congruentiae in solido, est multo nobilior. 3. Octogonus ibi sequitur Pentagonum, hic antecedit. 4. Hekkadecagonus ibi erit potiore loco, quàm Icosigonus: & tamen illa est figura incongrua, haec congrua quadam tenus. 5. At in Pentekadecagono pulchra est rei utriusq. convenientia, analogiam servans eandem: quia inter demonstrationes nulla illi obvenit propria, sed accidentaria saltem; inter vero congruentias nulla consummata, sed aliqua saltem inchoata, nec totam figuram occupans. Haec infra libro III, in ortu & usu semitonij sunt notanda.

FINIS LIBRI II.

Sequitur liber III. novo & Alphabeti & Numeri foliorum initio, quia ab eo principium impressionis fuit factum.

IO. KEPLERI

HARMONICES MUNDI

LIBER III.

DE ORTU PROPORTIONUM HARMONICARUM, DEQUE Natura & differentijs rerum ad Cantum pertinentium.

PROCLUS DIADOCHVS

Lib: I. Com: in I. Elementorum Euclidis

Etiam philosophia multas sit complexa scientias, multas & Mathematicas, de qua quidem hujus parte Harmonice dicta, deq. Numeris Harmoniarum principij creditis, hoc scribit.

Ad Theologiam preparat Mentis conatus. Nam ea que non Initiatis circa veritatem reru divinarum videntur esse captu difficilia & sublimiora, illa Mathematicis Rationibus demonstrantur esse fida manifesta & sine controversia, per quasdam Imagines. Nam Proprietatum superessentialium evidentiam ostendunt in Numeris: & que sint Intellectualium Formarum Potestates, in Ratiocinationis clarum efficiunt. Itaq. Plato multa mirabilia de Natura Deorum nos per species rerum Mathematicarum edocet: & Pythagorica Philosophia, his ceu velis obnubit institutionem de rebus divinis. Hujus enim generis est universus ille S E R M O S A C E R, & Philolaus in Bacchis, & tota Pythagoræ ratio docendi de Deo.

Rursum ad Moralem philosophiam nos perficit, implantans nostris moribus Ordinem, decentiam & conversationem Harmonicam; tradit etiam, que figure, que Cantilenæ, qui Morus virtutem deceant: qua doctrina etiam Athenæus excollit & perfici vult eos, qui virtutibus Moralibus ab adolescentia daturi sunt operam. Quin etiam proportiones Numerorum, virtutibus familiares, explanat, alias quidem arithmeticas, alias Geometricas, alias Harmonicas; ostendit & Vitiolorum Excessus Defectus, quibus omnibus dirigimur ad mediocritatem Motum, & decentiam.

*Pythagore
ca philoso
phæ de vi
runtion*

DE ORTV PROPOR- TIONVM HARMONICARVM, DEQVE Natura & differentijs rerum

ad Cantum pertinen-
tium.



Adtenus Naturam rerum secuti, pri-
mum de Figuris Planis Regularibus diximus;
deinde ad earum Congruentias transivimus.

Insequentibus derogandū erit nonnihil Me-
thodo Naturali; ut cognitio mentis humanæ,
quæ non rarò viâ diversâ utitur, tanto magis ad-
juvetur. Hoc enim natura rei requirebat, ut
jam tertio loco explicaremus proportiones in
abstracto illas, quæ inter circulum & partem a latere quolibet re-
scissam constituuntur; & quæ aliæ rerum species oriantur ex com-
positione & divisione talium proportionum: tum quarto loco tran-
siremus ad opera mundana, quæ vel Deus ipse Creator ad hujusmodi
proportiones attemperavit, vel Natura sublunaris ad præscriptum
proportionum talium, in Angulis radorum sideralium quotidie ex-
ercet: ultimò verò subjungeremus Musicam humanam, ostendentes,
quomodo Mens humana, judicium auditus informans, instinctu na-
turali Creatorem imitetur, delectu & approbatione proportionum
in vocibus earundem, quæ Deo placuerunt in attemperacione mo-
uum cœlestium. Quia verò difficile est, Proportionum Harmo-
nicarum differentias, Genera, Modosq; abstrahere mente à vocibus
& sonis Musicalibus; cum non alia nobis suppetant vocabula, rebus
explicandis necessaria, quàm Musica: idè conjungendus nobis erit
in hoc libro locus tertius cum quinto & ultimo, dicendumq; non
tantum de Proportionibus Harmonicis abstractis, sed etiam præoc-
cupandum hoc humanum creatonis imitamentum in cantu; Crea-
tionis verò cœlorum opus, propter sublimitatem & incredibilitatem
differendum in locum ultimum, ordine illo, qui in titulo libri præ-
scriptus est. Et hæc de ordine dicendorum.

Pythagori-
ca philoso-
phia devi
numeriorū,

Jam ut contraria inter se opposita magis elucescant, lubet
disputationem de cantu humano auspiciari à commemoratione eo-
rum, quæ veteres super ortu consonantiarum sunt commentj.

Nimirum sicut est comparatum in rebus omnibus humanis; ut
quæ Naturâ nobis sunt tributa; in ijsusus cognitionem causarum
antevertat: sic etiam circa Cantum generi humano usu venit, ut inde
ab ortu suo, modulis & intervallis vocum sine speculatione aut cog-
nitione causarum uteretur ijsdem, quibus utimur hodie vulgò, in
ducant-

decantatione Melodiarum, non tantum in Templis & choris Musicorum, sed passim sine exercitatione artis, etiam in compitis & agris.

Apparet hæc antiquitas Cantus ex libro primo Geneseos. Magnam enim oportuit esse delectationem ex Cantu vocis humanæ (cùm vero delectationem dico, intervalla dico Harmonica & Concinna) quæ jam octavum ab Adamo Iubalem permovit, ut Cantus hominum brutis instrumentis imitari disceret, doceretque. Nisi fallor, Iubal hic Apollo est, levi mutatione literarum, qui fratrem Iabelem pecuariæ authorem, fistulaq; agresti gaudentem (Pana Deum à Græcis creditum) Cytharæ repertæ claro cinnitu superavit, materiam chordarum à Tubal-caino fratre, qui nobis ex nominis allusione Vulcanus esto, mutuatus.

Ut cunq; tamen antiqua sit Cantus humani forma, ex intervallis consonis vel concinnis composita; causæ tamen intervallorum la-tuerunt homines; adeò ut ante Pythagoram ne quærentur quidem; & quæsitæ per duo millia annorum, primus ego, nisi fallor, exactissimè proferam.

Primus quidem fertur Pythagoras, cùm apud officinam ferrariam transiret, sonosq; malleorum harmonicè contemperatos animadvertisset, deprehendisse differentiam sonorum esse ex magnitudine malleorum, ut magni graves sonos ederent, parvi acutos. Cùm autem inter magnitudines spectetur propriè proportio: mensus malleos, proportionibus faciliè animadvertit, quibus harmonica vocum intervalla constituerentur, & quibus dissona; quibus Concinna, & quibus Inconcinna. Statim enim à malleis ad chordarum transiit longitudines; ubi aures exactiùs indicant, quæ partes chordæ cum totâ consonent, quæ ab illâ dissonent.

Proportionibus certis repertis, ut $\pi\theta\acute{o}\tau\iota$, supererat, ut etiam causæ, seu $\tau\acute{o}\delta\iota\acute{o}\tau\iota$, indagarentur, cur hæc proportionibus concinna, suavia, consonaq; intervalla vocum definirent, aliæ proportionibus dissona, abhorrentia ab auribus, insueta. Et itum fuit per annos bis mille in hanc sententiam, causas petendas à proprietatibus ipsarum proportionum, ut illæ continentur sub terminis quantitatibus discretæ, scilicet Numerorum. Viderunt enim Pythagorej, perfectas constitui harmonias, si chordæ æquè tensæ proportionem habeant inter se longitudinis duplam, & si triplam, & si quadruplam, inter numeros 1. 2. & 1. 3. & 1. 4. Quæ proportionibus dicuntur in Arithmetica, Multiplices. Rursum paulò imperfectiores esse consonantias chordarum, quæ faciunt proportionem sesquialteram, Hemiholiam; & sesquiterciam, Epitriton; sc. inter numeros 2. 3. & 3. 4. quæ duæ proportionibus conjunctæ, faciunt proportionem duplam, inter numeros 2. 4. vel 1. 2. minor verò, inter 3. 4. ablata à majori 2. 3. relinquebat sesquioctavam, inter 8. 9. Et tantum deprehenderunt esse intervallum

1.
2. 3.
4. 6. 9.
8. 12. 18. 27.

tervallum Toni, uſtatiffimum in omnicantu. Atqui numerus 8. eſt cubus de 2. & numerus 9. eſt quadratum de 3. Iam igitur hi erant in promptu numeri 1. 2. 3. 4. 8. 9. Cùm autem eadem unitas ſit & quadratum ſuum, & cubus; Binarius verò quadratum ſuum haberet 4. & cubum 8. Ternario etiam præter quadratum 9. adjunxerunt cubum ſuum 27. quòd exiſtimarent, ad cubos uſq; progrediendum eſſe, propterea, quòd Mundus totus & vocalia omnia, non ſuperficiebus conſtarent inanibus, ſed ſolidis corporibus. Deniq; ex hoc initio tanta coaluit opinio Numerorum horum, propterea quòd eſſent Primi, eorumq; quadrati & cubi; ut Pythagorei totam Philoſophiam ex ijs cenſuerint concinnandam. Nam unitas repræſentabat ipſis Ideam & Mentem & Formam, quia ut unitas indiuidua eſt, eademq; manet & quadratè multiplicata & cubicè; ſic ideæ quoq; indiuiſibiles & uniuerſales eſſent & ſemper Idem. Itaq; unitatem fecerunt ſymbolum Naturæ Identitatis, Numeros verò cæteros, ſymbola Naturæ Alteritatis. Binarius igitur alteritatem ſignabat & Materiam, quia diuiſionem ille admittit, ut & iſta; & ut ille quadratè multiplicatus ſit 4. cubicè 8. qui ſunt numeri diſtincti à 2; ſic materia inſtabilis & multiformis eſſe poteſt. Aliter, Binarius etiam animam ſignabat, quòd cùm Mens immobilis ſit, aut motu uniformi ſc. circulari gaudeat: Anima contra multiplices motus à corpore excipiat, adq; motus rectilineos, qui ſunt in ſextuplici differentia, magis familiariter ſe habeat. Deniq; Ternarius notabat illis corpus, compoſitum ex forma & Materia, ſicut 3. compoſitus eſt ex 2. & 1. & quia corpora mundana tot habent diſenſiones, quot Ternarius unitates.

Anima Pythagoreis eſt Numerus & Harmonia.

Neq; tantum Symbola erant Numeri, trium principiorum, ſed jam ipſa Anima componebatur ipſis ex hiſce numeris, eorumq; proportionibus omnibus, & ſubdiuiſionibus proportionum in ſeſquialteras, ſeſquitercias & ſeſquioctavas: ut Anima, vinculum Mentis & Corporis, eſſet in ſua eſſentia nihil niſi Harmonia, exq; harmonijs compoſita. Ad hoc dogma duxit illos procul dubio, conſideratio iſta, quòd Anima humana delectetur tantopere vocibus, quæ aliquas proportionibus harmonicas magnitudine ſua formant & continent.

Excursus de Tetracty Pythagorico.

Ex principiis paulo antea expoſitis videtur erudendus eſſe ille Tetractys, fons perennis Animæ humanæ, per quem Pythagorei iurabant; meâ opinione ſic, quòd inter trium cuborum 1. 8. & 27. binos, verbi cauſa inter 1. & 8. duo medijs proportionales ſunt. 2. & 4. Itaq; numeri quatuor 1. 2. 4. 8. quorum ſumma 15, vel 1. 3. 9. 27. quorum ſumma 40. faciunt illum Tetractyn. Duos autem proportionales habent bini cubici, ſicut bini plani unum proportionalem, ut notum ex geometricis.

Vel

Vel fuerit Tetractys iste 1. 2. 3. 4. 1. illud principium Numerorum; 2. Numerorū & Parium primus; 3. compositorum & Imparium primus; ducto jam 1. in 3. fit rectangulum 3. ut ex impari: ducto verò 2. in seipsum, fit quadratum 4. ut ex pari, cujus etiam in factura longitudinem & latitudinem decet esse pares, sicut in illius rectangulo inæquales. Summa igitur ex 1. 2. 3. 4. est 10. & anima humana solet ad 10. numerare. Et sicut sunt 4. Numeri, totidem sc. quot erant in quarto unitatas: sic etiam per eos, quatuor species harmoniarum existunt: inter 1. 2. Diapason, ut & inter 2. 4. & inter 1. 4. Diadiapason, quæ sunt pro una; inter 1. 3. Diapason Epidiapente, quæ habebant pro maxima systematis Harmoniâ, estq; hic secunda; tertia inter 2. 3. Diapente; & quarta inter 3. 4. Diatessaron. Nec plures agnoscebant ipsi Harmonias.

Hæc ex mea mente. At de eodem Tetracty paulò aliter Ioa-chimus Camerarius, nec paulò rectiùs; nisi ipsum sefellit multiplex lectio veterum authorum: qui, in Græcis commentarijs ad aurea Pythagoræ Carmina, sic scribit. *Primum illi singulariter Denarium Numeri vocabulo designarunt. Quo sensu Plato in Phædone dixit; quòd Numeri semissis universus sit impar. Describantur enim duo numerorum ordines ab unitate ad denarium alternis; erit unus ordo Imparium alter Parium, in hunc modum 1. 3. 5. 7. 9. (Summa 25. impar, quadratus quinary.)*

2. 4. 6. 8. 10. quot sc. erant impares.)

Vel omissa unitate, ut principio, & Denario ut singulariter dicto Numero, sic 2. 4. 6. 8.

3. 5. 7. 9. (Summa 24. par.)

Hoc illud enigma; Imparia esse Paria. Singuli enim ex 3. 5. 7. 9. sunt impares, at omnes sunt pari numero quatuor (Es Summa 24. par.)

Igitur Denarius peculiariter Numerus à Pythagoreis dictus, habet hoc proprium, quod colligitur ex unitate, ejusq; continuis multiplicibus usq; ad quaternarium. Fit enim Triangulum numerale æquilaterum, cujus basis est Quaternarius; vertex, unitas. Ex eo Pythagorici numerum omnem appellaverunt Tetractyn. Duplicatis enim primæ Tetractyis lateribus, fit altera Tetractys Pythagorica, Numeri 36. celebratissima & undiquaq; utilis-sima penes ipsos, Trigonus sc. numericus, cujus basis est Octonarius. Itaq; in multis demonstrationibus usi sunt numero 36. maxime in Harmonicis. Nam in figurarum hujus Numeri dispositionibus inveniuntur hi numeri 12. 9. 8. 6. quibus numeris omnes Harmonicas Consonantias secundum proportionem Intervallorum comprehensas esse demonstrarunt. Est enim Numerus 36. quadratus, ejusq; latus 6. Est Trigonus, cujus latus 8. est Oblongus Rectangulus, cujus longitudo 9. & altera ejus longitudo 12. (Novem enim quater, & duodecim ter faciunt utring 36.) Deniq; conjectis his 6. 8. 9. 12. in unam summam, existit Numerus 35. Harmonia dicta à Pythagoricis: cujus unitas addita rursus absolvit Numerum 36. Amplius numerorum qui ex antecedentibus ordine naturali sunt collecti (id est ex trigonicis 1. 3. 6. 10. 15. 21. 28.) 36. primus (& solus intra 1225) est quadratus, habetq; latus 6. primum perfectum



36. primus (& solus intra 1225) est quadratus, habetq; latus 6. primum perfectum (compe-

6 DE PROPORTIONIBUS

1 1 1 1 (compositum scilicet ex omnibus suis partibus aliquotis 3. 2. & 1.) Idem etiam
 1 1 1 1 conficitur multiplicatione duorum primorum quadratorum 4. & 9. Idem col-
 1 1 1 1 ligitur & componitur ex duobus primis cubis 8. & 27. cum unitate cubica.
 1 1 1 1 Propter usum tam multiplicem hujus Speculationis, Tetractys ista à Pytha-
 1 1 1 1 goreis consideratione & admiratione digna fuit habita inter primas; itaq;
 1 1 1 1 transsumserunt illam ad Physica, maximeq; ad contemplationem Anima, nec
 1 1 1 1 minus ad Ethica, & admiscuerunt Theologica aliqua. Nam ut Epiphanius
 27 ex Irenæo contra Valentinianos ostendit, juramentum fecerunt Tetractyn:
 8 intelligebant autem per illa quatuor, Fundum, Silentium, Mentem, Verita-
 1 tem. Etsi in Carminibus aureis, juramenti formula non est Tetractys ipsa,
 36 sed ille qui per Tetractyn exhibuit Anima perennitatem Essentia. Anima-
 lem quidem Tetractyn Plutarchus physicè explicavit; ut sit Sensus, Opinio,
 Scientia, Mens; addiditq; versum

Fontem, Naturæ quo turget vena perennis.

1 1 1 1 Mundanam verò Tetractyn licet accuratius in hunc modum intueri:
 1 1 1 1 quòd ab unitate, per Ternariam rationem producta, unitate ad implendum in-
 1 1 1 1 tervallum in medium assumpta, Quaternarijsq; circum veluti lineis rectis
 septa, sicut andem Tetractys ista Denarium efficiat: cum ipsa sit hoc pacto terti-
 us Trigonorum in genesi: (Nam post unitatem, primus trigonus est 3. cujus ba-
 sis 2. secundus 6. cujus basis 3. quorum exteriores ternas lineas si duxeris per
 puncta illic duo, hic tria, Trigonum adumbrantia, relinquitur in medio nihil;
 1 1 1 1 Tertius vero Trigonus 10. basi 4. si loco punctorum quaternorum, lineas singu-
 1 1 1 1 las acceperit, exterius circumeuntes: relinquetur in medio punctum unum,
 1 1 1 1 quod ad nullam figurantium linearum pertinet, sed interius spacium, velut
 cor aut nucleum, adumbrat.) Hac de causa Pythagorej Decadem

Omnicapam Matrem, quæ sepiat omnia circum,
Cedere nesciam & Indomitam castamq; vocarunt

ut ait Proclus. Atq; ipsa decem unitatum consummatio, sc. denarius ex hac
 Tetracty collectus, continere & absolvere, seu consummare exornationem to-
 tius universi, traditus est à Pythagoreis, quos & Plato sequitur. Nam 1.
 universitas facta est corporea & sensibilis, 2. continet omnia quæ sunt in ipsa,
 indissolubiter, per vinculum Analogia seu commensus. 3. Tota est, quippe ex
 totis Elementis. 4. Rotundum ejus corpus est. 5. Ipsa est quæ in seipsa pa-
 titur, & à seipsa, passiones omnes. 6. Movetur in circulum. 7. Animatum e-
 jus corpus est. 8. Temporis effectrix est per revolutiones astrorum. 9. Habet
 sacra certa sidera; in Deorum numerum relata, quæ Annum magnum, ut
 perfectum, conficiunt. 10. Undiquaq; perfecta est universitas rerum, habens in
 se animalia omnia, quatuor formis assimilata (astra cælo, aves aëri, pisces a-
 que, quadrupedes terre.) Hoc pacto ab unitate, (ut Pythagorej,

Munadis ex antro) progressio est usq; ad Quatuor, (ut illi
donec veniatur ad ipsam

Tetrada divinam) sicq; denarium parit, matrem omnium uti dixi-
 mus. Est autem unitatis progressus hujusmodi. Unus enim est Mundus.
 Binarius signat primam in eo comprehensam multipliciter, Ternarius,
 vinculum & Nodum, coaptationi rerum necessarium; Nam ut duæ solæ res
 coeant in unum, seorsim à Tertio, non est possibile.

Quater

*Quaternarius, est numerus Elementorum definitior & recensitor. Mundus enim est corpus solidum; solida verò duo, duabus semper mediocritatibus indigent, ut in continua proportione congruant. Horum verò (scilicet 1. 2. 3. & 4.) summa est denarius, de quo hæc tenus. Hic enim ornatus est universitatis, hæc dos, qua dotavit illam factor ejus. Hæc tenus Camerarius ex veteribus; quibus pleraque consentientia inculcat Hermes Trismegistus (quisquis ille fuit) filio suo Tatio: cujus hæc verba, *Unitas secundum rationem Denarium complectitur, rursusque Denarius unitatem.* Deinde concupiscibilem Animæ facultatem componit ex 12. virtutibus, seu vitijs Ethicis, ad numerum signorum Zodiaci, cui Corpus & hanc ad corpus vergentem Animæ potentiam subicit: Rationalem verò facultatem Animæ ex Denario & ipse componit Virtutum Ethicarum. Sic quod Pythagoræ celebrant Tetractyn fontem Animarum, & Camerarius plures ait fuisse Tetractyas, non illam solum, quæ à quaternarij basi surgit ad summam 10. sed etiam aliam præcipuam, quæ ab Ogdoadis basi ad verticem usque colligit summam 36: idem & Tatio hic ex doctrina patris Hermetis innuit, dum tempus ait fuisse, cum ipse adhuc esset in Ogdoade, Octonario: Filium verò Pater ad Pimandrum remittit, de Octonario canentem; in quo sanè occurrit Octonarius habituum Animæ Ethicorum, septem quidem respondentium planetis septem, ut apparet, initio a Luna factis; octavi verò diviniore & quietioris, ad spheræ putò fixarum ideam. Omnia etiam geruntur per Harmonias; plurima inculcatio *Silentij*, plurima *Mentis*, *Veritatisque* mentio; proponitur & Antrum, Fundus, Penetrabile, Crater Animarum, & cætera multa: ut dubium nullum esse possit, quin aut Pythagoras Hermetiser, aut Hermes Pythagoriser. Accedit enim & hoc, quod Hermes Theologiã quandam tradit, cultumque divini numinis; sæpe Mosis, sæpe Evangelistæ Ioannis in suo sensu paraphrastes, præsertim de Regeneratione; cæremoniasque discipulo certas inculcat; cum idem de Pythagoræis affirmant auctores, partem eorum Theologiæ variisque cæremoniis & superstitionibus deditam fuisse; & Proclus Pythagoricus Theologiam in Numerorum contemplatione collocet.*

Hæc per digressionem: redeamus nunc ad Pythagoricam Harmonicarum proportionum demonstrationem.

Huic enim philosophandi formæ per Numeros, tantopere fuerunt dediti Pythagoræ; ut jam ne aurium quidem iudicio starent, quarum tamen indicij ad Philosophiam hanc initio perventum erat; sed quid Concinnum esset, quid inconcinnum; quid Consonum, quid dissonum, ex solis suis Numeris definirent, vim facientes instinctui naturali auditus. Stetitque tyrannis ista Harmonica usque ad Ptolemæum; qui primus ante annos mille quingentos, sensum auditus contra Philosophiam Pythagoricam asseruit, recepitque inter concinna, non tantum supra dictas proportiones, & sesquioctavam pro Tono, sed admisit etiam sesquionam pro Tono minorj, & sesquiquindecimam

Hermetis
Trismegisti
de Numeris
philosophia
no 28 mut
murionis

Ioan. 5.

Error Pythagoræorum
circa Numerum Harmoniarum.

mam

mam pro semitonio; nec tantum superparticulares alias addidit ab auribus probatas, ut sesquiquartam sesquiquintam; sed etiam ex superpartientibus adsevit aliquas; ut inter 3. 5. & inter 5. 8. & alias.

Error Ptolemæi circa Numerum Harmoniarum & Concinnorum.

Hoc pacto Ptolemæus speculationem Pythagoricam de ortu proportionum harmonicarum ut impingentem emendavit quidem, at non omnino ut falsam, sustulit: quique aurium iudicium suæ dignitatj restituit verbis & dogmate; idem tamen rursus deseruit, in-hærens & ipse contemplationi numerorum abstractorum. Causa enim numeri singularumq; proportionum harmonicarum, ne sic quidem est adæquata suo effectuj; sed in definiendis Consonantijs deficit, in Concinnis alijs excedit: Negat Ptolemæus etiamnum, Tertias Sextasq; minorem & majorem (quæ continentur his proportionibus 4. 5. & 5. 6. & 3. 5. & 5. 8.) esse consonas, quod affirmant omnes hodierni Musici benè auriti; recipit vicissim proportiones 6. 7. & 7. 8. aliasq; inter Concinna Musica intervalla, sic, ut Cantu procedente ab VT in FA, statueretur aliqua vox media inter RE & MI, in proportione, qua 7. medius est inter 6. & 8. quæ notationis causa sit RI, & jam cani possit VT. RI. FA. sicut cani potest, VT. RE. MI. FA. quod est ab omnium hominum auribus & usu canendi abhorretissimum; utcunq; chordæ sic attemperari possint; quæpe quæ, cum sint inanimæ, iudicium suum non interponunt, sed manum inepti speculatoris, nullatenus repugnantes, sequuntur.

Error ejusdem in non causa, ut causa.

Præterea, si maximè æquales essent latitudine, & illa causa, ex Numeris abstractis petita, & hic effectus, Consonantiæ: possetq; non absurdè videri archetypalis causa, testans de eo, quod Pater rerum, Mens æterna, Numeros illos contemplata, Ideam inde desumpserit vocum intervallorumq; quæ, ut Animis humanis placerent, conformatione Animorum procurandum ipsi fuerit: nondum tamen res adè esset liquida, cur hi numeri 1. 2. 3. 4. 5. 6. &c. ad intervalla Musica concurrant, at 7. 11. 13. & similes non concurrant; ne huius rei causam ex seipsis exhiberent numeri ut numeri. Nam causa illa de Ternario principiorum, & familiâ quadratorum & cuborum inde deductâ, causa est nulla; cum quinaris ab illa exulet, qui sibi inter Musicorum intervallorum Ortum ius civitatis eripi non patitur.

Error Ptolemæi circa Numerum Harmoniarum & Concinnorum.

Sed ne hoc satisfacit speculatori, quod scit, Numeros 1. 2. 3. esse symbola Principiorum, quibus res Naturales constant. Intervallum enim, res est non naturalis, sed Geometrica; nisi igitur hi numeri aliud aliquid numerent, quod magis cognatum sit intervallis, nullam fidem philosophus adhibere poterit huic causæ, sed eam, ut non causam, suspectam habebit.

His igitur de causis ego ab annis vigintj in hoc elaborandum mihi censui, ut hanc Mathematices Physicesq; partem illustriorem redderem, inventis causis talibus, quæ ex una parte & iudicio auri-

um

um satisfacerent, in constituendo Consonantiarum, cæterorumque Concinnorum Numero; nec ultra id quod aures ferunt excurrerent; ex altera verò parte clarum & apertum discrimen statuerent inter Numeros, qui formant intervalla Musica, interque alienos ab hoc negotio: quæ denique respectu tam Archetypi, quam Mentis, quæ archetypo utitur ad conformandas illi res, cognationem cum intervallis haberent, eoque verisimilitudine clarissima niterentur. Cum enim intervallorum Consonorum termini, sint quantitates continuæ; causas quoque quæ illa segregant à Dissonis, oportet ex familia peti continuarum quantitarum, non ex Numeris abstractis, ut quantitate discretâ: & cum Mens sit, quæ Animos humanos sic conformavit, ut hoc intervallo delectarentur (quæ est genuina definitio consoni & dissoni) differentias quoque unius ab altero, & causas, quibus hæc intervalla fiunt harmonica, mentalem & intellectualem essentiam habere oportet; nimirum hanc, quod termini consonorum intervallorum propriè scibiles sunt; dissonorum, aut impropiè scibiles, aut inscibiles. Nam si scibiles illi; in Mentem igitur venire, & ad conformandum archetypum adscisci possunt: sin autem inscibiles (eo sensu, qui libro primo explicatus est.) manserunt igitur foris extra Mentem Opificis æterni, nec ullatenus ad Archetypum concurrerunt. Sed de his jam plura, ubi doctrinam hanc ipsam per sua capita tradiderimus; quam incipiamus cum Deo; de Cantu quidem ubique sermonem habentes, id est de intervallis harmonicis non abstractis, sed cum sono concretis; mentis verò eruditis auribus ubique abstracta à sonis intervalla subaudiemus; utpote, quæ non tantum in sonis inque Cantu humano, sed etiam in alijs rebus sono carentibus, suam pariunt gratiam: ut quarto & quinto libris audiemus.

CAPITA LIBRI III.

- Caput I. *Ortus Consonantiarum ex causis suis proprijs.*
 Caput II. *De septem Chordæ sectionibus Harmonicis, totidemque formis consonantiarum Minorum.*
 Caput III. *De medietatibus Harmonicis; & Trinitate consonantie.*
 Caput IV. *Ortus & denominatio intervallorum usualium seu concinnorum.*
 Caput V. *Sectio & Denominatio Consonantiarum per sua intervalla usualia.*
 Caput VI. *De Cantus Generibus, Duro & Molli.*
 Caput VII. *Proportio omnium octo sonorum usualium unius diapason.*
 Caput VIII. *Abscissio Semitoniorum, & Ordo Minimorum interval: in Diapason.*
 Caput IX. *De Diagrammate, Lineis, Notis, Literisque, sonorum indicibus; de Systemate, Clavibus & Scala Musica.*
 Caput X. *De Tetrachordis & Syllabis, Ut, re, mi, fa, sol, la.*
 Caput XI. *De Compositione Systematum majorum.*
 Caput XII. *De Consonantijs adulterinis, ex compositione ortis.*
 Cap. XIII. *De Cantu concinno simplici.* Cap. XIV. *De Modis seu Tonis.*
 Caput XV. *Qui modi, quibus serviant Affectibus.*
 Caput XVI. *De Cantu figurato seu per Harmoniam.*

10 DE PROPORTIONIBUS

CAPUT I.

De causis consonantiarum.

DEFINITIO.

CVM veteres usi sint his vocibus, Μονόφωνον Ἀνά-
φωνον, Ομόφωνον, Διάφωνον, Σύμφωνον, Ἀσύμφωνον,
Nobis Dissonum idem sonabit, quod Ἀσύμφωνον, Consonum idem
quod Σύμφωνον, cujus sunt differentiae, Identicum, quod pro
Ομοφώνῳ usurpabimus; & non Identicum, quod pro Διάφώνῳ.
Et Identici erunt duae species, unisonum, & Identicum ex opposito.

DEFINITIO.

In Geometria differunt vocabula Pars & Par-
tes, Pars enim dicitur, cujus est Totum secundum certam proportio-
nem Multiplex, puta duplum, triplum, quadruplum; Partes verò;
quando non solum & unicū Totum, sed aliqua Totorum multitudo
fuerit illarum Multiplex. Ut, una septima, dicitur Pars, quia totus
circulus, est septuplum hujus partis: at tres septimae dicuntur non Pars
sed Partes, quia summa trium circularum, est septuplum hujus
arcus.

Hic verò nos hac distinctione non utemur; sed Partem dice-
mus tam unam quam alteram dictarum portionum; hoc est, omnis
portio longitudine effabilis, dicetur nobis Pars; cum hac tamen re-
strictione, sit fuerit non major semicirculo.

Residuum verò illud dicetur, quod ablatâ portione effabili à
Toto, remanet, non minus existens semicirculo.

*Valde necessaria est distinctio Residui à Parte, quia potest esse Pars
consona, ejuſq; Residuum dissonum, ut videbimus.*

DEFINITIO.

Chorda hic sumitur non pro subtensâ arcui circuli, ut in Geo-
metria, sed pro omni longitudine, quæ apta est ad sonum edendum;
& quia sonus per motum elicitur; in abstracto chorda intelligenda
est de longitudine motus cujuscunq;, vel de quacunq; alia longitudi-
ne, etiam mente conceptâ.

AXIO-

AXIOMA I.

Diameter circuli, & latera figurarum Radicalium lib. I. explicatarum, quæ propriam habent demonstrationem, determinant partem circuli, consonantem cum toto circulo.

Quomodo circulus tendi possit, ut sonitum edat, & quomodo affigendus cavo corpori, ut resonantia existat, vel ab uno signo, ut totus sonet, vel à duobus, ut partes; id longum hic erit explicare; sic tamen exordium fuit, quia non tantum de cantu agitur, qui est harmonia cum sonis concreta, sed etiam subintelligi debet intervallum abstractum à sonis. Quod cantum attingit, sufficit chordam in rectum extensam sic dividi posse, ut dividitur, cum est in circulum contorta, à latere figurae inscriptilis.

Corollarium.

Consonantiæ infinitæ sunt, quia figuræ demonstrabiles infinitæ. Nondum autem est tempus dicendi de concordantiarum delectu, qui sese non profert valde porro. Pythagorici hic in numeris suis, ut causas, quæstiverunt metas magnitudinis intervallorum consonorum, quas solus humanus auditus illis figit, qui non est infinitæ potentia. Est igitur illa coarctatio numeri concordantiarum Harmonicis intervallis abstractis tantum accidentaria, non verò causalis. Ipsi etiam hodierni Musici metas Pythagoricas egrediuntur; ut de Harmoniis cælestibus jam taceam.

AXIOMA II.

Quo gradu lateris demonstratio distat a primo; eodem gradu & partis circuli, per latus rescissæ, consonantia cum toto circulo, recedit ab unisoni consonantia perfectissima: seu quæ sors est figuræ, cujus est latus, inter figuras cæteras; eadem sors est consonantiæ illius, inter cæteras.

Hoc axioma inferius usurpabitur ad delectum concordantiarum habendum, causâ suavitatis.

AXIOMA III.

Latera Figurarum Regularium Stellarumq; indemonstrabilia, determinant partem circuli, dissonantem à toto circulo; sic etiam latus figuræ demonstrabile quidem, sed non per se, nec demonstratione propria. Vel pro defectu demonstrationis propriæ, accersit ex Lib. II. defectum congruentiæ: utroq; modo excluditur Quindecangulum.

Hoc axioma absolvet integritatem causa concordantiarum, quam ego substituo, repudiatis Pythagoreorum numeris abstractis.

Corollarium.

Dissonant igitur hæ partes										à Toto
1.	2.	3.	-	-	-	-	-	-	-	7
1.	2.	-	4.	-	-	-	-	-	-	9
1.	2.	3.	4.	5.	-	-	-	-	-	11
1.	2.	3.	4.	5.	6.	-	-	-	-	13
1.	-	3.	-	5.	-	-	-	-	-	14
1.	2.	-	4.	-	7.	-	-	-	-	15
1.	2.	3.	4.	5.	6.	7.	8.	-	-	17
1.	-	-	-	5.	7.	-	-	-	-	18
1.	2.	3.	4.	5.	6.	7.	8.	9.	-	19

Et sic in infinitum.

AXIOMA IV.

Figuræ, quæ cognatas habent demonstrationes laterum, pariunt etiam cognatas Harmonias.

Per hoc axioma probabitur origo & causa Proportionum Harmonicarum ex superfluo.

AXIOMA V.

Chordæ vel arcus circuli, tensionis æqualis, habentes inter se, causa longitudinis, eandem proportionem, quæ est inter Partem vel Residuum circuli & Totum circulum; Consonantiam etiam vel dissonantiam habent eandem, licet inter alios terminos vel fonos illa contineatur.

In abstracto sic intelligatur, quod circulus cum parte sua, constituat proportionem certas Harmonicas; quæ in quibuscumque inveniuntur terminis alijs, seu fonis, seu motibus mutis, semper sint Harmonicae.

Additur autem hoc Axioma ideo, quia non omnes Proportiones Harmonicae immediatè ex ipso circulo oriuntur, primà statim ejus sectione per figuram Regularem, sed accedunt aliqua ex se prioribus propagata, usque ad certam Metam: ut in propositionibus videbimus.

Usus Axiomatis est in Propos: VII. VIII.

AXIOMA VI.

Cùm duæ Chordæ fonos ediderint Identicos, uox

tertia, consonans earum uni, consonabit & alteri; dissonans verò ab unâ, dissonabit & ab altera, qualibuscunq; diversis etiam consonantijs vel dissonantijs.

Nota in subiecto poni speciem Identisoni, in Prædicato Genus Consoni; ut hæc duo intelligamus; Primò, Non sequi, Duæ consonant qualitercunq;, ergò & tertia consonat utriq;, vel dissonat ab utraq;. Hoc enim est falsum de Genere, verum verò de specie Identisonorum: deinde, nec hoc sequitur, Si tertia consonat uni Identisonorum aliquâ certâ consonantia, consonabit & alteri eâdem specie consonantia; hoc enim non semper verum esset, quod declarabo exemplo, licet ex anticipato. Sint duæ voces, facientes diapassõ G & g; sit tertia & illa facit cum G diapente; ergo etiam cum g consonat, at non per Diapente, sed per diatessaron.

Ufus autem præcipuus hujus axiomatis est Prop. IV.

AXIOMA VII.

Cum duæ Chordæ vel Voces ediderint sonos Identicos, vox tertia existens cum illarum unâ Identisona, etiam cum illarum alterâ Identicè consonabit.

Quod in priori axiomate generaliter non potuit affirmari, id jam in specie verum est de Identisonantia.

Ufus est in Prop. III.

De his igitur Axiomatibus, præsertim de quinque prioribus, speculatio est sublimis, Platonica, Fideiq; Christianæ analogæ, ad Metaphysicam, adq; doctrinam de Anima spectans. Geometria enim, cujus partem huc spectantem libri duo priores sunt complexi, Deo coæterna, inq; Mente divina relucens, exempla Deo suppeditavit, ut in hujus libri præambulo dictum, exornandi Mundi, ut is fieret Optimus & Pulcherimus, deniq; Creatoris similimus. Dei verò Creatoris imagines sunt, quotquot Spiritus, Animæ, Mentes, suis singulæ corporibus sunt præfectæ, ut illa gubernarent, moverent, auferent, conservarent, adeòq; & propagarent.

Cum igitur typum quandam Creationis sint complexæ suis munij: leges etiam cum Creatore easdem observant operis, ex geometriâ desumptas: gaudentq; proportionibus iisdem, quibus Deus est usus, ubicunq; illas invenerint, sive nudâ speculatione, sive interpositis sensibus, in rebus sensui subiectis; sive etiam sine discursu Mentis, per occultum & concreatum instinctum: sive Deus ipse proportionem hæc in corporibus & motibus expresserit invariabiliter; sive quadam Geometricâ necessitate materiæ in infinitum dividuæ, motuumq; per materiæ quantitatem, inter infinitas proportionem non harmonicas, occurrerint etiam harmonica istæ suis temporibus, & sic non in ESSE sed in FIERI consistant. Nec tantum gaudent Mentes,

Causa Harmoniarum
Metaphysica.

14 DE PROPORTIONIBUS

Dei imagines, proportionibus ijs: sed utuntur etiam iisdem pro legibus ad peragenda sua munia proportioneseq, easdem in motibus suorum corporum, quâ licet, exprimendas. Exempla luculenta duo proferent libri sequentes, unum ipsius dei Creatoris, qui proportionibus harmonicis dispersitus est motus cœlorum; alterum Animæ illius, quam Naturam sublunarem dicere solemus, cidentis Meteora ad præscriptum proportionum, quæ occurrunt in Radiationibus Astrorum. Tertium igitur & hujus libri proprium exemplum esto Animæ humanæ, adeoq; & pecudum quadamtenus. Illæ enim perceptis proportionibus Vocum harmonicis gaudent, non harmonicis tristantur; à quibus Animæ affectibus illæ (Harmonicæ) Consonantiæ indigetantur, hæ (nbn harmonicæ) Dissonantiæ. Quod si accesserit etiam altera proportio harmonica, vocum sonorumq; longorum & brevium, causa temporis; tunc illæ corpora sua saltationibus, linguas pronunciationibus ad easdem leges movent: huc opifices Malleorum ictus, huc milites gressum accommodant; vivunt omnia, durantibus Harmonijs, torpescunt iisdem disturbatis.

Hæc & similia, Consilij sint, Instinctus ve, hoc est Mentis opus: an etiam Naturæ Elementorum, Materiaq; necessitate fiat, ut temperies sensibus commoda nulla possit esse; nisi quæ constet proportionibus figurarum harmonicis; id variè disputatum fuit à philosophis: quærentibus omnibus, unde existat illa suavitas, quæ auribus allabatur ex proportione vocum, quâ suavitate Consonantias definimus. Qui ad Materiam & Motum Elementorum inclinant, exemplum afferunt hoc, per se quidem sanè quàm mirabile, quòd Chorda pulsata chordam aliam non pulsatam secum in sonitum trahit, si tensa fuerit sibi consonè, dissonè tensam inmotam relinquit. Hoc cum non possit ullius Mentis ministerio fieri, quia sonus, hoc causatus, Mentem aut intellectum non habet; sequitur ut id contemperatione motuum fieri dicamus. Sonus enim Chordæ, habet acumen vel gravitatem, à celeritate vel tarditate vibrationis, qua tota chordæ longitudo libera vibratur; nec insunt hæ sonorum differentia primò & immediatè in ipsa longitudine vel brevitate; sed secundariò, quia scilicet cum longitudine diminutâ tarditas vibrationis diminuitur, celeritas augetur. Inde est, quòd manente eadem chordæ longitudine liberâ, tensio ipsa sonum acuit, quia minus laxam chordam relinquens, diminuit etiam spacium, per quod illa reciproco motu vibrari possit.

Cùm igitur duarum chordarum fuerit eadem tensio, sic ut unum sonum reddere possint, tunc sonus unius, id est species immateriatæ corporis chordæ; constitutæ in vibratione, delapsa à sua chorda, ferit chordam alteram; sicut si quis boatum edat versus Chelyn, aut aliud cavum; eo boatu percutit id cavum, facitq; resonare chordas ejus omnes: ferit autem illa vibrationis species chordam alteram eodem ritmo celeritatis, quo movetur & hæc, quia æquè tensa; ut ita singuli ictus (in quos vibratio divisa esse intelligitur) in singulas per-

Experimen-
tum mirabi-
le in chor-
dis.

culis

cussæ alterius chordæ cæssiunculas perpetuo incidant; ita fit ut omnium maxime moveatur illa chorda, quæ ad unisonum est tentâ cum primâ: moveretur verò & illa chorda, quæ duplæ est aut subduplæ celeritatis; quia duo vibrationis ictus in unâ chordæ cæssiuncula absolventur, & sic semper ictus à priori tertius quisq; congruit in unig cæssiunculæ extremum; moveretur deniq; & illa chorda non nihil, quæ est sesquialtera celeritatis, quia tres ictiunculæ fiunt in duabus hujus cæssiunculis: sed jam incipiunt invicem obviare crebrius illi ictus & hæ cæssiunculæ, seq; mutuo impedire; dum duo illius ictus à fine cæssiunculæ hujus aberrant, unus solus incidit congruè: quo occursum motus chordarum cæterarum sustinetur, non secus ac si quis digitum vibratæ admovisset. Hæc mihi videtur causa mirabilis hujus experimenti: qui me felicior est indagine mentis, ei palmam dabo.

Quid igitur? si celeritas chordæ unius valet ad motum chordæ alterius proportionatæ, quæ, quoad visum, manet intacta: an non eadem celeritates duarum chordarum inter se, valebunt ad titillationem auditus suavem, propterea, quod is quodammodo uniformiter ab utraq; chordâ moveretur, duoq; ictus à duobus sonis seu vibrationibus in idem momentum competunt? Nequaquam verò, inq; ego, ita facile transigitur cum hæc: mirorq; Porphyrio commentatori super Harmonica Ptolemæi, tale quid circa hujus rei causam satis facere potuisse; cum profundissimæ indaginis philosophus sit. Nisi quod verisimile, difficultate perquirendæ causæ cohibitum fuisse, quo minus quantum vellet, penetraret; satiusq; putavisse, aliquid prode, quam penitus tacere, quod turpe Philosopho esse dicitant. Nam quæ quæso proportio titillationis auditus, rei corporeæ, ad incredibilem illam voluptatem, quam ex harmonicis Consonantijs intus in animo penitissimè percipimus. Nonne si qua voluptas est ex titillatione, de ea voluptate primas tenet membrum, quod titillationem sustinet? Sic enim definiendus mihi visus est sensus omnis, in Dioptricis, quod ea demum sit absoluta sensio, voluptatem aut dolorem pariens, cum species Membri sensioni destinati, ut id est affectum ab externa re, venit introrsum ad sensus communis tribunal, commeatu spirituum. Iam verò in auditione consonantium vocum vel sonorum, quæ quæso partes voluptatis in auribus hærent? Nonne dolemus interdum ab auribus, dum inhiamus huic auditioni, & manum opponimus clangoribus nimijs, nihilo tamen minus pergitur ad percipiendas consonantias, & cor nobis subfulcat? Adde quod hæc ratio à motu deducta, potissima est in unisono: suavitas verò non præcipua in unisono, sed in alijs Consonantijs, earumq; compositione. Multa possent afferri ad destruendam hanc allatam rationem suavitatis ex Consonantijs; quæ mitto in præsens curiosius conscribere: Illud unicum inculco, quod jam supra tactum à me, possit esse loco omnium, quod Opera Motusq; corporum, æmuli proportionum harmonicarum, ab Anima, Mentisq; partibus stent, ijs causam assignantes, cur Consonantiæ delectent. Nec abhorret autoritas veterum

Qualis causa voluptatis ex concentibus?

Quid sensus?

Causam suavitatis Harmoniarum ex Mentis approbatione petendam.

Veterum; qui Animam nunc Motum, nunc Harmoniam definiētes, non tam absurde locuti sunt, quam ineptē excepti: cū in rebus difficilibus, Mystici plerumq; sensus lateant, sub verborum cortices reconditi. Timæi quidem Locrensis philosophia, quomodo cōposita sit anima ex proportionib; Harmonicis, de qua in præambulo, refutata est ab Aristotele in eo sensu, ut sonant verba: non autem tamen affirmare, nihil in ijs pagellis latere, nisi quod sonant verba; imò negaturum puto neminem, quin is author hoc ad minimum teneat, quod hic astruo, Mentem esse, Animumq; humanum, cuius seu iudicio seu instinctu, sensus auditus proportionēs suaves, hoc est consonas, ab insuavibus & dissonis discernat: quippe qui hoc diligenter expendit, Proportionēs esse Rationis Entia, ratione sola, non sensu, perceptibilia, & proportionēs ceu formam, à re proportionata, ceu materia, distinguere, Mentis opus esse.

Ex figura-
sum Demo-
stratione
Scientifica.

Cū autem duas Figurarum Regularium proprietates explicaverimus, Demonstrabilitatem Scientificam Laterum in singulis, & Congruentiam inter se totarum junctarum, non ejusdem planè latitudinis utramq;: de Demonstratione quidem Axiomata nostra sonant potissimum, quia hæc magis familiaris est proportionibus motuum, ex quibus etiam soni existunt.

Nam Congruentia inest figuris ut totæ sunt; motus verò (quibus accidunt proportionēs harmonicæ) figuræ, à qua derivantur, latera in rectum extendunt (cū pleriq; omnes ut rectilinei considerentur) & sic figuram suam, ut serpentes Matrem, perimunt & destrunt. Figura in quantum congrua, circulum integrum distinguit in partes: proportionēs harmonicæ circulum distinctum in rectum extendunt, distinctionis à figurâ factæ actum delent. Sic consonantiæ cum figuris demonstrabilibus in infinitum excurrunt; Figuræ congruæ Numero duodenario finiuntur. Deniq; distinctionem circuli quælibet figura facit unicam; at partes in circulo constitutæ duas semper faciunt cum Toto Consonantias.

Et congru-
entia.

Etsi verò potior in hoc tertio libro, ratio erit demonstrationis Scientificæ laterum, quàm Congruentiæ figurarum totarum: hæc tamen propter magnam cognationem in loco non erit negligenda. Primum enim Latina significatio vocis, Congruentia, si omnia excutias, idem sonat, quod Græca vox Harmonia, de quibus hoc libro agemus: nisi quod usus voces has è rebus subjectis parumper distinct: deinde Congruentia figurarum conciliat motibus, (de quibus hoc & quinto libro) aliquam Congruentiam. Tertio etsi non tam ad figuram totam respicimus, quàm ad unum ejus latus; quamq; id partem rescindit, ea Consona est: at simul & hoc verum, quòd non tam id consideremus, quanta pars circuli sit intercepta, quàm, cujuscumodi figurâ id sit factum, demonstrabili & congruâ, an contrariâ: Nam figura quælibet, ex angulis suis, ex quibus libro II. Congruentiam sortiebatur, adepta est & demonstrationem, libro I. Non est igitur ab Harmonijs auferendus respectus Congruentiæ figurarum.

PROPO-

PROPOSITIO I.

Dimidii cum Toto Consonantia post unisonum, sola est in primo gradu simplex, perfecta & Identica, scilicet ex Oppposito.

Nam quod figuratum est, id ex diversis est compositum, non igitur vel simplex vel Identicum. Figura enim habet aream, & partes secundum eam, & angulos situ differentes. Quod verò figuratum non est, quod scilicet area latitudine caret, & secundum eam & partibus, & angulis, existens una mera linea recta, eaq. equalis Mensura proposita: id ob hac ipsa & simplex est, & idem cum Mensura, hoc est identicum. Illius modi verò sunt Figurae Regulares, circulo inscriptae; huiusmodi Diameter circuli. 1. Figurarum enim omnia latera deflectunt equaliter à centro; Diameter per ipsum centrum ducitur. 2. Mensor, circulum ab uno puncto cum latere figura dividens, ubi perrexerit hoc faciendo aliquoties, sic tandem cum altero lateris termino redit ad punctum primum; Diameter verò per centrum ipsum transiens, prima statim repetitione redit ad initiale punctum. 3. Figurae reliquae & longitudinem habent laterum, & superficiem areae, quam circumdant; diameter nullam partem circumdans includens ve, repetitionibus iteratis, in seipsam secunda vice tota coincidit. 4. Figurae ceterae circulum dividentes, faciunt partes multas: Diameter facit partes minimo omnium numero, sc. tantum duas: nec enim partitura totum, pauciores duabus facere omnino potuit. 5. Cumq. Diameter sit illa mensura, ad quam Latera figurarum comparanda sunt, Notionis & demonstrationis causa; Latera quidem figurarum reliquarum operosius describuntur, imperfectioriq. demonstrationis gradu in actum scientiae perducuntur: at diameter circuli simplicissimè lege describitur, ductu per centrum, ab uno circuli puncto ad oppositum, equatq. ipsa seipsam, suiq. ipsius Mensura est. 6. Figurarum etiam Latera in divisione una circuli, seu in abfectione Partis, faciunt portiones inaequales, & Partem minorem Residuo: diameter Partem abfectam relinquit equalem Residuo. Haec verò proportio equalitatis pura est & simplex & perfecta; quia partes, quae sunt inter se aequales, illa causa Mensurationis Idem sunt. 7. Deniq. figurae ceterae circumferentiam quidem circuli dividunt in partes aequales aliquam multas, at aream circuli in partes inaequales, quia relinquitur in medio una, sc. area figurae, major quolibet segmentorum: diameter non circumferentiam tantum, sed simul etiam aream in duas dividit aequalia.

Sed per Axioma II. Lateris seu lineae, quae circulum dividit consonanter, ingenium transit in consonantiam ipsam. Ergo Partis, quam de circulo rescindit diameter, id est, semicirculi cum toto circulo Consonantia, est simplex perfecta & identica. Et per Axioma V. etiam omnes aliae longitudines, quae sunt inter se ut Totus circulus ad sui dimidium, faciunt eandem, id est Identicam perfectam & simplicem consonantiam. Et in Numeris (non planè quidem abstractis & numerantibus, sed longitudinibus numeratis) Proportio dupla, inter sc. 1. 2. ut & inter eorum aequè multiplices, gignit Consonantiam Identicam.

Nota hic, quemadmodum diameter per omnes simplicitates & perfectiones suas, non tamen tam simplex est, ut punctum; sed remansit linea, duobus circu-

li punctis terminata, circulum secans in locis oppositis, & partes duas constituens; & quemadmodum ista partes, licet inter se sint aequales, singula tamen suo toto sunt minores: sic etiam Consonantia identica, non est tamen unisonus, & vocum licet identice Consonantium altera tamen minor est, altera major; illa scilicet acuta, haec gravis, illi ex opposito veluti respondens: unde Consonantia haec ex Opposito Identica dicitur.

Habes igitur causam genuinam ex diametro circuli, cur sonus chordae totius cum sono Chordae dimidia, quamvis inter se diversi sint, ab auditu tamen respectu concordantiarum ceterarum quodammodo pro eodem habeatur.

Frustrà alij causam hujus Identisonantiae petunt ex numero vocum octo, cum Identisonantia sit naturâ prior divisione intervalli hujus in Concinna septem, quibus soni octo designantur.

Nondum autem tempus est, huic consonantiae Nomen dandi, uti neq; ceteris: differendum enim hoc est in Caput V.

Nota tamen & hoc, quod identice consonent etiam aliae Partes, quae non constituuntur per diametrum: sed non in primo gradu, nec ut per figuras, sed ut per propagationem, de qua sequentes sunt propositiones.

PROPOSITIO II.

Si duarum circuli partium minor ad maiorem sic habuerit, ut major se habet ad totum circulum, proportionem aliâ quàm duplâ continuè: tunc majore consonante cum circulo toto, minor pars à toto dissonabit.

Nam post duplam est tripla: tripla verò continua, constituit loco tertio partem totius circuli Nonam, Quintupla Vicesimam quintam; Sextupla implicat Nonam, Decupla vicesimam quintam, quia 6 sexies sunt 36. quod est quater novem, & 10. decies sunt 100. quod est quater 25. Et sic etiam de ceteris. Atqui Nona, & 25ta, & similes dissonant à toto, per Axioma III. Vide libro primo prop: XLVII.

PROPOSITIO III.

Chordæ in proportionem continue duplâ, consonant inter se omnes identice, distantiores tamen, gradu remotiori.

Habent enim inter se mutuò tres proximæ, ut totus circulus & dimidium, & quarta pars se habent inter se mutuò. At cum toto circulo tam dimidia, quàm quarta pars consonant, per Ax: I. Cum dimidio verò consonat & quarta, per Ax: V. Quare omnes tres proximæ inter se consonant. Identica verò est consonantia etiam partis quartæ cum toto circulo, quia Totus & dimidium ejus consonant identice, per Prop: I. Sic etiam pars quartæ cum dimidia, per eandem: quare per Ax: VII. etiam Quarta pars cum Toto circulo identice consonat: & per Ax: V. quodlibet quadruplum cum simplo.

Jam verò quæ ratio est prima secundæ & tertiæ proportionalium, eadem erit

erit & secundæ tertiæ & quartæ; & sic continuè trium inter se proximarum. Omnes igitur proportionales in dupla continua proportione, consonant inter se identicè.

Nota igitur in talibus, discrimen Consonantiæ in genere, & Identisonantiæ in specie. Consonant Partes Quarta, Octava, Sedecima & similes etiam ppter Axioma I. & figuras, Tetragonum, Octogonum &c: identicè verò consonant, propter accedentem propagationem hujus sectæ figurarum ex bisectione circuli.

Nam si absq; hac propagatione fuisset; non fuissent identicæ earum consonantiæ. Cum enim figura omnes faciant vel multas partes circuli, si æquales; vel inæquales, si tantum binas; cum aream comprehendant; nec circuli aream in æqualia dividant; nec earum latera per centrum ducantur; nec in seipsa recidant; nec aquantur diametro: Consonantiæ etiam ex figuris Tetragonice sectæ ortæ, dilatassent se quodommodo in auditu, & distendissent animum varietate & diversitate vocum manifesta; ut faciunt consonantiæ, quæ sunt à figuris cæteris, numero non pariter pari laterum constantibus; per prop. I.

Non omnis tamen vis adempta est huic figurarum sectæ, variandi consonantias, & deflectendi illas à puritate Identisonantiæ (sicut ipsæ à simplicitate Diametri recesserunt). Primum enim etsi Partis circuli à figura rescissæ Consonantia convertitur in meram Identisonantiam (propter dictam propagationem partium circuli, à prima omnium bisectione); tamen gradus Identisonantiæ fiunt remotiores, semper enim minor cum proxima se majore consonans ex opposito identicè, fit acutior, multiplicatis oppositionum vicibus; itaq; semper augentur vocum intervalla. Secundò, in Parte quidem manet Identisonantia (ut in sectione per diametrum): at in Residuo nequaquam; sit enim Residuum hoc semper in figuris posterioribus seipso deterius, quantum ad Naturam Harmonicam. Sed de Residuis talibus sequuntur Propositiones peculiare.

Et vicissim, non sola Tetragonica secta, Identicas gignit consonantias; sed etiam sectæ ceteræ, in quantum participant bisectione, in tantum etiam Identicas faciunt consonantias; semper enim Pars circuli rescissa à latere figura posterioris, cum Parte à Prioris latere rescissæ consonat identicè; ut docent propositiones reliquæ. Ita constat Analogia omnibus suis membris.

Usus hujus Prop: est in sequentj;

PROPOSITIO IV.

Chorda quæ consonat cum alterutra Multiplicium proportionis duplæ continuæ, consonat & cum reliquâ: & si ab una dissonat; etiam ab alterâ dissonat.

Nam per Pr. III. soni continuè duplarum sunt inter se identici. Quod verò Identicarum chordarum uniconsonat; & alteri consonat: & cætera, per Ax: VI.

Hujus propositionis causâ positum fuit Axioma VI. & servit hæc propositio jam Partibus & Residuis circuloꝝ examinandis. Caveant scioli à contractione Propositionum & Axiomatum: nulla n. Tautologia est, omnia necessaria involvet se, quisquis rem brevius transigere voluerit.

PROQ

PROPOSITIO V.

Et si latera Stellarum demonstrabilia cætera, propter demonstrabilitatem, eodẽ jure consonas Toti partes in Circulo determinant, quo jure id faciunt figuræ illarum radicales, ut est in Axio- te primo: excipiuntur tamen illa, quæ partem circuli abscant constantem numero (partium quas fecit figura radicalis) proprio alicujus figuræ indemonstrabilis: quando Partis & Totius numeri fuerint inter se Primi.

Prima hujus propositionis pars est axioma; quod ne nimium generale fieret, per secundam propositionis partem restringendum fuit. Demonstratur autem sic. Est namq; circulus divisus à figura demonstrabili, verbi causa ab Icosigono: Est jam stella Icosigonica, cujus latus subtendat novem viceimas ab Icosigono factas: sic ut 9. & 20. sint inter se Primi. Cum ergo Pars abscisa sit de circulo: illa minor sanè erit quàm Totum: at. poterit esse major, quàm totius dimidium vel quarta vel octava; idq; eò usq; dividendo, quoad aliqua totius pars continuè subdupla, fuerit minor dimidio hujus, de qua agimus, Partis: ut quia in exemplo nostro Totum est 20. pars, de qua agimus, 9. sumatur totius dimidium 10. iterumq; dimidium hujus 5. & tertio 2½. octava Totius. Hæc jam est minor quàm dimidium ipsius 9. Habet ergo se pars nostra 9. ad octavam totius circuli 2½., ut circulus divisus figuræ indemonstrabili ad aliquam suæ divisionis partem, sc. ut 18. ad 5: quinq; autem octodecimas, Axiomatis III Corollarium pronunciat vit dissonare à toto 18. Quare per Axioma V, nostræ divisionis pars 9. dissonabit ab Octava circuli (divisionis nostræ partibus 2½): dissonabit ergo per Prop. IV. pars nostra 9. etiam à toto circulo 20. quàmvis ejus subtensa sit demonstrabilis; sed remotissimo gradu, etiamq; stella ejus ex incongruis est.

PROPOSITIO VI.

Residua circulorum vel chordarum, post abscissas Partes consonas Toti, si sunt partis suæ consonantis continuè dupla, consonant & cum parte abscissa, & cum toto circulo vel chorda.

Cum abscissa per Prop. I. cum toto per Prop. IV.

PROPOSITIO VII.

Si tale Residuum habuerit eandem proportionem ad circuli vel chordæ dimidium vel quartam partem, quam Totus circulus habet ad aliam aliquam Partem sui consonam; consonabit etiam cum Toto circulo; si ut ad portionem dissonam, dissonabit.

Circulus enim totus, ejusq; dimidium, & pars Quarta, sunt in proportione continuè dupla: quare (per Pr. IV) quæ residua Parti tali circuli consonant, consonant & toti; & quæ ab illa dissonant, etiam ab hoc dissonabunt. At consonant Parti tali Residua illa, quæ proportionem eandem habuerint ad illam, quæ

Totus

Totus ad quamcunq; partem consonam : dissonantq; à Parte tali, qua proporti-
onem ad illam habuerint; quam circulus ad quamcunq; partem dissonam : idq;
per Axioma V.

Ergo talia Residua consonant & Toti circulo; contraria dissonant à
toto circulo.

Hac prop: est propter sequentem P. VIII.

PROPOSITIO VIII.

Ad abscissam vero Partem si proportionem ean-
dem habuerit Residuum, quam Totus circulus ad Partem quancunq;
consonam; consonat etiam cum abscissa, sicut priori propositione cum
Toto consonabat: sin eam, quam Totus ad aliquam dissonam Partem
dissonabit & ab abscissa parte & à Toto.

Primum membrum nititur Axiomate V. ut & posterioris membri particu-
la una, quod Residuum dissonet à Parte abscissa. Quod verò tale Residuum
dissonet etiam a Toto, sic probatur.

Capit enim id, in dicta proportione, locum totius circuli per figurã indemon-
strabilem divisi: quare et si Residuum tale, est minus toto circulo, cujus est Re-
siduum; at majus tamen est semicirculo, ex definitione Residui. Quod si majus
est semicirculo suo: quarta igitur circuli sui pars, quippe dimidia semicirculi, mi-
nor est Residui hujus dimidio. Quare ut Residuum ad circuli sui quartam; sic
erit aliquis circulus divisus à figura indemonstrabili, ad aliquam suam partem
divisionis illius. At dissonat totus talis circulus à tali sua parte per Ax: III. Dis-
sonabit igitur & dictum Residuum, à circuli sui quarta, per Ax: V. Dissona-
bit igitur etiam à toto suo circulo, per Prop: VII.

Corollarium ad has propositiones.

Sunt ergo

Consonæ Partes.	Consona Residua.	Dissonæ Partes.	Dissona Residua.	Respectu Totius
1.	1.			2.
1.	2.			3.
1.	3.			4.
1. 2.	3. 4.			5.
1.	5.			6.
1. 3.	5.		7.	8.
1. 3.			7. 9.	10.
1. 5.			7. 11.	12.
1. 3. 5.		7.	9. 11. 13. 15.	16.
1. 3.		7. 9.	11. 13. 17. 19.	20.
1. 5.		7. 11.	13. 17. 19. 23.	24.

Et cætera.

De sectione Harmonica
Chordæ.

Haftenus Originem docuimus Harmonicarum proportionum, eamq; duplicem, unam immediatam à figuris demonstrabilibus, ipsidemq; & congruis; alteram mediante proportione dupla, quâ nititur consonantiarum identitas. Cum autem infinitæ sint harmonicæ proportiones, eaq; quoad nostrâ cognitionem adhuc rudes impolitæ inconspicuæ & innominatæ, & coacervatæ seu dissectæ potius, ut aliqua rudium lapidum lignorumq; copia; sequitur ut progrediamur ad eas poliendas, ad nomina ipsis indenda, deniq; ad pulcherrimum ædificium Systematis Harmonici, seu scalæ Musicæ ex ijs extruendum: cujus constitutio non est arbitraria, ut quis cogitare possit, non inventum humanum tale quod mutari etiam possit, sed Rationalissimam, Naturalissimamq;, adeo, ut Deus ipse Creator illam exprefert in contemperatione motuum cœlestium. Coagmentantur autem Proportiones Harmonicæ in unum Systema, per sectiones chordæ harmonicæ; quæ quot sint numero, id hoc capite perquirendum erit.

DEFINITIO.

Cum tota chorda secatur in partes tales, quæ & inter se, & cum tota singulæ consonent: sectio Harmonica nobis dicitur. Medium verò sectionis hujus, Musicè (id est consonè) proportionatæ, est partium duarum æqualium una; vel si inæquales, earum Major: extrema proportionis consonæ sunt, Pars reliqua vel minor, & Chorda tota.

Tota
Pars Major.
Pars Minor.
Med:
Extrema

Observe Geometra Analogiam proportionis divinæ, seu secundum Extrema & Medium: in qua Tota habet eandem proportionem ad partem Majorem, quam & Major habet ad Minorem. Quod enim in hac sectione Geometrica est Proportio eadem: id in nostra sectione Musica est Qualitas eadem, quæ Consonantia, Concordantia, Congruentia, Harmonia dicitur. Cave tamen subsumperis Consonantiam specie eandem, sicut illic Proportio est unica.

Veteres hujus sectionis non meminerunt hoc sensu, quia veras Consonantiarum causas nesciverunt: de ipsorum verò sectione chordæ, agemus inferius.

PROPOSITIO IX.

TV Sectio chordæ in partes duas æquales, est Harmonica.

Nam quia partes æquales sonum edunt eundem in una aliqua tensione, per Axioma II. Tota verò est singularum dupla; consonat igitur identicè cum earum unaquaq; per Prop. I. Tres igitur consonantia; quare per definitionem, Chorda secta est harmonice.



Notæ ex Musica nostra usitatâ, anticipandæ ex sequentibus causâ captus facilioris.

PROPOSITIO X.

Sectio Chordæ in duas partes, proportionis duplæ est Harmonica.

Partes enim hujus proportionis consonant identicè, per Prop. I. Et quia pars major est dupla minoris, tota igitur est tripla minoris. Est igitur ad minorem, ut circulus ad partem trigonico latere resectam, & consonat, per Corollarium ultimum capitis prioris: quare & ipsa Tota parti minori consona est, per Ax. V. Consonat igitur & ejus dupla, sc. Residuo, per Propos. IV. Tres igitur per hanc sectionem consonantia constituntur, Ergò.



PROPOSITIO XI.

Sectio Chordæ in duas partes, proportionis inter se triplæ, est Harmonica.

Nam quia partes 1. & 3. sunt ad invicem ut pars Circuli Consona ad totum, consonabunt & ipsæ inter se, per Ax. V. Et quia 1. & 3. faciunt 4. pars 1. cum toto 4. consonabit per Axioma I. & per Pro: III.

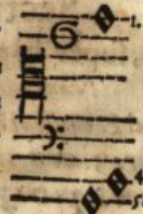
Deniq; quia Residuum 3. consonat cum parte 1. consonabit etiam cum ejus quadruplo 4. sc: cum tota chorda. Quare & hic tres sunt consonantia.



PROPOSITIO XII.

Sectio chordæ in duas partes proportionis inter se quadruplæ, est Harmonica.

Nam quia partes sunt in quadruplâ prop: consonant igr inter se identicè, per Prop. III. & quia 1. & 4. faciunt 5. ergo pars 1. cum tota 5. consonat, per Axioma I. & Corollarium dictum. Quare tota 5. consonat etiam cum partis 1. quadrupla 4. per Pr. IV. Tres igitur fiunt consonantia. Ergo & c.



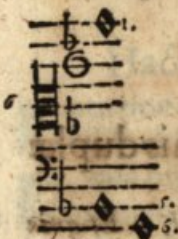
PROP.

DE PROPORTIONIBUS

PROPOSITIO XIII.

Sectio chordæ in duas partes proportionis inter se quintuplæ, est Harmonica.

Nam quia pars est 1. residuum 5. habent igr. proportionem, quam circulus totus ad partem consonantem, per Ax. I. & Corollarium dictum. Quare & ipsæ inter se consonæ sunt, per Ax. V. Et quia pars 1. cum Residuo 5. facit 6. totum: igitur (per Ax. I. & Corollarium) pars 1. consonat cum toto 6. Et quia Residuum 5. est ad quartam partem de toto Circulo 6. (scilicet ad 1½. hujus divisionis) ut Circulus totus 10. ad partem consonam 3. per Corollarium: quare & Residuum 5. cum toto 6. consonabit, per Prop. VII. Vel quod eodem redit, quia Residuum 5. est ad totius Circuli 6. duplum 12. ut pars consona ad totum, per Corollarium: quare & hoc Residuum 5. consonabit cum 12. duplo totius, per Ax. V. Ergo etiam cum simplo, sc. cum ipsa tota 6. consonabit, per Prop. IV. Ita tres fiunt consonantia. Ergo & c.



PROPOSITIO XIV.

Sectio chordæ in duas partes, proportionis inter se sesquialteræ, est Harmonica.

Nam quia pars 2. cum Residuo 3. constituit proportionem sesquialteram, habet igitur se Pars ad Residuum, ut aliquod consonum Residuum 2. se habet ad circulum 3. per Corollarium; quare & pars hæc 2. cum suo Residuo 3. consonabit, per Ax. V. Et quia pars 2. cum residuo 3. facit totum 5. pars verò 1. ejusq; residuum 4. cum suo toto 5. consonat per Corollarium: consonabit igitur etiam tota 5. cum consona Partis 1. duplâ 2. qua hoc loco nostra Pars est, vel cum consoni Residui 4. dimidio 2. Per Prop. IV. Idem sequitur etiam simpliciter ex Propositionis V. parte primâ axiomatâ; quia subtensa duabus quintis demonstrabilis est, quare & Consona. Deniq; quia partis 2. Residuum 3. est ad totius 5. partem quartam, ut totus circulus 12. ad partem consonam 5. per Corollarium: consonabit igitur & Residuum nostrum 3. cum toto 5. Per Prop. VII. Tres igitur consonantia existunt. Ergo.

PROPOSITIO XV.

Sectio chordæ in partes duas, proportionis inter se, super-bi partientis tertias, seu 5. ad 3. est Harmonica.

Nam quia proportio partis 3. ad Residuum 5. est eadem, que alicujus Residui 3. consoni ad totam 5. per Corollarium: quare per Axioma V. etiam nostra pars 3. cum nostro residuo 5. consonabit. Et quia pars 3. cum residuo 5. facit totam 8. quare per Corollarium, pars 3. consonabit cum tota 8. Deniq; quia Residuum

5. ad

5. ad totius 8. partem dimidiam 4. se habet ut totus circulus 5. ad Residuum 4. consonum; vel ad totius 8. Partem quartam 2. ut totus circulus 5. ad partem consonam 2. per Corollarium: consonabit igitur Residuum nostrum etiam cum Toto 8. per Prop: VII. Tres igitur & hic sunt consonantiae; Ergo.



PROPOSITIO XVI.

Si chorda secetur in duas partes Effabiles, interq; illas & totam, hoc est inter tres terminos fuerit dissonantia una; oportet & alteram dissonantiam inter illos esse.

Nam causa dissonantiae erit, quod vel tota vel pars habeat numerum portionum illius divisionis, proprium figurae indemonstrabilis. Atqui talis Numerus neq; majori alicui Numero, qui proprius sit figurae demonstrabilis, consonè sociatur, neq; ulli minori se ipso, per Axioma III. & V. & Prop: V. & VII. Terminus igitur ille, qui constat numero tali Portionum, dissonat à duobus terminis reliquis, sectionis illius; & sic duæ sunt dissonantiae simul.

Huic propositioni in geometria simile est hoc, quod si recta secetur in partes Effabiles, fueritq; earum una incommensurabilis alicui Tertiae (non Toti ex utraq; compositæ ut hic); alteram quoq; eidem Tertiae incommensurabilem oportet esse.

Aut, si recta secetur in partes inter se incommensurabiles: utraq; erit Toti incommensurabilis.

PROPOSITIO XVII.

Si chorda sectetur in duas partes longitudine Effabiles, fuerintq; inter illas & totam, hoc est, inter tres terminos, consonantiae duæ; oportet & tertiam esse consonantiam.

Si enim duæ consonantiae sunt, cum sint proportionum non plures quàm tres: non poterunt igitur esse duæ dissonantiae: si non duæ dissonantiae, ergo nec una, per XVI. conversam: Ergo omnes tres proportionales erunt consonantes.

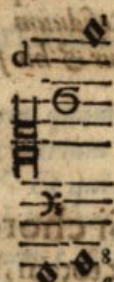
Sic in Geometria, si recta secetur in partes inter se commensurabiles, tota utriq; partium erit commensurabilis.

PROPOSITIO XVIII.

Sectio chordæ in partes duas longitudine Effabiles, in qua vel Tota vel Partium altera numerum portionum acquirit, proprium figurae indemonstrabilis, (quando quidem Numeri & Totius & Partium inter se Primi fuerint) non est Harmonica.

Demonstratur ut XVI. Funt enim ex tribus trium terminorum proportionibus ad minus duæ dissonæ, contra Definitionem præmissam.

Hic sunt tria exempla, in primo major pars, est septem octavae, in ultimo Minor est una Nona: in medio, Totum capit partes septem, omnia dissona.



Loca sic notata, Notis
usitatae Musicae nequeunt
exprimi.

PROPOSITIO XIX.

Post Octogonicam nulla datur sectio chordae Harmonica.

Sequentes enim sectiones aut sunt per figuras indemonstrabiles, earumque stellae; & tunc partes licet, inter se consonare possent, tamen dissonant à toto, per Ax. III. Aut per figuras demonstrabiles demonstratione impropria, ut per Pentekadecagonum; dissonantque propriae partes sectionis à toto, per Corollarium ad Ax. III. Aut per demonstrabiles demonstratione propria: quae post Pentagonum omnes sunt parilaterae, vide librum I. Ergo partes talium sectionum proprias, oportet constituere numero portionum sectionis impari; si enim pari numero sumerentur, Pars esset non huius sectionis sed prioris propria: ut divisâ chordâ in 10, si portionum 4, vel 6, sumpseris, perinde est, ac si divisâ chordâ in 5, sumeres portionum 2, vel 3. Cum ergo Pars sit numero impari, Tota numero pari: ipsa quidem Pars poterit consonare Toti, si non sit major quinario (per Pr. V.) at una consonantia non sufficit ad sectionem harmonicam, ut patet ex definitione: tunc verò dissonum erit Residuum: tota enim ponitur portionum plurium quàm 8. & Residui definitio est, ut sit majus dimidio, sc: majus quàm 4. Minimum ergo Residuum in divisione octonaria, est 5. in numerosioribus est majus quàm 5. In omnibus ergo sectionibus Chorda post Octonariam, Residua sunt impari numero, majori quàm 5. At qui Numeri impares, majores quàm 5, proprij sunt figurarum indemonstrabilium, per XLV & XLVII libri primi. Ergo per Prop: XVIII huius, Residua haec causantur sectiones non harmonicas.

Corollaria.

I. Sectiones unius chordae Harmonicae sunt numero septem, non plures.

II. Propagatio numerorum, qui sunt characteres sectionum, fit hoc pacto. Initio ponitur Fractionis formâ Totum, unitas scilicet supra pro

prà pro numeratore, & unitas infrà pro denomi-
natore: deinde uterq; numerus seorsim ponitur
suprà, & summa utriusq; utriq; infrà; ut ex una
qualibet fractione duo oriantur rami, eousq;
dum ex summa fiat numerus index figuræ inde-
monstrabilis.

Has sectiones chordæ septem pri-
mùm auditu indice inveni, totidem nempe, quot
sunt Harmoniæ non majores unâ Diapason; po-
stea causas & sectionum singularum, & universa-
rum Numeri, non sine labore ex penitissimis Geo-
metriæ fontibus erui. Legat curiosus lector,
quæ de his sectionib; ante annos 22. scripsi in My-
sterio Cosmographico, Capite XII. & perpendat,
quomodo fuerim illo loco hallucinatus super cau-
sis sectionum & Harmoniarum; perperam nifus

earum numerum & rationes deducere ex numero quinq; corporum
Regularium solidorum: cum verum sit hoc potius, tam quinq; figuras
solidas, quàm Harmonias Musicas & chordæ sectiones, communem
habere originem ex figuris Regularibus planis. Et Ptolemæi quidem
Musica cum expositione Porphyrij, quorum loco allegato mentionem
feci, hætenus manuscripta nactus sum, ex liberalitate Jo: Georgij Heer-
vvardi Cancellarij Bavarici; ex quorum libro tertio partem potiorem
in Appendicem ad libros IV. & V. hujus operis transtuli: causas verò
Harmoniarum genuinas in ijs non inveni, adeoq; ne sectionum quidem
harum, Numeriq; earum septenarij, ulla fit mentio.

Et si verò maturè satis animadverti, causas à figuris planis peren-
das; ut cujus rei semina jam in allegato capite XII. Mysterij sparsa vides:
atramen diu admodum me torserunt, priusquàm omnibus animi mei
scrupulis satisfaceret. Primùm enim Figuræ demonstrabiles à non de-
monstrabilibus erant separandæ; postea causa inveniendâ, cur cum sec-
tiones hæc essent ex figuris, sectiones quidem intra septenarium con-
sisterent, figuræ in infinitum excurrerent. Tertio discrimen inter
Pentekædecagonum & demonstrabiles cæteras erat statuendum; quia
vidi, figuram illam exclusam esse ab Harmoniarum procreatio-
ne, teste auditu. Et habebant singula capita suas cautiones concisiores,
quarum una quælibet me diu tenuit occupatum. Exemplo sit pro-
pos: V. quam ultimò omnium, cum jam describerem opus, vidi adden-
dam, quod hætenus ignoraveram. Nisi enim & illa inter principia esset,
et, si verbi causa, septem vicesimæ propterea essent aptæ ad statuendam
harmoniam, quia sunt per tres vicesimas (cum quibus semicirculum fa-
ciunt) demonstrabiles; tunc & septem decimæ, & quinq; septimæ, eòq;
& duæ, & una, septimæ, harmonias facere convincerentur, quod om-
nibus modis repudiant & aures, & Axiomata nostra.

Igitur vel solo allegato libri mei Mysterij cosmographici testimo-
nio, satis est munitus auditus, contra Sophistarum obtreccionem,



II. 413
 Auditus sine
 eero testi-
 monio con-
 stat hic sep-
 genarius.

fidem auribus derogare ausuros circa divisiones adeò minutas, & dijudicationem concordantiarum subtilissimam: quippe cum videat lector me fidem aurium illo tempore secutum esse, in constituendo sectionum numero, cum adhuc de causis laborarem; nec idem hic fecisse, quod fecere Veteres; qui aurium iudicio progressi aliquatenus, mox contemptis ducibus, reliquum itineris, Rationem erroneam secuti, perfecerrunt; auribus vi quasi pertractis, & planè obsurdescere iussis. Ex abundanti verò infra cap. VIII. hujus libri operam dedi, ut cuilibet esset in promptu facultas suo pte Marte consulendi auditum super his alijsq; chordæ divisionibus; earumq; testimonium pensiculandi; ut certus sit, ea, de quorum causis laboramus, sensuum experientiâ certissimâ niti, nec sponte mea (cujus criminis Pythagorei in parte rei sunt) esse conficta, proq; veris obtrusa.

CAPUT III.

De medietatibus Harmonicis,

& Trinitate concordantium sonorum.

Vana est definitio proportionis Harmonicæ, quod sic illa, ubi tribus Numeris ordine naturali locatis, binorum vicinorum

Excessus sunt in proportione Extremorum: ut in numeris 3. 4. 6. maximus 6. est duplus minimi 3. & sic etiam differentia 2. inter binos vicinos majores 4. 6. est dupla differentiæ 1. inter binos vicinos minores 4. 3.

Inseram tamen modum inveniendi numeros continentes talem proportionem, Musicam ab authoribus dictam: quia crebrò ex Harmonicâ doctrinâ transluitur in Ethicam & Politicam. Modus est talis. *Propositis duobus numeris inter se Primis, qui continent proportionem Extremorum (è tribus musicè contemperandis ex sententiâ veterum) & differentiarum utriusq; à Medio; Multiplica utrumq; in seipsum & ambos in se mutuo: factorum trium duos minores adde pro Minimo inveniendorum, duos majores adde pro Maximo, Medium duplica pro Medio Musico veterum. Verbi causa, sint inveniendi tres numeri in proportione Musica veterum tali, ut Extremi habeant inter se proportionem eam, quæ est inter 3. & 5. Ter 3. sunt 9. Ter 5. sunt 15. Quinquies 5. sunt 25. sunt igitur facti 9. 15. 25. Adde 9. & 15. fiunt 24. Adde 15. & 25. fiunt 40. duplica 15. fiunt 30. Sunt igr hi tres quesiti 24. 30. 40. quorum differentie (Extremorum à medio) 6. 10. Nam ut 3. ad 5. sic 24. ad 40. sic etiam 6. ad 10. In minimis inter se Primis 12. 15. 20.*

Hæc quidem verè est harmonica proportio etiam mihi, quia non tantum proposita proportio inter 3. 5. est harmonica, per Prop: VIII. Coroll: sed etiam inventus Medius numerus 15. consonas facit proportionem cum Extremis 12. & 20. per idem Coroll: At hoc non semper fit. Quoties enim inter duos numeros hoc pacto propositos, medium Arithmeticum cum extremis dissonantes proportionem determinat,

Modus con-
 stituendi
 quancum-
 q; Medietate
 in Musica
 ex sententiâ
 veterum.

Elenchus
 hujusmodi.

toties proveniunt etiam ex hac operatione tres numeri in proportione revera non Harmonicâ, quamvis duo initio propositi proportionem solitarij contineant harmonicam. Sic fit in 1.6. in 1.8. in 3.4. in 4.5. in 5.6. in 2.5. in 3.8. in 5.8. Verbi causa inter 2.5. hoc est 4.10. medietas Arithmetica est 7. non harmonica, quia 7. neq; cum 4. neq; cum 10. consonat, per Pr. V. Operare ergo secundum Regulam; prodibunt numeri 14.20.35. cum excessibus 6.15. ubi 20. secundum veteres dicenda esset medietas harmonica, quia ut 14. ad 35. (id est 2. ad 5.) ita 6. ad 15. Atqui aures omnino repudiant 20.35. (quippe 4.7.) & 14.20. (quippe 7.10.)

In sectionibus igitur harmonicis cap II. totidem se offerunt medietates, quot sunt sectiones, unâ minus: & Medietas in illis quidem sectionibus sumitur strictiori significato, quod sit chordæ harmonicæ sectæ in inæqualia, Pars major, seu numerus illam exprimens. Sic 2. est Mediû harmonicum inter 1.3. sic 3. inter 1.4. interq; 2.5. sic 4. inter 1.5. sic 5. inter 1.6. interq; 3.8.

Præter has verò sunt etiam aliæ Medietates, solutæ hac lege sectionis totius chordæ in partes duas, comprehensæ tamen generali nostra definitione: & secantes non chordam unam, ut priori capite, sed proportionem chordarum, in minores proportiones consonas.

Primum omnes proportionem majores duplâ resolvuntur in sua principia, ablatione proportionis duplæ, ut 1.24. constat ex quatuor duplis (sc. ex sedecupla) & sesquialtera: Quare Medietates Harmonicæ hoc quidem nomine inter 1. & 24. intercedunt istæ 2.4.8.16. superius collocatâ sedecuplâ; vel istæ 12.6.3.2. Vnâ duplâ superius collocatâ, tribus inferius: nam variè fieri potest.

Deinde Proportio dupla resolvitur in has consonas 3.4. & 2.3. vel in 3.4. & 4.5. & 5.6. vel in 4.5. & 5.8. vel in 5.6. & 3.5. Deniq; sesquialtera 2.3. resolvitur in 4.5. & 5.6. sic 5.8. in 5.6. & 3.4. sic 3.5. in 3.4. & 4.5.

Tres igr istæ proportiones 3.4. & 4.5. & 5.6. sunt ex consonis minimæ, hoc est immediatæ, seu medio Harmonico carentes, cæterarum scilicet Elementa consona.

Ex his autem sequitur, unius duplæ duas esse posse medietates, inter se quoq; consonas, idq; sexies. Nam quia dupla habet tria Elementa minima consona; sexies eorum ordo potest variari. Nam 3.4. vel est primo loco à chorda minori, vel medio; vel ultimo; & in uno quoq; casu, reliquorum Elementorum aut majus 4.5. est versus chordam minorem; aut minus 5.6.

Singuli casus sunt exprimendi singulis Numerorum Quadrigris, ut in tabella sequitur;

D 3

Ordo

Bina Medi:
Harmoni-
ca.

CAP. III.

Ordo Proportio-
num Consonarum mini-
marum in una dupla.

Locus Termini minoris seu acutissimi.	$\frac{3}{4}$	$\frac{4}{5}$	$\frac{5}{6}$
	$\frac{4}{5}$	$\frac{5}{6}$	$\frac{3}{4}$
	$\frac{5}{6}$	$\frac{3}{4}$	$\frac{4}{5}$
	$\frac{5}{6}$	$\frac{4}{5}$	$\frac{3}{4}$
	$\frac{4}{5}$	$\frac{3}{4}$	$\frac{5}{6}$
	$\frac{3}{4}$	$\frac{5}{6}$	$\frac{4}{5}$

Fasciculus binarum
Medietatem Harmonica-
rum inter chordas Propor-
tionis duplae.

3. 4. 5. 6. 

4. 5. 6. 8. 

5. 6. 8. 10. 

10. 12. 15. 20. 

12, 15, 20. 24. 

15. 20. 24. 30. 

Ex his verò sex bigis medie-
tantum harmonicarum, una sola, in nu-
meris 10. 12. 15. 20. patitur definitionem
veterum. Nam 12. est medium (illorum
sensu) Musicum inter 10. & 15. sic 15. est
medium Musicum inter 12. & 20. Exces-
sus enim sunt 2. 3. 5. Ut verò extremi uni-
tis trigæ 10. ad 15. sic 2. ad 3. Et ut extremi
alterius trigæ 12. ad 20. sic 3. ad 5.

De Trinitate
concordantiarum.

Cum ergo Chordæ proportionis duplae conso-
nent identicè; inter illas verò non possint esse una vice plures quàm duæ
medietates, consonantes & inter se & cum duplis ipsis: hinc orta est fa-
mosa illa Musicorum observatio, qui trinis vocibus omnes harmonias



absolvi mirantur. Nam quotcunq; voces præterea
accumulentur, singulae in trium unam redeunt per
duplae proportionis consonantiam identicam.

Quamvis enim existat una consonantia ex omni-
bus istis chordarum magnitudinibus 3. 4. 5. 6. 8. 10. 12.
16. 20. 24. at quicquid est post 3. 4. 5. chordarum, o-
mne id in unam harum redit per identisonum: ut 6.
in 3. & 8. in 4. & 10. in 5: sic 12. in 6. & 3: sic 16. in 8.
& 4: sic 20. in 10. & 5: sic 24. in 12. 6. & 3.

Causam hujus rei frustra petunt aliunde, alij ex trina dimensione
quantitatis perfectæ, seu corporis; ut quod patet in longum, latum &
profundum: alij ex numeri ternarij perfectione: alij ab ipsa adoranda
Trinitate, in Divinitate.

Frustra, inquam, omnes: Nam neq; solida quantitas hoc nego-
gotiū ingreditur, cum ortum harmonicarum proportionum ex figuris
planis docuerimus, & longissimè diversa sic, causa scientiæ: solida quan-
titas, à planâ, quippe illa duabus medijs proportionalibus utitur, quas
sciri

sciri promiscuè est impossibile: neq; numeri ulla vis esse potest, quare-
nus ut numerans consideratur; neq; etiam origo hujus Trinitatis im-
mediatè est ab essentiâ divinâ, per causationem exemplarem; cum ap-
paruerit suprâ, componi causam rei ex principijs explicatis, quæ nequa-
quam intendunt numerum aliquem vocum per se; sed quæ voces ipsas
inter se singulas singulis coaptantia harmonicè, & sic quasi aliud agentia
per accidens efficiunt aliquid simile divinis, propter eundem nume-
rum: quod idem etiam in plurimis rebus alijs frequenter contingit.

Breviter, Numerus hic ternarius non est efficiens causa Harmonia-
rum, sed effectus ipsius, seu effectæ harmoniæ comes; Non informat
harmonias, sed est formæ resplendentia; Non est materia vocum
harmonicarum, sed est soboles procreata ex materiali necessitate: Non
est finis *ou' êvexa*, sed est extremitas operis; deniq; nihil est de re ipsa
Harmonicâ, sed est Ens rationis secundarium, & mentis conceptus, se-
cundæ intentionis. Nihil magis enim est quærendum, cur voces so-
lum ternæ consonent harmonicè, quarta & omnes aliæ per duplæ pro-
portionis consonantiam redeant quodammodò in idem: quàm cur sex
tantum bigæ sint in qualibet Octava, senæ consonantiarum triplicium
formæ. Ut enim Senarius iste non est à sex diebus creationis; sic neq; il-
le Ternarius est propter Trinitatem personarum in Deitate. Sed cum sit
Ternarius communis reb⁹ divinis & mundanis; ubicunq; is occurrit; su-
perveniens mens humana, causalitè ignara, conspirationè hanc miratur.

CAPUT IV.

De ortu concinnorum inter-

vallorum quæ Consonis minora sunt.

Cum sensus testetur, Ex chordis æqualiter tensis,

illarum sonitus esse graviore, quæ sunt longiores, illarum acutiores,
quæ breviores; hinc voces istæ junctæ *Acutum & Grave*, differentiæ
sunt Harmonicæ propriæ. Nam singulæ quædam seorsim aliarum singula-
rum sunt scientiarum: in quibus copulantur cum oppositis alijs; Acu-
tum cum Obtuso, in Geometria; Grave cum Levi, in Physica. Et aliter,
Acutum in Mechanicis sonat subtile & penetrans; Grave in sensualibus
imitatur de odoribus, qui, ut gravia pondera, ob quandam magnitudi-
nem, sunt minus tolerabiles. At junctæ *Acutum & Grave*, interq; se op-
positæ, non nisi de vocibus accipiuntur. Retinent tamen aliqd de pri-
stino significato. Nam ut in Geometria Acutum est minus Obtuso, sic
etiam in Harmonicè, vox acuta sonat parvam, eoq; penetrantem & al-
tam; idiotismo Teutonico, & voli tantem quasi in sublimi, pp. quandam
levitatem. Et ut in Physica Gravia habent magnum pondus, Levia par-
vum: sic etiam hic, Gravis vox sonat magnam: utq; Gravia in libra fun-
dum & inferiora petunt, levia in altum exsiliunt; sic etiam in Harmo-
nicè; vox gravis propter magnitudinè reputatur pro ponderosa,
eoq; inferiori seu profunda (*bassu*); vox acuta, uti dictum, pro alta.

Nam

Quid Gra-
ve?

Quid Acu-
tum?

Quid Pro-
fundum?

Quid Al-
tium?

Nam quod in Testudine Hypate, id est Summa, edebat gravem sonum, id est tantum ob ejus situm in instrumento, ut adhuc hodie, non ob aliquam vocis similitudinem cum levibus & supervolitantibus. Sic autem ejus in instrumento rationem habet mechanicam, ex eo quod Nete, id est Ultima & Infima, quia sonat acutissime, fuit pulsanda creberrime; cum parvis conveniat motus velox: & verò deorsum pulsamus expeditius ob conformationem pollicis, quam sursum. Accedit inter causas, experientia gutturis humani. Nam & viri communiter proceriores feminis, adulti pueris, graviores etiam vocem emittunt, quasi profundius petitam; & singuli homines, ipso sensu tactus docente, graviores vocem profundius eliciunt, altiores superius; & qui gravissime cantant, corpus extendunt, ut quam profundissime vox exeat. Tendunt quidem collum etiam qui acute canunt, sed non ut longum collum faciant, sed ut rectius constringant supremos circulos gutturis.

His igitur de causis natus est in Harmonicis conceptus Alti & Profundi, pro quo crebro usurpamus Acutum & Grave. Cum igitur Altum & Profundum sint, aliis vocabula loci; consuetudo sermonis, hæc sua principia secuta, vocibus etiam id accommodat, quod locorum est proprium, scilicet Intervalla, Græcè *διαστήματα*. Nam loca *διαστά* distare dicuntur. Denique disciplina Harmonica hanc vocem etiam in picturas seu Diagrammata sua (de quibus inferius) transtulit; quæ altis & profundis lineis constant, quo pacto restitutus est illi sensus Geometricus.

Quid Diagramma Intervallum.

Quæ igitur hæcenus dicebantur Proportiones chordarum, in posterum ferè dicentur Intervalla vocum, quas emittunt chordæ longitudinis inæqualis. Nam voces idem sonantes, quibus respondent chordæ ex æqualiter tensis æquè longæ, Intervallum non faciunt, cum sint altitudinis ejusdem.

Etsi libro V. abstinendum erit ab hoc sensu vocis Intervallum; propterea quod ibi crebro usu repetenda erit vox ista in sensu astronomico, de linea recta inter Corpus Planetæ & Solem, item, de eo spacio quod inter diversos orbis interest.

Quid superius quid inferius intervallum.

Porro sicut præcedenti capite proportionibus bifariam considerabantur, sc. vel singulæ per se ipsas, vel invicem comparatæ causâ ordinis, qui extendebatur à compositæ alicujus proportionis termino seu chorda minori ad majorem vel longiorem, & vicissim: sic nunc etiam Intervalla vel singula per se, vel invicem comparata, considerantur causâ loci harmonici; ut in continua ordinatione aliquor intervallorum, (sic ut bina semper contigua, habeant eundem terminum communem, qui sit unius major terminus, alterius vergentis ad graviores voces minor) semper illud intervallum dicatur inferius, quod est inter voces graviores, illud superius, quod est inter acutiores.

Quæ Intervalla æqualia.

Et in Geometria quidem proportionibus agnoscuntur æquales, licet sint inæquales termini unius, terminis alterius, & excessus terminorum unius, inæqualis excessui terminorum alterius: Ut si sint tres chordæ in proportionibus numerorum 4. 6. 9; eadem censetur proportio

4. 6. quæ 6. 9. non obstante quòd cum ipsi termini, tum etiam excessus 2. & 3. inæquales sunt.

In Harmonice similiter omnia intervalla vocum à chordis, quæ sunt ejusdem proportionis, venientiù, & censentur æqualia. & scribuntur etiam nota numericâ eadem: quin etiam linearum intervallis æqualibus pinguntur in diagrammate: sic ut penitus obliviscamur ejus inæqualitatis, quæ est inter excessus diversarum chordarum.



Sequitur igitur, ut proportionis minoris, Intervalla minora dicamus, majoris Majora, sine respectu magnitudinis aut parvitas respondentium utrinq; terminorum.

His igitur definitionum loco præmissis; nunc porrò dispiciendum est de differentiis intervallorum.

Haftenus quidem proportionibus omnes, quas consonas esse demonstravimus, unâ æqualitatis exceptâ, pro totidem Intervallis itidem consonis sunt habendæ: proportionibus verò quas dissonas diximus, pro intervallis itidem dissonis. Cum verò inter dissona intervalla magna sit differentia: sic ut non tantum consona à Naturâ doceantur, & illius instinctu ab auditu probentur; sed etiam alia minora Intervalla ab eodem sensu stabiliantur; quæ licet dissona sint, apta tamen sunt, per quæ Cantus traducatur; Harmonice Naturam secuta, nomen ijs imponit Concinnorum, eaq; distinguit ab Inconcinnis, quæ nullius cantus ordinati tractum ingrediuntur; Græcè dicuntur ἐμμελῆ & ἐκμελῆ.

Quid intervalla consona quid dissona?

Quid Intervalla concinna, quid Inconcinna, causa Nominis?

Quod naturæ ingenium in discrimine Concinnorum & Inconcinnorum cum viderent Veteres: quærendum igitur existimarunt, quodnam esset commune omnibus Concinnis & Consonis minimum Elementum, ex quo secundum aliquem numerum sumpto, quodlibet ex Consonis & Concinnis componeretur. Necesse enim videbatur existere aliquod tale minimum Intervallum, ut simplex, & ortu prius ipsis Consonantijs, quæ videbantur compositæ ex tali minimo, utpote cum essent intervalla alia alijs majora.

Atqui res longè aliter habet, quod multis exemplis doceri potest. Nam si specierum omnium Individua, quæ magnitudine differunt, ex uno communi Minimo constant; erit igitur una aliqua minima quantitas humanæ speciei, ex cujusmodi pusionum certo aliquo numero, velut ex elementis, quilibet homo componatur, procerus ex multis, pumilus ex paucis. Non minus enim in harmonicis qualitas ista, Consonantia, informat chordarum proportionem, seu vocum intervallum, quàm forma hominis molem illam materiæ informat, quæ hominis cute ambitur. Et cur oblici sunt Geometriæ, in qua plurima sunt exempla omnis generis quantitatum incommensurabilium; quarum definitio est, nulla penitus communi mensura, quæ sit ex eodem genere quantitatum, tanquam aliquo compositionis Elemento quantitatis certæ, communicare?

Sic igitur tenendum est, Intervalla consona (præterquam quorum unum est alteri Multiplex) esse, ut proportionibus illas ipsas, incommensurabilia;

Intervalla Musica ple-raq; incommensurabilia.

E

Cap. IV.

abilia, sic quidem, ut quamvis eorum differentia numeris exprimantur, quod in simplicibus numeris est signum commensurationis, hæ tamen differentia, quippe non simplices numeri, sed fractiones, non sunt differentium pars vel partes aliquotæ, secundum aliquem numerum. Verbi causa duæ proportionēs 1. 2. & 1. 4. sunt inter se, ut numerus 1. ad numerum 2. sunt ergo commensurabiles; nam 1. 4. est dupla ipsius 1. 2. Hoc in sola serie continuè duplarum locum habet. Nam in serie triplarum, & cæterarum Multiplicium, non dantur duæ proportionēs consonæ, ut 1. 9. est quidem tripla ipsius 1. 3. at sola 1. 3. est inter consonas, 1. 9. verò est inter dissonas, per Ax. III. Idem videre est etiam in non multiplicibus, ut in sesquialtera 2. 3. consona, datur sanè ejus multiplex & sic commensurabilis; Nam 4. 9. est ad 2. 3. ut Numerus 2. ad 1. at 4. 9. non est inter consonas. Econtra sint aliæ duæ consonæ, quàm ex serie continuè duplarum, ut 1. 4. & 2. 3. hæ duæ proportionēs non sunt inter se commensurabiles, hoc est, non ut numerus ad numerum: Excessus enim 3. 8. ipsius 1. 4. super 2. 3. non metitur neq; 1. 4. neq; 2. 3.

Consona igitur Intervalla; Naturâ priora sunt minoribus intervallis, quæ concinna appellamus: nec illa componuntur ex istis tanquam ex Elementis, aut ex minori aliqua quantitate: sed contra hæc ex illis, tanquam ex causis oriuntur.

Vbi notanda est vox ambigua compositionis; quæ interdum ortum denotat rei naturalem, interdum verò divisionem rei quantitativam, quæ non ortus est, sed destructio potius; ut cum circulum dicimus constare ex tribus trientibus, dividentes prius circulum mente in tria, aut cum humanum corpus dicimus esse compositum ex membris, non quod fuerint membra ante corpus, & corpus ex illis collectum & constructum, ut domus ex lapidibus & lignis; sed quia corpus causâ molis in hæc membra, quæ singula seorsim corpus organicum amplius non sunt, est dividuum.

Priori significatu negandum est, Intervalla consona vel ex alijs consonis vel ex concinnis componi; posteriori significatu sanè constant, & sic quasi componuntur, (quod ipsi in superioribus usurpaveramus) intervalla consona majora ex minoribus consonis, Consona minima ex concinnis &c. quia in hæc velut elementa dissolvuntur: at non constant diversa inter se ex unius communis minimæ speciei intervallis aliquam multis, nec in talia dissolvi possunt.

Quamvis etiam habeant intervalla consona causas cognatas, non omnia tamen eandem, sed quodlibet suam peculiarem causam habet, distinctam à causis cæterarum, ut in superioribus explicatum. Consonantia enim ipsis intervallis competit, non ut quantâ sunt simpliciter, neq; simpliciter ut sunt Relationes; sed ut qualitativæ (hoc est quodammodo figuratæ) sunt relationes. Itaq; commune ipsarum minimum intervallum constituere velle, res est impertinens; cum minimum & maximum non in qualitativis sed in nudis quantitativis, earumq; proportionibus considerentur: Consona verò, ut consona, dividere, est speciem abolere consoni, & pro eâ vel alias consoni species, vel concinna dissona, vel etiam planè Inconcinna intervalla constituere, Non habet igitur

CAP. IV.

bet igitur Intervallum causas aut Elementa consonantiæ suæ à partibus veluti principijs; sicut quantitates commensurabiles accrescunt multiplicatione communis mensuræ, & cum hac mensura sub uno & eodẽ genere consistunt: sed è contrario, quæ veteres pro principijs habuere consonantiarum (Tonos pura & semitonia & dieses) ea ex Consonantijs ut principijs suis genuinis oriuntur.

Speciem Consoni ut tale non ori ex numero concinnorum ut partium.

Et si enim Consona hæc constant ex illis Concinnis non Consonis, (si non ex uno aliquo communi, saltem ex pluribus inter se diversimodè compositis) id tamen non referendum est ad ipsam Intervalli consonantiam. Si enim Concinna conciliarent intervallo majori, ex se composito, suam consonantiam; semper hoc fieret in quacunq; concinnorũ multiplicatione, & tanto melior esset consonantia, quanto plura in intervallo concinna; Id vero falsum est, nam ut infra audiemus, duo toni compositi consonantiam faciunt, tres compositi dissonans interval- lum constituunt.

Quod autem consonum in Concinna dissona solvi potest, ut sequetur; id illi consono per se considerato planè est accidentarium: fitq; tantum modò, quatenus inter se comparantur plura consona, quodlibet ex suis ortum principijs.

Definitio Intervalli Concinni.

Concinna igitur intervalla definiuntur esse, omnes consonorum duplo intervallo minorum, differentia; nec alia Concinna recipit naturalis facultas auditus, quam quæ ex hac subtractione oriuntur: ut ita consona intervalla habeant ortum ex Geometria & figuris demonstrabilibus: Concinna verò ex ipsis consonis, sintq; concinna in ordine ad consona, quemodmodum in Geometria Apotomæ (lineæ ineffabiles) sunt ad effabiles potentia; quia etiam illæ definiuntur subtractione lineæ Effabilis ab Effabili lineâ.

Porrò comparationis seu abstractionis Methodus alia est generalis seu arithmetica, alia specialis, Harmonices propria. Arithmetice quidè eliguntur Consona minora duplo, quorum unum non sit alterius pars talis, quam designaverit aliqua Medietas harmonica cap; superioris.

Ortus Con- cinnorum ex consonis

Interfunt ergò

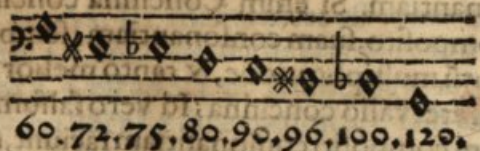
In notis, ex anticipato.

Inter conso- na ista.	Concin- na hæc.	
$\frac{2}{3}$ & $\frac{3}{4}$...	$\frac{8}{9}$	
$\frac{2}{3}$ & $\frac{3}{5}$...	$\frac{9}{10}$	
$\frac{2}{3}$ & $\frac{5}{8}$...	$\frac{15}{16}$	
$\frac{3}{4}$ & $\frac{4}{5}$...	$\frac{15}{16}$	
$\frac{3}{4}$ & $\frac{5}{6}$...	$\frac{9}{10}$	
$\frac{4}{5}$ & $\frac{5}{6}$...	$\frac{24}{25}$	
$\frac{5}{8}$ & $\frac{5}{6}$...	$\frac{24}{25}$	

Harmonica comparatio Consonorum interval- lorum respicit ortum eorum, & quam quodlibet ex ortu tuo fortiatur altitudinem. Nam per omnes pro- portionum comparandarum terminos majores unus & idem circulus Totus repræsentatur, eiq; analoga chorda integra, communis omnibus sectionibus Har- monicis.

monicis. Igitur omnibus numeris majorum terminorum ex sectionibus 7. Harmonicis, scilicet 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, quarendus est communis minimus dividuus 720; & chorda tota est distinguenda in totidem partes aequales, ut sonus totius chordae constituat pro communi termino majore omnium consonorum per sectiones factorum, & accommodandi termini minores, ut inter se comparati constituent intervalla concinna, quae hoc capite investigantur; prodeunt autem eadem, quae prius arithmetice.

Ecce in Notis ex anticipato.



1	60	Et partium portio hae.		60	72	75	80	90	96	100	120
2		2	4								
3	72	2	5	9							
4	75	1	5	10							
5	80	1	6	120							
6	90	3	8	72	75	80					
7	96	4	9	3	90	4	96				
8	100	5	10	5	100	5	100				
9		6	120	6	120	6	120				
10		8		8		8					
11		10		10		10					
12		120		120		120					

Hic igitur est ortus intervallorum Concinnorum dissonorum, quibus paulo post sua dabimus nomina.

Sequitur, ut etiam de ortu tertiorum intervallorum dicam, quae licet concinna exquisitè non sint, concinno tamen cantui inserviunt, aut concinnorum vicem sustinent. Illa verò ex concinnorum (similiter ut concinna ex consonorum) subtractionibus seu comparationibus oriuntur, Nam inter concinna seu secunda Sunt tertia inter intervalla.

8	9	80
9	10	81
8	15	128
9	16	135
9	15	24
10	16	25

Quod componitur ex 24, 25, & 80. 81. & paulo admodum est minus quam duz 15. 16.

De generis tertiorum intervallorum.

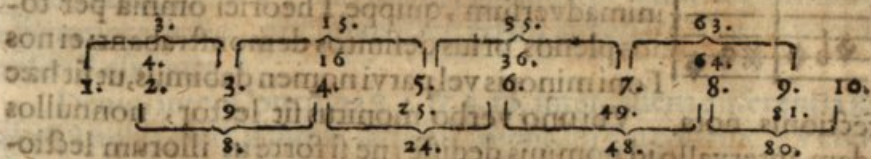
Hic

His addi potest duplicatum intervallum 35. 16. sc. 225. 256. qd paulo minus excedit intervallum 8.9. quam 15. 16. intervallum 128. 135. Et priora quidem tria oriuntur ex subtractione mutua Concinnorum diverforum: hoc vero ex additione duorum concinnorum æqualium, sed minus usitate.

Atq; hinc emicat

Corollarium arithmeticum

pulchrum admodum in numeris & typo sequenti.



Omnis sc. numeri infra decem quadratum cum rectangulo binorum numerorum illum proximè circumstantium constituit intervallū vel consonum vel concinnum vel Tertium, excepto septenarij quadrato 49. & rectangulis ejus duobus 35. & 63. Sed hic exulat concinnum 9. 10. & consona pleraq; præter 3. 4. Est igitur fortuitum, respectu ordinis Numerorum & facturæ hujus typj.

Frustra causas hinc petet arithmeticus, frustra septenarij superstitione occupabitur Pythagoricus, tanquam numeri numerantis: altiſſes res est repetenda ex Geometria, & Numeris numeratis & figuratis, sc. ex ipsis figuris indemonstrabilibus, quarum est prima septangulum. Nam quo minus ultra decem typus continuari possit, sequente Concinni natura; non jam septenarius amplius impedit, sed alij numeri figurarum indemonstrabilium 9. & 11. qui rectangulum efficiunt 99. qd cum quadrato Denarij 100. constituit intervallum penitus abhorreas à natura Cantus. Usq; adeo multum interest inter Axiomata doxastica & epistemonica.

Ordo concinnorum in perfectione, & appellationes.

Diximus hætenus de origine & ordine Intervallorum, quæ sunt minora consonis: dicendum nunc etiam de eorundem differentijs, deq; appellationibus, quas non planè easdem cum veteribus retinere possumus, cum & in rebus ipsis & in causis earum, nobis ab illis discendum fuerit.

Consentaneum igitur est supra dictis, præsertim Axiomati II. ut horum intervallorum ad concinni naturam pertinentium, quodlibet retineat naturam illorum consonorum, à quibus constituitur. Cum igitur ex consonis duplo intervallo minoribus, perfectissima sint ista 2. 3. & 3. 4.

E 3 propter

CAP. IV.
Tonus Major quid?



propter figurarum Nobilitatem à quibus originē ducunt: etiam soboles earum comunis inter concinna, sc. 8. 9. cæteris erit præferenda. Hoc igitur intervallum comūni cum veteribus nomine TONUM dicamus, & propter hanc præcellentiam, Tonum perfectum, propter verò magnitudinem proportionis, Tonum Majorem.

Tonus minor.



Vicissim si compares perfectum 2. 3. majus cum majori imperfecto 3. 5. superius, vel si perfectorum minus 3. 4. cum imperfectorum minori 5. 6. inferius, nascetur ex hoc connubio intervallum concinnum imperfectius 9. 10. quod est minus quam 8. 9. quod intervallum cum in veteri Musica ante Ptolemæum ferè non esse animadversum, quippe Theorici omnia per tonos plenos prius definitos demonstrabant: ei nos Toni minoris vel parvi nomen dabimus, ut sit hæc imperfectionis nota. Vbi uno verbo monitus sit lector, nonnullos alij cuidam intervallo id nominis dedisse; ne si forte in illorum lectionem inciderit, oscitantia perturbetur.

Semitonium.



Sin autem perfectum majus 2. 3. cum imperfecto minori 5. 8. superius, vel si perfectum minus 3. 4. cum imperfecto majori 4. 5. inferius associasti; Concinnum ex comparatione ortum sc. 15. 16. rursus trahit aliquid imperfectionis ex origine hac sua, diciturque semitonium, vocabulo eodem, quod habet ipsū hoc intervallum in usitatâ hodierna musicâ, quia paulò majus est semisse Toni majoris. Hoc aliqui Tonum Minorem diciturunt, à quibus lector sibi caveat, ne perturbetur.

Diesis.



Hæc igitur tria orta a perfectis, comparatis vel inter se vel eum imperfectis, hoc obtinuerint, ut concinna per se & semper essent. Contra si comparasti inter se imperfecta, ex Pentagono vel Decagono orta, vel superius 3. 5. cum 5. 8. vel inferius 4. 5. cum 5. 6.; intervallum hinc ortum, scil. 24. 25. tantæ est imperfectionis, ut penè inter concinna esse desinat. Hoc intervallum appellabimus Diesin, voce veteri; quasi dicas, remissionem chordæ. Nec laboro, ut sub hac voce eandem cum veteribus quantitatem intervalli proponam; quod iterum monuisse sufficiat. Imperfectionis causæ sunt tres; origo, parvitas (cùm non æquet partem toni perfecti tertiam) & quia est etiam inter Tertia connumeratum superius, inter illa sc. quæ concinnandis generibus cantus inserviunt: oritur enim etiam ex tono minori & semitonio comparatis. Nam hoc intervallum non per se, nec semper concinnum est; non solet enim vox humana cantū una & eadem $\alpha \gamma \omega \gamma \eta$ per hoc intervallum traducere, ut per intervalla cætera; sed negligit & transfilit illud, nisi tantum in variatione cantus, condimenti causa: tunc fit extraordinariè concinnum, sed sic ut quasi novum genus cantus incipat; & artis est laborisq; non modici, voce humana sine organo id assequi. Itaq; hoc intervallum tantum discriminat genera concinnorum, eoq; pacto ijs inservit.

Cœpi-

Coepimus dicere de Intervallis tertijs ; primum enim ex ijs 24. 25. seu diesis, idem fuit etiam concinnorum ultimum. Sequuntur nunc etiam reliquorum appellationes. Nam 728. 135. q. d. oritur ex 15. 16. et 8. 9. potest appellari diesis major & irregularis: quod ut supra dictum paulo ad modum (sc. quantitate 2025. 2048.) est minus intervallo concinno semitonij & vix ab illo dignoscitur. Estq; hoc nomine inter concinna, quia diefeos legitimæ vicem sustinet; præsertim in mutatione cantus. Est enim genesis ejus non tam naturalis, quam usu necessaria, ut undiquaq; sint in promptu semitonia & dieses, propter varia condimenta cantus. Qua de causâ, cum à Tono majori rescindatur semit: legitimum, hoc restante intervallo, possumus illud etiam appellare Græcâ voce Limma seu Residuum.



Cap. IV.

Diesis major seu Limma

Deniq; inter Concinna 8. 9. & 9. 10. intercedens differentia 80. 81. potest à nobis dici Comma, latine segmentum seu concisio: Veteres enim Diesin suam in 4. partes concidebant, indeq; Commata illas appellabant, existimantes hoc esse commune Elementum consonorum omnium: hoc verò intervallum est parte quarta de nostra diefi paulo majus, minus parte tertia. Nam 24. 25. est 72. 75. vel 96. 100. Ergo pars tertia esset 74. 75. pars quarta 96. 97. circ: est verò 80. 81. inter utrumq;. Nos propiori numero possemus illud definire octavam partem toni majoris, sc. 8. 9. Quod etiam sic patet. Hic dividitur Tonus major 8. 9. in diesin 72. 75. semit: 75. 80. & comma 80. 81. comma verò 8. 72. 24. fuit modò pars circiter tertia diefeos: igitur commata circiter 4. æquiparantur dimidio Toni; octo, toti Tono, proximè quidem, non omnimodè. Hoc igitur intervallum inter concinna illa planè non est, quæ deinceps eanuntur, ob parvitatem auditu vix perceptibilem, nedum humano cantu per se seorsim, binis deinceps vocibus expressilem.

Commas

75. 15. 25.
80. 16.

9. 81.

At non ideo definit esse concinnum ut 11. 12. & similia: quia comparamus etiam illa, quæ locis & tempore sunt dissita. Duplex verò semitonium ideò statuendum est, quia in divisione Tonorum deinceps ordinatorum, bina aliquando semitonia locantur deinceps; ijsq; in unum conflatis interdum pro tono utuntur, qui varietatem affectant & insolentiam, ad exprimendos graves animorum motus.

Semit: duplex

Nota quod inter semitonium 15. 16. & Diesin 24. 25. est 125. 128. fere 42. 43. seu comma duplex. Cui si addideris Comma 80. 81. fit 625. 648. fere 27. 28. seu comma triplex. Idem verò 80. 81. ablatum à diefi 24. 25. relinquit 243. 250. quod est quamproximè 35. 36. Idem comma ablatum à semitonio 15. 16. relinquit Limma Platonicum 243. 256. quod est fere 19. 20. additum verò ad 15. 16. facit 25. 27. quod est inter 12. 13. est 13. 14. Sic duo Toni majores 8. 9. faciunt additi 64. 81. quo intervallo ablato à 3. 4. constituit Plato Limma suum. Hoc verò 243. 256. ut limmate ablato à Tono majori, restabat Platoni 2048. 2187. quod ille Apotomen appellavit, estq; majus commate 80. 81. uno quam Limma nostrum 728. 135. & superat semitonium 15. 16. parum admodum.

Comma duplex
Triplex

Diesis diminuta
Limma Platonicum

Semit: augmentum
Apotome Platonicis

Hæc quamvis sint inusitata intervalla, fiet tamen infra lib: V. aliquorum mentio.

CAP. V.

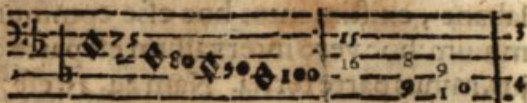
CAPVT V.

De Consonorum intervallorum

sectione naturali in Concinna, & hinc or-
tis eorum appellationibus.

Quæ essent Intervalla Concinna, id est auribus humanis in traductione cantus observabilia, & voce canentis imitabilia, dictum est capite præcedenti. Nunc singulari cura dispiciendum est nobis, in quæ Concinna quodlibet ex Consonis, naturâ Duce dissolvatur.

Resumptis igitur numeris iisdem, per quos omnes sectiones harmonica naturales, chordæ unius, in unum conspectum collocatæ fuerunt: apparebit nobis, intervallum inter numeros 75. & 100, interpositis 80. & 90. abijisse in hæc tria concinna, in semitonium 75. 80. vel 15. 16. Tonum majorem 80. 90. hoc est 8. 9. & tonum minorem 90. 100. hoc est 9. 10.



Idem etiam est factum cum intervallo inter numeros 72. & 96. intercedentibus iisdem 80. 90. Nam 72. 80.

est 9. 10. Tonus minor: & 80. 90. ut supra,

est Tonus major, deniq; 90. 96. est 15. 16.

Semitonium. Utrinq; verò inter extre-



mos, tam 75. 100. quam 72. 96. intervallum 3. 4. deprehenditur. Quare cum Natura nos docuerit coaptare hos numeros, ob sectionem circuli per figuras demonstrabiles: Natura igitur duo intervalla sesquitercia, certi situs inter duos terminos proportionis duplæ, actu ipso sectionum, divisit in tria intervalla perfecta Concinna, Tonum majorem, tonum minorem, & semitonium. Atqui trium intervallorum contiguorum, oportet esse locos seu voces seu chordas quatuor. Hinc igitur intervallum sesquitercium, dici capit Quarta, subaudi, Quarta vox à primâ seu superiore seu inferiore. Eâdem de causa Græci appellant hoc intervallum $\Delta\iota\alpha\tau\epsilon\sigma\sigma\alpha\epsilon\omega\upsilon$, quod latinis etiam litteris exprimimus, usitato modo scribentes Diatessaron.

Quarta seu
Diatessaron

Quinta seu
diapente

Sequitur igitur, ut quia intervallum sesquialterum superaddit tonum unum perfectum (quippe differentia inter 2. 3. & 3. 4. fuit 8. 9.) ex hoc ipso, dicatur Quinta, seu, Græcæ pronunciationis imitatione, Diapente; non obstante quod actu ipso in totidem concinna divisa non sunt per sectiones nostras harmonicas, intervalla sesquialtera: eâq; de causâ numerus unus, ad hanc divisionem plenariam necessarius, adhuc nobis desit: quem defectum Deus ipse creator etiam in planetarum motibus expressit, ut libro quinto audiemus.

Porrò quia sic etiam tam 5. 8. quam 3. 5. superaddunt sesquialteræ

2. 3. unum ex jam dictis elementis, illud quidem semitonium 15. 16. hoc CAP. V. verò tonum minorem 9. 10. ; ex hoc appellantur Sextæ, illud quidem Sextæ, major & minor. hoc minor.

Diapente

Diatessaron

Dia hex

Vicissim quia tam 4. 5. quàm 5. 6. demunt de sesquitercia unum ex jam dictis Elementis, illud quidem semitonium 15. 16. hoc verò tonum minorem 9. 10. ut ostensum est capite præcedenti, restant igitur ijs bina solummodò ex elementis concinnis, illi quidem Toni, major & minor; huic Tonus major & semitonium. Ex hoc quidam Intervalla hæc appellant voce Græca Ditonos, majorem & minorem vel semiditonomum, cumq; duo intervalla tres requirant terminos seu voces, ideo dicuntur, Tertiæ major & minor. Et horum intervallorum per sectiones chordæ naturales constitutorum cætera quidem actu sic divisa sunt, ac supremum & imum actu divisum est nondum.

Quid tertia major & minor.

Galilæus Di toni voce utitur ad significandum aliud quippiam ex veterissima Musica, quod differt à tertia, majore consonante Vide C. XII.

Origo vocû Tertia, vel sexta dura, & Mollis.

Et cum harmonicæ 3. 5. & 4. 5. sint ex Pentagono, cujus latus infababile, sed & 5. 8. & 5. 6. misceant aliquid de natura Pentagoni; hinc fit ut biga utraq; sit imperfectioris consonantiæ; quæ quo minor est, hoc mollior & blandior auribus accidit; Minor verò est in 5. 6. & 5. 8. quia totum circulum, vel figura perfectiori (sc. Hexagona, cujus latus est efabile longitudine) vel in partes proportionis continuè duplæ (quæ identica est) sc. in 6. & 8. dividunt: Ergò 5. 8. & 5. 6. habentur pro sexta & tertia molli: 3. 5. verò & 4. 5. pro sexta & tertia durâ sive asperâ; & sic etiam appellantur.

Mollis

Dura

Deniq; quia proportionis duplæ intervallum, ut supra dictum, ex Octava seu Diapason- sesquialtero & ex sesquitercio constat, quorum illud Quinta dicitur, hoc Quarta; quæ tamen bina in sui medio habent unum communem terminum, qui unius ultima est, alterius prima, versus plagam eandem in hunc modum;

F

Prima

42 DE PROPORTIONIBUS

CAP. V. Prima. Secunda. Tertia. Quarta. Quinta. Sexta. Septima. Octava.

Quid octava seu Diapason.

Sequitur igitur, ut ultima posterioris in numeratione, sit numero octava. Atq; inde hoc intervallum Octavae nomen obtinuit. Graeci ad identicam consonantiam respicientes, appellant $\Delta\iota\alpha\ \pi\alpha\sigma\omega\upsilon$, ut & Latinis literis Diapason scribitur; quasi consumptis omnibus diversum sonantibus, vox canentis octavo sono in seipsam redeat; indeq; novum initium, nova series Concinnorum oriatur, priori per omnia similis: vide Prop. I.



Quid Systema.

Frustra hic philosophantur de Numero, cur sc. octava vox consumat omnes, inq; idem redeat: verè enim respondendum est per petitionem principij, quia sc. natura fiat, ut intervallum proportionis duplae, quod per Cap. I. est Identisonum, dividatur in intervalla concinna septem, quae determinantur sonis octo; ut hoc capite probatum est. Ipsi putant fieri hoc, quod Numerus 8, sit primus Cubus & prima Tessera. At quid sectioni chordae cum solidis? Et cur non etiam vox vicefima septima (secundus is cubus est,) redit eodem?

Diadiapason.

Hinc adeo etiam Systematis nomen propriè & primò convenit intervallo proportionis duplae, diviso per sua septem Concinna, & suis octo vocibus seu chordis descripto, inq; instrumentis expresso: de quo infra Cap IX.

In ijs intervallis quae octavam seu Diapason superant, in multiplicibus, quidem Octavae, duplex Octava, Graecè $\Delta\iota\varsigma\ \delta\iota\alpha\ \pi\alpha\sigma\omega\upsilon$, dici solet, Triplex Trisdiapason, & sic consequenter: In caeteris verò exprimitur Diapason, ejusve multiplex, & additur excessus, hoc pacto, Quinta supra octavam, aut, Octava supra Quintam, Diapason epi diapente, vel $\Delta\iota\alpha\ \pi\acute{\epsilon}\nu\tau\epsilon\ \acute{\epsilon}\pi\iota\ \delta\iota\alpha\ \pi\alpha\sigma\omega\upsilon$. Interdum & numero pergimus, appellantes Nonam, Decimam, Duodecimam, &c.

Hac igitur lectio intervallorum consonorum in concinna, naturalis est, quantitasq; haec, & numerus elementorum concinnorum, ternario non major non sola aurium assuefactione nititur; sed auditus hoc habet ex instinctu naturali: nec possunt, praeter ista, vel alia intervalla, vel alio numero pro concinnis sumi, in quae dividatur quodlibet ex consonis. Nam si velles exempli gratia Diesin adjungere, primum illa est etiam dissonorum Concinnorum soboles; deinde si maximè illam tantum ideò velles adjungere, quia est Consonorum soboles; at solam non posses: traheret n. secum Limma seu Semitonium minus, quod tantum à dissonis oritur. At consentaneum est, auditum illud à sobole consonorum distinguere, ijsq; admittis inter canendum; interq; secunda intervalla, hoc ceu spurium repudiare.

Quare etiam Diesis inter principalia Octavae intervalla non erit,

CAPVT VI.

De cantus generibus, Duro & Molli.

De figurarum generibus dictum est lib. primo, Prop. XLIX. quas cum etiam chordæ sectiones ipsæ imitentur, per Axioma II. hujus; sequitur igitur, ut quia sectio proportionis continuè duplæ, & sectio Trigonica, ejusq; continuè duplæ, sunt ex figuris laterû effabiliû saltem primis, Triangulo & Quadrangulo: Sectio verò Pentagonica fit latere ineffabili; illæ igitur sectiones per Ax: IV. efficiant unum genus cantus, ista genus alterum; cui quidem non propter figuram Tetragonam, sed solum propter identicam bisectionis consonantiam, ad miscetur etiam bisectio.

Hinc ergo nascuntur duo sectionum Genera, unum quidem habet sectiones has

Sectio-Comuni de-Inter- nes. nominatore. valla.

1	1 2
2	4
5	5
8	1 5
2	6
3	8
3	9
4	9
5	1 0
6	5
2 4	6

Genus molle.

4 5 | 6

12 15 16 18 20 24

Medietates in Notis.

In hoc genere ex sex bigis Medietatû Cap: tertij admittuntur hæ.

3. 4. 5. 6.
vel 12. 16. 20. 24.
4. 5. 6. 8.
vl 12. 15. 18. 24.
Et. 12. 15. 20. 24.

Alterum genus complectitur sectiones has

Genus durum.

5 6 | 4 5

30. 36. 40. 45. 48. 60.

Sectio-Com: De-Inter- nes. nominat: valla.

1	3 0	5
2	6	6
3	3 6	9
5	9	1 0
2	4 0	8
3	9	9
3	4 5	1 5
4	1 6	1 6
4	4 8	4
5	6 0	5

Hic insunt bigæ medietatum ex Cap. III. istæ

Medietates in Notis.

10. 12. 15. 20.

30. 36. 45. 60.

& 15. 20. 24. 30.

vel 30. 40. 48. 60.

Hec

CAP. VI.

Hæc sunt illa vulgo celebrata duo Cantus genera; & prior quidē dicitur cantus mollis, quia inveniuntur in eo ordinata ab imâ voce, intervalla, Tertia & Sexta molles; posterior verò cantus durus, ab eisdem denominationis intervallis eodem loco systematis octava ordinatis, quorum nominum ratio dicta est, capite V. precedente.

Quemadmodum enim illic 5. 6. loco imo, non tulit 3. 5. sic jam hic 4. 5. non fert 5. 8. quia natura cantus concinni requirit hoc, ut tertia cum sexta faciat perfectam quartam seu diatessaron.

Hinc igitur apparet naturalis sepes utriusq; generis, Nam cum in cantu molli sit imo loco 5. 6. in duro 4. 5. & differentia utriusq; scilicet diessis 24. 25. non sit ex concinnis ordinarijs, per caput IV. ergò non poterunt eadem cantus naturalis serie simul stare imo loco 4. 5. & 5. 6. sed assumpta 4. 5. tertia majore, debet illâ vice exulare ab imo loco 5. 6. aut hæc receptâ extruditur illa; ubi 4. 5. trahit secum 3. 5. & 5. 6. trahit secum 5. 8. sextam minorem.

Rursum autem hoc discrimen utriusq; generis harmoniæ, Deus ipse in motibus planetarum expressit, ut lib. V. audiemus.

De Veterum tribus illis Generibus, quorum hæc Nomina, Diatonicum, Chromaticum, Enharmonium, hic consultò superfedeo dicere, ne confundam lectorem. Possis tamen Diatonicum interpretari, Cantum durum, Chromaticum, Cantum mollem, aut Diatonicos quidem singulos, chromaticum verò, mixtum ex duro & molli. Enharmonium verò nihil habet respondens in cantu naturali; in usuali verò Musica respondent illi quadantenus, vibrationes Vocis humanæ, tremor Organorum, Mordentiæ in fidibus panduræ, & similia.

Vide quæ de his Generibus infra disputamus in Appendice ad textum Ptolemæi.

CAPUT VII.

De plenaria sectione unius Octavæ in utroq; genere cantus, & de ordine naturali concinnorum omnium.

Igitur hæcenus Natura ipsa ostendit, in cantu molli, tertium ab infra concinnum, esse Tonum minorem 9. 10. quartum, Tonum majorem 8. 9. quintum, semitonium 15. 16. in cantu verò duro, tertium ab infra 15. 16. quartum 8. 9. quintum 9. 10.

Restant in utroq; genere Cantus adhuc tertiæ binæ, singulæ minores & singulæ majores, quæ nec dum sunt divisa actu, per sectiones chordæ naturales, in elementa minima concinna.

Primum videamus, in quæ Concinna possint illa dividi, deinde quo ordine collocanda sint singula.

Satis autem natura docet, si possimus illa dividere in eadem elementa, ex quibus hæcenus vidimus constare, natura monstrante, Diatessa-

tesaron consonantias; non debere nos uti alijs, quarum exempla natura non monstrat. Docet igitur Arithmetica, 4. 5. constare ex 8. 9. & 9. 10. sic 5. 6. ex 8. 9. & 15. 16. En eadem concinna, quæ & haestus.

GAR. VI.

Quod nisi ordinaveris imo loco Tertiae cujusq; inferioris, Tonum majorem; non poterit esse chorda una in utroq; genere cantus. Si enim in cantu molli non poteris imo loco ponere tonum majorem, oportet igitur ut ibi colloques semitonium 15. 16. quia hæc duo sola in sunt in intervallo 1. 6. indivisib. In duro contra esset collocandus imo loco Tonus minor, quia illud consonum indivisum, scilicet Tertia major, non habet semitonium, quod antea in molli ponendum fuisset imo loco; ita fierent duæ Chordæ, quarum longior cum maximâ constitueret semitonium, pro cantu molli, altera tonum majorem, pro duro.

Accedit secundò quòd naturæ consentaneum videtur, ut, ubicunq; liberam sectionis electionem habemus, majora intervalla vergant ad sonos graves, quia etiam ipsi graves acutis sunt minores.

Eadem prima ratione evincemus etiam, superiorem tertiam, indivisam hactenus, sic esse dividendam, ut tonus major sit loco summo, ne septima chorda gemina fiat. Est enim in cantu molli superius 4. 5. in duro 5. 6. naturali methodo in superioribus traditâ. Si ergò Tonum perfectum (alterum scilicet elementum Tertiae) ordinarem loco inferiori huius Tertiae superioris; tunc intervallum idem à diversæ altitudinis vocibus confurgens, pertingeret etiam ad diversæ altitudinis voces, quas pro unâ faceret duas. Hæ rationes demonstrativæ & plane necessariae, sufficiunt contra auctoritates Ptolemæi, Zarlini, Galilæi, qui imo loco octavæ habent tonum minorem.

Igitur chordæ octo explicantur his numeris ad eundem communem minimum denominatorem redactis.

Systema Octavæ In cantu molli.

Voces seu Loca	In Notis.	Longitudo chordarū.	Superior.	Quartæ Media naturalitatis divisa.
VIII.		72. 3 60.	2 4	3 0. 1 5.
VII.		81. 4 05.	2 7	3 0. 1 5.
VI.		90. 4 50.	3 0	3 2. 1 6.
V.		96. 4 80.	3 2	3 6. 1 8.
IV.		108. 5 40.	3 6	4 0. 2 0.
III.		120. 6 00.	4 0	3 2.
II.		128. 6 40.	4 0	3 6.
I.		144. 7 20.	4 0	

Tercia Geminata AIII. AII. AI. A. IA. IIA. III. II. I.
 Chorda. 8. 9. 10. 11. 12. 13. 14. 15. 16.
 Loca Cantus AIII. AII. AI. A. IA. IIA. III. II. I.

In cantu

Voces seu Loca	In Notis.	Longitudo chordarū.	Superior	Quartæ.
VIII.		3 6 0.	1 2 0.	Media naturalis divisa.
VII.		4 0 5.	1 3 5.	
VI.		4 3 2.	1 4 4.	3 6.
V.		4 8 0.	1 6 0.	4 0.
IV.		5 4 0.		4 5.
III.		5 7 6.		4 8.
II.		6 4 0.		
I.		7 2 0.		

**Vide etiam hunc typum, qui eodem redit.

Loca C. duri	VIII.	360.
Chordæ	VII.	405.
Loca C. mollis	VI.	432.
	V.	480.
	IV.	540.
	III.	576.
	II.	600.
	I.	640.
	I.	720.

Expressas vides in numeris minimis, non tantū omnium octo longitudinum proportionem, sed etiam quatuor supremarum, & quatuor imarum, numeris minoribus; in primis verò trium supremarum & trium imarum, de quarum medijs earumque numeris mihi cum authoribus hoc in capite controversia intercedit, Nam VII. in utroque Genere cantus est 405. Et II. utrinque 640.

Memineris autem, chordas uniuscujusque Generis tantum principales octonas in hoc capite poni: de accessorijs, quarum unam Cantus durus adsciscit loco pene supremæ, in sequente dispiciemus: hic enim id agimus, ut videamus, quomodo penes supremæ & penimæ constituendæ sint, ut in utroque Genere possint esse eadem.

Et quia in conjunctione harum utriusque cantus principalium octo chordarum, fit ut duæ earum gementur in Instrumentis Musicis: fiunt ergo in communi systemate, chordæ principales unius Octavæ, decem, agnoscuntur tamen (& sic etiā appellantur) Loca non plusquam octo. Vide originem vocabuli Cap. IV. **

CAP. VIII.

De numero & ordine minimorum intervallorum unius Diapason.

Intervalla imum & summum, ut & quartum, naturâ hoc, illa naturæ imitatione, facta sunt Toni majores: à quibus rursum imitatione naturæ, quæ tonum minorem secat in semitonium & diesin, absconduntur itidem semitoniam 15. 16. propter majorem varietatem, in cantu flexibus seu anfractibus præcipue; idque superiori parte intervalli: restant igitur in parte inferiore Limmata, seu dieses majores 128. 135. quod diesin 24. 25. uno commate superat. Præ-

hous. Præcipua verò est hujus abscissionis necessitas in supremo inter-
 vallo, quod capite præcedenti tonum majorem fecimus, quia cantus du-
 rus semitonio in summo, vel tono majore promiscuè & pro re nata uti-
 tur, crebrius tamen illo & penè soleñiter, eò quod sicut septima ordi-
 naria facit cum quarta Epitriton seu Diatessaron 3. 4. : (sc. 40. cum 540.
 capitis superioris) : sic etiam hæc VII. extraordinaria, diapente perfe-
 ctum seu 2. 3. cum III. facere amet, quia III. est propria generis duri, sc.
 576. ut arguitor hoc pacto cantus fiat. Et verò a. 3. de 576. est 384. quod
 cum VIII. scilicet cum 360. facit 16. 15.

IN V. TAB.
 CAP. VIII.
 2364. 2368
 2372

Capit hoc Exemplum in Notis ex
 anticipato.

Esti haud contenderim si quis affirmaverit hujus
 melodiz proprietatem sic rectius exprimi.



Sed de hac re infra ex professo.

Itaq; fiunt in una octava in univertum chordæ tredecim, his nume-
 ris seu terminis minimis : quibus interposui intervalla omnia minima
 secundum naturalem ordinem in pleno & perfecto Systemate or-
 ganico.

	Longitudines chordarum.	Intervalla con- cinna vel quasi.	In notis vstatis.
Supra.	1 0 8 0	Semitonium.	
	1 1 5 2	Limma.	
	1 2 1 5	Semitonium.	
	1 2 9 6	Diesis.	
	1 3 5 0	Semitonium.	
	1 4 4 0	Semitonium.	
	1 5 3 6	Limma.	
	1 6 2 0	Semitonium.	
	1 7 2 8	Diesis.	
	1 8 0 0	Semitonium.	
	1 9 2 0	Semitonium.	
	2 0 4 8	Limma.	
Infra.	2 1 6 0		

Vides.

SAP. VIII.

Organista-
rum Atech-
nia.

Vides duobus locis concurrere bina semitonia infra diēsin, quod supra dicebamus futurum. Atq; id arripiunt artifices in organis, & duobus semitonijs pro tono vtuntur, quoties insolentiorē aliquam mutationem instituunt. Etsi ex artis instituto contemperant omnia intervalla, sic ut nullum sincerum relinquatur, sed ut intervalla, quæ debebant esse perfecta, minimo perfectionis damno, sublevent & leniant cæterorū imperfectionem; quā ratione fit, ut toni omnes organis sint æquales, limma etiam æquale semitonio, adēdōq; duo semitonia faciant illis tonum, perfecta bisectione; quod ut tanto facilius succedat, ne diēsis quidem perfectionem suam demonstrativam apud illos retinet.

Sectio Monochordi expedi- ta pro chely eiusq; reprobatio per Auditus sensum.

Hic locus postulat, ut quæ supra sub finem capitis secundi promissi, præstem: nimirum ut cum meis inventis comparem sectionem Monochordi Testudinariam, à Vincentio Galilæo, ni fallor, ex Aristoxeno prolata; & super ea quoq; aures interrogem, sic tamen, ut Ratio eloquatur, quod ipsas dicturas esse consentaneum fuerit.

Cum enim Diapason constet ex concinnis intervallis septem; unde nomen habet OCTAVÆ, ut dictum capite priori: inter quæ intervalla sunt quinque; toni, duo semitonia; & tonorum quilibet bifecari possit in partes semitonio proximas, ut ita fiant intervalla duodecim hoc cap: definita; literis *G. Ge. A. b. h. c. ce. d. de. e. f. fe. g.* hinc occasione capta Musici instrumentarij duodecim & ipsi intervalla in uno Diapason statuerunt; id verò viā minimè laboriosa, sed omninò facili & expedita, ut mechanica pleraq; par est esse; quæ talis est. Totam colli testudinarij longitudinem, inter duo quidem Ehippia seu magadia, quibus incumbens chorda, liberam tota longitudine intercepta vibrationem obtinet, dividunt in partes æquales 18. & primam à Verticillis ligaturam seu Tactum sic ponunt, ut supra sit pars 1. infra 17. Deinde has residuas 17. deletis divisionis punctis, de novo in alias 18. dividunt, & secundā ligaturā absecant unam ut prius, idq; repetunt duodecies: cum duodecimā absecatione dicunt relinqui tantam Partem Chordæ, ut sit inter illam & Totam Consonantia diapason. Sit ergò longitudo chordæ 100000. Si 18. partes fiunt 100000. quid 17. ? prodit 94444. Rursum si 18. valent 94444 quid 17. ? prodit 89198. Et si 18. valent 89198. quid 17. ? prodit 84242. &c. Hoc pacto prodeunt numeri duodecim pro totidem intervallis, quibus ad latus positi sunt Numeri, quantos postulat vera ratio hætenus demonstrata, in quantitate chordæ totius.

Hæc ratio si exacta esset; tunc sanè proportio repetita duodecies æqualis esset proportioni duplæ inter 1. 2. quod sciunt boni Arithmetici falsum esse; cum 1. 2. & 17. 18. sint incommensurabiles. Hæc tamen

Ratio Galilaei.	Vera ratio haecenus demonstrata
G. 100000.	100000.
Ge. 94444.	93750.
A. 89198.	88889.
b. 84242.	83333.
h. 39562.	80000.
c. 75242.	75000.
ce. 70967.	71111.
d. 67025.	66667.
de. 63301.	62500.
e. 59785.	60000.
f. 56463.	56250.
fe. 53325.	53333.
g. 50363.	50000.

Numerorum forma eadem expressa.

tamen mechanica sectio chordæ satisfacit auditui utcuq; ; propterea quod numeri singuli ad veros juxta positos appropinquant, & quia chordæ chelyum tensiles sunt, & diversi quodammodo soni, acutiores in principio, cum est earum motus adhuc magnus, recens dimissarum à digito; graviores & remissiores, cum latitudo vibrationis contrahitur in angustū, chorda in se redeunte. Quin etiam in tactu leniori vel fortiori differentia est, inq; latiori vel reductiori, pro scientia Musici. At si auditus iudicium cum Rationis sollerti indagine examines; statim apparebit dissensus: quod sic probo. Agnoscunt sane aures harmoniam inter 100000. & 50363; ut affirmat Mechanicus: agnoscunt eandē etiā inter 100000. & 50000. ut ego affirmo. Quæritur utrum nihil di-

versitatis animadvertant aures, & utrum harmonia hæc obtineat tantam latitudinem? Respondeo ex meis sectionibus harmonicis Cap: II. quod non. Nam quomodo nihil discernunt inter duas Consonantias, chordarum 100000. 50000. & chordarum 100000. 50363. eodem modo neq; discernunt inter duas Consonantias, chordarum 100000. 50000. & chordarum 100000. 49637. quia æqualis hic & illic est differentia binarum consonantiarum.

At si non juxta totam 100000. pulsetur pars hæc vel illa, sed partes ipsæ, hinc 50363. inde 49637. juxta se invicem pulsentur: tunc omnino necesse est, partem breviorē emittere sonum acutiorem, partem longiorē graviorē: & hæc differentia sonorum facile deprehenditur ab auribus, in examine unisonarum partium. Patet ergo, quod aures non aliā de causa iudicent eandem esse consonantiam inter 50363. 100000. & inter 49637. 100000.; quā quatenus 50363. & 49637. æquales esse videntur; id est, quatenus nihil sensibile differunt nec hæc nec illa à 50000. Ergo si respondeant aures secundum Rationis interrogata; dicent, exactam Harmoniam inter 100000. & 50000. hoc est inter 2. & 1. interesse. Quare falsum est, exactam esse Consonantiam inter 100000. & 50363.

Idem iudicium est de Harmonia inter 100000. 67025. nam etsi primò non discernunt eam aures a 66667. iusta longitudine Partis verè consonantis: at residuum illius 32975. non est dimidium ipsius 67025. Aliter ergo consonabit duplū illius 65950. aliter ipsa 67025. cum inter se collatæ hæ chordæ diversum sonum faciant. Quòd igitur in Harmonia non discernunt illos aures, fit ideo, quia medium numerum probant, si sensus ratione acuatur, scilicet 66667. ut ejus complementum sit 33333. dimidium sc: illius exactè.

Stabilito jam sensus acumine in dijudicatione Harmoniæ 2. ad 3. itemq;

itemq; 1. ad 3. sequitur ut similiter etiam de 2. & 3. cum 5. judicemus, deq; 1. & 3. cum 4. Nam si 59785. consonaret cum 100000. atq; sic etiam residuum 40215. certè hoc non est bes de illo; cum tamen Bessis Consonantia perfecta justificata jam fit, sc. 60000. cum 40000. Hoc pacto transfertur auditus, si ratione acuatur, ab una sectione ad aliam, incipiens ab unisono, cujus agnitio & dijudicatio est facilima, usq; dum omnes pervadat, probans partes, quas mei numeri signant, repudians Mechanicas primi ordinis.

Vide argutissimam aliam hujus generis contemperationem apud Vincentium Galilæum, non ignorantia demonstrativæ sonorum quantitatis, sed studio singulari factam, Atq; Ego quidem usum ejus Mechanicum agnosco, ut organis eadem penè libertate intensionis, quæ est in humana voce, possimus uti ad speculationem verò, imò ad Naturam cantus dignoscendam perniciosam existimo: quæq; hoc efficiat, ut Organum ingenuitatem humani cantus verè nunquam assequatur.

CAPVT IX.

De Diagrammate, hoc est chordarum seu vocum denotatione moderna, per lineas & literas Alphabeti & Notas deq; Systemate.

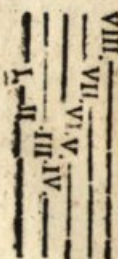
Non sine lite res est; sed sequor ego rationes necessarias. Musici nostræ ætatis pingunt chordas, aliter in diagrammatibus Testudinarijs, aliter in cantorijs. Illic enim singulæ lineæ diagrammatis, singulas chordas notant, quarum quælibet pro diversis tactibus, diversos præstant sonitus, si pulsentur: in Cantorijs typis, non lineæ tantum singulæ singulas voces seu chordas, sed ipsa etiã intervalla duarum linearum significant unam chordam inter mediam.

Hoc pacto 4. lineæ transversæ cum tribus intervallis, denotant 7. chordas, & 5. lineæ cum 4. intervallis, chordas novem. Deinde expriment voces canori Systematis vel Notis peculiaribus, suo quamlibet loco diagrammatis, quæ Notæ simul temporis mensuram innuunt, vel literis alphabeti primis septem, vel deniq; sex syllabis, ut, *re, mi, fa, sol, la*, vel ut hodie Belgæ, septem istis, *Bo, ce, di, ga, lo, ma, ni*.

Nam quia cantus genera duo sunt, durum & molle, quorum ab una communi voce imã inceptorum, hæc est differentia, quod tertia & sexta in duro cantu, sunt una diesi altiores quàm in molli; chordæ itaque, tertia & sexta, non possunt manere stabiles in utroq; cantu, sed oportet illas vel geminas facere in instrumentis & organis, ut factum in numeris, sine Cap. VII. vel tactu variare, ut credo factum olim in lyra & syringibus. Eadem de Diagrammate & voce humanâ sunt dicenda. Cùm enim pro utriusq; generis octavis ab eadem radice surgentibus unum solum diagramma fiat, inq; eo tantum octo loca, octo sonorum

Lineæ

Chordæ



Notæ

Litterarum necessitas.

indices; ab utroq; verò genere cantus in unam octavam coacerventur principales chordæ decem, per cap. VII. omnivariæ verò tredecim, per Cap. VIII: fit ut duo soni, Diefi vel Limate distantes, pingantur eodem diagrammatis loco, seu is linea sit, seu interlineare intervallum: quia diefes & limmata non canuntur deinceps, ut Toni & semitonia; qua de causa etiam nolui illas, cum aliquibus, semitonia minora dicere. Hac igitur de causa præfigendæ fuere lineis & intervallis, chordarum imaginibus, certè Notæ, ex quibus cantus durus à molli internoscetur, constaretq; locus semitonij, sive ordinarij, seu etiam cæterorum, ex tonis majoribus abscissorum. Est & alia necessitas occultior, non ex diversitate Generum, sed in quolibet cantu, ex inæqualitate Tonorū majoris & minoris; ut ij in diagrammatib⁹ sint contra se distincti. Nam syllabas *Ut, Re, Mi*, necesse est esse generales & applicabiles tam majori quam minori Tono; quare utcunq; satisfaciant hæ denominationes, canere discentibus, & Organicis practicis: at Theoricis minimè satisfaciunt. Ex hoc igitur officio hæ literæ, quando præfiguntur Diagrammatis, Claves appellari solent, quòd sine ijs, cantori non pateat ingressus in diagramma.






CAP. IX

Eadem verò literæ etiam adhibentur in organis Musicis; inscribuntur enim manubrijs plectorum in Tensis, aut Epistomiorum in inflatis, à qua inscriptione Manubria illa, privato jure Claves dicuntur, & ordo ipse, seu Systema ex Manubrijs omnibus, Claviarium, das Clavier, & instrumenti genus Clavichordium; quòd chordæ clavibus, hoc est manubrijs foris depressis, plectrisq; intus exsilientibus, pulsantur.

Quin etiam sunt diagrammata, pro Organistis scribi solita, in quibus pro lineis nigris, sunt series literarum, indicantium, quænam Claves tangi debeant: ubi literæ sunt pro Notis, quas adhibebant diagrammata cantoria, in lineas aut intervalla positas.

Tabulatura, seu diagrammata.

Circa literas has, aliqua nobis veniunt observanda jucundè. Primum non omnes literæ suis imponuntur lineis & intervallis, sed solum istæ, *F. G. C.* quoties locus uni earum est super linea, *B.* verò etiam tunc, cum locum habet in intervallo.

Deinde litera *C.* habet signum longe diversum quale sc: hic ad latus pictū: puto signum hoc natum ex detorsione scripturæ veteris literæ *C.* Nam quia latis calamorum mucronibus utebantur scriptores, Notæ pleræq; compendiosâ scripturâ fiebant quadratæ; nec poterat ijs calamis rotundum *C.* pingi: itaq; *C.* fecerunt, ex tribus lineolis, una tenui, vice cavitatis, & duabus crassis, vice cornuum, ducto in latitudinem calamo sic . Iam lineola tenuis, properante calamo, ut plurimum facta fuit longior, & extans utrinq; ultra cornua, sic . Ut autem cornua terminarentur, lineolas primæ parallelas duxerūt sic . Et sic tandè ex duabus talibus lineolis una facta est, primæ similis & parallela, rotundumq; signum tale , quod, ut Notæ ipsæ in lineis, hiatu clausi fit cavum, sic .

Vnde signum

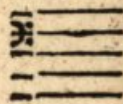


Occurrit tamen & hoc, an non signum hoc ex usu vocis, Scala Musica, fuerit natum, cum figuram præ se ferat scalæ: quasi principium

Scala Musicæ notaverit, ubi ponebatur. An verius, prius ex litera C. scala effigiem factam, postea ex hujus effigiei crebro usu, scalam dici ceptam, quod propriè diagramma erat?

Cùm verò locus non est literæ C. in linea (quia olim ut plurimum lineæ erant tantum quatuor.) tunc locus est literæ F. in linearum unâ: quæ scribitur in cæteris vocibus altioribus genuinâ suâ notâ, in Basso semicirculo recurvo cum duobus juxta punctis: quod signum puto inter initia, priusquàm detorqueretur, fuisse græcum γ gamma minusculum, sic ut duo puncta addita significant Digamma, quia nostrum F. est Græcorum duplex Γ . Nam à Græcis defluxisse hanc rationem signandi sonos Systematis per literas Alphabeti, fidem facit Vincentius Galilæus, prolatis Græcarum Cantilenarum exemplis antiquissimis. Et in confesso est, etiam simplex Græcum Γ , in latina nostra Musica locum invenisse; ut jam dicetur.

De litera f.



Hæc igitur F, est altera signata clavis: signantur autem ambæ juxta invicem, ubi commodi loci pro utrâq; occurrunt. Tertia est G, quæ in vocibus altioribus exprimitur, cùm ei locus est in lineâ. Signatur ex antiquo more etiam in ima linea diagrammatis. Nam scala Musica hodie incipit a voce Γ ut, seu *Gammut*, quæ indicat G phthongum gravissimum: ut ita Digamma & Gamma, sint idem quod F. & G.

De litera g.

Sed & b. in molliscantus diagrammate pingitur insuper, ad discriminandum genus cantus, sive in lineam competat, sive in intervallum: significat ejus præsentia cantum mollem, absentia durum. At non hoc tantum, verum etiam in alijs lineis vel intervallis, quæ non sût Clavi b. tributa, reperitur nihilominus, & abusu quodam reperitur litera b. pro signo semitonij seu Syllabæ FA.

De litera b.

Contra quando extraordinariè Semitonium statuitur loco toni, & Syllaba Mi, loco Syllabæ Fa, tunc notæ præmittitur litera h. aut signum ab eâ derivatum. Nam veteres procul dubio sic pingebant h ; at pro eo nos X vel K ; quod Galilæus idem lectori dicere velle existimat, quod olim Græca vox diaschisma; satis enim evidenter fissuram exprimit, & indicat nobis abscissiones semitoniorum, de quibus egimus capite præcedenti VIII.

De litera h.

In Manubrijs Tensorum Organorum non committimus hanc ambiguitatem cum litera b. loco sc. non suo. Nam primò omnes Claves seu manubria sonorum illorum, qui constituuntur abscissis semitonij à tono, & qui augent numerum octonarium Systematis octavæ; & eminentia sunt, seu extantia supra manubria principalia plana; & nigra colore; deinde cuilibet nigræ Clavi inscribitur litera vicinæ Clavis, sed caudata, ad distinctionem; (excepto h. loco cujus b. simplex nigra clavi ponitur) & cauda significat vocem altiorem, ut f. fe. g. ge. b. h. c. ce. d. de. sed inter f. fe. g. ge. c. ce. est limma, & inter b. h. diesis inter easdem sc. literas, sicut etiâ earum binæ voces in uno solo loco dia-

gram-

gramatis exprimentur. At inter *d* & *e*, est semitonium; sic ut hæ duæ literæ, licet eadem, non tamē adscribantur loco eidem, sed succedentibus. Diesis verò est inter *d*, *e*. & competunt hæ diversæ literæ in locum eundem: quæ diversitas concedenda est mori antiquo, & usu mollienda. Deniq; inter *f* & *g*, *g*, *a*, *ab*, *bc*, *d*, *de*, *ef*. sunt Semitonia. Itaq; cautio hic est adhibenda, ne per analogiam aliquam ex scriptura eadem, de intervalli identitate quicquam præsumamus.

Illud etiam præcipue mirum, & condonandum similiter antiquo mori; quòd in non nullis Clavichordijs & organis (in quibus continuantur octavæ) cum propter identitatem consonantiæ Diapason eadem literæ jure merito repetantur, non id tamen fit initio facto à prima *A*, sed à secundæ *b*. Hic enim est ordo characterum. *C. D. E. F. G. A. b. c. d. e. f. g. a. bb. cc. dd. ee. ff. gg. aa. bbb. ccc. ddd. eee. fff. ggg. aaa. &c.*

Porro quod est diagramma in charta, hoc est Systema in organo, series scilicet chordarum omnium, unum intervallum consonum dividendium: quod, ut Cap: V. dictum, primò omnium convenit intervallo diapason: ex eo majoribus omnibus, quanta illa quodlibet Instrumentum complectitur.

Etsi verò non est institui mei, multum immorari in Musica veterum, cum sit obscuritatis plena; non censui tamen prætereunda nomina, quibus illi sonitus octo in unius octavæ Systemate indigerant; nam denominatio ista cognationem habet cum literis, de quibus egimus hætenus.

Igitur veteres Aristotelis tempore sic numerarunt chordas, Hypate, Parhypate, Lichanos, Mese, Paramese, Tritè, Paranete, Nete. Hypates vox erat gravissima, dictaq; sic esse videtur à situ suo in instrumento tenso, cum ad ludendum applicatur: eundem enim situm hodie dum obtinet in Chely, Pandura & Cythara.

Cumq; affirmet Aristoteles, inter Hypaten & Parhypaten interfuisse diesin (hoc est Platonicum semitonium, qui duobus tonis majoribus ablatis à Diatessaron, relinquebat 243. 256. quod appellavit Diesin) Ergo Hypate eadem erat, quam signamus literâ *A*. Parhypate, quâ litera *b*. signat. Ergo Lichanos (à digito indice sic dicta) est *c*. Mese verò est *d*: dictaq; est hoc nomine, quòd inter septem erat media, quo tempore septē solæ erant chordæ in Psalterio, & pro octavâ: pulsabatur prima. Paramese habet literam *de*. vel *e*: hanc vetustiores omittebant, Tritè literam *f*; dicta sic est, quòd esset tertia in ordine ab acuto, sicut nos sextam dicimus à gravi *A*. Paranete signatur literâ *g*. Et Nete quasi quæ ultima tangatur a plectro deorsum tracto, redit ad literam *a*. Confirmat hanc distributionem & hoc, quod inter Neten & Mese Diapente interfuisse dicitur.

Tale autem Systema chordarum octo, non poterat aliter utriq; generi cantus inservire, nisi vel tactu digiti abbreviarentur Parhypate

CAP. IX.

Qui veteribus
stabilis
phthongi,
& qui mobi-
les?

Proslamba
nomenos.

Systema na-
turale a G.
incipere.

b. & paramese *de.* ut fierent *h.* *e.* vel verticillis intenderentur in duro, aut remitterentur in molli cantu. Et hac occasione nata est distinctio phthongorum in stabiles & mobiles, ipsaq; appellatio *διέσεως*, à remissione chordarum mobilium.

In compositione plurium Systematum Diapason, ratio veterum fuit intricatior; illud tamen observandum, quod assumpserunt unam graviorem ipsa Hypate, quæ ab hoc ipso Proslambanomenos est dicta. Hujus rei vestigium superest in Scala Musica, quam ediscunt nostri pueri, quæ assumit infra literam latinam *A.* aliquam quæ significat sonum graviorem, eum enim extra ordinem signat græcâ literâ Γ ; sic enim incipit scala, *Gammut, Are, &c.*

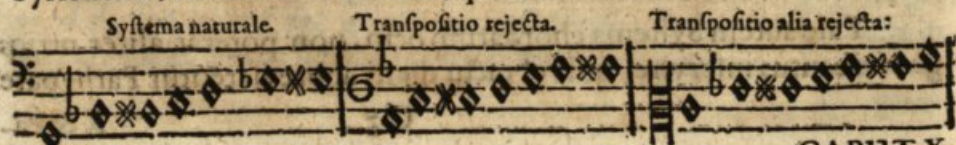
Hæc de nominibus chordarum veteribus sufficiat retigisse hoc loco. Nam infra Capite XI. omnes chordæ quindecim Systematis compositi explicabuntur vocibus antiquis, sed posteriorum Musicorum.

Iam tandem ad nostrum Systema naturale unius Octavæ accedamus, eiq; literas applicemus ex Musica usitata.

Statuo igitur Systematis hujus naturalis & demonstrativi vocem gravissimam eam esse, quam veteres Proslambanomenon, scala Musicalis *Gammut*, solet appellare, ei nimirum tribuendam literam *G.* Causæ hæc sunt, quia voces constitutæ per sectiones harmonicas, infra quidæ octavam talia determinant intervalla, cum voce chordæ totius, qualia Musici ordinariè constituunt inter *G.* & *b. h. c. d. de. e.*

Dixerit aliquis, eadem intervalla intelligi posse inter *D. & F. Fe. G. A. b. h.* sicutiam inter *c. & de. e. f. g. ge. a.* Nec diffiteor ego, Musicos organicos, literas has usurpare generaliter, nec distinguere in ijs tonos, majorem & minorem. Nam quid illos impediatur à *G.* in *d.* Transponere cantum; qui in organis suis, Tonos duos, Majorem *g. 9.* & minorem *9. 10.* conflatos in unum intervallum *4. 5.* postea præcisè bifecant in duos tonos usuales, inter sese æquales? Et si accuratior est in hac contemperatione Galilæus. Nos verò spectam⁹ hic non *ἀ τεχνίαν* Empiricorū, sed Naturæ *ἀ κριβείαν*; quare imitari illos non possumus. Et literam quidem *c.* quominus, ab illa Systema octavæ naturale confurgat, vel ipsi abjecerint, hoc argumento: Nam inter ipsorum *ge. a.* est Semitonium; & hoc intervallum est loco quinto, quia *a.* est sexta à *c.* At in Systemate naturali, ante sextam nobis Diesis opus est. Diesis autem Musici ipsi ponunt tantum inter *b. h.* & inter *de. e.* Igitur vel ipsis organicis assentientibus, vel à *D.* vel à *G.* Systema nostrum confurgere debet, ut exprimat merum Systema naturale.

At neq; à *D.* Systema naturale incipere potest. Est enim ipsis in more positum, Semitonium ponere inter *d. de.* in meo verò naturali Systemate, est imo loco Limma, quod minus est Semitonio.



CAPUT X.

CAPVT X.

De Tetrachordis & usu syllabarum, Vt, re, mi, fa, sol, la.

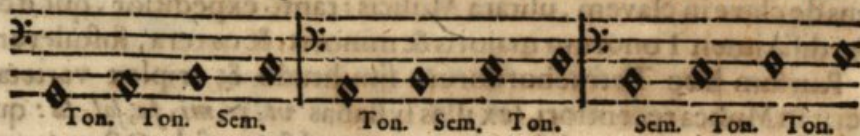
Veteribus usitatum erat, Systema octavae distinguere in duo Tetrachorda, idq; diversimodè pro diversa intentione Musicorum. Vel enim conjuncta erant, Synemmena dicta, uno sono inter medio statuto, qui & cum gravissimo intrà, & cum acutissimo supra efficiebat Diatessaron, itaq; extremæ efficiebant intervallū dissonum, Diheptà, & supra tonus unus subintelligebatur accedere: quoties enim ordo postulabat pulsare octavam a, pulsabant primam A, quasi ex opposito identicum sonum edentem, αὐτὸφώνον. Hoc pacto non verò duo Tetrachorda erant, sed duo quidem diatessaron intervalla, unū verò Heptachordum: Vel disjuncta erant Tetrachorda, intervallo unius Toni majoris, Diezeugmena dicta, quod rerum Natura suadet etiam in nostra Systematis divisione, in qua inferius Tetrachordum habet G. A. h. c. superius d. e. f. g. ubi inter c. d. tonus major interest. Fortassis ipso etiam situ disjuncta erant quatuor imæ chordæ à quatuor superioribus, relicto sc. interstitio majori, inter binas limitaneas.

Tetrachorda Synemmena.

Tetrachorda Diezeugmena.



Causa ipsis cogitandi de Systemate Tetrachordi, fuit ista, quod videbant in una diatessaron consonantiâ, esse Tonos duos semis: & nos habemus Tonum majorem, minorem & semitonium in Diatessaron perfecto, in Concordantiâ scilicet minori (nam 4. 5. & 5. 6. ne quidem pro concordantijs habebantur) omnia elementa concinna; & semitonium quidem vel imo loco, vel medio, vel summo. Omnis igitur Cantus videbatur ipsis comprehendi tribus Tetrachordorum formis.



Mihi multiplicantur formæ tetrachordorum, propter distinctionem inter Tonos, minorem & majorem; pro tribus enim sex fiunt, &



in uno Diapaso pleraq; gemina: itaq; habemus etiam Naturæ quoddam suffragiū ad distinguenda Tetrachorda, nā superi⁹ est inferiori quodam.

Brevi linea la semitoni um signatur medio cri Ton mi nor, Longiuscula major.

quodammodo simile in dispositione intervallorum elementarium.

CAP. X.

	Infra	Media	Supra.
Prima forma in	$c d e f$ $G A b c$		T. major, minor, semiton: \equiv
Secunda forma in	$b c d d_2$ $d e f e g$		T. Minor, major, semit: \equiv
Tertia forma in	$c d d e f$ $G A b c$		T. Major, semit: minor \equiv
Quarta forma in	$b c d e$		Semiton T. major, minor. \equiv
Quinta forma in	$A b c d$ $d e f g$		T. Minor, Semito: Major. \equiv
Sexta forma in	$A b c d$ $d e f g$		Semito: T. minor, major. \equiv

Et hæ sunt tantum perfecti diatessaron formæ: de imperfectis Cap. XII. agemus.

Sin autem dissimulemus differentiam toni majoris & minoris, ut faciunt Organici, tunc omnino similia sunt Tetrachorda disiuncta deinceps ista.

$G A b c$	& $d e f e g$
$G A b c$	& $d e f g$
Hæc ima	& hæc summa.

Vtrinque semitonium est loco eodem, vel summo vel medio, differentia solum illa, quod uno commate altius est semitonium in inferiori Tetrachordo, quam in superiori; quæ differentia inter canendum non valde sentitur.

Transposito.

Huic igitur Tetrachordorum similitudini est innixa Transpositio cantus de clave in clavem, usitata Musicis; tantò expeditior, quòd organici discrimen Tonorum majoris & minoris, & cætera, sustulerunt.

Vnus syllaba
cum *Ut, Re,*
Mi, fa, Sol,
*La,*inonon
-stip
-oib
in
-ign
-an

Rursum hæc Tetrachordorum similitudo & triplex varietas, peperit in Musica recentiori, sex illas syllabas *ut, re, mi, fa, sol, la*: quibus sublevatur memoria discendum. Quod si una sola Octava caneretur, composita ex duobus Tetrachordis similibus, poteramus esse contenti quatuor solis syllabis, *ut, re, mi, fa, ut, re, mi, fa*, dissimulaco discrimine inter Tonos, majorem & minorem.

Sed quia sunt tria loca semitonij in Tetrachordo; ne igitur nimium generales essent hæc syllabæ, quin potius ut semper denotaretur semitonium per *Mi Fa*, vel *Fa Mi*: oportuit duas alias accedere syllabas; ut in his [*Ut, re, mi, fa*,] esset semitonium loco supremo; in his verò [*Re, mi, fa, sol*] semitonium esset loco medio; deniq; in his [*Mi, fa, sol, la*,] semitonium esset imo loco. Atq; hæc causa est, cur sex syllabis usi sint inven-

inventores Musices, non octo. Itaq; videat Belga ille, qui pro sex septem fecit, *Bo, ce, di, ga, lo, ma, ni*, quod ex hoc augmento lucrum habeat; Nam si censuit, voces usurpandas æquali numero cum chordis unius octavæ, unâ minùs; ut octava propter identitatem repræsentaretur à primâ syllabâ *Bo*; quid quæso desiderat in literis *a. b. c. d. e. f. g.* jam dudum in hunc usum receptis?

CAP. X.

Cùm igitur hoc modo sint natæ sex syllabæ, propter triplicem Tetrachordi formam; inde nata est doctrina Mutationum, per scalam Musicalem modernam, quæ doctrina solummodo circa syllabas has, literis superius explicatis aptandas, occupatur, ostenditq; superfluas syllabas *Sol, la*, æquipollere interdum primis *ut, re*, interdum succedentibus, *Re, mi*, ut possit interdum extra ordinem & sine mutatione, post *sol, la*, inferri *fâ*.

Mutatio cantus.

1.	2.	3.	4.	5.	6.	7.	6.	3:
<i>Ut, re, mi, fâ, sol, la, fâ, la,</i>								
<i>Ut, re, mi, ut, re, mi, fâ, mi</i>								
								ut re mi fa mi

Est verò & alia quædam dissimilis similitudo Tetrachordorum, fundamentum assimilationis diversarum modulationum inter se concinentium; quas Fugas & Phantasias solent appellare. Nam si sumas Tetrachorda contigua, nulloq; intervallo à se invicem disjuncta, sicut tonus major super sit ad implendam octavam supra vel infra: occurret in certis quibusdam octavæ Systematibus utrinq; series eadem interval-

lorum elementarium, hoc est Semitoniorum Diesium & Limmacum; & assumitur ad alteram tonus major, ut pro quartâ efficiatur quinta, quartæ alteri quodammodo similis; & melodiæ duæ, altera prior tempore, intervallum Diapente superius, altera posterior tempore, intervallum Diatessaron inferius percurrunt, posterior priorem insequens, & quâ licet, illius typum, velut illius æmula quædam, imitans.

Semito.	} Tonus adjunctus.	} Superius
Limma		
Semito.	} T. minor	} Inferius
Diesis		
Semitonium	} T. major	
Semito.		
Limma	} T. minor	
Semito.		
Diesis	} T. major	
Semitonium		
Semito.	} T. major	
Limma		

CAPVT XI.

De Systematum compositione.

Et si unius hominis vox plerunq; intra unius octavæ systema vertitur, plurium tamen Melodiarum concentus doces octavas plures contiguas ordinare. Vetères igitur numerorum affectivibus omnia definientes, Diapason epidiapente Numeris 1. 2. 3., systema perfectum definiuerunt: nobis supra sectiones harmonicæ singulæ singula reddiderunt systemata, quorû erat maximum Disdiapason-epidiapente, numeris 1. 5. 6. Et si nostris Componistis, ut vocant, limes

H nullas

CAP. XI.

nullus est positus, dum Melodias concinentes multiplicant: quod etiã Creator Deus, in contemperatione motuum cœlestium prævit, Systemate facto ex septem diapason, & eo amplius. Veruntamen quia hic componimus systema, ut omnes omninò consonantias speculemur, perfectas, imperfectas; ad hoc opus sufficiunt nobis duo diapason in unum composita intervallũ, quod etiam Ptolemæus perfectum systema appellavit, in hunc, qui sequitur modum.

Chordæ cum clavis & intervallis intra Diapason.		
gg	Semitonium	540
ffe	Limma	576
ff	Semitonium	607 1/2
ee	Semitonium	648
dde	Diesis	675
dd	Semitonium	720
dd	Semitonium	768
cee	Limma	810
cc	Semitonium	864
bb	Diesis	900
bb	Semitonium	960
a	Semitonium	1024
ge	Limma	1080
g	Semitonium	1152
fe	Limma	1215
f	Semitonium	1296
e	Diesis	1350
de	Semitonium	1440
d	Semitonium	1536
ce	Limma	1620
c	Semitonium	1728
b	Diesis	1800
b	Semitonium	1920
A	Semitonium	2048
Ge	Semitonium	2160
G	Limma	2160

Nostra scala Musica, quæ nihil est aliud quàm Systema Musices nostræ Maximum, complectitur duo diapason & unam sextam; quam huc apponam, comparatam cum systemate veterum, & appellationibus chordarũ græcis.

Letter	Notes	Appellationes chordarum Græcæ ex perfectis Systemate Ptolemæj.
ee	la	
dd	la sol	Nete Hyperbolæon
cc	sol fa	Paranete Hyperbolæon
bb	fa mi	Trite Hyperbolæon
aa	la mi re	Nete Diezeugmenon
g	sol re ut	Paranete Diezeugmenon
f	fa ut	Trite Diezeugmenon
e	la mi	Paramese
d	la sol re	Mese
c	sol fa ut	Lichanos Meson
b	fa mi	Parhypate Meson
a	la mi re	Hypate Meson
G	sol re ut	Lichanos Hypaton
F	fa ut	Parhypate Hypaton
Elami		Hypate Hypaton
Dsol re		Proslambanomenos
Cfa ut		
Bmi		
A re		
Γ ut		

Hic singulæ lineæ significant singulas chordas principales.

Hic non lineæ tantum sed etiam intervalla inter lineas singula significant singulas chordas seu sonos principales, more hodiernorum Diagrammatum.

De cæteris partibus Musices hodiernæ agere non est instituti mei; nihil enim pertinet ad naturam Intervallorum, quæ sit Notarum mensura, varietas, proportio Modorum, Pausæ & similia.

Corol-

Corollaria Arithmetica & Mechanica.

Multiplicatio longitudinis chordæ <i>eeee</i> exprimit chordas undecim,	Multiplicatio chordæ <i>cccc</i> , gignit octo chordas.	Multiplicatio chordæ <i>fffe</i> gignit sex chordas.
Sic <i>eeee</i> 135.	Sic <i>cccc</i> 192.	Sic <i>fffe</i> 288.
135.	192.	288.
<i>ggg</i> 270.	<i>cccc</i> 384.	<i>ffe</i> 576.
135.	192.	288.
<i>cc</i> 405.	<i>ffe</i> 576.	<i>bb</i> 864.
135.	192.	288.
<i>gg</i> 540.	<i>ccc</i> 768.	<i>fe</i> 1152.
135.	192.	288.
<i>dde</i> 675.	-- 960.	<i>d</i> 1440.
135.	192.	288.
<i>cc</i> 810.	<i>fe</i> 1152.	<i>h</i> 1728.
135.	192.	
-- 945.	-- 1344.	Hic etiã sexta parte ipsius <i>h</i> , distant <i>d</i> & <i>fe</i> .
135.	192.	
<i>g</i> 1080.	<i>ce</i> 2536.	Alia Monochordisectio. Divide <i>G</i> in 3. & quodlibet in 2. 4. 8. 16. ut fiant partes 48. harum 12. sunt <i>gg</i> , 15. <i>dde</i> , 16. <i>dd</i> , 18. <i>cc</i> , 20. <i>bb</i> , 24. <i>g</i> , 27. <i>f</i> , 30. <i>d</i> , 32. <i>d</i> .
135.	192.	
<i>f</i> 1215.	<i>h</i> 1728.	
135.	192.	
<i>de</i> 1350.	<i>A</i> 1920.	
135.		
-- 1485.	Hic etiã nona parte non totius chordæ, sed ipsius <i>h</i> , vel decima ipsius <i>A</i> . distant <i>A</i> . <i>h</i> . & <i>het</i> .	
135.		
<i>e</i> 1620.	Vel divide <i>G</i> . in 5. quodlibet in 3, & hoc iterum in 3, ut fiant 45. Harum 12. sunt <i>ffe</i> 15. sunt <i>dd</i> , 16 sunt <i>ccc</i> , 18. sunt <i>bb</i> , 20. sunt <i>a</i> , 27. sunt <i>e</i> , proinde 24. sunt <i>fe</i> , 30. sunt <i>d</i> , 32. sunt <i>ce</i> , 36. sunt <i>h</i> , 40. sunt <i>A</i> .	
135.		
-- 1755.		
135.		
-- 1890.		
135.		
-- 2025.		
135.		
<i>G</i> 2160.		

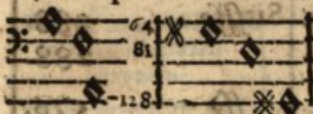
Et hic decimasexta parte chordæ distant *de* *f*. ubi minor tonus, & *f* *g*. ubi major.

CAPVT XII.

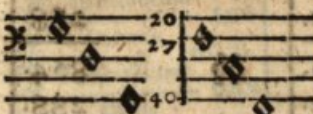
De Consonantijs adulterinis.

10 Ex continuatione duorum diapason resultant consonantia imperfecta. Nam in commissurâ utriusq; sequuntur deinceps duo toni majores $g. 9.$ inter $fg.$ & $ga.$ Itaq; in $f. a.$ intervallum est $64. 81.$ quod uno commate $80. 81.$ majus est justâ Tertiâ Majore $4. 5.$ vel

Ditonus.



$64. 80.$ Hoc cum Galilæo ditonum appellemus; Idem intervallum est inter $ege,$ quia inter $ef.$ & $ge. a$ utrinq; idem est intervallum semitonij.



Sic inter fbb ad ditonum abundantem $f. a$ accedens semitonium, facit intervallum $60. 81.$ vel $20. 27.$ quod est commate $80. 81.$ majus unâ quartâ $3. 4.$ vel $60. 80.$

Idem judica de $e. a.$ quia ut $e.$ semitonio inferior est ipso $f.$ sic etiam a ipso $b.$

Hæc imperfecta Consona seu abundantia si subtrahantur ab intervallo Diapason, relinquunt imperfecta & uno commate deficientia residua. Nam inter $a. ff$ unius octavæ erit $81. 128.$ deficiens sexta mollis.

Idem inter $ge. ee$ si ab octava subtrahase $ge.$

Sic inter $bb. ff.$ unius octavæ, post subtractionem imperfectæ quartæ $fbb. 20. 27.$ ab octava, restabit diminuta Quinta $27. 40.$ id est $81. 120.$

Idem inter $a. ee,$ subtracto $e. a$ ab octava,

Addito verò ditono abundanti $f. a.$ ad Tertiam minorem $a. c. 5. 6.$ procreatur $160. 243.$ Quinta, diapente, $f. cc,$ abundans uno commate. Nam $160. 240.$ est $2. 3.$ & $240. 243.$ est $80. 81.$

Et quinta abundans $f. cc$ ex octavæ intervallo ablatâ, restat quarta $a. f. 243. 320.$ deficiens uno commate.

Tabella imperfectarum Consonantiarum sex.

Pro $4. 5.$ est $84. 81.$ abundans

Pro $3. 8.$ est $60. 81.$ abundans vel $20. 27.$ & $243. 320.$ deficiens.

Pro $5. 8.$ est $81. 128.$ deficiens

Pro $2. 3.$ est $81. 120.$ deficiens vel $27. 40.$ & $160. 243.$ abundans.

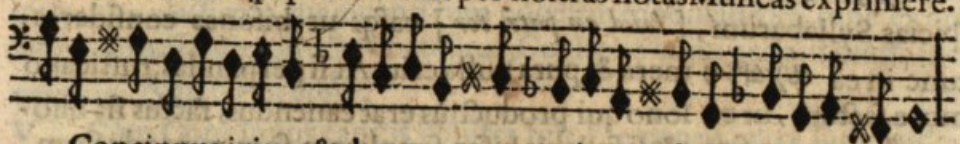
Neq; tamen ideò opus est semitonio seu Limmate Platonico $243. 256.$ quod ille diversam ob causam, quam ego, Limma appellavit. Ablatis enim duobus tonis majoribus sc: ditono $64. 81.$ ab intervallo $3. 4.$ restabat illi hoc Limma $243. 256.$ loco semitonij. At mihi non opus est hac subtractione, potius enim augetur mihi $3. 4.$ intervallum, & fit $20. 27.$

CAPVT XIII.

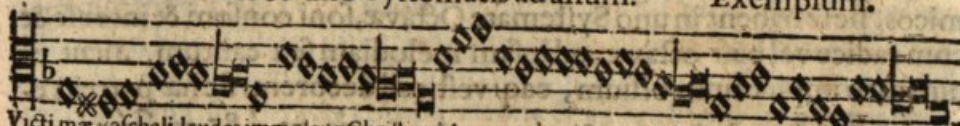
Quid sit Cantus naturaliter Concinnus & aptus.

Nihil dicemus de stridulo illo more canendi, quo solent uti Turcæ & Vngari pro classico suo: brutorum potius animalium voces inconditas, quam humanam Naturam imitari.

Videtur omnino primus author hausisse melodiam huiusmodi inconditam ab instrumento min^o aptè conformato, eamq; consuetudine diuturnâ, cum ipsi^o instrumenti facturâ, transmisisse ad posteros, totaq; gentem. Interfui Pragæ precib^o, quas Legati Turcici sacerdos horis stans ingenuatus, terramq; fronte crebro feriens, decantare solebat: apparuit facile, ipsum ex disciplina canere, exercitationemq; & promptitudinem labore comparasse, nihil enim hæsitavit; at intervallis usus est miris, insolitis, concisis, abhorrentibus; ut nemo proprio naturæ ductu & ex seipso ultrò simile quid constanter unquam meditari posse videatur. Conabor aliqd proximum illi per nostras notas Musicas exprimere.



Concinnus igitur & humanarum aurium iudicio aptus cantus est, qui exorsus à certo quodam sono; ab eo per intervalla concinna tendit ad sonos consonos & primo illi, & plerumq; etiam inter se mutuò; dissona cursim pervolitans intervalla, in consonis verò immorans, seu mensurâ temporis, Syllabarumq; longitudine, seu crebro ad illos reditu, veluti duarum vocum inter se consonantiam affectans, unica vocis traductione à loco uno Systematis ad alium. Exemplum.



Victi in ætali laudes immolent Christiani Agnus redemit oves Christy innocens patri reconciliavit peccatores.

Hic sonus initialis est in clavi G, cum quâ in cantu molli concordant b, c, d, g. Excurrit igitur Cantus (primùm flexu deorsum facto) ad clavem c, consonam, & transilit planè dissonum locum A; fuisset autem idem, si attigisset ipsum, sed brevi mora; tota verò series relique potissimum in locis b, d, g. intonat, sceletò octavæ tale exprimens, in d, creberrimè rediens, post in b. in superius vero g. se interdum efferens, in hæc omnia loca signanter: non sic in a, vel in f, loca primo dissona: tandemq; redit ad G. ibiq; finit.

Circa traditam cantus definitionem multa veniunt nobis annotanda.

I. Partes Cantus, ex quibus vel omnibus vel aliquibus constat omnis Cantus, Euclides nominat has quatuor, Αγωγὴν, Τονὴν, Πετρίαν,

Η 3

Πλο-

CAP. XIII.

Πλοκῶ, quæ quid sint, voces ipsæ indicant. Ἀγωγή enim est ductio vocis à proposita radice ad locum usq; radici consonum, aut ab uno consono, ad alium vel illi vel primæ radici consonum. Τονή est commoratio in loco vel primo vel illi consono, vel etiam priori consono, licet primo non sit consonus. Πλοκή, implicatio, est species quædã vel color ἀγωγῆς, ut πετρεία, lusitatio τονῆς; & ut Ἀγωγή ad Τονῶ, sic πλοκή ad πετρείαν; quia ἀγωγή quasi directè transit, πλοκή vagatur in transitu circa ἀγωγήν, ut canis, circa viatorem.

Itaq; ἀγωγή est motus veluti directus, πλοκή motus varius: τονή verò est quasi terminus motus, seu quies in loco Systematis petito: πετρεία est multi termini minutorum motuum, & veluti quietes. In exemplo nostro, Syllabæ [demit Oves Christus in;] perpetua quædam sunt τονή, duabus solis Syllabis exceptis: at Syllabæ [cons rec li peccat,] exprimunt πετρείαν. Quod si in hac cantilena ligaturas respicias Syllabarum, [Laud an patr tor] easq; ut bifonas consideres, tunc in eâ ἀγωγή mera & pura nulla erit. At si perpendas, rusticano more factum, ut ex sono qui productiùs erat canendus, factus sit bifonus assurgens in fine; & si syllabis hisce simplicem sonum productum, qui est ligaturæ primus, restituas; inuenies puram ἀγωγήν in his [Pascali laudes] item, [immolent] item [Christiani] item [Innocens patri] & brevis in [catores] πλοκή verò mera, licet non naturalis, est in exemplo Turcico.

Quemadmodum igitur se habet sceleton ad corpus apud anatomicos, sic se habent in uno Systemate Octavæ, soni consoni & inter se & cum radice vel basi octavæ, ad ipsam melodiam seu cantum. Sicut enim caro implet sinus ossium, eaq; vestit ad decorem; sic hæ partes recensitæ, implent sceleton octavæ, præsertim ἀγωγή & πετρεία, pererrantes loca dissona, inter consonos sonos interjecta, conformant & quasi corporant Melodiam.

II. Cum cantus definitur sic, Quòd exordietur à certo quodam sono, qui basis sit Systematis octavæ; id non semper de actu est intelligendum; cum enim delectet varietas, & seruiat emphasi: sepiusimè velut ex abrupto incipit melodia à clavi vel loco alio: potestate tamen subintelligitur principium quoddam certum positum, quod ex toto Melodiæ tractu undiq; enitescit; ut in hoc vetustissimo Germanico, facile intelligitur, etsi actu à d. fiat initium; radicem tamen esse G.

III. Similem habet exceptionem, quòd cantus regularis dicitur cum sua τονή vel πετρεία collimare ad loca consona radici Octavæ. Nam frequenter hæ partes in medio longioris melodiæ tractu, versantur cir-

ea loca dissona à primâ radice; sed id fit varietatis causâ; estq; perinde, ac si priori melodiâ nova melodia misceretur, cujus in dissono illo novum quoddam figeretur initium, aut novum signaretur Octavæ skeleton. Est velut excursus in Oratione seu digressio; itaq; non comoramur in talibus, sed citò revertimur velut ad principale skeleton. Et quamdiu circa dissona versatur *τονή & περτέια*; intelligimus, cantum nondum finiri; Nam in ipso vero sine redeundum est non tantum ad consona, regulariter quidem, sed etiam ad ipsam propriam octavæ radicem. Ab hac articulatione cantus, & affectatione consonantiarum, veteres etiâ simplicem cantum, Harmoniam dixisse videntur: non secus atq; decens & aptus membrorum responsus, quæ formæ anima est, harmonia diceretur, quasi pulchritudo: fuit enim & fæminæ nomen Harmonia.

IV. Quòd *Αγωγή* attinet, ea rursus varia est; non semper enim actu omnia loca interjecta transit, sed sæpe transsilit aliqua, saltuq; fertur ab una ad consonantem illi; estque tunc solâ potestate *ἀγωγή*; & fere mera *περτέια* vel *τονή*; qui mos est frequentissim⁹ nostrorū Tubicinum, cum classicum aut incentivum equestre modulantur; tunc enim ferè nihil nisi skeleton octavæ auditur, Cogita an hujus generis fuerit ille veterum *Νόμος ὀρθός*.

Saltus.

V. Cùm Concinnus cantus constet sive Elementis, quæ sunt intervalla concinna, primum illa sunt definienda accuratius.

Duplici namq; sensu dicuntur intervalla concinna vel inconcinna. Primum enim intervalla seorsim singula, respectu ortus sui, concinna vel inconcinna dicuntur, illa quidem, quæ natura admittit in divisionibus intervallorum consonorum, hæc verò, quæ ex comparationibus Consonantiarum non resultant, aliena prorsus ab Harmonice, ut explicatum Cap. IV. Deinde respectu ipsius Cantus seu Melodiæ, discrimen hoc est inter ipsa etiam Musica, seu primo sensu Concinna intervalla, quòd quædam ex ij; junctim considerata, quamvis Naturâ sint concinna, sc: orta ex comparatione & abstractione harmoniarum, usu tamen à Melodijs certo respectu pro inconcinis rejiciantur. Illum sensum præsupponunt & respiciunt *τονή & περτέια*; hunc verò potissimum *Αγωγή*, tam actualis, quàm desultoria. Hæc igitur inconcinna fiunt, rursus duobus nominibus: vel enim respectu Generis, aut skeleton Octavæ, quòd ea planè in illo non usurpentur, neq; forment illud; aut si alio disponantur ordine, quàm supra Capite VII. natura docuit; ut si quis vellet tria semitonia deinceps ordinare; semitonium quidem, primo sensu concinnum est, at hic ordo semitoniorum concinnus non est, hoc secundo sensu. Ita Diesis Naturâ concinna, est tamen vel in duro Genere cantus, vel in Mollj, seorsim inconcinna: Vel deniq; non canuntur deinceps, nec licita sunt saltui vocis Melodicæ, nec

Inconcinna
quotupli-
cia.

Αγωγή convenientia.

Sunt

Sunt igitur hoc secundo sensu inconcinna & vetita intervalla, his
CAP. XIII ut præcipuis legibus comprehensa.

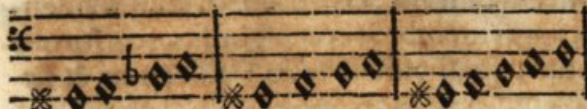
I. Diesis ante vel post semitonium regulariter non canitur.



II. Duo semitonia licet deinceps ordinentur in ordine minimorum intervallorum Capituli VII. non possunt tamen tribus sonis deinceps cani, sed debent cum duobus alijs elementis in duos tonos coalescere.

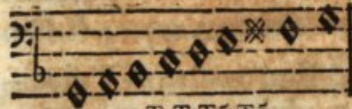


III. Duo semitonia intra complexum unius quartæ vel quintæ, quæ sit imo loco sceleti octavæ, ordinariè non canuntur.

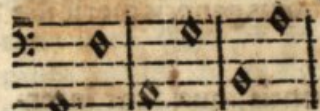


Nam efficeretur, ut vox ordine quarta vel quinta, non consonaret cum primâ, neq; perfectè neq; imperfectè, itaq; non esset quarta vel quinta verè.

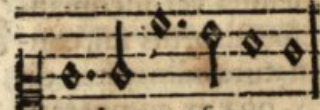
IV. Quatuor toni deinceps non canuntur, nisi in suprema Octavæ parte, quando coloris & varietatis causâ, mutatur sceleton; non igitur ordinariè.



V. Septima & omnia dissona supra octavam, sonis post radicem deinceps ordinatis non canuntur ordinariè; nisi præcedens habeat quodammodo rationem finis, sequens rationem novi initij.



VI. Sextas, etsi consonæ, rariùs admittimus, & tantùm minores.

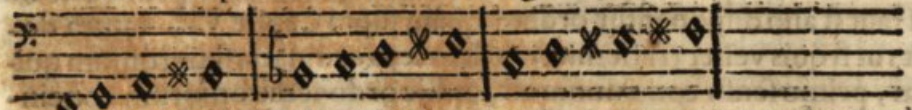


In me transferunt.

VII. Tetrachorda duo unius octavæ, non existente eodem loco semitonij in eorum utroq; , rariùs canuntur; scilicet coloris causa, aut Synopationum (de quibus capite XVI.) neq; tamen libertas est mera locandi semitonij, restringitur enim ad eum locum quem admittit Genus Cantus.



VIII. Affine est hoc, quod tres Toni deinceps imo loco octavæ non canuntur; at superius admittuntur legibus jam dictis.



IX. Duo semitonia in unum tonum naturaliter non conflantur, licet sit parvum in auditu discrimen; ut si octava incipiat ab E. inter ce. dg. fieret n. intervallum 225. 256. ex compositione quod naturaliter est inconcinnum, vide Cap. IV. In



X. In genere omne Octava Systema est inconcinnum, quod non statuit & Diatessaron & Diapente infra.



CAP. XIII

Harum legum plerumque; jam nobis servient in constituendo numero Tonorum Cap. sequenti.

VI. Quantum attinet ad illud membrum definitionis, *Dissona cursum pervolitans, in consonis immorans*; etsi non est instituti mei in opere isto, de mensuris disputare: illud tamen in genere moneo, precipuam esse gratiam cantus Harmonici in mensuratione. Nam quod generalissime dictum est, *Dissona cursum* &c. id in specie sic verum efficitur. Primum Latini habent distinctionem inter longam & brevem Syllabam, quarum hanc faciunt unius, illam duorum Temporum, et sic longitudinis duplae. De Mensuris.

Quamquam hodie non carmina tantum, sed etiam prosa canitur; in qua penitus negligitur ab hodiernis musicis distinctio longae & brevis Syllabae; respicitur vero unice ad morem pronuntiandi, quamvis is hodie sit corruptus; habeturque pro longa Syllaba, quaecumque cum accentu acuto solet proferri, pro brevi, quae cum gravi. In Prosa.

Id non mirum in Latina lingua fieri, cum idem etiam Graeci posteriores fecerint: qui quamvis pure scriberent, pronuntiationem tamen vitiosissimam sunt amplexi, in qua nulla amplius est distinctio accentus acuti a Syllabae longitudine, gravis a brevitate, cum tamen ad hoc signis abundent, quae apud Latinos non tam frequentia in usu habentur. Itaque Graeci abrogato more pangendi carmen, ab aliquot jam saeculis ceperunt scribere versus Politicos dictos; in quibus Syllabae numerantur non mensurantur, obtinetque versus penultimam, non quae natura longa est, sed quae accentu acuitur in sermone populari. Graecorum versus Politici.

Id igitur imitantur etiam in Latina nostri Musici; adeo ut ne carminibus quidem, nisi perraro, nec unquam in totum parcant: credo quia dupla & tripla perpetua in Cantibus est recepta: cum carmina has inaequaliter misceant, excepto Hexametro, quod proportionem aequalitatis in spondaeo, & dupla perfecta in dactylo contentum est. In Metris. Brevem igitur syllabam, aut quae est loco brevis, quando spondaeus succedit jambo, & in genere syllabam cum accentu proferendam, Musici deputant dissono sono, si per illum sit transeundum, longam consonis, vel quasi.

Secundo linguae Ionicae, quae Rhythmo utuntur Teutonica, Gallica, Hispanica, Italica, faciunt vel ultimam Carminis acutam vel penultimam, efferuntque totum versum sic, ac si alternis acuta vel gravis syllabae semutro insequantur, sive sit hoc, ut in apto Teutonico versu; sive non sit, ut crebro in Gallicis. Itaque omnis illorum versus aut Trochaico similis est, aut Iambico, iisque; aut Acatalectis Schöpffer *Himmels vnd der Erden. Nun bitten wir den Heylgen Geist.* aut catalectis, *Des sich wunder alle Welt. Er ist der Morgensterne.* Igitur Musici sonis dissonis sedem in gravibus vel correptis syllabis figunt, Consonis in acutis. In hodiernis Metris.

Tertio, cum verò cantus accipit mensuram non a Syllabis textus, sed a Tactu; atque is vel duplam sequitur proportionem vel triplam; primam quidem tactus partem Consonis, posteriorem, & in tripla brevioram, quae significatur elevatione manus, dissonis potissimum reservant: In tactu.

caventq; quantum fieri potest, ne primum tactus semissem alia occupet syllaba, quàm quæ est acutè proferenda, neve longæ binæ in ultimam tactus partem intrudantur.

CAPVT XIV.

De Modis Melodiarum, quas
Tonos vocant.

De modis dicturus primum hodiernos admoneo Musicos, quos illi Modos appellare solent, sc: proportionem tactus duplicam, triplam & similes, (quales Modos fortè fecerunt olim tibijs, in comœdijs Romanorum) de ijs mihi præterquàm quod jam est dictum, sermonem non fore. Modos ego dico, quos ipsi cum veteribus solent appellare Tonos, cùm quæritur, cujus Toni sit Cantus. Sunt enim certæ Cantus concinni seu qualitates seu species, duabus summis Generum differentijs, Duri & Mollis, contra se dirempti.

Græci Τέτρως & ἦθον dixere, illud à forma Systematis, hoc ab Effectu Cantus in homine, quia pleriq; legislatorum censuerunt, Modos cantuum facere ad Mores conformandos.

De horum igitur Tonorum numero & discriminibus non hodie tantum magnæ sunt inter Musicos controversiæ, sed & jam olim fuerunt: quarum aliquas apud Ptolemæum, plerasq; apud Vincentium Galilæum, videre est. Mihi verò nec examinare quorumcunq; sententias est propositum, neq; refutare: itaq; non expectet Musicus à me quàm aliud in hac quæstione, quàm id unicum, ad quod mea me ducunt principia hæcenus explicata. Etsi enim Toni ab eo dicti videntur, quòd Modus unus altero vel altius vel profundius incipiat unius Toni (vel Semitonij) intervallo: Tonos tamen Ego non ipsa per se Cantus altitudine vel gravitate discrimino, quod solum observasse quosdam Vincentius Galilæus testatur: sed numerum eorum ad numerum specierum unius Diapason cum Ptolemæo exigo; dicoq; totidem esse Tonos, quot possunt esse sceleta Systematis Octavæ legitima & Concinna, Generibus, Ordine concinnorum intervallorum, & situ Tetrachordorum, seu electione Medietatum binarum Harmonicarum inter se differentia. Tres nimirum sunt res, quæ Tonos variant, interq; sese distinguunt: Genus, Sequela Concinnorum, & Articulatio sceleti ex Consonantijs minoribus.

Primum Genera due, Cap. VI. constituta divisionis Systematis Octavæ, constituunt nobis duos principes & Naturâ primos Tonos, cum ipso sc: Systemate unius solius Octavæ ortos. Deinde in utroq; genere Systematis tam duro quàm molli, ex compositione duorum Diapason in unum majus & perfectum Systema, quam tradidimus Capite XI. dantur Systemata singularium Octavarum, differentia radicibus seu meris, quibus includuntur, sunt autem illæ metæ Loca Systematis naturalis

ralis diversa, seu hodierno vocabulo Claves aliæ atq; aliæ, quas confectur necessariò diversa altitudo, respectu systematis naturalis, quod à G incipit; & per illam diversus etiam situs semitonij, quod est vel tertio vel penimo vel imo loco Octavæ. Nam quod attinet altitudinem ipsam, absolutè consideratam, illa per se nihil mutat speciem cantus, cum eadem species vel altè possit intonari vel humiliter. Neq; astringimur ad hoc, ut Tonorum reliquorum dimidiam partem sumamus cum Ptolemæo profundior Systemate G principali & Naturali, dimidiam altiorem. Possumus enim vel omnes altiorem, vel omnes humiliores sumere, cum idem utrinq; sequatur Ordo Concinnorum, tunc nimirum, si Systema duplicis octavæ naturaliter compositum, incipiat à clavi G. At si partem humiliores, partem altiorem faciamus cum Ptolemæo; Systema naturale sic erit componendum, ut infra Diapente addamus, supra Diatessaron; & sic Systema compositum duplicis Octavæ incipiet à C.

CAP. XIV.



Tertiò deniq; datur in Systematibus sic constitutis, electio duarum Medietatum Harmonicarum, in quas colliment τὴν & πρῆξις, partes cantus; seu quod eodem redit, datur situs Tetrachordi vel summo vel imo loco Octavæ, vel in medio duarum Tertiarum.

Hujus igitur diversitatis causâ, subjungendum hic ante omnia ex Capite XI. concinnatum Rete quadratum ex duodecim Ordinibus intervallorum duodecim minimorum Naturalium: non quidem ideò, ut cum Aristoxeno secundum numerum illorum totidem Tonos faciamus, incipientes unumquemq; uno tali minimo intervallo altiùs; sed ut his minimis in usualia concinna contractis, appareat, utrum nova aliqua species Octavæ ab uno quolibet minimorum incipere possit.

Rete intervallorum in Systematibus, pro indagandis Tonorum diversis speciebus.

I.	II.	III.	IV.	V.	VI.	VII.	VIII.	IX.	X.	XI.	XII.	Ordines
S	L	S	S	D	S	L	S	S	D	S	L	Supra.
L	S	L	S	S	D	S	L	S	S	D	S	
S	L	S	L	S	S	D	S	L	S	S	D	
D	S	L	S	L	S	S	D	S	L	S	S	
S	D	S	L	S	L	S	S	D	S	L	S	
S	S	D	S	L	S	L	S	S	D	S	L	
L	S	S	D	S	L	S	L	S	S	D	S	
S	L	S	S	D	S	L	S	L	S	S	D	
D	S	L	S	S	D	S	L	S	L	S	S	
S	D	S	L	S	S	D	S	L	S	L	S	
S	S	D	S	L	S	S	D	S	L	S	L	Infra.
L	S	S	D	S	L	S	S	D	S	L	S	
G	Ge	A	b	β	c	ce	d	de	e	f	fe	

Nota S esse Semitonium.
D. Diessa
L. Lima.

LIB. IX. CAP. XIV.
 ORG. 14.
 Systematū
 octavæ dif-
 ferentium
 specierum.

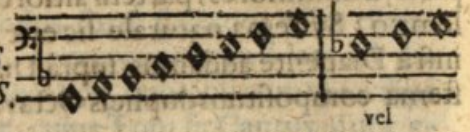
Vides, ex duodecim discriminibus altitudinum Octavæ nullam esse quæ cum altera conveniat in elementorum ordine.

Videamus nunc, quot hinc existant species Systematum Octavæ si prima differentia Octavarum, quæ est Generis, admisceatur: hoc est, an omnium Ordinum 12. minima 12. intervalla possint concinnè contrahi in septem unius Octavæ usualia intervalla, distincta locis octonis, & quot modis quilibet.

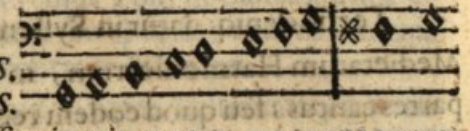
Ubi nota quod LS. vel SL. sit nota Toni Majoris, DS, vel SD. Nota Toni Minoris, S. nota semitonij: & procedent nostræ descriptiones à Gravi ad Acutum, seu ab infra ad superiora.

Certum est igitur, in Octava G. duas existere species pro duplici situ semitonij in altero vel tertio loco ab imo.

Prima Mollis Generis.

LS. S. DS. LS. S. SD. LS.  vel SD. S. LS.

Altera, Duri Generis.

LS. SD. S. LS. SD. SL. S.  vel S. LS.

At in Ge. ut & in Ce. cum duo semitonia non componant unum concinnum, nec deinceps canantur ἐμμελῶς; imum ergò semitonium stat solum; per leges 9. & 2. prioris Capitis. Effet ergo distributio

Vel talis S. SD. SL. S. SD. SL. SL. inconcinna ex lege 3. Vel in Ge. quidem talis S. SD. SL. SS. DS. &c. & hæc inconcinna ex lege 9. Nulla igitur species Octavæ concinna ex G₂ incipit.

In octava A. pro triplici situ inferioris semitonij possibili, tribus etiã modis contrahentur elementa in Tonos: vel enim sic S. DS. LS. S. DS. &c. quod coincidit cum eo quod jam est rejectum; vel sic, ut hinc nascatur

III.  Tertia
 S. DS. LS. SD. S. LS. LS.

IV.  Quarta
 SD. S. LS. SD. S. LS. LS.

V.  Quinta
 SD. SL. S. SD. SL. SL. S.

In Octava b. unica potest esse Elementorum contractio, quæ coincidit cum quinta formâ, nec datur alia, sc. DS. LS. S. DS. LS. LS. S. quia semitonium non nisi tertium ab infra locum habere potest.

Nota 2. est semitonium.

In Octava *h* quia non licet conflare duo semitonia loco secundo, per legem 9. nec deinceps ordinare, per 2. distribuenda igitur sunt in tonos sic, ut solitarium stet vel primo, vel secundo loco. CAP. XIV.

Quod si primo loco sequetur, ut alterum solitarium stet vel quarto loco, quod rejicitur lege tertia, vel sexto, & quatuor toni inferiori loco octavæ deinceps sequentur contra legem quartam. Quare semitonium ordinandum est loco secundo, ut hinc existat species

Sexta
SL. S. SD. SL. SL. S. SD.

In Octava *C*. pro duplici situ possibili semitonij dantur duæ distributiones: prima coincidit cū *h*. LS. S. DS. LS. LS. S. DS. altera est numero Septima LS. SD. S. LS. LS. SD. S. De octavæ *c* forma unâ dictum est paulò antea, altera coincidit cum sequenti. VIII.

S. SD. SL. SL. S. SD. SL.
In Octava *d*. pro triplici situ semitonij in imo Tetrachordo, dantur tres species, Octava

S. DS. LS. LS. S. DS. LS.
Nona
SD. S. LS. LS. SD. S. LS.
Decima
SD. SL. S. LS. SD. SL. S.

In Octava *d*, nulla concinna distributio fieri potest: exularet enim primis tribus locis semitonium, quod est contra legem octavam prioris *C*.
In Octava *e*, rursus triplex situs semitonij possibilis in tribus imis locis, tres dat species, quarum

Vndecima
S. LS. LS. SD. S. LS. SD.

Duodecima
SL. S. LS. SD. SL. S. SD.

Tredecima
SL. SL. S. SD. SL. S. SD.
est eadem, cum sequentis forma priori.

In Octava *f*. semitonium habet unicum situm loco tertio, quare una existit species, sc: eadem tredecima biformis LS. LS. S. DS. LS. S. DS.

vel SD. S.

Deniq;

CAP. XIV. I.



Deniq; in Octava *fe* duo sunt loca semitonio, vel in penultimâ sede, vel in ultimâ. Quod si igitur sic ordines *SL.S. SD.SL. S. SD.SL.* species erit prima, ut apparet ex collatiõe: sin aliter, erit

quarta decima *s. LS. SD. SL. S. SD. SL.*

Apparet igitur causa cur in Ordine II. IV. V. VII. IX. sc: in Octavis *Ge. b. h. ce. de.* nulla peculiaris species incipiat.

Apparet secundò, nullam posse fieri genuinam transpositionem, ut maneat eadem species Octavæ, nisi has, I. ab *fe.* in *g.* II. à *ge.* in *a.* sed formæ rejectæ. III. ab *a.* in *b.* IV. à *h.* in *c.* V. à *ce.* in *d.* VI. à *d.* in *de.* formæ rejectæ. VII. ab *e.* in *f.*

At si vulgò Musicorum Organicorum obtemperemus, qui Comma negligunt, nec inter Tonos, majorem minoremq; discernunt; tunc omnes quatuordecim nostræ species Octavarum, constituent non plures, quàm tres Modos, pro triplici situ semitonij (ut quidem & Galilæus temp^o fuisse ait, cum non plures tribus haberentur Toni, Dori^o, Phrygius, Lydius) multiplicantur verò in plures per solam altitudinem.

Nam quod tertiam causam attinet, articulationem sceleton Octavæ, ea nobis cum illis adhuc communis est; propter quam etiam nobis plures quam XIV, species nascentur.

Ecce tres ordines vulgares Octavarum.

I. Ut semitonium sit loco imo, quem puto à veteribus dictum Phrygium, æquipollent illis ex nostris speciebus hæ.

- III. In Octava *A.* | *S. DS. LS. SD. S. LS. LS.* Æquipollentia quov VIII, In Octava *ce.* | *S. SD. SL. SL. S. SD. SL.* ad imum Tetra-
- In Octava *d.* | *S. DS. LS. LS. S. DS. LS.* chordum, est vera.
- XI. In Octava *e.* | *S. LS. LS. SD. S. LS. SD.* Mediocris æquipol
- XIV. In Octava *fe.* | *S. LS. SD. SL. S. SD. SL.* lentia.

II. Ut semitonium sit loco penimo, quod videtur in Dorio, veteribus dicto, factum esse, æquipollent vulgò ex speciebus nostris hæ.

- In Octava *G.* | *LS. S. DS. Lg. SD. S. LS.*
- I. In Octava *fe.* | *SL. S. SD. SL. S. SD. SL.* quoad imum sy-
- VI. In Octava *c.* | *LS. S. DS. LS. LS. S. DS.* stema diapente est
- In Octava *h.* | *SL. S. SD. SL. SL. S. SD.* vera.
- XII. In Octava *e.* | *SL. S. LS. SD. SL. S. SD.* Hic æquipollentia
- IV. In Octava *A.* | *SD. S. LS. SD. SL. S. LS.* Æquipollentia
- IX. In Octava *d.* | *SD. S. LS. LS. SD. S. LS.* perioribus.

Ut

III. Ut semitonium sit loco tertio, ut in Lydio fuisse credo, æquipollent vulgò ex speciebus nostris hæ.

CAP. XIV;

- II. In Octava G. | *LS. SD. S. LS. SD. SL. S.*
vel S. LS. Æqui pollentia in i-
- VII. In Octava c. | *LS. SD. S. LS. LS. SD. S.* mo diapente vera.
vel S. DS.
- V. In Octava A. | *SD. SL. S. SD. SL. SL. S.*
vel, S. LS. Æquipollentia mi-
- X. In Octava d. | *SD. SL. S. LS. SD. SL. S.* nor.
vel S. LS.
- XIII. In Octava e. | *SL. SL. S. SD. SL. S. SD.* Æquipollentiam i-
- In Octava f. | *LS. LS. S. DS. LS. S. DS.* nima.
vel SD. S.

Possunt ergò secundùm vulgi de Tono majori & minori sententiam, plurimæ fieri transpositiones Melodiarum de literis in literas, mediantibus signis *b* & *x*.

Restat ut examinemus quænam ex nostris XIV. speciebus Octavæ per articulationem elementorum concinnorum possint fieri multiplices. Nam specierum discrimen quintuplex oritur à contiguitate Tonorum;

aut enim tres toni se invicem sequuntur deinceps, aut bini tantum. Quod

si tres, oportet ut vel in medio octavæ stent non naturaliter, utrinq; habentes singulos tonos & singula semitonija: vel ut ad alterum Systematis extremum vergant, & tunc necessariorum in illo extremo est semitonium, propter leges 8, & 3. Sin autem bini tantum Toni se insequuntur, intercedentibus semitonijs, tunc semitonio locus in extremitatibus non est; & duæ tonorum bigæ vel supra stant, vel infra, tertia mollis in extremo contrario, eaq; inferius recta, habens semitonium supra; superius inverla, Semitonium infra habens.

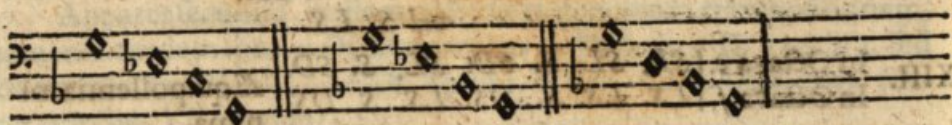
The image shows five musical staves, each representing a different octave species. Each staff is written on a five-line staff with a treble clef and a key signature of one flat (B-flat). The notes are diamond-shaped and connected by stems. Below each staff are labels for the intervals between notes:

- Staff 1: Tertia minor, Tres Toni, Tertia minor.
- Staff 2: Semiton, Tres Toni, Sem: Tertia ma.
- Staff 3: Semiton, Tres Toni, Sem: Tertia ma.
- Staff 4: Duo Toni, Semito, Duo Toni, Tert. mi.
- Staff 5: Tert. mi, Duo T., Semit., Tert. ma.

Hoc

Hoc pacto in nostris XIV. speciebus reperiuntur interspersæ alia X. quaternis primis locis coincidentes cum prioribus, aut etiam quinis; ubi verò incipiunt differre, præmissa est particula, *vel*,

Quod si jam accesserit ultima causa, discriminans Tonos, scilicet $\tau\omicron\nu\eta$ & $\pi\epsilon\tau\lambda\iota\sigma\iota\alpha$: triplicabitur Numerus, & fient 72. species. Omne enim sceleton Octavæ ex omnibus 24. habet & tertiam & quartam concordantem cum primâ, & quintam & sextam. Si ergo hæ partes cantus potissimum circa quartam & sextam occupentur, tunc statuunt infimo loco Diatessaron: Sin circa tertiam & sextam, Diatessaron est



in medio, sin deniq; circa tertiam & quintam, Diatessaron est loco supremo.

Hæc autem non ideo dico, quod necessaria sit tam minuta concisio, cum sciam, plerumq; misceri ternas formas in uno cantu: sed ut ex hoc numero possit iudicium ferri de discriminibus Tonorum, quæ Moderni tradunt; quæ partim talia sunt, ut mihi videantur illorum tot statui posse, quot sunt omnino cantiones, cætera unius Toni. At si observamus hæc principia, numerus Tonorum utrunq; magnus, finitus tamen est. In summâ, Toni realibus distincti metis & discriminibus, non respectu altitudinis vocis in Organo, sed in ipsâ etiam humana voce, quæ principium naturalis Systematis à quacunq; voce altâ vel profundâ facere potest, sunt vel 3. tantum, vel 14, vel 24, vel 72.

Cum his principijs meis sic ego concilio Tonos octo vulgares, quos Ecclesiasticos dicunt; erantq; veteribus, opinione quorundam,

I. Dorius

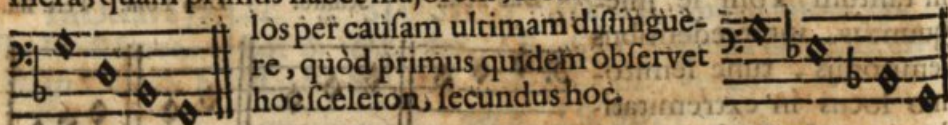
I. Hypodorius



Adam primus Homo.

Noc secundus.

Hæc sunt duæ species Cantus mollis, ex specie octava, quæ est mihi Primâ inter XIV. Nec video aliam differentiam, quam in altitudine merâ, quam primus habet majorem, secundus minorem: nisi velis il-



los per causam ultimam distinguere, quod primus quidem observet hoc sceleton, secundus hoc.

Tertius vulgaris Phrygius

Quartus vulgaris Hypophrygius.



Tertius Abraham.

Quatuor Evangelista.

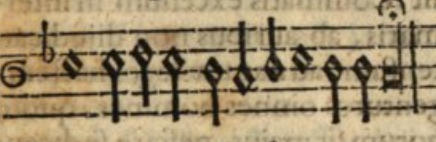
• Nihil

Nihil manifestius quàm hos duos Generis duri pertinere ad nostram speciem XI. & scribendos ex *e*, estq; rursum vix ullum discrimen aliud quàm * altitudinis, nisi hæc illis velis accomodare sceleta seorsim.



Quintus vulgaris Lydius.

Sextus vulgaris Hypolydius.



Quinq; libri Mosi

Sex hydriae posita

Et hi similiter manifestissimè scribendi sunt ex *f* suntq; generis mollis, distinguunturq; altitudine vel sceletis hisce, ex nostra XIII.



Septimus vulgaris Mixolydius.

Octavus vulgaris Hypomixolydius



Septem artes liberales

Et octo sunt partes.

Et si apparet consilium inventorum, quòd Primum & Secundum ex *d*. scribere voluerint, Tertium & Quartum ex *e*. Quintum & Sextum ex *f*. Septimum & Octavum ex *G*. certum tamen est ex ijs quæ supra disputavimus, etiam hos generis Duri cum Primo & Secundo ex eadem clavi *G*. scribi debere, quibus ex nostrâ specie II. competunt hæc sceleta.



Hæc igitur applicatione vulgarium octo Tonorum ad meas species Octavæ I. XI. XIII. II. ego multò evidentius discrimen ostendere possum inter hos Tonos, quàm Musici nostri, quia comma contemnant. Qui enim ex *G*. scribuntur, omnes quatuor habent consonantias legitimas, tertiæ, quartæ, quintæ, & sextæ cum primâ. Qui verò ex *F*. & *e*. consonantijs utuntur adulterinis, infra quartâ majori *e a.* & *f bb.* & quinta majori *e hh.* & *f cc.*

Quid igitur cum reliquis decem speciebus, inquires? cum omnes usitati Toni redigantur ad quatuor? Nimirum ad hoc serviunt, ut sciant Musici, si Systemata principalis Octavæ ex *G*. descriptæ, temperemus ut natura suadet; tunc nequaquam ita facillè & variè transponi possent cantum sine mutatione sinceritatis suæ, ut ipsi habent in usu. Liberum igitur illis est, vel rejicere omnes residuas 10., & cum ijs etiam transpositiones suas: vel faceri, quòd plures Formæ Melodiarum, plures nempe Modi vel Toni possint existere, ijq; differentes ab his positis, alij

K

magis

*
Triplex est altitudo Toni 1. absoluta & materialis quodammodo, ut in voce humana etiamq; in Organis si ex *G* ascendat radix Systematis in *g*. ubi non mutatur forma Systematis: de hac jam nihil. 2. Formalis ipsius radice cujusq; Toni in Systemate naturali composito ex duobus diapason. Neq; hæc hoc loco intelligitur: importat enim mutationem Toni permutatâ Clavi radicali Systematis 3. Iterû formalis altitudo Melodiæ respectu suæ radicalis clavis, quâ manente manet quidem Tonus idem, sed aliud quasi schema induit: ut si non ad Octavam radice ascendat, sed infra sextam, quintam aut quartâ se contineat, vel infra radicem sese crebro demittat, rediens tamen in fine ad radicem. Itaq; sceleta ista non sic sunt intelligenda, quasi Melodia omnes ejus articulos vel notas hic pietas pervadat: sufficit si aliquas, aut si earum diapason inferiores Hos igr. sese sic demittentes infra radicem possemus cum antiquis appellare Plagios: cæteros Authentas.

AP. XIV. magis alij minus; pro ut æquipollentias ad marginem supra vides annotaras. Nam si superiorum unius Octavæ intervallorum rationem habemus nullam; dantur sanè transpositiones aliquot à G. in c. & ab A. in d. & aliæ.

Quæras ultimò, quid impediât illas transpositiones, toties jam à me rejectas? Videntur enim aures illas non impedire, cum in confesso sit, Commatis excessum in intervallis, quæ disjuncta sunt locis Systematis, ab auribus non dijudicari. Esto enim systema quàm optimè tensum, ad naturæ leges hætenus explicatas, pulsentur G a. & a h. rogenturq; omnes homines, quotquot audiunt, utrum intervallorum horum sit majus, nescire se dicent; nec prius discernent, quàm conjuncta fuerint intervalla loco eodem Octavæ; hoc est, ubi spacio chordæ per circinum disjuncto, pars octogesima prima chordæ interfepiatur, & sic duæ longitudines 80. & 81. pulsatæ momentis proximis, inter se fuerint comparatæ?

Respondeo, etsi auditus non distinguit, pulsatis tribus solis chordis Octavæ (duorum intervallorum terminis) at pulsatis omnibus unius Octavæ chordis; sic tandem distinguit Octavam G. primogenitam & naturalem, ab Octavis aliarum clavium. Insunt enim in omnibus Octavæ speciebus, eadem intervalla Concinna septem; quæ semel expressa pulsatione chordarum, statim hærent in memoria de propinquo; ut facile pateat auditui, quo loco Octavæ naturalis quilibet Tonus incipiat. Hoc pacto Commatis sensus erit implicitus in distinctione Octavarum. Quemadmodum enim Auditus Consonantias ipsas, & Concinna omnia intervalla, probat ab effectu, licet non numeret longitudines chordarum, quæ causam præbent concordantiarum: sic idem auditus advertit etiam affectum commatis 80. 81. etsi id non numeret, adeòq; nec actuali discretaensione capiat seorsim.

CAPVT XV.

Qui Modi vel Toni, quibus servant Affectibus.

Hætenus de principiis, ex quibus Toni constant, & contra se distinguuntur: jam pauca dicam de effectu, consentanea quidem meis principijs.

Primum admonendus est lector, non hic agi de dispositionum animi differentia, quæ efficiunt, ut homo potius canat, quàm ut oratione planâ & sedatâ utatur: neq; de ijs, quæ hinc cantum, inde simplicem orationem consequuntur in auditore. Nam ut alacritas animi est, quæ omnem omninò cantum in canente præcedit, eiq; veluti dictat Melodiam; sic etiam omne genus Cantionum concinnarum voluptas audientium consequitur.

Separanda est nobis hæc generalis dispositio Animi, seu potius, loco

loco materiæ subjiçienda illi affectuum diversitati, quam hic quærimus. CAP. XV.

Cùm autem omnes partes Cantus concinni & naturalis comparatæ sint ad ciendos affectus, imitatione sonorum, quos edunt animalia, ad testificanda sua desideria: hinc patet, variam & multiplicem esse hanc disputationem, adeoq; infinitæ similem; quæ cum meos laceratos superet, rectius transmitteretur universa Empiricis, hoc est, Musicis practicis: quippe qui sine præceptionibus, solo naturæ ductu, admirabilium Melodiarum subinde authores existunt: quod ipsis longè est facilius, quàm ut, quid sit cantus, & in quo consistat, aut quomodo factus sit, oratione longâ & disertâ eloquantur.

Cùm enim, ut Oratio prosa, Carmine, sic voces & gestus Animatum Cantu represententur & veluti depingantur: certè ut Poëtice, sic etiam Musica cantus componendi facultas, usu & exercitatione sola, si fuerit ingenium etiam Naturâ factum ad hoc, est addiscenda.

Quia tamen pars est honestissimarum Animi recreationum, indagare rerum causas, aut ab alijs repertas comminus intueri: adeò quidem ut etiam Aristoteles Problematum suorum partem non minimâ contemplationibus dederit Harmonicis: conandum etiam hîc est aliquid, proferendiq; Philoſophiæ fines, & Methodi legibus adhibitis coercenda illa disputationis infinitas; adq; generalia capita revocanda; ut per singularia postmodùm de similibus idem possit esse iudicium.

I. Cantus ipsius, affectuumq; qui cantus species sequuntur, proportionalia sunt elementa, totidem ferè numero utrinq;: Nam etiam voces ipsæ Partium Cantus, *αγωγή, τονή, πεπεία, πλοχή*, ad affectus alludunt certos. Prima simplicitati servit, ultima luxuriæ; illa corpori similis est, hæc coloribus; Tones æqualitas attentionem movet; Pettia, seu lusitatio ad delectationem & recreationem est comparata. Hæc sunt generalia per omnes Modos Musicos.

II. De Agôge hoc peculiare monet Galilæus, duas ejus esse differentias, unam sursum, alteram deorsum, quarû illa lætitiæ serviat, hæc mœstitiæ & fletui. Causa est naturalis: infra enim vox gravis motu tardo editur, supra vox acuta motu concitato: cùm ergò vox descendit, quieti appropinquat: cùm ascendit, in motu proficit, propterea in choralis cantu plerumq; in imo desinimus: illic igitur vox languescit, hîc viget. Atqui etiam in mœrore languet mens omnesq; functiones, in hilaritate vivit & actuosa est.

III. Est etiam saltus vis magna; qui est veluti potentialis Agoge: habet enim temeritatem, motum, audaciam, est militaris, virilis, impudens, si creber sit, præsertim per diapente, cujus figura, Trigonus, acutis constat angulis, totumq; circulum tribus lineis absument. Contrà saltus per sextam mollem unicus ascendens, sequente Agoge deorsum, magnitudinem doloris exprimit, aptus ejulatibus, ob similitudinem vocis: ut in *In Me transferunt* Orlandi.

IV. Multum etiam inter est, quantam altitudinem in Octavæ systemate ab imâ radice cantus potissima pars occupet. Nam si totam Octavam percurrat, aut excedat, animosus cantus est: sin Diatessaron solum, modestus & jucundus; Diapente mediocritatem habet; Tertia mollis-

CAP. XV.

demissionem & pusillanimitatem. Hoc quidam tribuunt descensui infra radicem per diatessaron; hujusque formæ tonos appellant plagios, seu plagales suorum Authentorum.

V. Inter generalia elementa referenda est potissimum etiã celeritas & tarditas rhythmi, seu tactus; quarum illa iræ, motui, pugnis, hilaritati apta est; hæc affectionibus, quibus per quietem fruimur, mœrori, amori, desiderio, voluptati ex potiundo.

VI. Adde & modũ, hoc est Rhythmus ipsum: alia enim tripli dicti, alia dupli est vis: quam fortè multam trahit ex imitatione saltantiũ chorrearum: q̄ motuum in ijs alternata varietas cum omnibus nota sit, admonet statim audientes, eos velut in rem præsentem adducens. Triplus igitur turbulentus & actuosus est, duplus quietior, pacatior, modestior. Sed de Rhythmis eorũq; signis, nihil hoc libro: quare missos eos faciam?

De Enharmonio scribit Aristoteles, eo impleri animos furore diuino: contra magistratus ipatorum, quod effeminatũ hoc & fucatum genus cantus habere. tur, authorẽ eius recipiendi notatum ignominia vrbe pepulerũt.

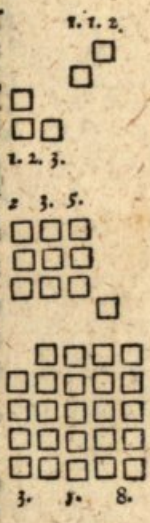
VII. Veniendum nunc est ad illa, quibus propriè Tonos discriminari diximus; quorum præcipuum est, diuersitas generum Cantus. Atque hic seges disputationum copiosissima succrescit, quodnam ex tribus veterum generibus cui fuerit affectui tributum; quam nos intactam præteribimus; cum nec naturalis sit distributio cantus in genera numero tria, nec veteres sibi consent in hæc materia. Mihi de naturalibus duobus cantus generibus sermo erit, Duri scilicet & Mollis; quæ voces quos affectus cieant, ipsæ produnt. Nam ut foemina ad patiendum potissimum facta est, mas ad agendũ, præsertim in generationis negotio; sic Molle genus passionibus animi foemineis, Durũ actionibus virilibus accommodatur; quarũ rerum discrimina ex sequẽtib; magis elucescent.

VIII. Non enim Genera tantum cantus, sed etiam Toni in vniuersum situ semitonij differebant. Hic semitonij situs animat afficitq; tam Genus quàm Modum seu Tonum: aliter tamen de hoc situ disputandũ est, respectu generum, aliter respectu tonorum omnium. Genera enim diximus oriri primum omnium in Octavã principali, quæ à G incipit, in qua semitonij situs loco penimo format Genus molle, loco antepenultimo, genus durum: illic imo loco est tertia mollis, hic dura. Quæ est igitur hujus situs connexio cum affectionibus? aut quid commune tertiæ minori cum foeminis, cum passionibus, cum mollitie; quid item Tertiæ duræ cum virilitate, duricie, actionibus, efficacia?

Primũ igitur memineris, Tertiam duram ortam esse ex Pentagono; pentagonum vtisectione secundũ Extrema & Medium, quæ proportionem formant diuinam. In hac verò proportionem pulchra inest Generationis idea. Nam sicut pater gignit filium, filius alium, quisq; sibi similem: sic etiã in illa sectione, cum pars major additur toti, continuatur proportio, capitq; composita locũ Totius, & quæ prius erat tota, locum partis majoris. Quæ ratio etsi numeris exprimi nequit, datur tamen aliqua series numerorum, quæ cõtinuè propiũs ad verum accedit, in qua serie, ipsa differentia numerorum à terminis genuinis (qui sunt nõ numerabiles sed ineffabiles) admirabili vicissitudine mares foeminas progignit, membris sexus indicibus distinctas. Vt si pars major sit primò 2. minor 1. totum 3. Hic nõ est planè 1. ad 2. vt 2. ad 3. differentia enim est vnitas, quo minus rectangulum extremorum 1. 3. æquet quadratum medij 2.

medij 2. Tunc addito 2. ad 3. fit novum totū 5. & addito 3. ad 5. totū 8. Etc. Rectangulum ex 1. 3. foeminam creat, deficit enim à quadrato de 2. unitate; Rectangulum ex 2. 5. marem; excedit enim quadratum 3. unitate; Rectangulum ex 3. 8. foeminam, deficit enim à quadrato de 5. unitate. Rursum ex 5. 13. mas oritur, respectu quadrati de 8. ex 8. 21. foemina, respectu quadrati de 13. hoc sic in infinitum.

Hæc cum sit natura hujus sectionis, quæ ad quinquanguli demonstrationem concurrat; cumq; Creator Deus ad illam conformaverit leges generationis; ad genuinam quidem & seipsâ solâ perfectam proportionem ineffabilium terminorum, rationes plantarum seminarias, quæ semen suum in semetipsis habere jussæ sunt singulæ: ad junctas vero binas Numerorum proportionēs (quarum unus deficiens unitas alterius excedente compensetur) conjunctionem maris & foeminæ: quid mirum igitur, si etiam soboles quinquanguli Tertia dura seu 4. 5. & mollis 5. 6. moveat animos, Dei imagines, ad affectus, generationis negotio comparandos? Vbi repetendum ex capite III. quod quamvis 1. 6. sit ex sexangulo, Residuum tamen 5. 6. non consonet propter sexangulum, sed propter derivationem ex tribus circuli decimis, per terminorum duplicationem & dimidiationem; itaq; etiam Residuū hoc, ejusq; Soboles, Tertia minor, est ex Quinquangulari figurarum classe. Hoc igitur stabilito, quod societas duarum Tertiaram repræsentet societatem maris & foeminæ: nullo jam negotio cuiq; sexui sua assignatur Tertia. Major enim tertia virilis evadet, Minor, foeminea; cum eadem sit ipsorum etiam corporum, viriumque tam corporis quàm animi proportio. Cùmque major sit ex imparilaterâ, sc. ex Quinquangulo, minor verò originaliter ex parilatera Decangula; consentaneum est etiam Pythagoræ placitis, qui numeros impares mares dixit, pares, foeminas: (quod confirmatur illa excessuum & defectuum speculatione, cùm impar sit & excedens) ut illa masculini sexus habeatur, hæc foeminei.



Accedat his rationibus etiam intervallorum concinnorū contemplatio, quorum minimū est Semitonium; semper enim Semitonium succedens, invitat vocem ad se superandū, ob parvitatem; est enim instar jugi in clivo mollescente; Et quoties Semitonium versus superiora occurrit; illa quædā quasi meta cantus habetur, ad quam tendat, indeq; veluti jugo superato, confectoque conatu, reverti crebrò solet ad inferiora. Certè, si canamus RE, MI, non satiatur auditus, sed expectat ut & FA addatur. Cùm igitur tertia dura, quæ habet imum locum in Tono Octavo, careat semitonio, quod demum accedit ad complendum Diatesaron: meritò habetur pro actuosa, & conatum plenâ, cujus vis γόνιμος, & ἀμὴν ἀσχελος, quærens finem suum, scilicet Diatesaron, cujus semitonium est ei quasi ἐκχυσίς, toto conatu quæsitâ. At tertia minor imo loco Toni Primi consistens, cùm semitonium complexa sit, à quo superato solet fieri reversio; quasi seipsâ contenta, suâq; naturâ ad superationem & passionē facta: semper se, veluti gallina, sternit humi, promptam infessori gallo. Et ecce causas affectuum in Generibus, inq; Tonis systematis primarij, ex G surgentis

CAP. XV.

Nunc eundem semitonij situm contemplemur etiam respectu Tonorum promiscuè omnium: ubi attemperabo orationem, ut hætenus etiam, ad Tonos vulgares, uti eos ex meis principijs distinxim. Nam de reliquis X. speciebus Octavæ, quas addidi comparationis causâ, an Toni dici mereantur, Musicorum erit iudicium.

Sæpe dictum, naturaliter quidem, ex conëfinis intervallis majora, sibi postulare locum imum dari, ut magna magnis asocientur. Nam & soni graves, qui sunt itidem infra, magnitudine aliqua, id est, longis chordis determinantur, acuti brevibus: seu quod idem est, sonus gravis magno & tardo motu editur, acutus parvo & celeri. Naturalis igitur series est, cum in Tetrachordo perfecto, primo loco est Tonus major, secundo Minor, tertio & supremo Semitonium. Atqui cum omnia secundum naturam habent, læti sumus: Læti ergo Toni sunt, qui Tetrachordum inferius sic diuisum habent: habent autem Septimus & Octavus; quos mirâ inconstantia nunc, Phrygios, nunc, Mixolydios à veteribus appellatos, putant: quanquam ego magis inclino, ut Lydios potius Veteribus dictos credam; quia testantur de suo Lydio, quod impleat animos furore diuino, id est alacritate & spiritibus militariibus; quales sunt nostri, Septimus & Octavus.

Cum igitur eversa est ratio, ut imo loco sit Semitonium; quod fit in Tertio & Quarto Ecclesiasticis, qui Phrygij veteribus: verso naturæ ordine, querulum, fractum, & lamentabile quippiam sonari consentaneum est. At cum Semitonium est loco medio, medius est affectus tranquillitatis, humanitatis, iucunditatis ex colloquijs & narrationibus: quibus apti Primus & Secundus, generis sc. mollis & foeminini; quos Dorios olim dictos putant. Dorium sanè sic describit Vincentius Galilæus, quod sit Naturâ stabilis, quietus, sine violentia, aptus ad gravitatem & severitatem: quod de duobus hisce secundum magis & minus verum est. Nam semp molliores oportet esse Tonos pari numero dictos; quippe plagales suis authentis, ab impari denominatis, ex causa quæ paulo antea No. IV. allata fuit. Itaq; etiam Galilæus Plagium Primi facit languidum flebilem meticulosum; motum enim versus gravia languoris, versus acuta vigoris esse. Etsi malim ego & temperare ista Epitheta, & causam distinguere. Non est. n. Doriorum proprietas languor, fletus, & metus sed in genere excursuum ad gravia & descensus crebri infra radicem.

IX. Hætenus de situ semitonij; nec dum tamen omnibus Tonis suas assignavimus proprietates. Sequitur igitur ut etiam de consonantijs imperfectis & adulterinis, dicamus, quibus articulantur sceleta octavarum. Et primum quidem illarum veluti essentia erit inspicienda, postea locatio in Systemate.

Cum igitur naturalis & primæva est systematis Octavæ dispositio, in qua cum imâ chordâ perfectè consonat tertia, quarta, quinta & sexta: Tonus talis omnia illa in animo ciet, quæ habent secundum naturam, mollis quidem passiones, duras actiones, vel affectus ijs aptos. Hæc proprietas cõpetit Primo & Octavo ex G surgentibus: quo nomine non injuria Galilæus affirmaverit Octavum cum primo coincidere; intellige tamè, servata cuiq; sex^o seu generis proprietate. Ita duplici nomine Septim^o & Octav^o cæteris præstat, tam ob situm semitonij, quàm etiam ob perfectionem

E contra-

E contrario, Quintus & Sextus, Tertius & quartus consonantijs infra utuntur adulterinis & auctis, ille Diatessaron, hic Diapente: quæ res vim illis conciliat mœstitiæ & affectuum ab humana temperatione discedentium. CAP. XV.

Nam in Quinto & Sexto, Diatessaron quidem est $\delta\epsilon\theta\iota\omicron\nu$, naturali situ semitonij in summo, non minus quàm in Septimo & Octavo; at duo majores toni sunt infimo loco, post eos semitonium; ex quibus conflatur Diatessaron commate abundans.

Quare magnitudinem etiam ij modi promovent affectus, ut Devotionem, Admirationem, Amplificationem, Dolorem; rursus Spem, Fiduciam, quasi elevationem mentis supra sortem præsentem.

In Tertio verò & Quarto, præter ipsius Diatessaron formam inversam, accedit etiam hæc consonantiarum fermentatio, augetq; tristitiam & languores animi.

Quòd si licet analogiam prosequi ultra tonos usitatos, ad speciem III. ex meis; cantus mollis, ex A describam; quia illa semitonium quidem infra, Diatessaron verò perfectum habet: hanc igitur ego jucundæ tristitiæ accommodarem: ut cum nobis placemus in mollicie animi, in Amoribus & Desiderijs; aut cum lacrimas gaudium exprimit.

Hæc de Consonantijs ratione sui; nunc ratione loci in systemate, quid efficiant, videamus.

Cum igitur $\tau\omicron\nu\eta$ & $\pi\epsilon\tau\eta\epsilon\iota\alpha$ circa quartam & sextam chordas potissimum occupantur, sic ut appareat, Diatessaron loco imò ab ijs statuis; quia hoc est Tetra chordi intervallum, quod omnes tres concinnorum species est complexum, eòq; præcipuum est in hac Tonorū animatione; tunc hæc forma cantum ad humilitatem invitat; ex causa eadem quam supra No IV. usurpavi. Sin occupentur hæc partes cantus circa tertiam & quintam, statuentes Diatessaron superius; excitatur etiam & elevatur cantus, præsertim si ad octavam excurrat: qualis fuisse videtur $\text{Νο}\mu\text{ } \odot \delta\epsilon\theta\iota\omicron\nu \odot$ veterum: Si deniq; circa tertiam & sextam; ut Diatessaron redactū sit in medium, quod in Primo & Secundo frequentius fit, quàm in Septimo & Octavo; medius etiam promovebitur affectus. Crebrò autem inter se permiscuntur hæc sçleton articulationes, ut in diversis partibus cantus sint diversæ, pro varietatē textus, & ingenio artificis, textum cantu pingentis.

X. Quòd si verum est, quod quidam imparis numeri Tonos I. III. V. VII. faciunt altiorem; paris II. IV. VI. VIII. humiliores, etiam respectu radicis Octavæ: certè altitudo respondet excitationi A nimi, profunditas demissioni: tunc sanè distribuere poterimus quatuor classium affectus in classes octo, secundum tonos totidem: ut habeat Septimus iram, violentiam, fortitudinem; Octavus hilaritatem, alacritatem, voluptatem acutam; Tertius dolorem acutum, desiderium; Quartus fletum, amorem, Primus festivitatem, nuptias, comestationes; Secundus modestam hilaritatem, colloquia, narrationes; Quintus Panegyres, exclamationes, fiduciam, spem; Sextus devotionem, dolorem magnum, &c.

Et

Et jam tempus est, ut ad principium revertatur oratio. Nam illud admonendus est lector philosophus; quòd Musici nostri omnes promiscuè affectus in omnibus Tonis exprimunt, id ipsos ita & facere, quia omnis promiscuè cantus voluptatem parit auditori, alacritatem requirit in auctore; & posse facere quia instrumenta ciendis affectibus plura sunt, partim initio recensita, quæ passim per omnes promiscuè Tonos adhiberi possunt. Si tamen omnia præsidia studuerint adhibere, ad idem intentum facientia; non facile negligent Tonorum delectus, ad affectuum hypothesin idoneos. Verùm ij viderint de eo, quod est illorum praxi permissum; mihi hætenus Theoreticè processisse sufficiat.

CAPVT XVI.

Quid sit Cantus per Harmoniam, seu figuratus.

Et si vox, Harmonia, veteribus usurpatur pro Cantu; non est tamen intelligenda sub hoc nomine, Modulatio per plures voces, harmonicè consonantes. Novitium enim inventum esse, veteribusq; planè incognitum, Concentus plurium vocum in perpetuâ harmoniarum vicissitudine, id probatione multâ non indiget. Videatur hæc de re Vincentius Galilæus in opere Musices Italico. Solec quidem objici, relegatio cantus per Harmoniam, à Republica Platonica, quasi jam tunc ille fuisset in usu: at intelligitur locus de Organis, de Syringe, Vtriculo, Testudine, cùm una vox aut perpetuò intonat, aut intermittit, locum cedens appropinquanti dissonæ. In illo more nullum erat apud veteres majus artificium, quàm apud nostros utricularios.

His ultimis sæculis, hæc ratio canendi, Figurata ideò dici cæpit quia primi authores diagrammata non ita simplicia fecerunt, ut sunt in Choralis cantu: sed varijs usi sunt figuris & coloribus, & punctis; quorum signorum aliqua silentium, aliqua sonum imperant, quædam longum, alia brevem; aliqua ad Tonos, aliqua ad Modos mensurales discriminandos, ad Fugas, ad Repetitiones, & similia, adhibita.

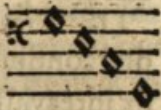
Nobis igitur Concentus harmonicus sic definiatur; quòd sint duæ tres, quatuor vel plures voces seu Melodiæ Concinnæ & aptæ, quales Capite XIII. descripsimus, omnes ejusdem Generis, ejusdemq; aut cognatorum Modorum, sic simul incedentes; ut concordantias aut meras, aut brevissimo Concinnarum dissonantiarum interpunctu fermentatas faciant; non eas tamen perpetuo tenore identicas, nec easdè deinceps; sed ipsâ successionum alternatione ad delectationem variatas. Quemadmodum enim est in proportione, Consonantia duarum vocum ad Unisonum: sic est Cantus Harmonicus ad simplicem unius

vocis

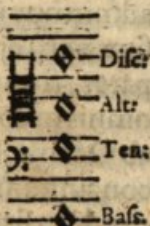
vocis Melodiam; à quo principio dependent omnia definitionis membra, quæ deinceps explicabo.

I. Primum igitur hic illud circa pluralitatem vocum occurrit adnotandum, quod Artifices vel maxime consentaneum Naturæ constituerunt, ut quamvis sæpe concinant voces bene multæ: omnes tamen quatuor solummodò nominibus appellentur, ad numerum perfectæ harmonicæ mediationis in uno perfecto systemate diapason. Discantum enim nominant, vocem acutissimam, Altum, quæ illi proxima, Tenorem è gravibus superiorem, Bassum infimam. Nam inter duas Diapason sonantes voces, duæ solum intersunt medietates harmonicæ simul consonantes cum extremis identisonis, ut capite III. explicatum.

Discantus
Altus.
Tenor.
Bassus.



Quamquam origo vocabulorum istorum Italicæ, videtur ad Systema compositum magis respicere, ut in eo partes oppositas teneant Altus & Bassus, non ille quidem acutissimus existens; sed quia hæ duæ crebrò (licet non in fine) faciunt diapason, illa quidem superior & acutior, hæc inferior & gravior. Sic Tenori, vocabuli origo dat Ideam & modulationem cantus simplicem, Discanto nomen dedisse videtur perpetua volubilitas & divagatio à plagâ, Tenori per diapason oppositâ. Itaque si comparemus partes Cantus Cap. XIII. ex Euclide allatas, etsi omnes illæ sunt Vocum omnium; Tenor tamè potissimum in Αγωγή occupatur, Discantus in Πλοχη, Altus in Τονη, Bassus in saltu per intervalla harmonicæ; omnium verò quatuor communis est Πετεια, insignior tamen in Alto.



Hæ proprietates quatuor vocum ex ipsa rerum Natura desumptæ sunt. Nam quia per definitionem traditam, concentus perpetuò mutandus est ex alio in alium; necesse fuit id fieri sic, ut intermediarum una, comparatione ad cæteras, in angusto Systematis spacio observaretur. Nam si omnibus laxa ex æquo sit libertas, necesse est id consequi, ut inferior crebrò superioris oberret spacium & vicissim; fietque insana confusio, & irrita reddetur distinctio Vocum quatuor. Has verò angustias mediarum potius una debuit occupare, (Altus vel Tenor) quam extremæ, Discantus vel Bassus.

Nam si tale quid in extremis factum esset; omnis intervallorum variatio in unam solam plagam versura fuit, puta vel in acutum vel in Grave. Melius igitur erat, Concentum ex aliqua intermediâ voce, velut uno partium ipsius termino, in angusto loco figi seu alligari; variationem verò intervallorum, ab ea partim sursum tendere, partim deorsum. Non debuit verò mediarum vocum, quæ est inferior, coarctari; quia Idea cantus, Tenori, mediarum inferiori, adscripta, debet & libera esse, & per mediam totius Systematis quantitatem incedere, ut sint voces circumstantes, nihil aliud quam illius colores & ornamenta seu Emblemata. Inferiora verò intervalla semper majora sunt superioribus cognominibus. Ut igitur Tenor medium quantitatis locum haberet, oportuit illum esse inferiorem ex medijs; atq; sic Altum

IVX
CAP. XVI.

in angustum oportuit redigi, non Tenorem. Restant igitur pro Discanto & Basso evagationes, sed cum hoc discrimine, quod Bassus qui grave sonat, magnoq; motu & longis chordis exprimitur, tardis etiam mensuris, & magnis, eoq; harmonicis intervallis vagetur, Discantus qui acutum sonat, supervolatq;, & brevibus chordis, celeriq; & angusti spacij motu elicitur, brevibus etiam, eoq; crebrioribus mensuris, minimisq; concinnis intervallis omnia pervagetur. Hæc igitur vocum proprietates est. Nunc & reliquas definitionis particulas declarabo.

Dissonantia.

II. Nam quod attinet primum illud & præcipuum Cantus Melodici condimentum, Dissonantia; Primum illas oportet desumptas esse non ex intervallo quocunq; *ἀναρμόσιον*, sed ex intervallis concinnis. Nam quia voces singulares, ad communem concentum concurrentes, nulla admittunt intervalla nisi concinna, inter sonos deinceps succedentes; sunt verò ejusdem generis & Toni, ut in definitione præmissum: facile patet, si una aliqua inter tales constituatur harmonia (cùm harmonia omnis in concinna dissolvatur elementa) nullâ singularum divagatione ab Octavæ suæ radice fieri unquam posse, ut binæ inter se aliud quam concinnum faciant intervallum; licet id non semper sit consonum. Secundò etsi præstantes artifices utuntur interdum dissonantijs majoribus, sic ut dissonans vox tono integro distet ab illa, quæ consonantiam faceret; id tamen non fit aliter nisi ad gravissimos animi motus exprimendos & eliciendos. Ordinaria verò, & cum jucunditate conjuncta eòq; naturalis quodammodò dissonantia, semitonio conficitur. Hujus rei causa rursus, ut respondeant ultima primis, repetenda est ex penitissimis Geometriæ fundamentis, ex cap: I. Axiomatibus II. & III. exq; libro primo & contemplatione Quindecanguli. Cum enim semitonium contineatur numeris 15. 16. & verò non tantum Sedecangula figura demonstrationem habeat, sed etiam Quindecangula: parum equidem absuit, quin 15. 16. nobis definiret proportionem harmonicam, nec minus & derivatæ ab ea 15. 8. & 15. 4. & 15. 2. & 15. 32. & 15. 64. ante omnes 15. 1. illæ sc. quas creberrimè componitæ admittunt, ad dissonantias legitimas conformandas: nec erat nobis exceptio alia, quam hæc, quòd demonstratio Pentekædecagoni non esset conformata numero angulorum figuræ immediatè, vt cæteræ, eòque non propria, sed ex differentibus figuris, Trigono & Pentagono transumpta, & sic mutuatitia & remotissimi gradus: item, quòd angulus quidem Pentekædecagoni congrueret alijs ad implendum locum planum, at tota figura cum omnibus angulis congruentiam non admitteret. Cùm igitur 15. 16. & sociæ, ratione causæ conformantis tam propè Consonantias accedant; quid mirum illas etiam vsu crebro inter consonantias admisceri. Contrà verò Toni 8. 9. & 9. 10. alteris terminis Nonangulo participant, figura penitus indemonstrabili. Quare non suaves sed omninò horridæ sunt dissonantiæ, per illos, eorumque socias proportionem (4. 9. & 2. 9. & 1. 9. & 9. 16. & 9. 32. sic 9. 5. & 18. 5. & 36. 5. & 9. 20. & 9. 40. &c.) admixtæ; multòque horridiores, quæ ex Tritono, & mutilo Diapente, similibusq; intervallis cõstantur: de quibus vide

Vide Ioannis Mariae Artusij Bononiensis lib. II. de arte componendi, qui totus est de dissonantijs.

Vis Pentekædecagoni in delectu dissonantiarum.

Artu-

Artusium: oriuntur enim post Tonos, Majorem & Minorem & Semitonium, sc. ex horum ut Elementorum compositione non naturali: semper autem quantum à Natura, tantum à suavitate disceditur.

Tertio ceteras dissonantiarum leges alterum earum nomen insinuat, cum Syncopæ appellatur: etsi hoc est commune accidens tam dissonantiarum, quàm imperfectarum consonantiarum, sed nunc de dissonantijs agimus. Ordinariè enim hoc tenent, ut eà utantur ceu fermento aut sale aut aceto in Opsonijs, scilicet, ut ex illis non fiunt integra fercula; sic etiam hic non totæ cantiones, nisi magnæ emphasèos causâ, scatent dissonantijs; nec cum ipso tactus principio vox una aliqua incipiens incurrit in ceteras consonantes, ipsa dissona: sed furtim & veluti tergiversata, dissonantiam admittit; dum in uno loco systematis, quem occupavit sublato tactu, & sic posteriori minusq; principali parte tactus incipiens sonum certum, consentientibus reliquis, post illas finitas, ipsa diutius & ultra principium sequentis tactus moratur, sic ut voces aliæ omnes, plarumq; graviores ipsa (ut illa sc. parvitate & imbecillitate & celeritate, quippe acuta existens, minus obstrepat) communi concentu ad principium tactus sequentis, locum occupent ab illius loco dissonum, priusquam ipsa illo suo loco excesserit, indeq; illam veluti lentam expellant, inq; inferiorem plerumq; protrudant: qua occasione etiam concordantijs & clausulis, quæ dissonantias absumunt, natum esse nomen Cadentiarum, videtur.

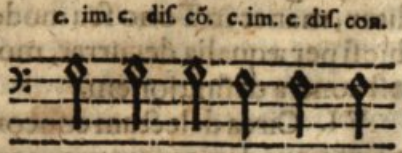
Quin etiam hoc observant, ut pugna Dissonantium ordinariè committatur non tam crebrò ex intervallo propinquo, & inter secundas, quàm inter septimas; ut ita vox superior, depulsa hoc pacto de illo suo loco, per Semitonium aut Tonum defluat ad sextam, aut evolet ad Octavam cum prævertentibus designandam.

Sunt & aliæ dissonantiæ creberrimæ, minus artificiosæ, cum vox gravis continuat sonum suum, manens in unisono, at vox acuta ab illius soni gravis diapason, excurrit celeribus sonitibus, ad aliquam per diapète vel diatesaron illi consonam, per loca concinna intermedia omnia pervolitans, sic ut alternis consonet dissonetq;: semper autem ordine prior consonat; dissonantia & brevis est, quippe in transcensu, & in sono, qui est ordine posterior: ut si Tactus proportionis duplæ, quinq; Discanti sonos cum uno Bassi copulet, prima, tertia, quinta Discanti consonabunt, secunda & quarta dissonabunt, aut imperfectius consonabunt, Ecce.

III. Hujus igitur rarioris mixturæ, ratio est eadem naturalis, quæ illius alterius frequentissimæ & perpetuæ; dum variatur Consonantiæ. Quemadmodum enim in simplici Melodia, deductio vocis unius singularis, à radice systematis, per intervalla dissona, sed Concinna tamen tendit ad loca harmonicè temperata Radici, inq; ijs innotatur: sic concentus melodicus, ab unisono ferè incipiens, per Concordantias minores, vulgò imperfectas dictas, aut etiam per dissonantias has, tendit ad majores



Alternatio consonantiarum.



CAP. XVI

jores & perfectas consonantias, & plerumq; (præsertim in fine) ad Identisonantiam.

Imperfectæ
consonan-
tiæ.

IV. Rursum sicut in Cantilenis simplicibus earum linguarum, quæ Rhythmo constant & longitudine vel brevitate syllabarum, brevium quidem ratio habetur non magna; longas verò syllabas, & fines versuum, ad loca primo sono consona dirigimus: sic etiam in concentu, sunt consonantiæ, minores dictæ & imperfectæ, quas cursum pervolitamur: sunt & perfectæ, ad quas tendimus, quæ idè dictæ sunt Clausulæ.

Clausulæ.
Perfectæ nō
deinceps
locandæ.

V. Amplius sicut ipsæ Consonantiæ singulæ seorsim consideratæ, sunt eo nomine gratæ, quòd non planè identicè sonant, sed figuratæ sunt quædammodò & diversisonæ, & latitudinem aliquam qualitativam occupantes in auditu, naturam trahentes à figuris planis regularibus, à quibus & oriuntur: sic jam Concentus Harmonicus, seu sequela plurium Harmoniarum perpetua, sine earum varietate gratiam omnem perdit.

Cur duo di-
apente &c.
deinceps.

Ex hac explicatione definitionis, causæ tradi possunt legum, quas observant Componistæ in coaptandis concordantijs. Nam quæri potest, Quæ sit causa naturalis, cur licitum sibi putent, Tertiæ & Sextas naturales aliquot ordinare deinceps; Quartas & Quintas & Octavas & similes, ex speciebus singulis aliquot, non admittant deinceps?

Respondeo, causam hanc esse, quòd Tertiæ vel Sextæ se mutuò consequentes altitudine, sint plerumq; reverà diversæ, una major, altera minor: & quamvis interdum duæ Tertiæ minores proximè consequantur invicem; sunt tamen minimæ consonantiæ & imperfectæ. Canat enim primus *Vt Re Mi Fa*, secundus iisdem Temporis articulis *Mi Fa Sol La*. quatuor se mutuò consequuntur Tertiæ; quarum prima *Vt Mi*, est major; secunda *Re, Fa*, & tertia *Mi, Sol*, sunt minores; quarta *Fa La*, rursus est Major. E contrario, Quartæ omnes habentur vulgò pro intervallis magnitudinis ejusdem; ut & Quintæ, & multò maximè Octavæ. Itaq; si hæ perfectæ concordantiæ plures ejusdem speciei ordinarentur deinceps, altitudine differentes, Cantus consonantijs varius non esset.

Sed alia præcipua causa impedit, Quintas aliquot ordine in altum cani, quæ non impedit cani Octavas: de quo quærendum sibi putavit Aristoteles in problematibus: Cur modulentur Octavas; (verbi causa, Mares cum Fœminis, Viri cum Pueris) Quintas & Quartas non modulentur? Causa igitur hæc est, Quod cum duæ Tertiæ faciant consonantiam Diapente, duæ Octavæ, consonantiam Disdiapason: contra duæ Quintæ faciunt Nonam, duæ Quartæ Septimam; intervalla dissona. Vox ergò illic per consonantias Octavas & Tertiæ decurrens æqualiter, manet in Tono seu modo, observans eandem speciem Octavæ: hic si per æqualia decurrat, modum vel Tonum mutat insigniter, quòd est contra definitionem.

VI. Circa delectum concordantiarum aliqua etiam sunt notanda: primò quòd in genere magna intervalla magnos animi motus expriment; (ut in illis Orlandicis, *Vbi est Abel, & Tristis est Anima mea*) parva & alta, læta; humilia & parva, tristia.

Deinde

Deinde cum cantus harmonicus plerumque desinat in Identifonantiam: ut igitur magnum, pro hypothesei textus, intervallum in fine complectamur; oportet non Bassum tantum descendere, sed etiam Discantum, contra naturam finiendi cantum, ascendere, imitatione fistularum & chordarum Panduræ. Atque tunc vel maxime enitescit vis semitonij, priori capite explicata; quod naturalis & ordinarius finis cantionis per ascensum, amat in fine superare semitonium, in ijs quidem Tonis, qui non habent semitonium proximè supra radicem suæ Octavæ.

Tertiò quæstione dignum censuit Galilæus, cur Diapente epi diapason jucundius sonet, quam Diapente simplex, & sic consequenter, semper una Harmonia sit jucundior aliâ. Causas, quas ipse attulit, non est operæ examinare, cum obscuræ & incertæ sint. Ex meis verò principijs causæ hujus rei apparent clarissimæ. Nam quia per Axioma II, capitij primi, gradus scientiæ, quibus differunt inter se latera figurarum, transplantantur etiam in ipsas proportiones, figurarum soboles: consentaneum equidem est, ut etiam illi gradus, quibus distant & Partis circuli, & Residui demonstratio, discriminent suavitatem & Partis & Residui. Ergò quæ Harmoniæ existunt immediatè per ipsam sectionem circuli, quæ sc. sunt inter Totum & Partem rescissam, perfectiores & jucundiores sunt ijs, quæ sunt inter Residuum & Totum, quæ demum derivantur ex prioribus, per admixtionem Identifonantiarum ex bisectione vel duplicatione Chordarum. Sic 1. 3. primas tenet, est igitur jucundior, quàm 2. 3. & 1. 6. quàm 5. 6. & 1. 5. quàm 4. 5. & 1. 4. quàm 3. 4. & 2. 5. quàm 3. 5. & 3. 8. quàm 5. 8. Priùs enim Pars fit consona, per se ipsam, non propter Residuum; posterius, & sic imperfectius, Residuum demonstratur esse consonum, scilicet propter Partem sociam vel alienam.

Reliquas artis Compositoriæ Regulas, Artificibus ipsis relinquo comprobandas; aut rationem earum reddendam. Mihi enim quæ huc usque disputavi, abunde sufficiunt, cum ad naturam Cantus illustrandam, primis saltem & generalibus ejus fundamentis in Natura monstratis, tum maxime ad speculationes libri V. sequentis: cujus libri materia mihi unicus in toto opere finis est propositus. Astronomus enim ego sicut de figuris regularibus disputo, non tam geometricè (nisi ubi illa adhuc incompletà visa est) quam astronomicè & metaphysicè; sic etiam de cantus proportionibus scribo non tam musicè quàm geometricè, physicè, deniq; ut prius, astronomicè & metaphysicè; quia sicut corporibus quinq; regularibus ex Geometria, sic etiam Proportionibus, totoq; apparatu Harmonico ex Musica, opus habeo ad explicandas causas proportionis Orbium cœlestium, Eccentricitatumq; & motuum in Apfidibus. Artem verò componendi cantus, quæ praxis est Musica, nequaquam profiteor; quam ex Artusij supra dicti, exq; Sethi Galvisij, amici quondam mei libris, de arte compositoria Cantus edicis, rectius qui volet peret: quos ipsos tamen, non quòd optimos putem, sed quia alios non vidi, nomino.

Cur magna
intervalla
jucundiora

Scopus e-
tius hujus
operis.

De tribus Medietatibus

Digressio Politica.

Vide locum pulcherrimum in Bodino de Rep. pub:

Folio 29. linea 9. paragraphus sequens loco suo exclusus est, quod opera folia exemplaris incaute distribuisent. (quippe 7. 10.)

Neque tamen ob id reprehendendi sunt authores, qui proportiones hujusmodi titulo Harmonicarum, in Remp. recipiunt. Nam etsi pauca ex sic formatis, meras Harmonias definiunt, reliqua omnes ab Harmonijs aliena sunt: omnes tamen hujus definitionis hoc habent, quod temperatae sunt ex ambabus proportionibus, Arithmetica & Geometrica: ex qua temperatione inest illis haec in Rep. aptitudo. Vicissim vero in Rep. si qua vis est Harmonicarum, ut Harmonicae neque nostrae medietates Harmonicae sperni poterunt, quas laxiori definitione sic trado:

Medietas Harmonica quid verè sit.

Quod sit omne id, quod intercedit inter duas voces consonantes, consonant & ipsam cum illarum utraq. In sectionibus igitur &c.

Haecenus omisa. Cum autem Bodini meminissem in margine, jamq. finito libro tertio, & addito superiori paragrapho, satis operatum esse Mathematicis speculationibus censuissem; finita hac spinosa materia, placuit ex ipso Bodino praecipua disputationis hujus politica capita transcribere, verbis & ordine ut plurimum ex meo loci illius captu conformatis: ut & lucis aliquid afferrem loco per se obscuro, quippe Bodinus ex Mathematicis disciplinis non satis ad hanc speculationem praesidi attulit: & ut tadium morosarum demonstrationum Mathematicarum, quibus totus liber constat, interpositione popularis jucunda materia lenirem, ususq. ejus non nullius in cognoscenda Rep. gustum exhiberem. Incipiam autem ab explicatione rei Mathematica fusiori, adq. lectoris non Mathematici captum accommodatiori.

Quando numeris aliquot, non attentam eorum magnitudine, adduntur aequalia, tunc est proportio Arithmetica. Vt

	3.	9.	5.	10.	17.	38.	
Adde	3.	3.	3.	3.	3.	3.	Quantum enim 6. major est quam 3. tantum (totidem 6. unitatibus) 12. est major quam 9.
	6.	12.	8.	13.	20.	41.	

Haec proportio in hoc exemplo est disjuncta. Ergo proportio conjuncta vel progressio arithmetica est, quando initio facto ab aliquo numero quocunq; adduntur illi aequalia continuè.

Vt	3	vel	38	
	<u>3</u>		<u>3</u>	Cum ergo inter 3. 6. 9. 12. item inter 38. 41. 44. 47. sic progressio continua arithmetica; fit ut trium
	6		41	talium numerorum deinceps locatorum medius appelletur Arithmetica medietas; ut inter 6. 12. Medietas est 9. inter 38. 44. Medietas Arithmetica est 41.
	<u>3</u>		<u>3</u>	Quando vero numeris aliquot, attentam eorum magnitudine adduntur similia, tunc est proportio Geometrica.
	9		44	
	<u>3</u>		<u>3</u>	
	12		47	

Vt					
3.	9.	5.	10.	17.	38.
9.	27.	15.	30.	51.	114.
12.	36.	20.	40.	68.	152.

Nam sicut ad 3. additur triplum 9. sic ad 9. additur triplum 27. quod est tanto majus quam 9. quanto 9. est majus quam 3. & quanto 15. est majus quam 5. &c. Sicut ergo 3. ad 12. sic 9. ad 36. Et sicut 3. ad 9. sic 12. ad 36.

Rursum hæc proportio in hoc exemplo est disjuncta. Ergo proportio Geometrica conjuncta seu progressio est, quando initio facta ab aliquo numero, semper additur illi vel pars vel multiplex similis.

Ut	3	10	8
	9	30	4
	12	40	12
	36	120	6
	48	160	18
	144	480	9
	192	640	27

Ad initialem additur triplum in duobus primis exemplis, dimidium in tertio: Rursumque ad eum qui hinc est natus, additur eadem multiplex vel pars. Ergo ut 8. ad 12. sic hic ipse 12. est porrò ad 18. sicutiam 18. ad 27. Ubi 12. est medietas Geometrica inter 8. & 18. Sic 18 medium Geometricum seu proportionale est inter 12. 27. &c.

Hæc prius sunt cognoscenda, ut intelligatur, quid sit proportio Harmonica. Nam illa sic definitur à Bodino, quòd *in ea Rationes æqualium & similium sint modicè confusæ*, id est rationes priores arithmeticae, & posteriores Geometrica.

Porrò hæc definitio vera non est. 1. multi enim modi sunt etiam in numeris non harmonicis, quibus modis rationes æqualium & similium possint esse modicè confusæ; neq; tamè hoc sufficit, ut sit proportio harmonica; oportet enim accedere alias etiam numerorum habitudines, ex cap. I. II. III. petendas. 2. Multæ vicissim sunt copulationes numerorum harmonicæ, in quibus neq; æqualium neq; similium rationes continentur. 3. Quin etiam sunt harmonicæ proportionales, in quibus est simplex Geometrica proportio, ut 1. 2. 4. etsi Identicæ sunt, nec gratiam solè pariunt præcipuam: adeò ut Bodinus neget illas ex seipsis efficere concentum ullum, intellige figuratum: sunt vicissim aliæ harmonicæ proportionales in quib⁹ est simplex Arithmetica proportio ut 1. 2. 3. sic 2. 3. 4. quas etiam Bodinus sui oblitus pro harmonicis agnoscit, etsi nihil habeant analogiæ Geometricæ admixtum. Sic 3. 4. 5. sic 4. 5. 6. sic 1. 3. 5. sic 2. 5. 8. &c. quas posteriores Bodinus perperam negat harmonicis efficere concentus, autoritate veterum contra sensum auditus insurgens.

Est ta

DIGRESSIO.

Est tamen assertio vera quadamtenus de ea proportione, quam veteres falsa persuasione dixerunt Harmonicam. Dico, quadamtenus; si nimirum pro *Rationibus aequalium*, intelligas Mediationes Arithmeticas, in alios numeros transformatas, in quibus non sit expressa æqualitas Excessuum actualis, quæ erat in primis tribus. Nam Veterum Harmonica Medietas propriissimè sic definitur, *quod sit excessuum inter tres numeros, eadem proportio, qua extremorum*, ut in 3. 4. 6. Quicunq; tales tres numeri sunt, sive verè sint harmonici, sive non sint, semper in ijs verum est, *rationes aequalium* (seu potius arithmeticas) *est similitum*, (seu Geometricas) *esse confusas* uno certo modo. Modus autem est hic. Datis extremis, ut 2. 5. datur medium arithmeticum, quod ne fractionem habeat, sumantur hic extremorum dupli 4. 10. horum medium arithmeticum est 7. Iam in tali mediatione arithmetica, 4. 7. 10. excessuum 3. 3. aequalium, semper constituuntur duæ proportiones, una maior, inter terminos minores 4. 7. altera minor, inter majores 7. 10. Qui jam vult mediationem Harmonicam efficere ex hac Arithmetica mediatione, & ei aliquid admiscere Geometricæ mediationis, is ponat minorem proportionem loco priori, & majorem loco posteriori, sic *
 # 7. 10. & 7. & quærat numerum, qui sic habeat ad 10. sicut 4. se habet ad 7. erunt tres numeri sic 7. 10. 17. in integris inter se primis 14. 20. 35. Huius trigæ est admixtum aliquid de Arithmetica progressionem, non manente tamen ejus æqualitate expressa. Nam utraque proportio mediationis Arithmeticæ inter 4. 7. 10. collata huc est, tantum situ mutato: sicut enim ibi priores termini, scilicet 4. ad 7. sic hic posteriores 20. ad 35. Et sicut ibi posteriores 7. ad 10. sic hic priores 14. ad 20. Est eidem vicissim etiam admixtum aliquid de Geometrica mediatione. Nam minor proportio, 7. 10. posita est ad terminos minores 14. & 20. major 4. 7. ad majores, 20. & 35. & denique fit, ut sicut est minimus terminus 14. ad maximum 35. sic sit differentia minor 6. ad majorem 15. Hæc omnia verò sapiunt similitudinem aliquam Geometricæ proportioni familiarem; quia in ea ut minimus terminus ad medium, sic est medius ad maximum.

Hæc tenenda sunt ex Mathematica: quæ Bodinus non satis videtur percepisse, dum Harmonicam proportionem proponit in quinque numeris 3. 4. 6. 8. 12. de quæ ijs affirmat, *quod equalia est similia spacia quodammodo temperata existant*. Nam cum videret excessus esse 1. 2. 2. 4. æqualitatem expressam agnovit in 2. 2. similitudinem in 1. 2. 4. Atqui in definitione veterum sufficiunt tres: nulla etiam in eâ continetur temperatio æqualitatis expressæ cum similitudine. Nam in 3. 4. 6. nulla est æqualitas expressa excessuum.

Iam est operæ precium, videre, quomodo Bodinus, qui hac in materia copiosissimus est, applicet ista ad Moralia & Politicæ variè: Cui plerumque hoc accidit, ut pro Harmonicis mediationibus tam veterum, quam veris, meras compositiones proportionum Arithmeticarum & Geometricarum arripiat, vitiosæ suæ definitioni innixus: quod sicut statim initio præfandum fuit, ita in sequentibus sapius erit iterandum.

I. Cum tres sint Politicarum formæ, Popularis Optimatum & Regia; popula-

pularem ille comparat Arithmeticae proportioni, Optimatum Geometricae, Regiam Harmonicam. Nam sicut in Arithmetica aequalia sunt incrementa numerorum omnium, tam magnorum, quam parvorum, sic in Rep. populus vult aequalia esse omnium onera, & commoda, & honores, & magistratus; nec vult tolerare respectum ullum personarum; vult exempli gratia omnibus esse jus venandi, sive nobiles sint, sive ignobiles, sive divites, sive pauperes. Quod si qua res est, quae non patitur divisionem inter multos; eam populus vult sortiri; quia fors caeca est, non internoscens nobilem ab ignobili, divitem a paupere, bene meritum ab immerito, virtuti deditum a vitioso, ingeniosum a stupido. Tum demum enim aliquis se putat aequari ceteris, si cum ijs sortitur super talibus, sive jam bona, sive mala sorte adipiscatur. Vbi sortis loco possunt esse etiam alia acquirendi media; ut si electio permittatur ei, cujus nihil interest, aut qui personas non respicere creditur. Ita Romae Consulatus erat communis omnium certi ordinis; eumque licebat petere a populo, ac non largitionibus, ne corrumpetur populus, & divites praerentur tenuioribus. Etsi in hoc casu tacito consensu respicitur virtus, deque ea & de bene meritis, iudicium permittitur populo.

E contrario sicut in Geometria, Excessus numerorum assimilantur numeris ipsis, ut magnus numerus magnum habeat excessum, parvus parvum: sic in Optimatum Rep. distinguuntur personae, distinguuntur & onera, praemia, Magistratus, munia; & praestantissima reservantur Optimatibus, reliqua relinquuntur populo. Vbi necesse est, seorsim inter singulas factiones admitti etiam arithmeticae proportionem: de ijs enim quae sunt populi, sortientur omnes, qui sunt in populo; de ijs, quae Optimatum, omnes Optimates. Nisi enim hoc fiat, perpetui erunt etiam in populo gradus Optimatum, usque ad imam populi faciem; perpetui etiam inter Optimates, usque ad Reip. Principem; qua ratione Resp. non erit, sed Regium civitatis genus.

Regius vero status, etsi vel maxime proportioni Geometricae assimilatur; eo quod omnia jura Majestatis Regi reservantur, sicut ipse vel Nobili prosapia, vel armis vel virtutibus praestat ceteris omnibus: gubernandi tamen ratio in hoc statu rectissime potest temperari ex utroque Proportionis genere. Nam unus Rex arbiter omnium, non caeco impetu, ut fors, sed virtutis, meritorum, ordinis, graduumque; rationibus, qua licet, omnia inter Optimates populumque; dispensat, omnes iustitiae distributivae & commutativae partes exsequitur; quae utriusque proportionis conjunctio Bodino sufficit ad proportionem Harmonicam constituendam; ac juxta omnia consilia non tam ad singulos, vel Ordines vel homines, quam ad totum Civitatis corpus, ejusque salutem mutuamque; charitatem & concordiam refert; non secus ac si in numeris, proportionibus ab aequalitate & a similitudine non nihil deflectat, sic ut illae destruantur si est opus, ad communem omnium harmoniam referantur: quomodo meis medietatibus Harmonicis utetur.

II. Ex Cyri pedia exemplum proponit Bodinus, quo omnia tria genera proportionis explicari possunt. Cyrus puer, cum hominem pro-

DIGRESSIO.

JUDICIUM
Cyril pueri.

cerum curtâ tunica indutum conspicatus esset; pumilum juxtâ tunicâ laxâ, censuit commutandas illis esse tunicas, ut cuiq; quod commodum esset obveniret: Magister cuiq; suum relinquendum edixit. Quod si procero fuisset injunctum, ut pumilo aliquid pecuniæ solveret, & sic demum permutatio fieret: optimè conciliatus fuisset Magister discipulo. Hic Cyrus Geometricam urfit proportionem, ad mensurâ corporibus vestes, Magister arithmeticam, possessiones utriq; suas tuitus: at tertius ille, respexisset utrumq; simul, tam corporum indigentiam, quàm copias cuiq; suas salvas: itaq; Harmonicam in sensu Bodini asseruisset proportionem, quippe ex utraq; priorum mixtam: harmonicam verò etiam in sensu meo; quia non dubitaret, alteri quod esset panni superfluum, alteri pecuniam eripere, ut utriq; consuleretur: quia commune utriusq; commodum comparatur suavitati concentus. Accidere autem dixi, ut interdum Geometrica proportio sit etiam harmonica, ut 1. 2. 4., sicut hic commodum est, ut procerus longam vestem habeat; interdum verò Arithmetica proportio est etiam Harmonica ut 2. 3. 4.: sicut hic commodum est, ut possessor longæ vestis pumilus, retineat quidem suum, sed in pecuniam commutatum, qua rectius uti potest, quàm superfluo vestis.

Justitiæ species.

III. Cùm gubernandi, rationes omnes complexa sit justitia, ex Aristotele allegat partes ejus duas, commutativam in æqualitate arithmetica versantem, distributivam in similitudine Geometrica; Ipse tertiam speciem justitiæ suadet ex utraq; priorum conflata, quæ & rerum copiam certis personis viliori precio vendi vult, quàm cæteris, & non semper magnis magna distribui; & sic, utrumq; genus justitiæ violari quadamtenus, si salus universorum id postulet, aut si commodum inde publicum emergat. Non benè conflatur proportio ex speciebus duabus alijs, si utramq; peremit. Est igitur applicatio hæc meis mediocritatibus Harmonicis aptior. Ut in numeris 2. 3. 5. nec arithmetica est excessuum æqualitas, nec Geometria progressio, est tamen inter eos Harmonica.

Huc in fine libri Poetas accommodat, qui Themidis (quæ justitia est) tres fingunt filias, *Εὐνομίαν, ἐπιείκειαν, εἰρήνην*: Leges, Æquitatem, Pacem, quasi trium proportionum Tutelares, Arithmeticæ, Geometricæ, Harmonicæ.

Leges connubiales.

IV. Leges connubiorum, præcipuum civitatis vinculum, luculentum exemplum subministrant trium proportionum. Si Patricij patricias ducere jubeantur, plebeij plebejas, Geometrica similitudo est. Sin jus omnibus promiscuè connubia vel sorte quærere, vel formâ, opibus, virtute, sine generis respectu, contendere quantum possis, nec ulla conditio vetita: hæc erit æqualitas arithmetica. Verùm ibi civium animi divelluntur in factiones, hic confunduntur ordines; utrumq; perniciosum Reipub. Suadet igitur Bodinus, Patricijs tenuioribus interdum permittere connubia plebeia opulenta, Plebejis divitibus patricias inopes. Hoc enim utriq; ordini commodum, nobilibus quidem, ut aucti opibus tueantur locum quem obtinent, & fœminæ hujus ordinis maritentur; plebi verò, ut patefacto ad honores aditu, virtuti

dent

dent operam, deniq; Reip, ipsi, ut Ordines mutua sese charitate com- POLITICA
plectantur.

Rursum hic peremit Geometricam Analogiam, ut Harmonicam efficeret, neq; tamen eam ad meram æqualitatem Arithmetice progressionis redegit. Ut si 1. 3. 9. Geometrica perimatur, fiatq; 1. 3. 8. quantum hic recessum est ab 1. 3. 9. tantum illic derogatum patricijs: & quantum in 1. 3. 8. quorum excessus 2. 5. (cum prius essent 2. 6.) accessimus ad progressionem arithmeticam 1. 3. 5. (quia horum excessus 2. 2. æquales) tantum illic datum plebi; ut in numeris quidem Concordantia constitueretur inter 1. 3. 8. in Rep. verò concordia inter Patritios & plebem, manente tamen distinctione ordinum. Hæc commutatio 1. 9. in 1. 8. occurret libro V. etiam in cœlo ipso.

V. Inepta est Arithmetica æqualitas in Symposijs, si promiscuè omnes accumbant, nulla sexus, conditionis, ætatis, habita ratione: infulsa Lex Sym-
positium. vicissim mera similitudo Geometrica. Nam si docti tantum doctis jungantur, quid proderunt imperitis? si fœminæ solis fœminis, quæ voluptas? si clamosi clamosis, quis author ijs modestiæ? At si neq; cæcam æqualitatem admittas, neq; morosam similitudinem, sed misceas utramq; modicè tamen & cum iudicio rationis, proportio erit harmonica: Efficies enim, ut Senes juvenum, Viri fœminarum aspectu gaudeant, juvenes prudentiâ senum, fœminæ virorum authoritate regantur, retricos urbani excitent, vicissimq; & vereantur, nec in scurrilitatem sese profundant. Rursum hæc non compositio est integrarum specierum, sed violatio nonnulla, ut Harmonica existat.

VI. Ad arithmeticam pertinet æqualitatem, quòd antiquitus Patres Confessus
in ludis. cum plebe promiscuo confessu ludos spectare soliti; ad geometricam proportionem, quod postea Patres à plebe sejuncti. Hoc quidem sic est, si solos ludos consideres. At si universa Reip: commoda uno mentis complexu teneas; cum ex ijs plurima Patribus vindicata fuerint ratione geometricâ, populo secluso; pertinuit equidem hæc ipsa in ludis, utriusq; ordinis exæquatio, ad contemperatiònem illam, sensu Bodini harmonicam totius gubernandi formæ: quippe qua & plebs deliniebatur, ut pueri solent rebus leviculis, adq; diligendos Ordines superiores invitabatur, neq; quicquam derogabatur dignitati ordinum. Quadrat etiam ad meas Medietates, quatenus proportio non tenetur, ut teneatur concordia. Priùs in certis personis Ordinum, derogabatur Analogiæ, nunc in certis præmijs.

VII. Amicitias animat harmonica contemperatio. Amicitia. Quod enim est in proportione Concordantia, hoc est in totius humanæ vitæ ambitu Amor, qui fundamentum est Amicitie. Quòd si mera æqualitas officiorum inducitur, lege arithmeticâ, nulla erit nisi inter æquales amicitia: et si inter inæquales mera & exq̄sita similitudo officiorum Geometrica: neutrobique amicitia erit, sed ibi perpetua negociatio nundinatioq; officiorum, comodi sui causâ; hic necessaria Patroni & Clientis confociatio, nulla Amoris demonstrandi libertas, nihil spontaneum. Amicitia etsi consistere cum crebris injurijs non potest, leges tamen respuit, omniaq; ad sobrium & sanum Amoris arbitrium refert, nunc æ-

DIORESSIO.

qualia rependens nunc proportionalia, est ubi neutra, semper talia, quæ pro re natâ facere videntur ad conservationem Amoris: qui etiam ut Harmonia dissonantijs, & ut ignis ferri stylo, foditur injurijs nonnullis, earumque condonatione gratuita vires renovat.

Regula Lesbia.

VIII. Æqualitatem Arithmeticam Bodinus pulchrè comparat Regulæ Polycleti ferreæ, quæ frangi priùs quàm flecti posset; similitudinem Geometricam, Regulæ Lesbiæ plumbeæ, quæ omnibus angulis accommodabatur. Ipse Harmonicam proportionem, suæ definitionis, adumbrat Regulâ ligneâ, quæ flectitur quidem, at è vestigio redit.

Leges Æquitas.

IX. In gubernatione omnis generis Politicarum, rigor legum & Judicis officium comparantur æqualitati Arithmeticæ, qua non tantum sum cuique ad amissim tribuitur, sed etiam pœnæ irrogantur delinquentibus æqualiter, sine personarum respectu, & qua astringuntur Judices ad leges, adq; allegata & probata, ut secundum eas judicèt, etiam si iniquæ leges videantur. Vicissim Æquitas, & arbitrium Magistratus merum, qui tamen bonus sit, & ex conscientia agat, Geometricæ Analogiæ naturam induit. At Bodinus Harmonicæ contemperationis exemplo, medium interponit officium vel superiorum Curiarum, vel omnium, vel summi Magistratus, quibus neque licet ex arbitrio agere merito; & tamè permittitur, ut leges pro ratione circumstantiarum flectant non frangant, & eas in judicijs secundum æquitatem interpretentur; ut tamen per singulares curiarum sententias nihil legi derogetur. Vult leges haberi similes suæ Normæ, ut cedant quidem in flexum, at statim redeant. Quamquam hoc loco Bodinus exemplo suo verum demonstravit, quod de Juris consultis affirmaverat antea; ipsos Mathematica ista propter sui obscuritatem minus percipere. Nam non quadrat ejus de Numeris disputatio ad normam nostræ disciplinæ; cum ait, fieri non posse, ut Proportio Geometrica, quæ est inter quatuor terminos, ullâ terminorum transpositione pereat; eandemq; asserit analogiam esse in 6 3. 4. 2. quæ est in 3. 2. 4. 6. Minimè 3. est ad 2. ut 4. ad 6. E contrario Proportionem Harmonicam putat turbari transpositione. Sanè, si proportionem inter duos terminos solos, agnoscit nullam, vincit.

Quid mihi proportio.

Hæc est n. nonnullorum subtilitas loquendi, conjuncta cum summa obscuritate, ut id quod Græci λόγον appellant, Latinè Rationem velint dicere, Proportionem verò, quod Græci Αναλογίαν. Vellem equidem id imitari posse, ut fecisse me memini ante hæc: at λόγος Græcis nunq̄ in comuni usu loquendi sumitur pro voce αἰγιον, Latinis verò Ratio creberimè sonat causam, vel Modum. Oportet igitur tenere morem à Barbaris Græcorum Elementorum interpretibus introductum, & proportionis vocem tam pro λόγῳ quàm pro Αναλογία sumere; quod toto hoc libro crebrò facio.

Jam igitur distincta sunt, Proportio & Concordantia, & hæc illius veluti qualitas quædam, illaq; hujus subjectum. Concordantia verò inest Proportionibus primò & per se, quatenus illæ sunt inter duos terminos; non quatenus est inter plures terminos continuitas quædam pro-

proportionis. Et consonant duo proportionis termini non causâ situs, in quo prius est & posterius, sed quatenus simul pulsantur eodem tempore duæ chordæ; nec mutatur hæc concordantia, mutato situ characterum in scriptura aut in Testudine eversâ. Proportioni verò, quæ est inter tres vel plures terminos, accidit concordantia secundariò, propter singulares terminorum bigas: in quibus etsi mutari potest mutato situ, Analogia, id nempe, quod in illis est de Geometrica proportione admixtum; nequit tamen simul mutari qualitas Harmonica. Quare quod disputat Bodinus, quatuor ista, Legem, Legis actionem, Æquitatem, Magistratum, comparari quatuor numeris, Harmonica proportione colligatis; & quemadmodum transpositis numeris pereat concentus, ita si Processus forenses & exsecutio potiores habeantur Legibus, si Magistratus prior æquitate, civitatis harmoniam turbari: id quidem nulla ratione ad id quod in proportionibus est Harmonicum, sed simpliciter ad ipsarum proportionum naturam, quâ Geometricam quâ Arithmetica, est referendum, hoc est, ad id proportionis genus, quod ex utraque temperatum, Veteres persuasione quadam infirmâ, Harmonicum appellarunt. Commune enim hoc est omnibus Analogijs sive simplicibus, sive mixtis, contrâ quàm tradit Bodinus, ut vel mutantur in species alias, transpositis terminis, vel planè destruantur. Sed ad rem redeo.

Si merum arbitrium habet Magistratus gubernandi sine legibus, neq; legem observat Naturæ, neq; boni & innocentis viri officio fungitur: non magistratus erit, sed Tyrannus. Cùmq; bonorum Principum numerus oppidò parvus existat, non est consultum Reipublicæ, sese huic periculo committere, quoties renovatur magistratus. Etsi verò contingat illi bonus quandoque magistratus, diuturnus tamen esse status iste nequit: at nec salutaris Reipub: quia ut bonus sit Moderator, prudens satis non semper erit, qui quid æquum sit, sine legum norma videat; & ut ipse videat sequaturque, quod rectum, cives tamen calumniabuntur etiam optima; nisi leges sint, quibus ille facta sua tueri ad populum possit: Cives legum disciplina sunt erudiendi, pœnarum imagine, quæ legibus præscribuntur, à malefactis absterrendi. Legibus igitur carere Reip. nequit.

Vicissim leges, Græco vocabulo *Νόμοι*, distributivam justitiæ partem signant; quæ in statu populari sequitur arithmetica æqualitatem. Quod si omnia ad legum rigorem examinentur, iniuria fiet plurimis. Leges enim de factis statuunt, nullâ circumstantiarum varietate definitis; facta verò singula circumstantiis suis descripta sunt, quibus vel mitigantur, vel aggravantur: quarum cùm sit varietas; nullis unquam legibus illæ comprehendi possunt. Neutra igitur ratio per se sola tueretur Reip: sed miscendas docet Bodinus, ut & leges sint, sed paucæ, quia legum multitudo seges est uberrima litium; & multa Magistratus arbitrio reserventur, non facta tantùm singularia, sed etiam integræ nonnullæ factorum species, certæque aliæ legum materiæ, imprimis

DIGRESSIO.

pœnarum intensio & remissio, legumque ipsarum interpretatio, & ad facti circumstantias applicatio. Hic non de triplici Reip. forma, sed de uniuscujusque gubernandi forma triplici agitur; mera æquitatis ratio, soluta legibus, est aristocratica gubernandi ratio, etiam in Populari, inque Regio statu. Legum vincula, gubernationem popularem faciunt, etiam in Regio. At si Leges quidem sint, ijs verò derogetur in loco & tempore, pro arbitrio gubernatoris, à summa potestate constituti; gubernator iste, licet à populo detur, Regulum quendam agit. Tales plerumque Præsides Provinciarum. Is igitur aut leges observat, aut ex æquo iudicat, eatenus, dum Reip. salus patitur: si secus, non dubitat exorbitare. Ut si quis proportionum species, quæ harmoniam faciunt, admitat, ut 2. 3. 4. vel 1. 2. 4: quæ dissonantiam, eas turbet, inque consonantes commutet, ut 1. 3. 9. in 1. 3. 8. & 3. 5. 7. in 3. 5. 8.

Multæ.

X. In legibus ipsis, quæ sunt de multis pecuniariis, ut plurimum quidem arithmetica servatur æqualitas, ut multam legibus statutam solvat, quicumque deliquit, sive dives sive pauper. Videre tamen est, ubi & Geometrica similitudo sit, ut si multa cuique pro ratione census irrogetur, aut si temerè litigans aliquotam partem amittat æstimate litis. Sin autem inter locupletes omnes, major aliqua multa nuncupetur, inter tenues levior, eaque à singulis cuiusque ordinis exigatur æqualiter; temperamentum id erit proportionis, Bodino dictæ Harmonicæ. Non mutantur hic proportionum species, sed componuntur, aut distribuuntur potius in distincta subiecta, ad idem totum pertinentia.

Leges sunt
ptuariz.

XI. Leges vestiariæ plurimum habent de proportionione Geometrica; ut quanto quisque altiori dignitatis gradu consistit; tanto preciosior ei permittatur ornatus vestium: æqualitas Arithmetica intolerabilis hic est. Quia tamen neque sola varietas ordinum, in vestitu distinctionem postulat, sed aliqua hic ratio habenda copiarum, aliqua meritum; neque facile omnes Ordines unâ lege possunt enunciari: temperamentum aliquod utriusque proportionis, partim legibus ipsis inferi solet, partim arbitrio Moderatorum permittitur. Id temperamentum Bodinus harmonicum censet, quia Harmonias coniunctione duarum specierum proportionis definit. Mihi harmonicum non, est cum affectetur proportio alia, & exprimeretur perfectè, si posset.

Pœnz.

XII. Idem ferè de ijs Legibus dicendum, quæ cum de pœnis sint, personas illustres periculo capitis, Nobiles suspendio eximunt, pœnarumque genus commutant, more à plurimis gentibus recepto. Nam reus dignitatem quam habebat amittens gravius hoc dedecore punitur, (Geometricâ lege observatâ) quàm si qui in dignitate nulla fuit, virgis cadatur publicè: itaque dissimilium pœnarum æqualitas quædam esse potest, & distributio Harmonica sensu Bodini, qui hic Aristotelem rejicit, qui in præmiis quidem Geometricam proportionem, in pœnis verò Arithmeticam servandam docuerat.

Satisfactio.

XIII. Est & alia in Legibus pœnalibus observabilis proportio eodem temperamento; quæ non delinquentem attingit, sed personæ læsæ honorem & vindictam. Gravius enim punitur qui Principem Civitatis, qui ve

qui ve unum è Collegio Electorum occidit, quàm qui agricolam; gra-
 vius qui liberum, quàm qui servum. Nam etsi hæc varietas ad Geome-
 tricam est referenda similitudinem inter personam & illatæ eidem in-
 juria vindictam; rara tamen est: plurimum vicissim in pœnis homicidii
 æqualitatis arithmeticæ, præsertim inter Christianos, ex lege divina,
 qua homo homini æquiparatur, & sanguis sanguine rependitur. Hæc
 igitur utriusque generis rationum confusio pertinet ad Bodino di-
 ctam Harmonicam: Inprimis illud, quod in lege divina ficarii omnes
 morte puniuntur arithmetica æqualitate, ac genus mortis in potestate
 judicis est, Geometrico responso, factis, circumstantiarum varietate dis-
 similibus, irrogandum; ut Bodinus refert, puto ex Rabbinis.

Neq; tam personis singulis læsis hæc pœnarum inæqualitas tribuitur,
 quàm salutis totius reip. quæ omnes hostes patriæ impune occidi permit-
 tit, civium simul omnium salutem in Principis, Optimatumque incolu-
 mitate, inque tranquillitate publica conservata, cuetur. Sæpius autem
 dictum, Bonum publicum habere responsum quendam ad suavitatem
 concentus Harmonici. Quæ una summa lex, legum omnium mater, si
 observetur: Ut id sanctum & legitimum esse jubeatur, in quo salus ver-
 titur Reip. jam statim constat de similitudine cum Harmonicis rationi-
 bus, ex mea ipsius etiam sententia descriptis, etiam si nihil lex illa simile
 prætereâ contineat neque Geometricæ, neque Arithmeticæ propor-
 tionum. Nam neque hi numeri 15. 20. 24. 30. qui Harmoniam conti-
 nent dulcissimam, proportionem observant vel unam vel alteram: ex-
 cessus enim sunt 5. 4. 6. neque æquales, neque similes proportionem, ter-
 minorum proportionibus, sed neque eodem cum illis ordine crescen-
 tes.

XIV. Aliud exemplum, Geometricæ disciplinæ familiarius, affert
 Bodinus in Legum de mulctis interpretatione; ut quæ antiquitus statu-
 ta sunt multæ pecuniariæ, pro ratione præsentis publicæ opulentia
 vel inopiæ æstimentur. Hic intolerabilis æqualitas Arithmetica omni-
 um temporum; neq; tamen observatu facilis proportio Geometrica in
 omnibus. Itaque pro sua prudentia judex, proque rerum circumstantiis,
 medium sectabitur harmonicum, cavebitque ne vel leges violasse vi-
 deatur, vel legum interpretatione malitiosâ inopes opprimantur, locu-
 pletibus ac potentioribus peccandi licentia detur. Quin etiam eiusdem
 harmoniæ studio interdum pecuniariam, quæ contemneretur, in cor-
 poream permutabit.

XV. Legem quæ fures suspendio punit, Bodinus eatenus probat,
 quod nititur ratione, ne fures augeantur, ut peccata quæ frequentia fu-
 tura fuerint, gravius puniatur, quod Geometricam sapit proportionem.
 Eandem reprehendit ob æqualitatem Arithmeticam. Frequentissima
 quippe actio furti per omnia oppida pagosque, judices plerumque ple-
 bejos habet, qui dum æqualiter omnes ad supplicia rapiunt, non intel-
 ligunt se iniquissimam inducere pœnarum inæqualitatem, dum pec-
 eati circumstantiarum varietate inæqualissimis eandem pœnam ir-
 rogant. Plerisque reis de est judicij firmitudo, qua sibi magis ab infortu-
 nio, quàm à magnitudine sceleris cavere deberent: quos occasio, fa-

mes,

DIORESSIO.

mes, liberorum studium, fiducia latendi, alienæ opulentiæ opinio, fures facit; cum ipsum per se facinus, ad alia comparatum, naturali iudicio vilipendatur, quod etiam lex divina, quæ quadrupli tantum restitutione furtum punit, confirmare videtur. Si tamen æquum & sanctum est, illam hominum partem, quæ dolis & tenebris nata, murium naturam refert, parietes perfodit, non fortunarum tantum, sed etiam vitæ securitatem publicam turbat, Reip. potius causa, ut cæteras feras rapaces, minui; certè respectus Reip. ut sæpè dictum, respondet concentui harmonico, nec sine accuratissima temperatione harmonicâ, quæstio hæc exerceri debet; ne, dum Reip. consulitur, multis qui spem boni civis in posterum præbere possunt, vita temerè ob hoc genus criminis eripatur.

Pœna excusati.

XVI. Etiam illud in pœnis irrogandis ad Geometricam pertinet æquitatem, quod pueri quàm adulti, juvenis quàm senis, fœminæ quàm viri pœna est lenior. Nihil hic iniquius æqualitate arithmetica perpetuâ; quæ tamen si adimatur prudentiæ iudicis, pro re natâ usurpanda; turbabitur nihilominus Harmonica proportio.

Relapsi.

XVII. Harmonicam proportionem Bodinus in ijs legibus demonstrat, quæ cum primum actum sceleris æqualiter in omnibus levi multatâ ulciscuntur, veluti admonitionis loco, relabentes postea gravius puniunt, tertio peccantes iterum gravius, & denique morte plectunt. Est enim mixta æqualitas arithmetica in primo actu, Geometricæ proportioni in repetiti, eoque gravioris sceleris graviori pœna. Hæc Bodino compositio duarum in unam, visâ est harmonicam constituere proportionem.

Talionis.

XVIII. In genere quod pœnæ sive legibus sive iudicis arbitrio pro diversitate & magnitudine criminum dispensantur, universumque; adeò jus Talionis Geometricæ analogiæ tribuendum est: quod quidam legislatores æqualiter inæqualia generibus peccata vindicant: arithmetica hæc ratio inter homines locum non habet, in Deo, cujus æqualiter omnes creatura sumus, querelis nostris ut reprehendatur, fas non est. At quod legumlatores quædam leviora per se crimina gravissimis, irrogatione pœnarum, Reip. causâ exæquant, & quod in jure talionis non dens pro dente, sed loco dentis æstimatum precium, de quo inter litigantes convenire potest, rependitur, nec ei qui mihi deduobus oculis unum eruit, cum ipse unoculus esset, cæcitas mera infligitur, eruto suo: id Harmonicæ Bodino contemperationis est: Sic enim & singula peccata pœnas habent arithmetice æquales; & diversa, pœnis etiam distinguuntur.

propositi.

XIX. Qui conatus animi puniunt pœna non leviori, quàm si voluntatem consequatur effectus, & qui factum puniunt, à quo aberat animus, plebeiam arithmeticam æqualitatem vicio non levi stabiliunt, illic in dissimilibus animi conatibus, hic in dissimilibus facinoribus. Qui distinguit hic inter conatum varias formas, ut pœnam sceleris habeat, qui omnia fecit, quæ animus meditatus ad eventum afferre potest, sive perpetraverit, sive scopo aberraverit; non habeat, qui occasionibus quidem insidiatus est; ad rem tamen, cuius imagine consceleratâ ad

rem

rem tamen, cujus imagine confcleratâ poterat absterri, non venit: hic geometricam æquitatem observat: nec minus qui nudam persuasione sceleris levius punit, quam in patratore scelus ipsum: & contrâ qui authorem & impulsorem gravius, quàm ministrum, ut qui alienum scelus patravit: qui denique levius eum, quem vis magna libidinis vel iræ trãversum rapuit, quàm qui quietior ab iis, omnia præmeditato animo peregit. Idem de eventuum varietate tenendum. Eandem pœnam meretur, qui viatorê spoliat triobolo, si animo magnæ prædæ inhæsit, quam, qui talentum eripuit: minorem contrâ, qui cum totum possêt auferre pondus auri, modicû abstulit, quàm qui crumenam eripuit, in qua pauculi asses. Has quidê Geometricas distinctiones Bodinus ad philosophicam criminum æstimationem refert; pœnas verò, quibus exempla publicè statuuntur, ad publicam tranquillitatem pertinentes, omnimodâ illa æqualitate eximit: ut ita crebrius in facta, quæ in civium oculos incurrunt animadvertatur publicè; crebrius conatus à scopo aberrantes, quippe inconspicui vulgò, impuniti, aut levius quàm geometricè par erat, puniti transmittantur, ut crudelitatis minus penes judicem reperiat. Tot respectus boni publici Harmonicum quid sapiunt.

XX. In iudicio inque consultationibus Arithmetica est ratio suffragiorum, si ea numerentur; Geometrica, si ponderentur, seu gravitate ferentis, seu bonitate argumentorum: harmonica (Bodini sensu) mixtura fuit ap. Romanos, quorum Consulares sententiam oratione explicarunt, cæteri pedibus in eam ibant sententiam, quam probabant. Mihi quod necessitatis lege factum (nò suffecisset enim tempus audientis omnibus) id Harmonicæ proportioni non videtur comparandum.

XXI. In commutativa justitia requirebat Aristoteles Arithmetice æqualitatem. Bodinus nec hic analogiam exulare dicit Geometricam. Et si exempla confusa videntur. 1. Ut si quis publicè scandalo dato etiam privatum læsit; privato quidem seorsim satisfaciet æqualitate arithmeticâ, nec plus ei pro re sua restituetur ab homine nobili, quàm ab agricolâ: exemplum verò pessimum aliter luet ille, aliter iste, proportionem servata statuum Geometricâ. Quo loco conciliatur Aristoteles Bodino.

2. Quod verò bona eius, qui non est solvendo, pro crediti cuiusque magnitudine distribuuntur, sine creditorum respectu, dummodò tempore & qualitate crediti pares fuerint, id equidem proportionem fit merè geometricâ; quod ut non negavit Aristoteles, ita omissum ab illo per incogitantiam videtur, rectèque à Bodino suppletum. Et si hoc fundatur æqualitate arithmetica soluti & crediti, si Bona sufficerent. Nec tamen vetatur penitus superior magistratus harmonicâ contempatione uti, & creditores inopes aliquatenus & pro renata, præferre locupletioribus.

3. Illud etiam harmonicum quippiam (sensu Bodini) sapit; quòd gentium quarundam more res furto ablata non simplo pensantur, sed quadruplo, res aliæ quintuplo; æqualiter quidem ab omnibus, inæqualiter tamen diversæ res, in quibus æstimatur geometricâ ratione injuriæ diversa magnitudo, non nudum rei precium.

Progressio.
Damna.

4. Evidentior est harmonica ratio in pensatione damnorum non dolo malo illatorum : ubi plurimum situm in contrahentium utriusq; factorum circumstantijs, quæ aliquando, vel legibus vel Magistratu jubente, æqualem & arithmetica compensationem, aliquando nullam, est ubi & ex æquo & bono moderatam requirunt.

Arbitri.

Hujus generis videtur & illud, quod superior magistratus non ex æquo omnibus inter se jure experiri concedit, nec in causis omnibus, sed prout circumstantiæ fuerint, arbitros vel ipse dat, vel eorum electionem litigantibus permittit; ut vel utriusq; commodis vel Reip: consulatur.

Usuræ.

5. Etiam usuræ ad commutativam justitiæ partem spectant; neq; tamen æquales omni hominum generi ab omnibus legislatoribus permittuntur; sed geometricâ mixturâ, inæquales diversorum ordinum personis, æquales singulis ordinum: quæ compositio Bodino harmonica est.

Remuneratio.

6. Egregiam exceptionem ab arithmetica commutationis æqualitate verbis Bodini exscribam. *Medicus ad calculum diviti detrahendum aures sæpe D. accipit (imò exigit) ab egente verò X. aut V. (imo nihil, ex formula juramenti Hippocratis): ac si quidem arithmetica aut geometrica undiquaq; Analogiam consecrarentur, alter quidem calculo, alter fame interiret: sed harmonica ratione huic quidem opes, salus illi (non equidem eadem certitudine) comparantur.*

Merces judicis.

7. Quam quidem ad rationem & judices suam operam & honorarium in causis disceptandis exigere consueverunt. Litium n. sæpe levissimarum difficultas major est, quam si de rebus gravissimis quærat, iudicibus tamen infructuosa. Æquum igitur est, ut ex rerum amplissimarum vindicijs adjudicatis plusculum exigatur mercedis: tunc scilicet, si iudices non sufficiens à Rep. salarium capiunt, sed consilio minuendarum litium, ex partium litigantium tributis operæ locatæ compensationem quærere jubentur. Quanquam hunc ego concentum Harmonicum auctori Bodino Gallo remitto: penes nos Germanos iudicia in præcipuis civitatibus & provincijs procul arcentur ab hujusmodi sordibus: nec ultra legum præscriptum quicquam licet exigere.

Hæreditaria divisio.

8. Hæreditatem distributio æquabilis in capita sexus utriusq;, arithmetice legibus peragitur: ut origine æquales, proportionibus etiam substantiæ ab eodem patre relictae æquentur. At dum Reip: consulitur, prædia ad masculos, qui militiae necessariæ sint apti, pecuniæ ad foeminas & ad personas deo consecratas devolvuntur, dumq; primogeniti cæteris vel majori portione, vel totius assis possessione præferuntur, reliq; vel portionibus inter se æqualibus, vel legato vel usufructu solo providetur ut imago quædam principatus, utilis reip: in familijs statuatur; id fit rationibus harmonicis, quæ interdum duræ sunt admodum & dissonantes, quoad singulos, quippe turbatâ arithmetica æqualitate: ad conservationem tamen universæ civitatis conspirant.

Formæ Reip.

XXII. In populari imperio, quod ex Arithmetica æqualitate conformatum est, & in optimatum, quod ex Geometrica similitudine; sæpe tamen aliqua contemperationis ratio habetur. Ut cum Populus ipse rerum

rerum potens, sponte sua patricijs potissimum, honores, magistratus, sacerdotia mandat; aut cum Optimates plebem honorum nonnullorum participem faciunt, fructuosissima munera solis plebejis concedunt, injurias eis ab Optimatibus illatas gravissimè ulciscuntur, libertatem tribuunt fruendarum voluptatum; quæ per se statum popularem sapit; suffragij quoddam jus plebi permittunt, in Candidatis ex gente Optimatum certo numero nuncupandis, ex quo numero ipsi postea Optimates, quibus volunt, Magistratus credunt.

Quæ communitio, quandiu sponte ejus Ordinis penes quem summum est imperium, consistit; suavissimus concordia civium concentus durat: ac si revocetur, primum querelæ emergunt partis multatæ, deinde discordia, quasi turbato concentu, demiq; vel transfertur imperium, vel tota civitas hostibus succumbit. Idem de Regio statu, cui familiaris est harmonica ratio, tenendum erit: in quo unus quantum cæteris omnibus præstat, tantum etiam solus summum jus imperij possidet: cæteri sub illo degunt arithmetica æqualitate.

Hac igitur in Politicæ forma, potest esse gubernandi ratio trium generum, quod supra etiam No: IX. tangebamus, sed illic de re, hic de personis, seu Ordinibus, Reip. membris agimus. Nam si omnia munia Rex ex æquo communicet, nulla distinctione nobilitatis à plebe, popularis erit & arithmeticæ similis moderatio, non decora majestati summæ: quippe summus ipse cum infima facie copulabitur, nullo medio interjecto ordine, quod Natura tamen amat. Quin imò cives generosæ indolis regno excedent, si nullus generis respectus.

Sin omnia conferat in nobilitatem, seclusa penitus plebe, Geometrica hæc imperandi forma erit, sed periculosa, & harmonicâ suavitate carens: populus enim pollens multitudine, tandem offensus, Nobilitatem Magistratibus & honoribus, Regem ipsum imperio expoliabit. Et quamvis argutiùs distinguat Moderator Ordines in plures gradus, distinguat & munia; si tamen cuique ordini sua soli conservet; ut Romæ Tribunatus plebis solius erat, Consulatus patritiorum tantum: alienabuntur ab invicem Ordines, nec firmâ inter se concordia in unum corpus coalescent. Nam munia inferiorum cum ipso ordine contemnentur: adeò ut Romæ Tribunatum gerere patricius non potuerit, nisi ejuratâ nobilitate; & cum extorsisset aliquando plebs consulatum, tamen plebeij Consules ipsi pauci numero, plebem exinde cõtemnerent.

Harum disputationum ideam Bodinus in numeris proponit: & primum in his 4. 6. 7. Hic 4. Regem representat, 6. Nobilitatem, interq; hos esse harmoniam monet, 7. verò plebem, quem numerum recte affirmat ab utroq; priorum discordare. Potuisset melius uti hisce 4. 6. 9. Nam ut 6. cum 9. harmoniam facit, 4. cum eodem 9. nullam facit, ita Nobilitati facilior est consociatio cum plebe, quàm Regi: & ut 6. est medium Geometricum inter 4. & 9. concordans utrique: sic Nobilitas pro vinculo interjecta est inter Regem & plebem infimam.

Aristocraticam vero Regni gubernandi formam representat numeris proportionis Geometricæ disjunctæ 3. 6. 5. 10. Disjunctionem comparat dissidijs in Civitate, ex ordinum seclusionem nimium accuratâ;

Dignissio.

non ineptè. At hoc male, quod hanc disjunctionè discordantię reã agit. Omnes n. hi numeri 3. 6. 9. 10. comunem harmoniã faciunt. Nihil enim ad Harmoniã affectionè attinet Analogia Geometrica, ut sepe dictum; nihil illius analogiã differentia, disjunctio. Ac tamen si se veluti corrigens eãdem pagina aliud numerorũ exemplũ subijciat disjunctã proportionis, eidem intento destinatũ, scil. 2. 4. 9. 18; in quibus verè, dissident soni per 2. 4. notati, à sonis 9. 18. non est tamen hæc discordantia musica, ab illa disjunctione Geometrica, sed à suis causis proprijs, ex eo sc. quod la-

Regiã Gu-
bernationis
Tempera-
mentum.

tus Non anguli nõ est inter *Intelligit*. Deniq; temperamentũ utriusque gubernandi formã in statu Regio; ut sc. Nobilitatis munijis misceantur aliqui plebeji, sed pauci, & copijs oneri pares, aut virtute aliave re commendati; utq; interdũ Nobilium tenuiorũ unus plebejã fructuosã functioni præfectus, decus illi circumjiciat splendore generis, quo magis id sit in posterũ ad plebem comendabile: ut Duũviratus ex Nobili & plebeio constituatur, solatio utriq; ordini: ut curiã constituãtur ex omniũ ordinũ personis; ut in deliberationib⁹ de bono publico tenues locupletibus misceantur; ut nõ meri virtutis & pietatis cultores habeant omnia, sed aliqua etiam fortibus aliqua ingeniosis, aliqua prudentibus, aliqua experienciã pollentibus reserventur; cuiq; illa, ad q̄ dotes aptas & præsidij plurimũ affert: hoc inquam temperamentũ exprimit Bodinus Numeris 4. 6. 8. 12. ratus se, ut ipse loquitur, continentis Analogiã, ut Geometriã verò, cõtinuã proportionis specimẽ edere. Rursum fallitur; non est enim 4. ad 6, ut 6. ad 8: at hoc verum, omniũ quatuor 4. 6. 8. 12. vel in minimis 2. 3. 4. 6. comunem esse concordantiam, quantumvis aliter 2. 3. consonent, aliter etiam 3. 4. aliter deniq; 2. 4. vel 3. 6. Quicquid igitur similitudinis est in numeris cum Rep: id illis inest, quatenus seorsim à Musica geometricis vel arithmeticis progressionibus consociati sunt, vel mixturã utrarumq;. Aut vicissim si quam lucem Politicis cognoscendis afferunt proportionēs Numerorum Harmonicã; faciunt id per se, seorsim à respectu proportionum geometricarum.

Harmoni-
ce vera, ideo
Optimã
Reip.

Atq; ego sanè si Reip. noticiam mihi comparassem, & hoc libro Politicum agerem; distinctione rerũ usus, totum Bodini locũ sic interpolarem, ut & Aristoteli sua placita manerent incõcussa, & Bodinus ex mea hac Harmonica, seorsim ab illo, disceret melius in politica philosophari. Aliud dicerem esse statum Civitatis, ejusq; gubernandi formã, aliud justitiã administrationè, differunt enim ut pars & totũ; quemadmodum in Mathematica aliud sunt Geometricæ Arithmeticæq; numerorũ proportionēs, aliud cõcent⁹ Musici numeris expressi. Judicia sanè constituent, qui rerũ potiuntur, sive un⁹ sit, sive pauci, sive omnes: at iidem tutelã Reip. sunt occupati, judicia rarò ipsi exercent, nisi cùm licet arbitrio uti, soluto legib⁹. Contrã Judicibus rarò superiora munia mandatur; leges potiùs præscripte sunt, quibus tenentur. Itaq; Geometricã Arithmeticamq; progressionēs ad judicia relegarẽ cum Aristotele, nõ admixto respectu concentuũ harmonicorũ, qui ijs accidunt. Nã quæ Bodin⁹ hæcenus in judicijs temperamenta desideravit: ea provocationibus tandem ad ipsum Reip. summum moderatorem devolvuntur. Atque tunc ille cùm proportionibus, quas Aristoteles Iudiciis & justitiã dedit, derogat;

Proportio-
nes Geomet-
ricæ & Arith-
meticæ non ad Ra-
tionem sta-
tus pertine-
re, ut Har-
monicã eas, sed
ad judicia
tantum.

non

non

non jam iudicat, sed officio superiori fungitur, tuens Remp. & singula
 ejus mēbra. Huic sanè Moderatori, sive rex sit, sive Optimates, sive Po-
 pulus universus, ego suaderē proportionēs Harmonicas, nulla geome-
 trice Analogiæ, nullo Arithmetice æqualitatis, sed nudo concentuū re-
 spectu; juberēq; subtiles illas Analogias Harmonicis concentibus,
 sic rigidā utriusq; justitiæ administrationē sumis imperijs & saluti Reip.
 in loco cedere. Proh Deum quanta hic disputationū seges, si quis com-
 parando per singula vellet ire? Considera n. naturam utriusq; rei. Geo-
 metrica analogia cōmunis est Numeris & quantitati continuæ, sic ut po-
 steriùs in numeros veniat, tunc nimirū, cū figuratio quantitab⁹ hoc
 dat, ut numero efferi possint. Iam creberrimè fit, ut ineffabiles sint ter-
 mini Analogiæ Geometricæ cōplexi, & quo progredimur longiùs, hoc
 magis ab Effabilitate degenerēt. E cōtrario numeris effari potest omnis
 Harmonica proportio. Quid hoc sibi vult aliud, ad politica applicatū,
 quàm sententias iudicū justissimas, adque legū æquitatisq; normā, ven-
 rilationib⁹ Jurispitorū subtilissimè exactas, esse oportere: moderationē
 contra Reip. solutam tantis necessitatibus, prout tempora fuerint, sine
 multo strepitu, ad salutem universorum, arbitrato imperantis accom-
 modandam. Hic diducenda esset quæstio in partes, quomodo Arithmetica
 progressionis ratio rudis, sine nobili aliqua forma, solis materiæ dimen-
 sionibus insistentis, commercijs, opificijs, victui plebeio assimilaretur, Geo-
 metrica similitudo (legem unam solam observās, nec quicquā pensi ha-
 bens, linea quam intuetur, latus quinquanguli sit, an trianguli, effabilis
 an ineffabilis) simplex iudicium officium adumbret; at rationes Har-
 monicæ, ex multis ortæ figuris regularibus scibilibus, genere differenti-
 bus in unum compaginatæ, multa distincta imperij munia repræsen-
 tent, quorū unicuique sua propria lex, secreta à cæteris. Hic cū Pro-
 lemæo (infra in appendice ad lib. V.) ex generibus harmoniarū & cant⁹
 Molle quidem Paci daretur, Durum bello; dissidiaq; generum eadem,
 quæ in civitate utrorūque temporū. Verum hæc alijs curanda relinquo,
 quibus vitæ ratione magis conveniunt: ipse nunc ad sequētes meæ pro-
 fessionis materias propero. Itaque Bodinum prius expediam. Ad ejus
 enim libri finem, simulque ad hujus mei tertij principium pervenio.

XXIII. Jam enim Bodinus totus ad musicam, ut est à me descripta se-
 orsim à proportionibus Geometricis, transiens; eamque ut mihi quoq;
 placet, Politijs accomodans, nihil speciosius toto libro disputat, q̄ de
 Regni forma expressa numeris 1. 2. 3. 4. q̄ ut primi sunt naturā, & unitas
 quædem numerorū principiu; Ita quantitatū principio Puncto, indeq; spe-
 cieb⁹ earum tribus, 2. lineæ, 3. superficie, 4. corpori, penè eodem modo,
 quem initio hujus III. libri ex Pythagoricis recensui, jucundo ingenij lu-
 su comparati sunt. Deinde unitas illi Rex est, Dei præpotentis in Rep:
 vicarius. 2. Sacer ordo. 3. Militaris seu Equestris. 4. Populus, & is quidem
 omninò quadruplex: Agricola, Scholastici, Mercatores, Opifices. Hic
 inter hos numeros harmonias comprehensas eodem modo recenset, q̄
 ego supra sum usus: vanam tamen met⁹ causam habet, ad quænam pro-
 grediendi, quasi turbetur harmonia, quod falsum esse ex toto hoc li-
 bro patet. Sint sanè & valeant aliæ causæ subsistendi in Quaternario.
 Quin etiam in Homine ipso relucere demonstrat hanc Reip. formam

DICRESSIO.

Anima.

ex Platone, in qua 1. Mens, 2. Ratiocinativa facultas, in syllogismos sese diffundēs, 3. Irascibilis, 4. Cōcupiscibilis facultates: quarum etiam sedes in cerebro, in pectore, in ventre, Plato harmonicis etiam intervallis dislocatas demonstrat: earumq; primæ Imperium, secundæ Consilium; tertiæ Militaris ordo, quartæ Plebs assimilantur, ejuſq; plurimum possident. Hinc quatuor Rerump. columnæ, Iustitia, Prudentia, Fortitudo, Temperantia, verè cardines dicti, cuiq; Ordini sua potissimum commendata. Adeoq; musicus est factus Bodinus, dimissa Geometria & Arithmetica, ut ne dissonantiarum quidem fuerit oblitus; ejus rei sub imagine, suadet interdum etiam immerito alicui magistratus, honores, cæteraq; virtutū præmia non iniquo animo permittere: quia ut ex oppositione unius dissonantiæ, concentus reliquus tanto melius dignoscitur, tantoque avidius hauritur; sic quicumq; fucum hujusmodi commodorum Reip. intuentur execranturq;, universi ij vitia consimilia fugere, virtutes sectari, magis atq; magis consuescant.

Mundus.

XXIV. Tandem Bodinus Regnum à se conscriptum mūdo ipsi comparat, ostendens, quomodo deus creator junctis æqualium & similium rationibus in unum concentum Harmonicum, opus illud suum exornaverit. In proposito illi assentior, ut qui maximè; quæq; ipse aut præcedentes philosophi ne attigerunt quidem, de harmonica contemperatione accuratissima motuum certorum; ea libris sequentibus ego suppleo, demonstrationibusq; clarissimis in lucem profero. Non desino tamen, ne in calce quidem, obloqui Bodino hallucinanti: non extant enim veræ Harmoniæ ex mixtis æqualium & similium rationibus, ut sæpius dictum. Ergo Bodinus, Harmonias in mundo se demonstrare putans, medietates potius geometricas demonstrat & æqualitates, & similitudines: 1. Harmonicas quidem in facultatibus Animæ; at illas Symbolicas tantum, nulla demonstrationum evidentia in solidam aliquam effigiem, ut Mathematica amant, expressas; quippe cum intelligi non possit, quomodo insint in Anima quantitates, proximum & immediatum harmoniarum subjectum. 2. Æqualitatem inter Mundi corpus, & universam vim materiæ. 3. Similitudinem (qualitativam potius ex figuris, quam Relativam quantorum terminorum) inter Archetypum æternum & Mundi formam; quo loco Bodinus præcordia mihi tangit, materiâ Mysterij mei Cosmographici, quanquam per ignorantiam, attactâ.

In quavis
sc. ejus fa-
cultate nu-
merus ille
ipse, quem
ei Bodinus
assignat.

Quantò verò plausibilis in meæ Epitomes Astro: Copernicæ libro IV. hæc æqualium & similium commixtio de Mundi partibus præcipuis est demonstrata, de Motore sole, Locante spherâ fixarum & Intermedio, quod mobilibus concessum. Æqualitas enim est in partibus materiæ statuta; ut tantumdem sit ejus in Sole, quantum vel in extremæ spheræ orbe, vel in spacio intermedio. Materiæ verò, ut populo, debetur arithmetica æqualitas. Vicissim Geometrica proportionis similitudo in densitate trium horum corporum; & rursus alia inter diametros Solis motoris, regionis Mobilium, & spheræ ultimæ Locantis immobilis. 4. Medietates porrò Geometricas quodammodo: ut inter duo genera motuum, alterum in ortum, alterum in occasum, tertium Tre-
pidati-

pidationis motum, sed ex quibus duo posteriores solâ visus imaginatio-
ne, secundum Copernici placita constant. 5. Inter terram & topium,
argillam. 6. inter metalla & lapides, ærosas glebas, 7. Inter stirpes &
lapides, Corallia. 8. Inter animalia & stirpes Zoophyta. 9. Inter
Quadrupedes & pisces, Amphibia. 10. Inter aves & pisces, volantes
pisces. 11. Inter Homines & Bruta, Simias, aut Mulieres ex Platone.
12. Inter bestias & Angelos, Hominem, mortalem corpore ut illos, im-
mortalem animo ut hos. 13. Inter cœlestia beatorum habitacula & E-
lementarem regionem, cœlum stellarum. 14. Quibus adde ex princi-
pio libri hujus, bina media; scilicet Aërem & Aquam inter Ignem &
Terram; & cætera.

At non paulò melior admonitio de ijs, quæ in mundi gubernatio-
ne, rationem habent dissonantiarum: in Anima vitia; in animalibus mō-
stra; in Cœlo deliquia; in Geometria ineffabilia (quæ tamen necessita-
te materiæ quantitativæ cùm existant; sequentibus libris longè rectiùs
cœlestium motuum varietati comparabuntur) in providentiæ operibus
Exempla iræ & ultionis divinæ; inter Rationalia Diabolus: Quæ om-
nia à Deo supremo moderatore ad bonum finem, rerumq; omnium
Concentum absolutissimum diriguntur: cui omnis spirabilis creatura
meritissima laudum sacrificia indefinenti pietatis exercitio deferat; i-
pse; adeò si visum illi fuerit, non moriar sed vivam, librisq;
sequentibus narrabo Opera Domini.

Finis Libri III.

Lectori.

Tirocinium Operarum cum aliquo damno libri hujus III. in quibusdam exemplaribus con-
junctum fuit; id ne longius à calce torius operis petendum esset, hoc ipso libro finito, quomo-
do faceres, monendum censui. Nempe

Fol. 23

&

&

Et fol. 29. in i.
diagrammate

6

Et fol. 35.
primum dia-
gramma tale
fiat.

Passim aberrant non nihil
Numeri à Notis suis præsertim
superpositi & suppositi, ut
fol. 41. ubi pro 66. scribe 96.
fol. 45. lin. 12. Lege minorem
fol. 47. lini. 5. pro 40. lege 405.

Et pro

scribe

Fol. 57

Et permuta vo-
ces *superius*, *in-*
ferius in non |
nullis Exemp la

ribus.
Fol. 60. lin. 9. à fine, Pro
3. 4. est &c.
Cæteri leviculi in paucis ex-
emplaribus occurrunt.

IO: KEPLERI
HARMONICES MUNDI
LIBER IV.

DE CONFIGVRATIONI-
BUS HARMONICIS RADIORUM
federalium in Terra, earumq; effe-
ctu in ciendis Meteoris, alijsq;
Naturalibus.

PROCLUS DIADOCHUS
Libro I. comment: in I. Euclidis

*De Mathematicis usu in Physiologia & Politica: qua potif-
simam partem illius Harmonicam de Radiatio-
nibus concernunt.*

Ad contemplationem Naturæ præcipua omnia suppeditat, decla-
rans Rationum ordinem pulcherrimum, secundum quem fabricatum est totum hoc Vniuersum; pro-
portionumq; Analogiam, quæ omnia mundana inter se connectit, ut loquitur alicubi Timæus,
quæq; amicitiam inter pugnantia, responsum & mutuam affectionem inter longissimè distita, con-
ciliat. *Et post pauca* Inde & angulationes commodas possibile est ratiocinando venari. *Rur-*
sum. Hoc copinor & Timæus significare voluit, dum passim per voces mathematicas, tradit contem-
plationem de Natura totius uniuersi, ortumq; elementorum, Numeris & Figuris depingit, faculta-
tesq; & affectiones illorum, etiamq; effectus, his (*figuris*) acceptos fert; angulorum acuta vel obtu-
sa, laterumq; aspera vel lævia, &c. causas constituens omnivariarum mutationum.

Ad Politicam verò dictam doctrinam, qui negari possit, illam plurima & mirabilia confer-
re; dum opportunitates rerum gerendarum dimittitur, variosq; circuitus totius uniuersi &c.

Numerosq; Harmonicos, vitæ moderatores, aut incongruentiæ authores, & in
uniuersum impetus aut remissionis opitulatores
&c.

Cum S. C. M. Privilegio ad annos XV.



LINCII AVSTRIÆ,
Excudebat Johannes Plancus.

ANNO M.DC.XX.

106 DE CONFIGURATIONIBUS
Præambulum & Ratio
Ordinis.

Proportiones Harmonicas in abstracto consideratas tribus primis libris formavimus, quorum primus figurarum singularum proprietates Geometricas, secundus junctarum Congruentias exhibuit, tertius ex figuris harmonicas proportiones propagavit.

Restabat ut Harmonicas rationes hactenus descriptas in Mundum introduceremus tribus libris alijs, quorum primus Deo cœlorum Conditori, secundus Naturæ motuum variorum administræ, tertius Homini, vocis, quæ ex motu gignitur, compoti, tribueret Harmonias: verùm persuasit nobis conditio rerum dicendarum, ut non tantum ordinem verteremus, initio ab humano cantu factò, transituri inde ad Naturæ opera, & sic demum ad opus Creationis, quod omnium primum & perfectissimum fuit; sed etiam finem speculationis abstractæ cum principio concretarum Harmoniarum in Cantu, conjungeremus eodem libro tertio. Initio igitur factò hujus in Mundum introductionis libro antecedenti; & transcriptis Harmonijs humano cantui, quem Artis generali vocabulo complecti solent alijs; sequitur nunc quartus liber, qui in hoc ordine inverso secundas Harmonicas concretæ partes Naturæ tribuit.

Et si verò sparsim libro III. disputationem de harmoniarum Essentia tetigi; plenam tamen hujus metaphysicæ disputationis tractationem in principium hujus libri quarti eodem consilio reservandam censeui. Cùm enim vulgò philosophorum Harmonias non alibi quarant nisi in cantu; sitq; inopinabile plerisq; Acroama, cùm docetur aliud quid esse sonos, aliud Harmonias, quæ inesse putantur in sonis: dandum aliquid fuit imbecillitati captus, & Harmoniarum ortus explicandus terminis potius Musicis vulgò notis; nec turbanda fuit aviditas lectoris importunâ subtilitate metaphysicarum quæstionum.

Atqui Socrates apud Platōnem, citante Proclo lib. I. in Eucl. Musicū illū defini; q ab ijs Harmonijs q̄ insunt in sensu p̄greditur ad insensibiles harmonias, p̄portionesq; earum investigandas. Qui eadem evadit ipsi in Philoſophū, exp̄fact̄ harmoniā utraq; ad contemp̄plādū Primū verum Ens, veritatemq; ipsam.

At jam porrò, cùm Harmonias in Natura inq; Cœlorum motibus patefacere sic animus; vulgus verò philosophorum statim ad primam Harmoniæ mentionem concipiat siderum Musicam vocalem, auditu percipiendam; & cum Scipione Ciceroniano arreptis auribus adstet, excepturus *tantum est tam dulcem sonum*: Cùm proclive sit, rerum impitōs cum illo ipso somniatore Cicerone argumentari, *Non posse silentio tantos incitari motus*, & cum Pythagoræis ex Aristotele rationem reddere, cur cœlestis sonus non exaudiatur in Terris: quæ præconceptæ opinioniones plurimū obstant lectoribus, ad Naturæ penetralia contententibus; adeoq; & absterrere possent multos judicio pollentes, veritatisq; sectatores, ut nugamenta ista Pythagorica, vix eminus agnita, aspernantes, librum non lectum abicerent: his de causis idoneus mihi visus est hic ipse locus, in quem disputationem hanc summè necessariam referrem.

Movit me & Ptolemæi exemplum: qui cùm libris 2. prioribus operis sui Harmonici absolvisset doctrinam Harmonicam, quæ est de cantu, jamque libro tertio demonstrandum suscepisset, omnes naturas perfectas Harmonicâ vi participare: disputationem & ipse incipit ab hac eâdem quæstione: *Sub quod genus rerum referenda sit Natura seu vis Harmonica, ejusque scientia.* Et si igitur examen & censuram Ptolemæi, ego in hujus mei operis appendicem rejeci: at quid ad hanc Ptolemæi quæstionem ex meis principiis respondendum videatur, id ob dictam causam hoc quarto libro præmitti debuit. Nec id tantùm ad præmuniendum lectorem, avertendasque sinistras opiniones pertinet; sed etiam ad explicationem fundamentalem totius quarti libri: ut quia de Harmoniis radorum sideralium dicturi sumus, quæ & quot sint numero, quibusque geometricis principiis formentur; prius sciamus, quæ sit Harmoniarum essentia, citra & sonorum, qui hîc nulli sunt, & ipsorum etiam radorum considerationem; & quodnam earum proprium subjectum, qui termini; sintne in rebus extra intellectum, an in solâ animâ, quo medio percipiuntur, introsumque recipiantur; quâ re dijudicentur; quis effectus hanc perceptionem & agnitionem, quo authore seu primo motore, consequatur: quibus rebus tam generaliter quàm specialium subjectorum collatione explicatis, postea nobis facile erit de Animorum, ipsiusque Naturæ sublunaris essentia & proprietatibus, Metaphysicè differere, Naturæque arcana paulò, quàm erant hæcenus, in majori luce locare.

Capita libri IV.

Caput I. De Essentia Proportionum Harmonicarum tam sensilium, quàm Intellectualium.

Caput II. Quot qualesq; sint Anima facultates secundum Harmonias.

Caput III. Quæ sint Genera rerum seu sensilium, seu immaterialiarum, in quibus expressæ sunt Harmonia, sive à Deo, sive ab Homine, & quomodo?

Cap. IV. Quid discriminis sit inter Harmonias hoc libro quarto, & inter illas libro tertio consideratas.

Cap. V. De causis efficacium Configurationum, earumq; Numero & Ordine graduum.

Cap. VI. Quæ sit cognatio Aspectibus cum Consonantiis Musicis in Numero & causis ejus.

Cap. VII. Epilogus habet contemplationem Naturæ sublunaris, facultatumq; Anima inferiorum.

CAPVT I.

De essentia Proportionum harmonicarum tam sensilium, quam Intellectualium.

DE Harmoniarum essentia disputaturo mihi dubitare contingit; utrum clari⁹ sit, veterum sententias primùm exquere, deinde cum mea comparare; an ab expositione propriæ sententiæ incipe. Prior philosophandi ratio recepta est ab omnib⁹; & crebrò commendatur ab Aristotele: posterior magis convenire videtur p^resenti materiæ. Disputationes n. de Essentia Harmoniarum in specie pauci attigerunt; & si qua dixerunt de subsistentiâ Generum & specierû Mathematicarum, quod Harmonijs in specie possit applicari; id necesse est in philosophiâ Gentilium obscuritatis esse plenum; eòq; lectoris animum inter amorem speciosissimorû dogmatû & suspicionem fictæ rei fluctuare dubium. In cœtibus Christianorum, & si quis sacrosanctum Trinitatis Mysterium, ortumq; rerum omnium ex historia Mosaicâ, firmâ fide amplectitur; disputationis capita & clariùs proponi possunt, & procliviores inveniunt lectorum animos ad credendum. Ut igitur methodum dicendorum expediamus, à divisione incipiendum erit. Aliud enim est Harmonia sensilis, vel ei analogâ, aliud Harmonia secreta & pura à reb⁹ sensilib⁹: illæ multæ sunt, tam ratione subjectorum, specie differentium, quàm ratione individuorum: at sincera Harmonia & à subjectis sensilibus secreta, in qualibet specie una est & eadem. Verbi causâ, est una & eadem species Harmoniæ, quæ à proportione duplâ oritur: hæc si inest in sonis, Diapason dicitur; si in radiationibus, Aspectus Oppositus nuncupatur: & in Musico quidem systemate vel superior est vel inferior, vel acutior vel gravior, vel vocum humanarum, vel sonorum ex organis: nec minus in Meteorologia est multiplex; vel enim Saturni & Jovis vel alterius copulæ, & vel ex signis æquinoctialibus vel ex Tropicis.

De utroq; igitur genere quæritur, quomodo subsistant, quodq; per se, num seipsis, an in rebus alijs. Quod igitur sensiles harmonias attinet ad earum esse quatuor ista concurrunt; 1. duæ res sensilesejusdem generis, & quantæ, ut inter se comparari possint causâ quantitatis, 2. Anima comparans. 3. Receptio sensilium introrsum. 4. Idonea proportio, quæ definitur Harmonia. Horum uno sublato, tollitur sensilis Harmonia. Facile enim est intelligere, Naturam Harmoniæ non esse definiendam per solas res sensiles, ut per sonum vel radium stellæ. Aliud n. est son⁹ aliud ordo certus inter diversos sonos: dico autem ordinem hoc loco, non causâ sit⁹ in aliquo loco physico, nec causâ temporis, sed causâ acuminis & gravitatis. Possunt igitur esse soni diversi, at nisi sit inter ipsos certus ordo, qui certis proportionibus definitur, re mathematicâ; nulla erit inter voces Harmonia. Vicissim sono sublato, quænam conungi possit Harmonia audibilis, & radijs planetarum sublatis quàm Harmonia con-

Divisio Harmoniarum.

Harmoniarum sensiles.

Ad esse Harmoniarum requiri Ordinem.

figu-

figurationum? Amplius quia Harmonia musica non est sonus, sed plurimum sonorum Ordo, hinc sequitur illam esse in prædicamento Relationis. Ordo enim, de quo hic loquimur, relatio est, & ordinata, sunt ad invicem relata. Qua igitur re soni sunt harmonia, id accidens est, quippe quod in subjectis inest, nec seorsim consistit, potestque abesse citra subjectorum corruptionem. Deinde, sicut quantitas in universum à corporibus nequit separari suis, sed potest bene augeri & minui cum ipsis corporibus, & tamen accidens est; sic etiam Ordo ipse sonorum, cui ut generi Harmoniam subjecimus, tolli non potest à sonis, pluribus uno, quantitate acuminis & gravitatis inter se distinctis: nam aut plures esse desinent; aut si plures, erit inter ipsos ordo secundum excessum & defectum; mutabilis ille quidem, si subjectorum relatorum alterum mutetur. Ordo igitur cum quantitativis, & in specie cum numero pari passu ambulat. Tertio sicut Numerus definitur esse multitudo ex unitatibus conflata, in quo Aristoteles agnoscit aliquid materiæ analogon, unitates scilicet ejus, aliquid formale, mentis conceptum, quæ unam, quocunque respectu separatam à cæteris, multitudinem illarum unitatum singularium agnoscit; itaque alibi philosophus idem sublatâ Animâ numerante, tolli ait omnem numerum, at non unitates singulas: ut ita numerus materialiter sit in rebus ipsis, nihil præter illas; nisi accedat Mens numerans; tunc demum enim, numerus præter res ipsas, & à rebus abstractus, est diversum aliquid ab ipsis, est sc. conceptus in mente pluralitatis rerum individuarum: sic etiam ordo ipse sonorum & aliorum sensibilium, quo de hic agimus, non est quicquam aliud, quàm ipsi soni plures; nisi accedat Mens, comparans sonos inter se, differentes acuminis: & in genere relatio omnis, sine Mente nihil est, præterquam sua relata; quia relata non sunt id quod dicuntur, nisi mens aliqua supponatur, quæ referat unum ad alterum.

CAPVT R

Harmonia
sensibilis
accidit

metaphis
corrupta
substantia

Ad esse Har-
monia re-
quiri Ani-
mam.

Quod igitur in genere de ordine, de quo relatione verum est; id multò maximè subsumendum de Harmonia, quæ in proportionem consistit, inque numeratione partium quantitatis æqualium: scilicet, ut subsistat, & ut esse possit aliqua sensibilis harmonia, præter duos sensibiles terminos oportere & Animam esse comparantem: hæc enim sublatâ, termini quidem erunt duo sensibiles, sed non erunt una Harmonia, ens rationis.

Videndum nunc etiam de tertio, sc. de receptione rerum sensibilium in animum, ejusque necessitate & modo.

Nimirum Harmonia est res una, termini sensibiles foris extra Animam non sunt res una, nec usquam nisi intus in anima possunt adunari. Non possunt verò intus esse, nisi introrsum recipiantur, quod multis verbis ab experientia probari non est opus. Potest quidem Musicus Symphonicarum artifex intus in animo suo meditari Harmoniam duarum plurimumvè vocum, quas tamen introrsum non recipit: at illa harmonia non est illo actu sensibilis, nos verò de sensibilis essentiâ loquimur.

Ad esse Har-
monia sen-
sibilis requirit
receptionem
externorum
in Animam

Qualis verò est illa receptio? nonne soni, ut exemplo notiori utar loco omnium, perstant foris extra aures, in aere, & ante sonos motus corporum, ad quorum quantitatem soni sequuntur? nonne ij manent in suis corporibus? quomodo ergò ingrediuntur? Respondeo,

110 DE CONFIGURATIONIBUS

CAPVT I. partim agendo, partim patiendo; agendo, dum species emittunt, pul-
fata motus sui, sonos; lucida luminis & coloris sui, radios, & sicut loqui-
mur, cum obiecta dicimus movere sensus; movere verò est agere: pati-
endo verò, non ipsæ res per se, sed speciebus suis, quæ dum sentiuntur,
memorantur, cõparantur, semper aliquid pati debent ex usu loquendi.
Et omninò hæc ipsa duorum terminorù adunatio in Animo, per quam
resultat Essètia Harmoniæ sensibilis, ipsum scilicet referri & comparari
est rebus junctim sumptis tale quippiam, quale quippiam est rebus sin-
gulis, videri, audiri, eoq; minus etiam. Sunt quippe hæc omnia, pas-
siones quædam, sed æquivocè dictæ, magno significationis ambitu.

Passionum
æquivoca-
rum gradus

Sed constituam⁹ grad⁹ passionù. Primùm patitur verbi causâ, Aqua,
cùm egelida existens, ignibus admotis tepescit. Alter significatus, pati
dicit humorem, cum aliquid agit ipse, scil. humectando arida: nam
pars eius rapitur in meatus exsiccati, eiq; miscetur, quod est pati: sic
& patitur aqua cum gustatur: partem enim deglutit siticulosus, di-
geritq;e. Sed tertio etiam significatu patitur aqua in gustatu, cùm à lin-
gua saltem contingitur, non tantùm quia linguæ calore calefit, cùm ipsa
suo frigore linguam frigefaciat; nec tantùm idcò, quia hæret aliquid aquæ
in lingua, sed simpliciter quia tangitur à lingua, quod est quasi lenissi-
mè feriri, aut pulsari, aut impelli, unde est motus localis partium in to-
to; Moveri verò est Pati. Quartus esto significatus, quo pati dicitur
aqua, cum emisso vapore ferit nares, odoratuq;e percipitur, percipi
autem, est pati: & hic quidem patitur non ipsa, sed effluxus eius corpo-
reus, qua passione etiam absumitur eius aliquid. Quintus gradus, quo
pati intelligitur aqua, cum strepitus ejus auditur: primùm enim ipsa
aqua in motu est, deinde species immateriata aquæ, ut moveretur, diffun-
ditur ab ipsa in omnem ambitum, recipiturq;e in meatus aurium; hæc
receptio est passio, non ipsius aquæ, sed speciei ejus, seu defluxus ejus
immateriati: & in hac receptione deperditur aliquid tempore & mul-
tiplicitate receptionum. Nam obtusior est sonus, qui magnæ multitu-
dinis auribus, aut vestibus, accidit, aut qui inter nives decedentes emit-
titur.

Sextò etiam cùm videtur aqua, patitur aliquid: emittit n. à superficie
vel quasi, nimirum à coloribus suis, in quantum colorata, radios ad ocu-
lum, qui radij tanguntur, reperiuntur, refringuntur, coguntur ad
punctum, excipiuntur à retiformi tunica coacti: quæ omnia sunt pas-
siones non ipsius aquæ, sed speciei immateriatae, seu radiorum. Et hi
radii, jam in hac receptione nihil perdunt, neque locis, neque tempore:
remoto enim quod tangit, pergunt ulterius, penitus illibati, quod non
facit sonus.

Septimò, postquam hæc species, ipsumq; adeò corp⁹ aq; in corporea
sensuum instrumenta prius aliquid egerunt, illa sc. sibi conformiter af-
fecerunt, sibiq; assimilarunt, ut & linguæ & cutis membranulæ frigus &
saporem, narium spiritus odorem perceperint, spiritus auditorij ejus so-
nitu pstrepant, visorij ejus luce colluceant, itaq; typus & species ejus sen-
satoria fuerit formata, quam oculi certè circumgestant, etiam ablatâ
illâ, sæpè invito homine: jam hæc species sensibiles ab sensuum vestibulis
seu o-

seu orificijs, recipiuntur introrsum per vim repræsentativam seu phantasticam, cognoscuntur per sensum comunem, conduntur p memorativã, promütur p reminiscenciam, dijudicantur p superiorem facultatem: q̄ omnia pati intelligitur aqua non in se, sed in suis speciebus sensilibus & mentalibus. Tunc igitur etiam suprema facultas animæ, quæ numero comparationibusq; præest, ex pluribus rerum speciebus mentalibus, unam sibi fabricat formatq; relationis, ordinis, comparationisq; speciẽ, resq; foris existentes inter se comparat: quæ comparatio, ut supra dicebamus, cum fiat super rebus ipsis, sine ipsarum opera, passio quædam illarum esse intelligitur: eodem fere sensu, ut cum de famã absentis & ignari in iudicio agitur, aut cum is capitis damnatur, aut proscribitur. Omnino quidem apta similitudo; sicut enim talis aliquis, etsi secum ipse tunc mali nihil sentit, adeoq; nihil patitur, tamen paulò post vim ejus, quod passus est, re ipsa experitur: sic etiam voces, & qcqd omnino congruentiæ particeps est, prout mēti placuerint in hac comparatione, pro eo vel continuantur, vel respuuntur, fugiuntur, prohibentur, impediuntur, opprimuntur, finiuntur. Etsi jam non hoc eventus consequentis respectu sonos pati dico, sed illo ipso actu, cum eos inter se mens comparat; sufficitq; p longum explicasse, quo significationis æqvocæ gradu hanc comparationem mētalem, passionẽ dicam. Sed non frustra prolixus fui in recensendis his significatib⁹: hac enim oĩa jam porrò mirificè adjuvabimur in agnoscenda Naturã Facultatis; Harmonicæ & complenda hac parte Metaphysicæ, q̄ Aristoteles ne p transennam quidem aspexit.

Ex hisce quoq; clarum est id quod antea contendebam, sc. quòd Harmoniæ sensilis ipsum formale, quã harmonia, accidat sensilibus; nimirum sicut eidem accidit, videri & audiri & cætera. Patet secundo Harmonias etiam sensiles, esse res, ab ipsis quodammodo rebus abstractas, quatenus nimirum non res ipsæ foris, sed species rerum per sensus ingressæ, adq; tribunal animæ perductæ, fiunt termini proportionis harmonicæ sensilis. At vicissim duplici nomine harmoniæ istæ sunt adhuc concretæ; primùm quia species hæ rerum sensilium, non sunt earum nudæ quantitatis species, sed etiam qualitatis sensilis, puta soni vel lucis &c: deinde quia species hæ sensiles, ut sensiles, intus in animo nequeunt relucere, nisi res ipsæ, quarum illæ sunt species, foris etiam præsto sint & maneat. Nam ijs ablatis, desinunt etiam earum species intus, lucis quidem, quoad suam radiationem, in ipso instanti, soni verò intra brevissimum temporis momentum. Relinquitur quidem in sensorijs instrumentis aliqua impressio, ut in oculo lucis, sed illa non est rei forinsecæ, sed potius speciei species altera, in corpus impressa, jam corporis momentanea qualitas facta; quemadmodum in opticis, colores luce solis purã minimèq; coloratã, vim concipiunt radiandi quaquaversum coloratè. Et hoc est quod initio quoq; contendebamus; oportere terminos sensiles & Animam præsentem esse, mutuasq; tradere operas, agendo, patiendo, illam sc. movendo sensus, hanc comparando; ut constituatur essentia Harmoniæ sensilis.

Objiciat hic aliquis, Animam comparando non facere, sed inven-

Harmoniæ
sensiles Cō-
cretæ sint
an abstra-
ctæ?

CAPVT I.

Quatenus
Anima faci-
at Harmoni-
as & qua-
tenus inue-
niat.

venire idoneam proportionem: quod quartum supra & formale principium erat harmoniæ sensilis: ergò videri animam abesse posse, talvâ Essentia Harmoniæ.

Respondeo per inversionem; Idoneam invenire in sensilibus proportionem, est detegere & agnoscere & in lucem proferre similitudinem illius proportionis in sensilibus, cum certo aliquo verissimæ Harmoniæ Archetypo, qui intus est in Animâ. Quemadmodum igitur Athenienses virtutem aliquam invenerunt in Zenone, Prytanei sui jus in eo non invenerunt, sed illi contulerunt, quod Zeno sine Atheniensibus consequi non poterat: sic Anima ordinem & proportionem in sonis inq; radijs invenit (etsi ne hanc quidem foris invenit, sed saltem terminos, ut dictum) ac ut hæc proportio sit harmonica, ipsa sui Archetypi collatione facit; quæ harmonica dici non posset, nec vim ullam fortiretur in movendis animis, si hic Archetypus non esset. Satis igitur de Sensilibus Harmonijs.

Quid sit
Harmonia
in sensilibus?

Jam enim transeundum nobis est ad puras & secretas Harmonias, alterum sc. divisionis nostræ membrum: illas nempe, quas jam modò statuimus Archetypos seu Paradigmata sensilium harmoniarum. Nam si Archetypi suam haberent subsistentiam extra Animam; fateor equidem, magno nos argumento privari, pro asserenda necessitate Animæ, ad essentiam Harmoniæ constituendam. Atqui extra Animam illos constituere, est oppositum in adjecto, ut audiemus.

Ejus termi-
ni.

Veræ enim & archetypicæ Harmoniæ, quæ nulli speciei sensili confusa existit, principia sunt nihilominus divisa & numero plura. Cùm enim & illa sit proportio, requirit igitur & ipsa suos terminos binos. Hi verò termini, ut libris prioribus usurpavimus, sunt Circulus totus & Pars ejus vel partes, aliquota vel aliquotæ, demonstrativè rescisso arcu. Hæc est specifica proportionis harmonicæ differentia, quâ non tantùm harmonica proportio distinguitur à proportionibus alijs, sub eodem genere locatis, sed etiam pura & archetypica à sensilibus: nisi quatenus usu vulgi tritissimo, sola sonorum Congruitas, Harmonia dicitur. Nam in hoc ipso clarissimum apparet discrimen inter puram Harmoniam, & Harmoniam sensilem seu concretâ; quòd in purâ termini sunt ex mathematicis generibus, Circulo & Arcu, certo modo formati: habet n. circulus suam formationem seu figurationem ex seipso, habet arcus ex Subtensa terminos, ex circulo figuram; in sensilibus verò Harmonijs non est opus hac speciali formatione, possunt enim esse vel rectæ lineæ, vel aliter figuratæ quantitates sensiles; dummodò sint hujus archetypicæ suæ Harmoniæ fida exemplaria, in quantitate quælibet suâ: quantum quidem potest esse fide imitationis in rebus sensilibus; quia quod in ijs vero propinquum est, secundùm magis & minus, id pro ipso vero recipitur. Hi sunt igitur termini Harmoniæ archetypicæ.

Ad ESSE
Harmoniæ
abstractæ,
Mentem re-
quirit.

Deinde, præter terminos, rursus ut prius dictum in sensilibus, requiritur etiam Mens, comparans terminos, & dijudicans, num ij, nimirum arcus circuli, tales sint, quos de toto circulo rescindat latius aliquod figuræ demonstrabilis. Itaq; tria quodammodo sunt principia Harmoniæ

Archetypicæ, duo ex parte terminorum, **Materialis**, ut analogicè loquar, **Circulus**, & pars ejus; **Formale**, rescissio partis per figuram demonstrativam; & unum ex parte ipsius relationis terminorum, scilicet **Efficiens** (quodammodò) **Mens**. CAPVT B

Cùmque proportio omnis, & sic etiam hæc partis circuli ad totum, fit in prædicamento Relationis, jam hæc certa & descripta proportionis forma, habet se ut qualitas quartæ speciei. Est enim **Harmonia**, Relatio quodammodò qualitativa seu figurata, quippe à figuris regularibus formata. Harmonia est Relatio qualitativa

Quod si prius ad Essentiam Harmoniæ sensibilis pertinuit, ut sensilia per speciem influerent in animam: quanto magis etiam hic necesse est, ut quos diximus Harmoniæ secretæ terminos, **Circulum** & **Arcum** eius; ij sint in mente ipsa intus: sive id quis per species intrò receptas factum esse dicat, sive cum ipsa Mente perennaverint, ante omnem receptionem intus præsentem; de quo jam porrò nobis omnibus ingenij viribus erit dispiciendum.

Cùm autem ad hunc locum jam devenerimus; non equidem sine luculenta injuria tam lectoris, philosophiæ cupidi, quàm Veterum, qui hanc philosophiæ partem ante nos triverunt, ipsorum placita de rebus iisdem dissimulare possumus, quantum quidem nobis de iis constiterit. Unum tantum præmittendum censeo; distinguendum esse inter species ipsas mathematicas, **Circulum**, & **Arcum** ejus, interq; comparisonem eorum: & hoc ideo; quia si species ipsæ, ceu termini, collocandæ sunt intus in anima sine receptione; multò magis Harmonia, quæ est inter illas partes, in mente collocanda erit, ut non habeat essentiam suam extra illam, quippe cum eius essentia consistat in actione aliqua mentis circa species illas. Et circulus quidem cum arcibus sic sunt in Anima, ut citra controversiam sint etiam in sensilibus: at Harmonia, quæ est inter circulum ejusque partem; quoad formale suum, nullo modo est extra animam; ut supra patuit exemplo Numeri. Jam veterum argumenta sunt præripuè de speciebus ipsis, re simplici-ori; Harmonia verò res, est magis composita. Quomodo Genera & Species rerum Mathematicarum insunt in Anima

Et hoc est discriminis inter Aristotelem, Platonem, Proclum, ex una parte, interque Ptolemæum ex altera. Illi enim de **Esse** specierum disputant, Ptolemæus de **Esse** Harmoniæ. Sed Ptolemæi Textum nos in Appendicem totius Operis rejiciemus; ne nobis, quod initio capitis huius verebamur, turbas conciter; Illos verò, qui appositisimè ad præsentem speculationem loquuntur, jam audiemus.

Et Platonis quidem de rebus Mathematicis sententia hæc erat, **Mentem** humanam omnes & species seu figuras, & axiomata, & conclusiones de rebus, seipsâ edoctam esse; cùm verò videtur erudiri, id nihil aliud esse, quàm admoneri per diagrammata sensilia, rerum earum, quas secum ipsa sciat. Id singulari artificio repræsentat in dialogis, introducto puero, qui rogatus à magistro, respondet omnia ad votum. Platonis dogma de subsistentiâ Mathematicarum rerum.

Aristoteles contra in Metaphysicis, commentum hoc appellat, **λόγον πλασματώδη, πρὸς τὴν ὑπόθεσιν βεβιασμένον**: Nec enim hæc Mathematica seorsim à sensilibus usquam subsistere: nec Aristotelis dogma contra tractatum.

114 DE CONFIGURATIONIBUS

CAPVT I.

aliam esse illorum subsistentiam, ne quidem in Mente, nisi ea ratione qua cætera universalia sunt in Mente, cum essentiæ ipsius, rerum sensilium singularium, species per definitionem formatur in Mente: itaque priora quidem esse sensilibus, & abstrahi à sensilibus, at non re, sed conceptu mentis. Ubi notandum, quòd Aristoteles, quoties ferè usu venit ut nomet generum Mathematicorum unum aliquod exempli gratiâ, semper aut Punctum nomet, aut Lineam, aut Superficiem, aut Corpus, aut Numerum; quæ sunt in prædicamento Quantitatis summa genera: quantitatum verò, in quantum sunt figuræ, & in quarta specie qualitatis (ubi aliud est ipsarum materiale, quantitas, aliud formale, figura) per has quidem disputationes, fit mentio rarissima; in quantum Relationes, planè nulla. Ad eò quidem etiam Harmonicam scientiam ponit speculari de nulla re, nisi de vocibus; de quibus ijs non aliter, nisi in quantum illæ sunt lineæ, planè ut Optica. De intervallis verò linearum, quæ sunt proportio (relatio nimirum, & ea quidem qualitativa & figurata) ne somniat quidem unquam Aristoteles. Nullum itaque dubium est, quin ulterius progressurus fuisset in hac speculatione, si Mathematicis profundioribus (de intellectuallibus figurarum possibilium & impossibilium differentiâ, qua de nos egimus libro I.) fuisset imbutus. In quantum igitur de summis quantitatis generibus disputat, facile vincit, nemine repugnante; quòd verò in universum * concludit, & Platonem stultitiæ hujus, quam ipse sibi est imaginatus, reum peragit; denique quòd picturæ Platonice, de puero *ἀντιδιδάκτω*, ipse opponit picturam contrariam, Mentem asserens seipsam vacuum, non tantum cognitionis cæteræ, & Mathematicorum generum sed etiam specierum, & planè Tabulam rasam, ut in qua inscriptum sit nihil, ne mathematicorum quidem, inscribi verò possint omnia: hac inquam in parte nec in Christiana religione tolerandus est, & invenit post aliquot sæcula cum alias multas *ἐπιβιώσας*, ut loquitur Proclus; tum Proclum ipsum adversarium; quanquam hic Aristotelem ipsum nomine non citat; Platonem verò quem defendit, nominatum, apertè ducem suum profitetur.

Quid nomet Aristoteles.

* etiam de speciebus individuis (formaliter), ut circulo, Trigono &c.

Aristotelis tabula rasa, mentis idea

Procli Philosophia de Essentia rerum Mathematicarum

Hujus igitur Procli philosophiam de speciebus rerum mathematicarum, quas ego terminos profiteor proportionis Harmonicæ puræ & secretæ à sensilibus, operæ precium est ex ejus libro I. in Eucl: huc transcribere de verbo ad verbum.

Sic ille: *Reliquum est, ut videamus, quamam Subsistentia, seu Essentia debeat assignari Mathematicis Generibus & speciebus? Concedendumne sit, illa à sensilibus subsistentiam accipere, siue per abstractionem, ut mos est loquendi, siue per collectionem eorum, quæ sunt per partes dispersa, in unam communem Rationem (seu definitionem) ante hæc, ipsis danda subsistentia, ut Plato usurpat, & universitatis rerum progressio demonstrat?*

Species mathematicas constitutas non esse à singularibus sensilibus quantitatibus

Primum itaque, si affirmamus, species Mathematicas à sensilibus constitui, dum Anima à Trigono aut Circulo materialibus, speciem circularem aut Trigoniceam, secundariâ quadam geniturâ, in seipsa format: quæro unde

de ve-

de veniæ rationibus (seu definitionibus) illa tanta certitudo , tantaq. accuratio? Erit enim aut à sensilibus , aut ab ipsa anima , At impossibile , à sensilibus ; multò CAP. I
namq. major subtilitas & exactio inest Rationibus istis ? Ab anima igitur , qua imperfectis perfectionem , minimè accuratis , subtilitatem illam accuratam conciscit.

Dic enim ubi inter sensilia inveniatur natura impartibilis (puncti) & latitudine carens , (ut linea) & profunditate , (ut superficies) aut ubi equalitas linearum ex Centro , aut ubi Proportiones semper constantes laterum (materia mei libri I.) aut ubi angulorum rectitudines ? Non equidem video , ut sunt commixta & confusa inter se omnia partibilia , nihil sincerum , nihil à contrario suo purum ; omnia partibilia , & quæ locis distita , & quæ uncta. Quomodo igitur immobilibus ipsam durabilem essentiam ex mobilibus , aliàsque aliter habentibus conciliabimus ? Quicquid enim subsistentiam suam habet à motis essentijs ; habere eam mutabilem concedunt ipsi. Et quomodo accuratis & certis speciebus à non accuratis impetrabimus accuratiam suam ? Omne namq. quod causa est notionis semper mutabilis , ipsum multò magis est tale. Supponendum ergò erit , Animam ipsam genitricem esse Mathematicarum specierum & Rationum. Atqui si illa continens in se , ut prima exempla seu Paradigmata , secundum essentiam ipsa subsistere facit , ut ita sint generationes (Christianus subaudit , creatio rerum sensilium) nihil aliud , quam propagationes specierum , quæ in illa priùs in erant (rationes creandorum corporum mathematicas , Deo coæternas fuisse , Deumque Animam & Mentem esse super excellenter ; Animas verò humanas esse Dei creatoris imaniges , etiam in essentialibus suo modo , id sciunt Christiani) tunc Platoni consentiemus , hæc dicentes , & vera Essentia Mathematicum nobis inventa erit. Sin autem Anima , cum non haberet , nec priùs alicunde accepisset Rationes Mathematicas (si cum non fuissent ipsi concreatæ) nihilominus admirabilem hunc ornatum immateriatum texit , pulcherrimam hanc speculationem enititur ; quomodo ergò discernet sic genita , sintne subsistentia & constantia ($\mu\omicron\nu\mu\alpha$ non $\gamma\omicron\nu\mu\alpha$ lego) an in ventos evanida , & spectra potius quàm vera ? Quibus normis usa veritatem eorum metietur ? Imò quomodo , cum essentiam eorum non haberet , gignit tantam varietatem rationum ? Nam hoc pacto fortuitam illorum subsistentiam faciemus , neq. ad ullum scopum vel terminum tendentem. Sunt ergò Anima ipsius soboles , species Mathematica , nec habet illa Rationes , quas constituit , à sensilibus ; quin potius hæc ab illis propagantur ; suntque hi enixus ipsius , & hæc puerperia , permanentium & perennium specierum , evidentiæ.

Vera mathematicarum rerum essentia in Anima.

Mathematicas species non esse collectas in unum à singularibus quantis.

Secundò si ab infrà & à sensilibus colligimus Rationes Mathematicum (seu definitiones) quomodo non meliores erunt demonstrationes quas constituunt sensilia , demonstrationibus universaliorum & simpliciorum specierum ? Dicimus enim , ad quæ sita rei investigationem , ubique principia & propositiones , esse demonstrationibus seu conclusionibus cognatas. Si igitur singularia universalibus , si sensilia ratiocinativis sunt causæ , quomodo fieri potest , ut demonstrationis terminus ad magis universalia , non ad partialia referatur ; utque intellectualium quam sensilium essentiam cognatiorem demonstrationibus probemus ? Sic enim loquuntur ; Non si quis demonstrat , Equicentrum habere.

Allegationes ex Aristotele.

116 DE CONFIGURATIONIBUS

CAP. I.

angulos duobus rectis aequales, idem Equilaterum, idem Scalenum, hoc scire est legitimum; sed is scientiam propriè dictam habebit, qui de omni Triangulo simpliciter hoc demonstraverit. Item: uniuersalia meliora esse ad demonstrationem, quàm particularia; Amplius; magis uniuersalium esse demonstrationes; ex quibus verò constant demonstrationes, illa priora esse; & naturâ præcedere singularia, & causas esse eorum, quæ probantur. Multum igitur absunt scientie Apodicticæ ab hoc, ut circa posteriora ortu & obscuriora sensilia, propositiones suas mendicatò colligant. Dicam insuper & hoc tertium; illos Animam viliorum facere ipsis speciebus, qui hæc dicunt. Nam si materia suscipit à Natura illa, quæ sunt essentialia, & magis Entia, & evidentiora; Anima verò posteriori actu accipit ab illis, Exemplaque & Imagines ortu posteriori fingit in se ipsâ, respiciens ad Essentias viliores, & abstrahens à materiâ, quæ secundum ipsam naturam sunt inseparabilia; nonne Animam ipsâ materia obscuriorem, indigentiorumque faciunt? Nam & materia locus est materiatis rationibus, sicut Anima speciebus (immateriatis) Esset verò illa locus prioribus, ista secundarijs & illa ducatum obtinentibus in essendo, ista subsistentiam habentibus ab illis: denique illa factis secundum essentiam, ista nuncupatis secundum intentionem. Quomodo igitur Anima, Mentis & intellectualis prima Essentia particeps, & quæ cognitionem inde consummatam habet; quomodo inquam etiam obscurissimarum totius vite specierum erit receptaculum, infimi scilicet in rebus gradus, omniumque imperfectissimi ad essendo? Verùm hanc opinionem oppugnare pluribus, quæ dudum à multis est flagellata ex merito, supervacuum existimo.

Animâ hic intelligit Mundi præcipuè, Deû creatum Patris: Mentem verò, quæ Christiani diceret ipsû Deum Creatorem: cuius imagines sunt omnes Animæ creatæ, corporibus vivificandis præfata.

Quod si non existunt Mathematica species per abstractionem materiatarum, neque per collectionem eorum, quæ insunt in singularibus communia: neque omninò sunt ortu posteriores aut ex sensilibus: necesse utique fuerit, ut Anima vel à seipsa vel à Mente transsumat illas, vel denique & à se & à Mente simul. Verùm si à se solâ, quomodo erunt imagines intellectualium specierum, quomodo erunt media inter partibilem & impartibilem naturam, cum nullam à primis consummationem ad essendo sortiuntur? quomodo denique Prima Exempla, Paradigmata vel Idea, quæ sunt in mente, sunt uniuersorum Principes?

Si verò à Mente sola transsumuntur in Animam, quomodo Anima manebit ipsa seipsa operans, seque ipsam movens; si Rationes, quæ sunt in ipsâ, ad normam subsistentiæ illarum rerum, quæ ab alio cientur, influxerunt in ipsam aliunde? Et quid differet Anima à Materia, quæ solum potestate est omnia, nihil verò de materiatis speciebus generat?

Christianis & sunt Animæ exemplaria Creatoris, & suscipiuntur etiam ab illo quandoam velut irradiationem vultus divini in ipsas.

Restat igitur, ut Anima & à seipsâ & à mente transsumat ista, & ut ipsa sit absoluta consummatio specierum, quæ ab intellectualibus primis Exemplis seu Paradigmatibus à seipsis genitis subsistentiam habent, & accessum ad ipsum ESSE sortiuntur. Itaque nequaquam est Anima Tabularasa, ab omnibus rationibus vacua; sed est scripta semper tabula; scribitque & ipsa in seipsam, & scripturis impletur à Mente. Est enim Anima, Mens, seu Intellectus quidam, qui seipsum secundum priorem se Intellectum revolvit, imago illius, & figura seu typus foris factus. Si igitur ille omnia intellectualiter est

ter est, erit & Anima omnia animaliter; & si ille exemplariter; Anima imaginis in modum; & si ille contractim & unitim, anima divisim. Quod cum & Plato intellexisset, Animam ex omnibus constituit, divisitque secundum numeros, revinxitque Analogijs & Rationibus Harmonicis; inque ipsam contulit Principia prima, Figurarum effectricia, puta Rectum & curvum, movetque circulos, qui sunt in ipsa intellectualiter. Omnia ergo Mathematica primum sunt in Anima; & ante Numeros Numeri seipsos moventes, & ante figuras apparentes, figura vitales, & ante Concordata vel concinnata, ipsa Rationes concordantiarum, seu Harmonice; & ante corpora, qua moventur in circulum, ipsi inconspicui cycli conditi sunt; estque Anima omnium rerum Consummatio; & hæc est exornatio quædam alia (præter sensilem) qua & ipsa seipsam adducit (ad res) & à familiari & cognato principio adducitur; quæque vitæ & seipsam implet, & à Creatore impletur, incorporeo & indistanti modo. (Non longè abest ab unoquoque; in ipso vivimus, movemur & sumus) Et cum profert explicatque Rationes ejus: tunc & Scientias detegit omnes, & virtutes. Essentiatur igitur in hisce speciebus Anima; nec existimandum, Numerum, qui in ipsa inest, esse multitudinem unitatum; neq. forma & idea eorum que locis sunt di; locabilia, subaudienda est corporea; sed omnia vitaliter & intellectualiter supponenda, & prima exempla apparentium Numerorum & Figurarum & Rationum & motuum: & sequendus hic Timæus, qui omnem ipsius ortum & fabricam à Generibus Mathematicis consummat & perficit, inq. ipsa rerum omnium causis reponit. Septem enim illi termini Numerorum omnium secundum causam in ipso præextiterunt. Rursum Figurarum principia architectonico seu fabrilis modo in ipsa reposita sunt; & motuum omnium primus & principalissimus, qui motus reliquos omnes circumdat incitatque, unâ cum ipsa extitit; omnium enim que moventur, principium est circulus, & motus circularis. Sunt igitur essentielles & seipsas moventes Mathematicarum rerum Rationes, que consummant Animas: quas Anima proferens & propagans evolvensque, omnem varietatem scientiarum Mathematicarum facit subsistere. Neque erit unquam ut desinat illa progignere & eruere semper alia post alia; dum Rationes suas impartibiles simplicitate exuit. Omnia enim prius accepit, specierum principum & primævarum in modum; & secundum infinitam suam facultatem, ex principiis anticipatis, omnis generis speculationum propagationes architectatur. Hactenus Proclus.

Totum locum exscribere volui, quia non tantum genuinos Harmoniarum terminos, Circulos & arcus à figuris rescissos, inter cætera mathematica, in Anima, inque mente statuit essentialiter, sic ut hæc mathematica fiant ipsi animæ, vicissimque Anima ipsis (in quantum sunt secreta à singularibus) quædam velut Essentia: sed etiam quia mihi similia proferenti, demit invidiam rejecti hinc inde Aristotelis; totamque hanc philosophiam eximiè commendat.

De Numeris quidem haud contenderim; quin Aristoteles rectè refutaverit Pythagoricos: sunt enim illi secundæ quodammodo intentionis, imò & tertix, & quartæ, & cujus non est dicere terminum; nec habent in se quicquam, quod non vel à quantitibus, vel ab alijs veris & realibus entibus, vel etiam à varijs Mentis intentionibus accepe-

CAP: L

In Timæo, qui est citra oem dubitationis alæ, commētari^o quidam caput Geneleos seu lib. I. Mosis, transformans illum in Philosophiam Pythagoricā: ut facile patet attentè legenti, & verba ipsa Mosis identidem conferenti.

Animam Mundi Timæus intellegit. Puro l. 2. 4. 8 39. 27.

CAP. I.

Climactericis.

rint: itaque nec Platonice Numeris, conversioni Rerump. tributis, quos Bodinus in Methodo Historiarum usurpat; nec Climactericis dictis, propter quidem seipfos, quicquam tribuo: nisi in quantum ij Revolutiones Astrorum Configurationumque numerant: ut nuper in Prolegomenis Ephemeridum non obscure significavi.

At quod attinet quantitates continuas, omnino adsentior Proclo; etsi oratio fluit ipsi torrentis instar, ripas inundans, & cœca dubitationum vada gurgitesque occultans, dum mens plena majestatis tantarum rerum, luctatur in angustijs linguæ, & conclusio nunquam sibi ipsi verborum copiâ satisfaciens, propositionum simplicitatem excedit. Opinor igitur, si meas ego rationes, cur Harmoniis insensilibus, Circulum intellectualem, eiusque partes, terminos constituam, jam subiunxero (concebras prius quàm Proclum legissem) me non tantum consentanea Proclo dicturum, sed etiam compendium quoddam loci descripti facturum, quantum quidem ille meo servit instituto.

Termini
Harmoniarum
insensibilium,
quantitates
abstractæ.

Non dicam inter rationes, quod cum primùm foris, deinde in sensu fuissent illa, quæ comparantur; ultimò & à rebus, & à sensibilibus rerum speciebus abstracta fuerint, quem sensum propriè vox abstrahendi gignit: nam ut supra dictum, hæc abstrahendi ratio pertinet ad sensibiles Harmonias Sonorum & Radiorum, habetque locum tunc tantum, cum, uti civium benè vel male facta ex legibus antiquè itur latis, ita Soni & Radii ex Archetypica Harmoniâ jam antea intus præsentè, dijudicantur.

Sed hæc est causa, cur quantitas intellectualis esse dicatur, quæ terminos præbet Harmonicis proportionibus, quia oportet illam quantitatem demonstrationis longè subtilissimæ capacem esse: demonstratio verò illa ex sensibilibus diagrammaticis nunquam habetur, etsi ijs adjuvetur: nec ex collectionibus oritur multorum singularium sensibilium in unum Axioma, sed à priori comparatur. Quod cum supra Proclus verè objecerit Aristoteli, sic in genere intellectum, possum ego in specie luculentissimis argumentis ex libro primo petitis reddere munissimum. Figurarum enim quæ Harmonicum arcum circuli rescindunt, differentia specifica, qua ut parte definitionis, explicatur earum essentia, est ista, quod oportet illas esse scibiles. Iam verò quæ scibilitas sine Mente, scientiæ capace? Neque dixeris, rem esse posse, ut scientia ipsa rei non sit: Nam scientia consistit in comparatione, ut cum latus figuræ est æquale Semidiametro. Jam æqualitas quæ fit sine mente, præsertim in ijs, quæ loco seclusa sunt, id intelligi non potest: revolvimurq; ad argumentum jam supra pro Harmoniis etiam sensibilibus allatum.

Neque tantum scibiles sed etiam scitas oportet esse; ut Archetypalis Harmonia luceat actu intus in animo. Nam possibilitas ad sciendum nobis ad Criterium harmoniarum sensibilium non sufficit. Cujus igitur pars essentiæ est intus in animo, adeoque in ejus Operatione seu Energiâ, illam ipsam rem intus oportet statui, terminos scilicet Harmoniarum, Circulum, eiusque Partem.

Quæras

Quæras qui possit inesse scientia rei, quam nunquam mens didicit, nec fortasse discere potest, si sensu rerum externarum destituatur? Ad hoc respondit supra Proclus, verbis in sua philosophia tritis: nos hodie, ni fallor, vocabulo Instinctus rectissimè utemur. Menti quippe humanæ cæterisque Animis ex instinctu nota est quantitas, etiamsi ad hoc omni sensu destituatur: illa seipsâ lineam rectam, ipsa intervallum æquale ab uno Puncto intelligit, ipsa per hæc sibi circumulum imaginatur. Si hoc, potest multò magis in eo demonstrationem invenire, itaque oculi officium in aspiciendo diagrammate (si tamen opus eo habet) supplere. Quippe mens ipsa si nullius unquam oculi compos fuisset, posceret sibi ad comprehensionem rerum extrâ se positarum, Oculum, legesque ejus formandi ex seipsâ petitas præscriberet (siquidem pura & sana & sine impedimentis, hoc est, si id solum esset, quod est) ipsa enim quantitatum agnitio, congenita menti, qualis oculus esse debeat, dicat: & ideò talis est factus Oculus, quia talis Mens est, non vicissim. Et quid multis? Geometria ante rerum ortum Menti divinæ coætæna, Deus ipse (quid enim in Deo, quod non sit Ipse Deus) exempla Deo creandi mundi suppeditavit, & cum imagine Dei transivit in hominem: non demum per oculos introrsum est recepta.

Cum igitur demonstrabilitas quantitibus insit, non quatenus figuræ subjiuntur oculis, sed quatenus mentis oculis patent, id est, quatenus non tam abstractæ à sensilibus, quàm nunquam ijs concretæ fuerunt: abstractam igitur quantitatem, jure terminos statuimus proportionibus harmonicis Archetypicis, quippe quæ sunt ex circuli divisionibus demonstrabilibus.

Est alia causa cur abstractas quantitates eligam, quia circulus, qui figura est, quartæ nempe qualitatis species, quamvis sit quantitas, tamen in hoc negotio, purè ut figura consideratur, sine magni vel parvi discrimine, adeò ut etiam ab ipsâ quantitate, veluti à suo subjecto abstrahatur quodammodò, possitque vel in puncti angustia eius agnosci natura. Hoc opinor Proclus voluit, dum Mathematicas res in Anima dixit inesse incorporeo & indistanti modo.

Est deniq; & hæc summa & decumana ratio, quòd quantitatum est mirabilis quædam, & planè divina policia, rerumque divinarum & humanarum communis in ijs symbolisatio. De sacrosanctæ Trinitatis adumbratione in spherico scripsi passim, in Opticis, in Commentarijs Martis, in doctrina spherica, quæ hic repetita volo. Sequitur igitur recta linea, quæ ex fluxu puncti in centro, in punctum unicum superficies, prima rudimenta creationis delineat, æmula æternæ generationis filij (egressu centri, versus infinita puncta totius superficies, lineis infinitis, sub æqualitate omnibus perfectissimâ, figuratæ & depictæ) quæ recta linea elementum scilicet est formæ corporeæ. Hæc in latum ducta, jam ipsam Formam corpoream adumbrat, Planum creans: plano verò sectum sphericum, Circulum sectione representat, mentis creatæ, quæ corpori regendo sit præfecta, genuinam imaginem: quæ in ea proportionem sit ad sphericum, ut est mens humana

CAPVT
Anima habet scientiam Mathematicam ex instinctu.

Eadem potè Proclus paulò post locum, præ adductum, Esèrijs Mathematicis assimilari veritatè circa deos, & Opificè totius universi usum arche typismatematicis, sibi coætænis, in confirmatione Mundi.

Symbolis
m^o rerum
divinarum
humanarum
que in quæ
titibus

ad di-

CAPVT I.

Animi quædam definitio.

ad divinam, linea scilicet ad superficiem, utraq̃ue tamen circularis: ad planum verò in quo & inest, se habet ut curvum ad rectum, quæ sunt incommunicabilia & incommensurabilia: inestque pulchrè circulus tam in plano secante, circumscribens illud, quàm in Sphærico secto, mutuo utriusque concursu: sicut animus, & in corpore inest, informans illud, connexusque formæ corporeæ, & in Deo sustentatur, veluti quædam ex vultu divino in corpus derivata irradiatio, trahens inde nobiliorem naturam. Quæ causa sicut stabilit proportionibus harmonicis Circulum pro subjecto & terminorum fonte, sic vel maximè abstractionem commendat: cum neque in certæ quantitatis circulo, neque in imperfecto, ut sunt materiales & sensiles, inest divinitatis animi adumbratio; & quod caput est, tantum à corporeis & sensilibus deceat esse abstractum, circulum, quantum curvi rationes, Animi symbolum, à recto, corporum umbrâ, secretæ & velut abstractæ sunt. Satis igitur muniti sumus ad hoc, ut Harmonicis proportionibus, animi solius objectis, terminos ex abstractis potissimum quantitibus peramus.

Ut igitur hunc locum concludamus: præcipua fasciculo colligemus. Commune enim habent Harmoniæ sensiles cum Archetypalibus, quòd terminos requirant, eorumque comparationem, ipsius Animæ energiam: in hac comparatione, utrarumque essentia consistit. Sed sensilium termini sensiles sunt, extraque Animam præsentés adesse debent: Archetypalium termini sunt antea intus in Anima præsentés. Sensilibus igitur opus insuper est receptione per speciem ex se emissam, quæ receptio fiat à sensibus, Animæ ministris; opus est & alia comparatione, singulorum terminorum sensilium, cum singulis Archetypalibus, puta circulo, eiusque parte scibili; at Harmoniæ Archetypali neutra re est opus, cum termini antea sint in anima præsentés, ei congenitæ, ipsaque ad eò Anima; nec imago sint veri sui Paradigmatis, sed ipsum suum veluti Paradigma. Ita simplex tantum comparatio, quam instituit anima, suarum ipsius veluti partium inter se, absolvit Archetypicæ Harmoniæ essentiam omnem. Denique Anima ipsa, versans in hac energia, est proposita nobis Harmonia, sicut, sine respectu hujus energiæ, est circulus eiusque pars, termini sc. Harmoniæ: tandemque Harmonia penitus animificatur, ad eòque deificatur.

CAPVT II.

Quot qualesque sint Animæ facultates secundum Harmonias.

Diximus hætenus de proportionibus harmonicis, quid illæ sint, & ubi consistant: neque dum nobis videmur attigisse quæstionem instituto nostrum convenientem; quod non tam in ipsis proportionibus harmonicis, quàm in facultate Animæ harmonica, scilicet agendi secundum proportiones, versatur. Hætenus igitur de

pro-

de proportionibus egimus causa ipsarum Essentiæ : nunc de iisdem agendum causa ipsius Animæ.

Duplex autem facultas circa harmonicas proportiones existit, altera per discursum, mentalis, vel quasi, altera operativa : & mentalis quidem rursus duplex, aut enim inventiva proportionum ipsarum ex abstractis quantitatibus, aut agnitiva seu animadversiva electarum proportionum in rebus sensilibus. Facultas igitur quæ indagat rationes harmonicas, est eadem, quæ & reliquas scientias artesque complectitur, Animi scilicet humani pars superior, De Deo enim hîc nihil, ut qui non discursu & studio quippiam indagat, sed scit ab æterno.

Facultas illa quæ proportionibus nobiles in sensilibus, vel etiam in aliis rebus extra se constitutis, animadvertit agnoscitque, est inferior animæ facultas, sensus proximè informans, aut adhuc inferior, scilicet tantum facultas animæ vitalis, quippe quæ nec discursit, ut Philosophi solent, methodove ad hoc utitur; nec in solo inest homine; sed etiam in feris & pecudibus, inque Anima sublunari. Quæras? si illa non compos discursus, eoque non possit apprehendere scientiam Harmonicarum proportionum, unde ergo hoc habeat, ut agnoscat forinsecus oblatas? Nam agnoscere, est externum sensibile cum Ideis internis conferre, eisque congruum iudicare. Quod pulchrè exprimit Proclus, vocabulo suscitandi, velut è somno. Sicut enim sensilia foris occurrentia faciunt nos recordari eorum, quæ antea cognoveramus: sic mathematia sensilia, si agnoscuntur, eliciunt igitur intellectualia, antè intus præsentia: ut nunc actu reluceant in Anima, quæ prius veluti sub velo potentie latebant in eâ. Quomodo igitur irruperunt intrò? Respondeo, omnino Ideas seu formales rationes harmoniarum, ut de ijs supra distrebamus; inesse ijs, quæ hæc agnoscendi facultate pollent; sed non demum introrsum recipi per discursum, quin potius ex instinctu naturali dependere, ijsque connasci, ut formis plantarum connascitur numerus (res intellectualis) foliorum in flore & cellularum in pomò. Quod experimentum in plantis, simile rationibus harmonicis, (numerus enim & proportio, res cognatae sunt, ut supra patuit) efficit, ut ne vegetativæ quidem animæ facultati, Plantisque ipsis, facultatem agnoscendi harmonicas proportionibus Radiorum sideralium, confidenter possim adimere; etsi sine experimentis proprijs nihil statuo. Sic igitur fit, ut pueri, ut rudés, agricolæ, barbari, ipsæque adeò feræ, percipiant harmonicas vocum, etsi nihil sciunt de scientia harmonica. Si quæras unde illis hic instinctus? aut ad Deum confugiam, qui has corporibus formas, omnes sui ipsis imagines, secundum magis tamen & minus, efformat & præficit, secumque ipsis harmonicas rationes circumgestare facit, uti ipse eas ab æterno mente complexus est, inque creatione expressit, ut supra dictum: aut, quod eodem redit, allegabo cognationem, cap. I.

tactam, animarum harum, etiam inferiorum, cum circulo, ad quem; velut ad normam legemque, compositæ & conformatae sint, cumque ipso circulo, ejusque demonstrabilitate, Ideam etiam proportionum harmonicarum inde dependentium induerint. Valde enim confirmant hanc Philosophiam Geneses, cum videamus, characterem confluentiarum

Quor facultates Animæ circa Harmonias occupetur?

Animis con nasci rationes harmonicas.

Animam esse quodammodo circumlum. Fundamentum influentiarum Genethliacorum

radio-

CAP. II.

radiatorum cœlestium ad idem punctum, velut ex circulo communi, imprimi in nascentis animum: de quo infra cap. VII. plura.

Media quibus Anima percipit Harmonias

Porro media quibus utuntur istæ facultates Animæ inferiores ad percipiendas harmonias externorum, sunt eadem quibus & externa ipsa objecta introrsum recipiunt. Si sensilia sunt, sensibus etiam percipiuntur, facultatibus scilicet animæ, sensus in formantibus, quæ & ipsa non minus quàm superior, in comparatione versantur rerum certarum, sed id instinctu, non discursu. Sic soni auditu, eiq; præfectâ potestate, consonantes discernuntur à dissonantibus. Sic proportionibus Architectonicæ oculis percipiuntur, & facultate illa, quæ visui est præfecta, pulchra & congruæ ab incongruis discernuntur. Sin autem res ipsæ, in quibus est harmonica ratio, sensiles non sunt, sed fortè aliâ facultate perceptibiles, eadem & ipsæ proportionibus rerum in animâ relucunt: uti comparatum est cum proportionibus radiatorum sideralium: quæ quomodo ab anima sublunari percipiuntur, infra Capite VII. disquiremus.

Qualis perceptio?

Est tamen obtusa & obscura hæc Harmoniarum perceptio in facultatibus Animæ inferioribus, & quodammodo materialis, & sub nube quasi ignorantia: nec enim sciunt se percipere; ut cum videntes aliquid, non tamen animadvertim⁹, nos id videre. Tales sunt motus illi, & pavores, à Stoicis celebrati, naturales sine consilio, præterq; volūtatem talis etiam affectus Odij vel Amoris naturalis, miro cum primis ingenio;

Amoris in-
sinctus.

qui membrorum comensu, vocisq; & temperamenti qualitatis, bonitatem vel similitudinem æstimans Animæ alterius cum suâ, mirificè in illam exardescit. Amat igitur insanus adolescens puellam; nec scit cur, aut quid in ea potissimum amet, quod ei non possit præstare quævis obvia meretrix, si inhonestus amor, aut quæcunque nubilis puella, si legitimus.

Physiognomicus in-
sinctus.

At Physiognomicus superveniens, invenit in utraq; personâ similitudinem aliquam morum; qui si viciosi, litigijs perpetuis in conjugio præbent occasionem; si boni, tranquillitati vitæ. Adeoq; huc referendus est universus instinctus Physiognomicus; qui quamvis mutus, & quodammodo brutus, (minimè verò arte comparatus, et si per eam excoli potest) rerum tamen humanarum interpres & arbiter est unicus.

Fascinum
Aspectus.

Tantum enim quilibet prosperitatis (naturaliter loquendo) obtinet, quantum ejus facies, comensus corporis, incessus motusque membrorum, arridet rerum potentibus, quantumq; ijs irrepit, nullo etiam super ea re consilio usis, veluti latens; ut sæpe testentur, se amare vel odisse quempiam, nescientes ob quam causam. Talis inquam est in Animæ facultatibus inferioribus sensus proportionum sine sensu. Adeo neq; distinguunt proportionem à Terminis seu subiecto suo (ut cum auditâ jucundâ cantilenâ, præter sonos ipsos, nihil de artificio ipso cogitam⁹) nec planè distinguunt inter se diversas Harmonias; tantum n. quod sint, animadvertunt, quid vel quàm variæ sint, nesciunt. Quippe ipsæ etiam Ideæ Harmoniarum, quas hæ inferiores Animæ facultates secum habent int⁹, non planè puræ ipsis sunt instinctæ, sed cum involucris speciei subiectæ, ej⁹ scilicet quæ cujusq; facultatis sit obiectum. Nimirum facultas auditus (ut exemplo sonorū concordatium utamur loco omnium) corpori proximè astans, crassa nimis, eòq; & inhabilis fuit ad recipiendam purissimam proportionis Ideam, ut iam statim pluribus explicabo.

Nunc

Nunc enim ad energeticas Facultates venio, quæ circa proportiones Harmonicas occupantur. Est n. hæc quoq; duplex: nam aut in se ipsa est operosa, aut in rebus extra se, utrinq; assimilans opa sua proportionibus, aut inducens has in illa. Et illa quidem passivæ similis est, ista citra controversiam in agendo exercetur, illa igitur inferiorum Animæ facultatum rursus est soboles, ista superiorum: illa Naturæ viribus subest; hæc voluntati hominis. Illa sanè motu pollet alterationis, quam corpori suo inferat, ut omninò facultati sublit vitali. Quod enim delectamur Harmonijs sonorum, speciem passionis habet, quippe delinitionis demulsiõnisq; unde etiam à Philosophis à patiẽdo Sympathia dicitur animorum cum Cantu; est tamen reverà operatio animæ, naturali motu agentis in seipsam, seseq; exuscitantis: ad quod illa non consilio, nec voluntate, sed instinctu naturali fertur: habetq; jam ab ipso ortu connexas & in unum quasi conflatas Ideas, & Harmoniarum in sonos incorporatarum, & affectionũ animi respondentium: ut non aliter ipsi sit implantata Idea Harmoniæ, quàm quatenus latificat, estq; delectabilium aliquid, & quatenus est Ideæ motus conformis implexa. Hoc opinor Præclum supra voluisse, cum affirmaret, Paradigmata rerum Mathematicarum (& sic etiam, multòq; magis Harmoniarum) inesse in Mente

CAP. III

Quid secundum Harmonias patitur Animus.

*intellectualiter, in Animã verò †vitaliter: sic n. in erunt etiam in facultate audit⁹ sonore, in vitali sublunarium radiose & operative; sc. non sunt ipsa Paradigmata pura interna, sed Icones illorum, foras derivati. Quod verò non tantum delectamur Harmoniã cantus, sed etiam digitorum, oris, pedum, corporisq; motus accommodamus: id jam præstamus facultate animali, junctã voluntate. At cum etiam vocem ad Harmonias intelligibiles accommodamus, meditates concinnum cantum, antea non auditum: hic supremis infimisq; omnibus facultatibus utimur: supremis quidem, quod & volumus, & consilio utimur; inferioribus verò, quod possumus, & quod etiam sine intellectione proportionum, solas Ideas intervallorũ, naturã implantatas, cantu exprimim⁹, inconcinnis omnib⁹ exclusis, per sola intervalla concinna divagantes.

* νοερός,

† ζωικός

Vt Animi agant secundum rationes harmonias.

Hactenus igitur explicatas, facultates harmonicas essentialis illa Harmonia, DEUS ipse, expiravit creando, ut qui est εὐδία ἐνεργεία, inspiravitq; hanc particulam suæ imaginis in Animas omninò omnes, secundum magis tamen & minus, qua inculcatione finem impono, & huic capiti.

Vnde Animis insunt facultates Harmonicæ.

CAPVT III.

Quæ sint Genera τῶν ἡµοσµένων; hoc est, rerum seu sensilium seu immateriarum; in quibus expressæ sunt Harmoniæ, sive à Deo, sive ab homine, & quomodo?

D Istinctas esse quæstiones facile patet 1. cui insint Harmoniæ tanquam Agenti, Formanti, seu Opifici. 2. Cui insint tanquam operi formato. De priori egimus hactenus: de posteriori nunc porrò agendum accuratiùs.

Q 2

Res

124 DE CONFIGURATIONIBUS

CAP. III.

Res igitur omnes vel sunt immateriatæ, vel materia participant. Imateriatæ est Anima (respectu quidem corporis) atq; hæc, ut hæctenus usurpavim⁹, tota respectu suæ essentiæ, descripta est à Deo in has proportionibus Harmonicas, quæq; prius inerant Animæ ut Opifici, sc. ut est Energia, nunc insunt eidem, ut operi Dei. Quæ verò materiâ participant illa simul & Numero & Magnitudine participat; At magnitudinem sequitur earum situs in loco; quib⁹ deniq; accidit Mot⁹ localis. Numerus igr est aliquid naturâ pri⁹ Harmoniâ, quia oportet terminos harmoniæ cujusq; esse numero plures uno. Habet tamen & Numerus primorum Mundi corporû suas ex Geometria causas, quas infra lib. V. ex Mysterio meo Cosmographico repeto. Quantitatem sequitur figura, individua ejus proprietates; quæ cur globosa siderib⁹, ipsiq; adeò Mundo deberetur, sc. ex Sphærici Archetypo, id alibi passim solet explicari. Figuras corporum diversorum statim sequitur certa proportio, eaq; triplex: una diametrorum, altera superficierum, tertia spacij seu corporum. Igitur si causæ harum Proportionum aliæ non suppeteret, probabiliter possemus affirmare, ex Harmonijs esse desumptas. Quæcunq; tamen eæ sunt, illas Globi cœlestes sine ulla mutatione custodiunt; quippe qui nullo motu temporisve decursu majores minoresve fiunt. Secus est cum ijs Proportionibus, quæ insunt corporibus causâ situs, & causâ motuum localium: illæ enim retinent ingenium Motus ipsius; qui ut in continuo FIERI, nunquam in ESSE versatur, sic etiam Proportiones motuum inconstantes sunt, alijsq; temporibus aliæ. Verum quidem est: si motus corporum cœlestium non variaret eorum intervalla à communi meta seu Basi mundi, h. e. si nullus esset eorum mot⁹ in altum & profundum, sed omnis in merum circulum concentricum; tunc non tantum intervallorum proportio constans, sed etiam merè Harmonica futura fuisset, si causæ aliæ non suppetissent. Idem de motu dicendum, causa suæ essentiæ, id est causa suæ celeritatis veræ per ætherem: quæ si constans singulis esset & perpetua, dubium nullum est; quin hæc diversorum celeritates & tarditates ad leges Harmonicas fuissent attemperatæ. Idem deniq; de eodem motu dicendum etiam causa confecti spacij sub Zodiaco apparentis. Nam si omnes planetæ eodem motu apparenti sub Zodiaco debuissent incedere, nec unq̄ longius alter ab altero separari: non est dubium, qn̄ Deus talem illorum situm ad se mutuò sub Zodiaco constituisset inde ab initio (siquidem libera & non alijs necessitatis legib⁹ nexa fuisset illorum dispositio) qui undiquaq; Zodiacum rationib⁹ disperceret Harmonicis. Id adeò & in principio motuum (cùm principium temporis consideretur sine tempore) fuisse consentaneum est; ut ex communi situ & configuratione Harmonica (qualis vel ex Terra, vel potius ex Sole apparere potuit) velut à carcerib⁹, in sua quilibet spacio seu itinera excurrerit. At quia Planetæ moventur in altum & profundum, situs intervalla mutantur; & quia ad hunc motum necessitate physicâ sequitur etiam realis intensio & remissio motuum, causâ celeritatis: deniq; quia per inæquales diversorum celeritates apparentes, Zodiaci spacium, quod videntur illi trajicere, dividitur aliâs aliter: hisce tribus nominibus, tam sitibus, quàm motibus idem contingit causâ temporis, quod quantitatib⁹ ipsis sine respectu temporis. Sicut enim non in

toto

1. In Anima
2. An in Numero Planetarum.

3. An in motibus corporum.

4. An in intervallis.

5. An in motuum celeritate constantem.

6. An in motibus apparentibus sub Zodiaco constantem.

7. An in situ eorum initiali apparente sub Zodiaco.

In multis non constantem.

toto circulo, vel rectâ inq; omnibus ejus punctis sunt termini seu metæ rationum Harmonicarum, sed saltem in certis aliquibus: sic etiam hîc non toto tempore motus, existere possunt Harmoniæ, neq; in interval- lis, neq; in motuum celeritate, neq; in spacijs Zodiaci inter planetas in- terceptis: possunt tamé omninò in certis temporis momētis, & possunt hoc citra ulteriorem Dei operam, semel initio motus dato. Nam qui extrema præscripsit motibus, & mutationem indulsit ab uno extremo in alterum; idem etiam intermedia largitus est omnia, tam incongrua, quæ sunt infinita, quàm etiam congrua & Harmonica, certo numero incongruis interjecta. Neq; enim hæc mutabilia Deus reliquit sine omni cura ornatus Harmonici: quin potiùs eorum aliqua (ut motus Planetarum proprios) extremorum ipsorum præscriptione in ordinē Harmonicum redegit: quæ materia libri V. erit: in alijs, ubi non dantur extrema, sed quantitas motionis circulo connexa est secum ipsâ, satis habuit Creator, sic conformare animas, creaturis mûdanis præfectas: ut & expectarent & observarent & animadverterent harmonias, per totû circulum, suis temporum momentis provenientes: & operationes suas ad illarum præscriptum accommodarent. Sic fit cum motibus planeta- rum ex Terrâ apparentib⁹ sub Zodiaco; materia hujus IV. libri propria.

Igitur cum operibus Dei nobis notis, res sic habet: ad quæ si jam comparemus ea, quæ Homines ad harmonicas leges ordinant, partim eadem nobis dicenda erunt, partim diversa. Primùm in Cantibus etsi non minus quàm in cœlo datur continua quantitatis augmentatio & diminutio: hæc tamen in cœli motibus, certis naturæ legibus est ne- cessaria; in voce humanâ neq; necessaria est, neq; etiam facilis. Guttur n. distinctione circulorum ad voces articulatas factum est; faciùsq; ab acuto in grave, & vicissim, p saltuum veluti intervalla, sonitusq; discre- tos pervenimus, quàm si juberemur uti intensione continuâ. Nihil igr mirum, in motibus cœlestibus, cum ipsâ augmentatione & diminutio- ne continuâ, quæ vitari non potuit, mansisse etiam intervalla inconcin- na, mixta concinnis & consonis: in cantu humano, eliminatis omnibus inconcinnis, sola concinna & consona observari. Neq; habet ideò, quo gloriatur Cant⁹, præ motiõibus cœlestibus: illis n. aliud officium quod peragant; est demandatum; harmonica contemperatio ipsis est accesso- ria tantùm; cantus præter Harmonias, nihil quod spectet habet, nihil extrâ requirit, in unum solum finem delectationis intenus est.

Sunt & alia opa humana, in quæ mens proportiones harmonicas, obscuriùs tamen & viliùs, introducitur: ut cum Cantus non qualitate tan- tum acuminis & gravitatis, sed insuper etiam mensurâ tactus, proporti- onis duplæ & triplæ particeps, informatur: & rursus in motu corporû; cum saltatur in Choreis, primum in æqualitatis, posteriùs in duplâ pro- portione. Quod idem & poetæ imitantur, concinnatione pedum ex syl- labis, longâ & brevi; quarû illa ponitur esse dupla hujus: ubi Iambus - 0 -, Trochæus - 0 0 vel Tribachys 0 0 0, ad Spondæum --, dactylum - 0 0 0, A- napæstum 0 0 -, vel Amphibrachyn 0 - 0, vel Proceleusmaticum 0 0 0 0, est, ut 3. ad 4; ad Bacchios 0 --, -- 0, Creticum - 0 - & Pæonas, - 0 0 0, 0 - 0 0, 0 0 - 0, 0 0 0 -, ut 3. ad 5. ad Molossum ---, Choriambum - 0 0 -,

CAP. III.
Vide fol. 24.

8. In itine- rum celeri- tatibus.

7. Itinerum longitudini bus per Zo- diacum.

10. in Cantu Differentia Harmonia rum cele- stium & cæ- tus humani

Cur vox ho- minis non continuis augmentis intendi pos- sit: ut instru- mentum vel chorda? Cur non mera har- monicæ cõ- figuratio- nes, ut in cã- tu mera cõ- cinnæ?

11. In tactus mensura. Vide lib. III. fol. 14.

12. In Salta- tione.

13. Harmo- niæ pedum poetico- rum

--o
 o--
 -v-o
 o--o
 o--o
 Vnde pedi-
 bus ---o
 ---o
 ; -o--
 o--
 nomeuEpi-
 trici.

Harmonia
 histrioni-
 ca.
 Architecto-
 nicæ.

Harmonia
 ex humanis
 solæ cantus
 cur exactif-
 simæ?

Cur har-
 monia in
 quantitati-
 bus quies-
 centium
 non insint
 evidenter.

Cur motu
 porissimū
 enitescant
 proportio-
 nes.

Ionicos & compositos suos, ut j. ad 2, ad eisdem Spondæus, Dactylus,
 & qui totidem cum ijs tempora habent, ut 2. ad 3; & hi iidem, ad Pæo-
 nas, ut 4. ad 5. Pæones verò ad Choriambum & socios, ut 5. ad 6.

Adeòq; delectantur Poetæ & Grammatici etiam nominib⁹ propor-
 tionum, usu peculiari, pedes quadrisyllabos, unâ brevi, Epitritos, h. e.
 Sesquitercios appellantes: quia ut in proportione 4. ad 3. lineis parallelis
 expressa, tres quidem primæ unitates duplici lineâ repræsentantur, quar-
 ta tantum simplici excedere: sic in pede tres syllabæ sunt duorum tem-
 porum, quarta uni⁹ tantum. Cùmq; vox ipsa Pedum ad Choros alludat,
 partem Comædiarum & Tragædiarum; videtur histriones etiam mo-
 tu pedum proportiones istas omnes expressisse, non minus quam ho-
 die dupla & tripla exprimitur. In Architectonica quæcunq; proporti-
 ones longitudinis ad latitudinem vel crassiciem plurimum probantur,
 etiam à non Mathematicis spectatorib⁹, eæ quàm proximæ harmonicis
 inventiuntur. Quod verò his omnib⁹ exactiores sunt sonorum pro-
 portiones, ijsq; Natura hominis delectatur impensius exprimendis, fit
 inde, quia sonos vel maximè in potestate habet animans omnis; quippe
 intra se formatos, ab ipsis præcordijs emissos, ad omnem mentis nutum,
 omnem cordis motum promptissimos: & quod prius dictum, quia in-
 strumentum etiam nactus est aptissimum, Guttur in longum porrectū,
 instar chordæ seu potiùs fistulæ: qua in longitudine rectilineâ vox sur-
 sum deorsum errat expeditissimè.

Generaliter autem in omnibus reb⁹, in quib⁹ quantitas, & secun-
 dum eam Harmonia quæri possunt, insunt illæ multò evidencio-
 res per motum, quam sine motu. Nam etsi inest in unaqualibet li-
 neâ rectâ, ejus dimidium, tertia, quarta, quinta, sexta, earumq; multi-
 plices; latent tamen eæ, inter partes alias, toti incomensurabiles, in una
 & eadem confusione cum totâ, sic absconditæ, ut si maximè secunda li-
 nea æqualis aliquotarum partium alicui, stet juxta totam, verbi causa,
 trabs superliminaris trium pedum, juxta postem quinum; ej⁹ tamè pro-
 portio ad totam non ita facile innotescat, ac si motus aliquis compara-
 biles longitudines discernat, constituat & determinet. Causa hæc est,
 quòd ubi quantitas est sine motu secundum eam, ibi omnia quæ insunt
 in quantitate, simul sunt eodem tempore, omnes sc. partium omnium
 proportiones ad totum: at si quantitas aliqua motu quodam pertransi-
 tur; tunc (ut est motus essentia) quæ pertransitæ sunt proportiones, eæ
 non sunt amplius, quæ nondum sunt pertransitæ, nondum etiam sunt;
 & una quævis proportio sola est, cum motus in ejus vestigia pervenit.
 Ita fit successione motuum, ut enucleentur proportiones harmonicæ
 ab inconcinnis, & secretæ à mixtura illarum, veluti puræ in luce consti-
 tuantur, adq; comprehendendum sensibus exporrigantur. Adeòq; ne
 mens ipsa quidem in datâ quantitate, proportiones harmonicæ, sine
 quadam motus imagine, discernit ab inconcinnis infinitis, antè & post
 stantibus: sed pertransitis (verbi causa in circulo) subtenfis infinitis, in
 subtenfa tertiæ aut quartæ partis circuli & similibus, operosa est, e-
 jusque demonstrationem exquirat: præstatque cogitatu, quod præ-
 stat manus ductâ lineâ, ut eam hoc actu secernat ab infinitis, non cogi-
 tatis

ratis, & non ductis, ut ejus congruentiam aut incongruitatem seorsim à cæteris mens intueatur.

Mens quidem ista potest, quia voluntate utitur, suoq; arbitrato saltat in illa quantitatum infinita divisione, quæ tota menti simul præstò est ad cogitandum; sensationes verò, perceptionesq; aliæ naturales, motus deniq; corporum, per quos adjuvantur perceptiones, non sic in animantis potestate sunt; ut, si infiniti soni, aut binorum planetarum infinitæ angulationes per totum circuli ambitum, simul eodem tempore inter se confusæ essent, possint se subducere à rejecticijs, inq; solos placentes sese recipere: opus igitur habent motu, quo intercedere, omnia quæ quantitatis causâ confusæ essent, per tempora succedentia evolvantur, ut singula sola sensibus accidant. Quòd si oculi simile quid menti possunt, ut ex confusione infinità unâ præsentium sine motu, eligant præstantiora (ut si manuum usæ ministerio, ex infinitis circuli subtentis possibilibus eligant delineentq; subtentam tertiæ parti, latus sc. trianguli): id ipsum non tam oculi, quàm mens ipsa per oculos censenda est facere, nec hoc planè sine motu, ut dixi, manuum.

Vt igitur hanc observationem prioribus pronuntiatis applicemus: oportet, si res aliqua genuinū debet esse subjectum proportionis harmonicæ, oportet inquam & quantitatem, longitudinem sc. in illa re inesse, & signa esse bina ad min^o, si longitudo est circulo, vel trina, si recta linea, quorum vel unum vel omnia, motu quodam longitudinem rei percurrant, terminiq; fiant partium longitudinis, inter quas sit proportio: et hoc ad minimum. Atq; id fit ex parte in configurationibus, hujus lib. IV. proprio subjecto. Nam ut dicitur capite sequenti, Harmoniæ quidem in angulis, quos metitur Zodiacus, considerantur sine motu: anguli tamen ipsi, alij ex alijs, corporum radiantium motu per Zodiacum constituuntur. Sunt tamen modi præstantiores, ad eundem finem tendentes: ut cum corpora, quæ habent longitudinem, ipsa & determinantur talibus signis, sursum deorsum errantibus, & trunci qualibet vice intercepti, simul moventur: ut ita non jam corpora, sed motus ipsi corporum, causâ longitudinis & brevitatis non temporalis, sed corporeæ (quippe motuum incorporatorum, seu corporū in motu constitutorum) inter se comparentur. Quemadmodum se res habet cum sonis: nam sonus est species emissâ à corpore, & ut quantum illud, & ut figuratum quadamtenus, & ut in motu constitutum est: quia pro aptitudine figuræ est & motus & sonus.

Atq; hæc jam altera magisq; evidens causa est, cur natura hominis, sonorum potissimum proportionibus harmonicis sit dedita. Fit n. hoc rursus ob conformationem sui corporis: in quo guttur illud corp^o est, quod pro superioris vel inferioris circuli cartilaginei in asperâ arteriâ constrictione, nunc longum nunc breve est, quodq; impulsus spiritu ex pulmonum follibus expressi, cavitate sua (figurâ nempe) motum edit similem, cuius & species accidit auribus, & sensio (arteriæ ipsius, ut est in motu constituta) animæ sentienti præstò est: quippe hoc communi sensu sentire est, frui speciebus membrorum corporis, ut sunt illa varijs affecta & quasi formata motibus: quæ species, ut in Dioptricijs explicavi, spirituum continuitate feruntur à membris corporis

Cur motu potissimum enitescant proportionibus?

Hoc tamen infra serviet nobis exemplum, ad umbrandis Harmonijs radiorum, quadamtenus.

Quomodo debeant esse comparata sensilia, ut in ijs harmoniæ insint.

Quomodo sonantia fiant harmonicarum subjectum.

Quid aspera Arteria sonis conferat ad Harmonias exprimendas?

CAP. III.

Quomodo
mens homi-
nis ex sono-
quantita-
tem sonan-
tium diju-
dicet.

corporis, etiam remotis, ad sedem sensus communis. Fit igitur, ut quia homo crebrâ sensatione asperâ suâ arteriâ in motu constitutâ, combi-
bit ideam quandam conformationis corporum quomodolibet sonan-
tium, idem tanto facilius agnoscat, & dijudicet quasi, conformatio-
nes corporum extra se, motorum, eoque motu sonitus emittentium, eosque inter se comparatos ad leges harmonicarum proportionum examinet.

CAPVT IV.

Quid discriminis sit inter Harmo-
nias Quarto, & inter illas tertio libro
consideratas.

Quanti res momenti sit ad bene philosophandum, distinguere rerum fines; inter se cognata conferre, ne pro iisdem habeantur; opposita committere, ut illustrentur; id nihil attinet longiori sermone præfari. Quare operæ precium fuerit, omnia quæ hætenus ad hoc utilia, vel sparsim vel obscurius vel obiter dicta sunt, sub unum aspectum proponere, & sicubi opus est, amplius illustrare, adque præscriptum capitis lemma ex professo accommodare. Quintuplex igitur discriminem est inter huius & præcedentis libri contemplationes harmonicæ. Unum in re ipsa Harmonica, causâ suâ amplitudinis, Alterum in Terminis ejus sensilibus, Tertium in causa, quæ conciliat Harmoniæ suam essentiam, Quartum in modo inessendi, Quintum in ordine causarum quæ formant Terminos proportionis harmonicæ.

Harmoniæ
angustiores
hoc libro.

I. Quod rem ipsam attinet, quæ Harmonica proportio dicitur; illæ libro tertio primùm ortæ à sectionibus circuli per figuras regulares planas demonstrabiles, mox ad rectas lineas translata, interque se commissa & conjugata, copiam non mediocrem harmonicarum partium, (ut sunt Sectiones harmonicæ, Toni, Genera, Modi, Systemata & similia) interque eas admirabilem quandam politiani progenuerunt, atque illa penè totâ suppellex, quantaquanta est, etiam infra libro V. erit perscrutanda & adhibenda; ac nunc hoc libro quarto ab iisdem quidem Circuli sectionibus initio facto, non tamen ad rectas lineas progressuri sumus; sed intra circuli metas toto disputationis ambitu consistemus: causa dicta est Cap. præcedenti, diceturque amplius infra cap. VI. ubi & de cognatione, & de effectu hujus discriminis agemus pluribus.

Harmoniæ
istæ sunt an-
gularum.

II. Quantum ad Terminos harmonicarum istarum seu subjectum earum sensibile, illud libro III. erant Soni acumine & gravitate differentes: itaque & sub motus genus referebantur, & figurati quodammodo motus erant; Hoc quarto verò libro non sunt voces, ut in præambulo dictum, non aliqui motus, inter quos quis agnoscat harmonias; sed insunt illæ in angulis, quos bini planeta, radijs lucidis emissis, formant in terrâ, quatenus talis angulus cum angulis rectis quatuor, unum punctum concursus cir-

sus circumstantibus, comparari potest. Atque hic opus habet lector aliqua luculenta admonitione. Possum enim hos quidem terminos explicare clariùs ad percipiendum, sed non possum sine periculo confusionis in benè philosophando, nisi diligenter lectorem philosophum præmuniam. Cùm enim termini proportionis debeant differre quantitate; angulorum verò quantitas, hoc est mensura, sit arcus circuli, ex concursus angularis puncto descripti, ut in Geometria docemur; in toto quidem mundi spacio, quod est hinc à terrà usque ad fines rerum, non possumus uspiam describere aut descriptum sensib⁹ percipere circulum, radiorum angulis dimetiendis idoneum magis, nisi illum ipsùm sensibilem circulum in summo æthere, creberrimis fixis stellis expressum, à quibus in certas animalium formas redactis, ille nomen adeptus est Zodiaci; quippe & sub quo ipso Planetæ semper versantur, locumque ejus unum singuli nobis corporum suorum objectu tegere videntur, & in cujus centrum, Tellus domicilium nostrum, non suo tantum centro, quod punctum est, sed totius mole corporis, per cujus superficiem dispositi sumus homines, abditum esse videtur. Nihil igitur est perceptu facilius, quàm si dicamus, ut cap. præcedenti, proportionēs harmonicas, de quibus hoc libro sumus acturi, esse inter totum circulum Zodiacum, & inter ejus arcum, quem duo planetæ visibili illo corporum objectu designare, terminare vel refecare videntur.

Quomodo arcum Zodiaci.

Hoc etsi sic est comparatum, exque Geometricis & Astronomicis Rationibus optimè pronunciatum: diligentissimè tamen cavere debet lector Philosophus, ne animo præsumat, harmoniam hanc (libri quidè quarti materiam) in cœlo ipso, inque Zodiaco circulo, aut etiam in planetis inesse. Minimè gentium; inest enim hæc harmonia Zodiaci partibus, non propter seipsas, cùm planetæ radiantes immenso intervallo consistant infra hunc circulum, sed propterea, quòd illæ mesurant angulos radiorum in Terra concurrentium; imò propterea, quòd non ipsæ actu mesurant, sed illarum loco, Icon exactus Zodiaci cœlestis in Animâ sublunari, hoc mesurandi officium subit: inest radijs planetarum non quatenus ij singuli vel à planeta descendunt suo, vel lucis sunt soboles (etsi non sine hoc): sed quatenus binorum planetarum bini juncti hic in Terris certum aliquem harmonicum formant angulum. Utroque nomine Terrestris est hoc harmoniæ subjectum (formaliter, & in quantum radij fiunt Termini Proportionis harmoniæ) minimè verò cœlestes, nisi tantum materialiter, & respectu sui ESSE proprii, sine consideratione Harmoniarum; scilicet quatenus angulos in terra factos, proprium scil. hujus harmoniæ subjectum, conformant radij lucidi, res cœlo oriunda, sed in terram jam delapsa. De verè cœlestibus verò harmonijs libro V. ex professo agemus. Breviter Termini harmoniarum libro tertio, fuerunt Hominis seu Artis opus; hoc libro IV. erunt Naturæ opus: Libro denique V. erunt opus Dei Creatoris.

Non verò cœlestes.

Sed Terrestris.

III. Quantum jam ad Rationalem causam, quæ harmonijs suum ESSE conciliat: discrimen librorum Tertij & Quarti in genere nullum est, sed saltem in specie. Influebant enim libro III. harmoniæ ratione

R

sui sub-

130 DE CONFIGURATIONIBUS

CAP. IV.

fui subjecti materialis (sonorum) in sensus, recipiebantur & dijudicabantur, ratione suæ formalis essentiaë, quâ harmoniaë sunt (id est formabantur) ab instinctu Menti concreato, rationis sine discursu participæ. Et hætenus Harmoniaë tantummodò seipsis considerabantur.

Deinde verò per occultum sed confessum tamen commercium facultatum animæ, transfundebantur harmoniaë introrsum receptæ in affectus cordis varios, per quasdam sui similitudines seu Icones; transfundebantur & in locomotivam, ut homo conceptam animo speciem harmoniaë non voce tantum exprimeret, sed etiam motu corporis imitaretur. Ita Harmoniaë vices alicujus causæ subierunt.

Similiter & hinc Animam supponere necesse est, cui inde à creatione rerum sic instinctum hoc proportionũ Harmonicarum *μετρίων*, & quæ angulum duorum radiantium siderum, quomodocunque intro receptum (seu id fiat aliqua re sensuum analogâ, sive suæ essentiaë, qua anima est, proprietate; de quo & dictum capite præcedenti, & dicentur in sequentibus plura) secum ipsa estimet, ad quatuor rectos comparet, harmonicum à non harmonico dijudicet, & sic harmoniaë suum Esse intellectuale conciliet, quod anguli hi foris extra mentis limina nondum habebant.

Harmoniaë
istæ relucet,
i. in Anima
hominis.

Quod si quærat, cujusmodi hæc anima sit, ubi vel in quo corpore collocetur: respondeo, primùm tales esse omnium hominum animas. Sed libro tertio erat facultas quæ præest auditui, & sic sensibus: hic non est sensitiva facultas. Oculi enim, quorum objectum sunt Lux, & radij lucidi, nullum faciunt idoneum indicium harmonicaë radiationis binorum planetarum. Nec est Ratiocinativa facultas: etsi enim ex Observationibus Astronomicis per oculos administrandis, ratio invenit & computat, qui quovis tempore sint aspectus: id tamen non agit naturaliter, quippe non apud omnes promiscuè homines, sed voluntariè, apud paucos astronomiaë singulariter deditos. Sed sunt animæ humanæ subjectum harmoniarum illarum, primùm ratione instinctus naturalis, in quantum animæ sunt exemplaria Creatoris, ut dictũ Cap. IV. secundò ratione facultatum, Vitalis & Naturalis motuumque vitalium & naturalium, seu Platónico more, Concupiscibilis & Irascibilis partium; ratione quidem illius, in quantum Harmoniaë sunt, ratione verò harum, in quantum species Harmoniarum imprimuntur in has facultates, fiuntq; causæ operum Naturæ, tam in animo quàm in corpore, impultrices & stimulatrices.

s. In Natura
sublunari
seu animâ
Terraë.

Deinde præcipua anima in quam hæ radiationum Harmoniaë influunt, est illa philosophis dicta Natura sublunaris, per totum Telluris, aluminaë nostræ, corpus diffusa, inq; ejus aliqua certa parte non aliter quàm anima humana in corde, radicata; ex quo ceu foco, fonte, vel penetrâli, per speciem sui exit in circumfusum Terris Oceanum & superfusum utrisque Aerem.

Quemadmodum verò, qui Melodo suaviter canenti auscultat, is lætitiâ frontis, voce, plausu manuum pedumve, ad Melodiaë mensuram attemperato, testatur, se quod est in melodia harmonicum, percipere & approbare; non aliter Natura sublunaris commotione insigni & evidenti

denti viscerum Telluris, ad illos potissimum dies, quibus Errantia sidera radiis suis harmonicè configurantur in Terris, testatur de eo, quod jam præmisimus; se scilicet non minus instinctu quodam naturali valere ad percipiendum proportionem angulorum harmonicam, quam pollet facultatem naturali, vitalis nostræ simili, ad corpus Telluris, officinasque subterraneas in montanis, certis Harmoniarum temporibus calefaciendas exagitandasque; ut illæ magnam vaporum nebularumque copiam exhalent, ex qua, per Antiperistases frigoris superni, omnis generis meteora conformantur.

In Terræ enim corpore ponenda est hæc anima: quia nec anguli harmonici radiorum in ulla alia parte mundi, quam in Terrâ existunt; & opera Naturæ, quæ ad configurationes radiorum sequuntur, ex Terræ visceribus, montiumque cavernis ortum trahunt.

Vide Gap. VII.

IV. Quartum diferimen consistit in modis, quibus Harmoniæ diversæ in suis insunt subjectis.

Nam Libro III. cum in Cantu inessent; in illo toto inerant, toto scilicet tempore, quo durabat cantus. Et quamvis intervalla vocum, ut omnia quantitate participantia, continuam admittant divisionem; non erat tamen ibi transitus cantui à sono inferiori per intermedios infinitos, usque ad eum, qui primo consonus aut concinnus esset, sed cum saltu & silentio trajiciebantur intermedia omnia, omnis verò vocalis comoratio erat in sonis inter se concinnis. Eodem modo in Concertu, quamvis inter Diapason & Dihex intersint infinita intervalla, non fiebat tamē intensio vocum continua, per omnia intermedia, quoad ex Diapason fieret Sexta, sed saltu ferebantur voces à mera Diapason in meram Sextam, intermediis omnibus silentio transmissis. Et in organis quidem saltabatur ab una canna ad aliam, in tensis, ut Instrumento & Harpe, ab una chorda ad aliam, vel si multifoniæ chordæ usurparentur, ut in Clavichordio, Pandura, Chely, Cythara, ab uno tactu, aut in fistulis, ab uno foramine ad aliud; in gutture humano ab uno circulo arteriæ asperæ ad alium. Non sic in Libro IV. Nam quas in eo considerabimus harmonias, illæ ut dici ceptum capite præcedenti, non semper existunt inter binorum planetariorum radiorum angulum, & inter quatuor rectos; sed fit continua separatio planetarum, quibus quidem hoc datum est, sub Zodiaco circulo, per intervalla *avdequosa* omnia, in harmonica, quorum extremum, duo recti, semicirculus, seu oppositio: indeque retrogrado ordines per intervalla rursus inconcinna & dissona omnia, usque in conjunctionem: nullus hic saltus fit ex uno angulo harmonico in alium, verbi causa ex Trigono in Quadratum; sed transitus ab illo ad hunc continuus est, per intermedia omnia. Propterea tempus universum motuum cœlestium occupant configurationes radiorum inconcinnae, dispungunt verò saltem certis momentis, configurationes binorum, aut interdum trinorum, aut etiam quaternorum, harmonicæ: reliquis in incongruentia pergentibus; ut si septem cannae Organicae sonos totidem dissonos continuâ tensionis alteratione emitterent, fieretque tensionum obviatio *mutuâ*, ut interdum

Sunt mentanea

CAP. IV.

Non tamen
momenta-
neus carum
surrectus.

binæ vel trinæ consonarent, cæteris dissonantibus. Ita verè & propriè loquendo, ipsissimæ harmonicæ configurationes non sunt in tempore, sed in momentis indivisibilibus perficiuntur. Et si verum juxta & hoc est, commotiones, quæ ex hisce harmoniis in Animis existunt, non esse momentaneas; movent enim harmonicæ configurationes, quatenus sunt in fieri, & in ipso momento quo perfectæ fiunt, rursus remittit earum stimulus: opera verò Naturæ, quæ per hos stimulos sollicitantur, jam à conditionibus materiæ mensuras accipiunt sui temporis, durantque sæpe longè ultra momentum, quo perficitur radiatio. Sic machina ænea explosa, vi succensi pulveris pyrij ignescit, nec statim, consumptâ materiâ ignis, à calore remittit. Sic corpus animalis, ut exemplum sit accommodatius, jactatum febrili paroxysmo; quamvis facultas animæ vitalis, author inflammationis, à conatu suo remittat, quippe defuncta suo munere, & materiâ febrili vel colliquatâ, vel ejectâ ex intimis sedibus, versus exteriora, non tamen statim omni calore liberatur; hæret enim is in materiâ corporis, carne, ossibus, nervis diu, quoad ipse quoque tractu temporis expiret.

Fol. 114.
Sunt mixte
incongruis
inefficaci-
bus.

Sunt igitur hæ Harmoniæ ex earum numero, quas supra Cap. II. diximus non subjacere providentiæ liberæ, sed necessitate motuum misceri cum infinitis sui generis incongruis: quibus Deus mentes ordinavit, quæ illas cum incidunt, agnoscerent. Atqui longè foelicior est Natura sublunaris in his, quàm aures in cantu, dignoscendis. Auditus enim non valde delectatur Harmoniâ binarum vocum, si quinque aliæ dissonantes obstrepant: Natura sublunaris, assueta perpetuis incongruis configurationibus, eas pro nullis habet, quia novi nihil animadvertit; in harmonicum verò angulum sic est intenta, ac si is solus esset. Sic cum Prognosticum aliquod millies errat, negligitur tamen hoc; ac si semel scopum attingit, hoc memoria dignum censetur, hoc omnium sermonibus celebratur.

Sunt neces-
saria non
procurata.

Ex his igitur intelligi datur, Harmonias, in vocibus quidem arbitrio constitui consilioque canentis: in angulis verò radiosius nullo naturæ sublunaris consilio, sed mera necessitate geometricâ motuum provenire. Nam quia duo Planetæ separari debent, per totius semicirculi seu Graduum 180. longitudinem, sit necessariò ut suis certis momentis, etiam particulis ejus harmonicis, scil. 30. 60. 90. 120. &c. graduum distent. Itaque harmonicæ cantus quærunitur intus à canente, harmonicæ radorum expectantur deforis à Naturâ sublunari, observantur cum incidunt, dinoscuntur à non harmonicis, (& sic ab illa suum Esse accipiunt) excipiunturque & applicantur. Breviter, configurationes præcinunt, Natura sublunaris saltat ad leges hujus cantilenæ.

Dissimilitudo
in causa-
rum ordine.

V. Quintum discrimen est quodammodò annectendum primo. Nec enim latitudine tantùm differunt Harmoniæ hujus & præcedentis libri, sed etiam ordine respectuum diversorum, quibus Figuræ Geometricæ gignunt utrumque genus Harmonicarum proportionum: tertio namque libro potior fuit respectus Scibilitatis, quarto isto potior erit Congruentiæ. Sed de hoc quinto discrimine jam Cap. V. exprefso agemus, in explicatione Axiomatum.

CAP. V.

De causis efficacium Configura- rationum; earumque Numero & ordine graduum.

DEFINITIO I.

Configurationis vox sumitur pro binorum radio-
rum, cujusque à Planeta suo descendens, angulo illo, quo an-
gulo radij hic in Terrâ (quæ puncti rationem habet) coeunt: vel
quod eodem redit, sumitur pro arcu circuli magni, in Zodiaco descri-
pti, qui arcus mensura sit dicti anguli, seu quem arcum bini Planetae
corporum suorum objectu terminare & quasi præcidere nobis terrico-
lis videntur.

Notandum primo de nomine, Ptolemæus in quadripartito, in Opere magno,
inque Harmonicis Σχηματισμός appellat, quod Arabes, Aspectus, verterunt &
quasi Schema sit idem quod vultus, facies; quod etiam noster Teutonismus ha-
bet, qui faciem solet nominare das Angesicht/ Aspectum, & personarum Sche-
mata, faciei obtenta, Gesichter/ quæ Itali Mascaras. Invenitur tamen & vox
ὄρασις, quæ non tantum ex Arabiis Aspectus vertimus, sed etiam
boni Autores Latine Intuitus, & signa Intuentia dicere solent. Sed hoc sensu vox
non tam planetis competit, quam signis seu Dodecatemoriis Zodiaci; quæ cum
longitudines habeant, iis tavis sibi mutuò obverti secundum magis & minus
possunt. Nam contigua signa se mutuò nequeunt intueri, quippe vultibus non in
se mutuò, sed juxta invicem in eandem plagam versis.

Deinde nota, quòd quo tempore duo Planeta Angulum in terrâ faciunt, eo-
dem & in aliis locis mundi faciant alios angulos; ut nusquam tantos, quam in
arcu circuli per ipsorum & terræ corpora traducto, aut circa lineam, quæ ipsorum
corpora connectit, veluti circa axem circumactò. Extra hæc loca radiationes
eorum coeunt angulis longè aliis, sive ij sint etiam Harmonici, sive incongrui,
ut serè per totum reliquum mundum. Inprimis nota, quòd in alterutro corpo-
rum planetariorum nullus constituatur angulus. Ad angulum enim requirun-
tur duo radij: ut radius omnis extra corpus est, nullus in ipso corpore. Quod idem
notandum, quia angulationem in terrâ, sequitur effectus in terrâ etiam; ex qua
sub tempus Aspectuum, expirat materia pluviarum & caterorum meteororum:
ut de sede causæ, moventis meteora, disputare possimus; quòd illa non sit in Planeta
vel uno, vel altero, nec in loco alio mundi vacuo, sed in ipsa terrâ.

Tertio non frustra addita est mentio, quòd Terra puncti rationem habeat: ex
eo enim sequitur, etsi animantes in terra innumeri, radij, ex quolibet Pla-
neta in illos & reliqua terræ puncta infiniti: eundem tamen, ad sensum, esse angu-
lum radiorum à binis Planetis venientium eodem tempore, per omnia terræ pun-
cta, sive in centro, sive in superficie, sive in cavernis montium: omnes illi aspectus
licet numero infiniti, pro uno aspectu habentur: Omnes quippe ad sensum inter se
æquales sunt.

DEFINITIO II.

Efficax configuratio dicitur; cum binorum Planetarum radii talena faciunt angulum, qui sit aptus ad stimulandam Naturam sublunarem, facultatesque inferiores Animantium, ut circa opus quæque suum fiat operosior, sub tempus configurationis.

Tribuitur efficacia configurationi, quæ formaliter Ens rationis est, sed non efficacia in rem ipsam immediata, quasi pluvia & similia ex ipso caelo, scilicet à planetis configuratis delaberentur, quæ vulgi stulta persuasio est; sed mediata & objectiva. Nam sicut objecta movent sensus, sonus auditum non oculos, & color visum non auditum: sic etiam hic, certa qualitas Relationis hujus, quæ configuratio dicitur, movet non sensus corporis, sed facultatem animalem, Rationis ex instinctu capacem sine discursu. Facit igitur hoc Configuratio, vi non propria, sed vi Anima, quæ pati dicitur, cum reverà potius agat, ipsa in seipsam. Postea anima seu natura sublunaris, sic mota seu stimulata ab aspectu, sui que admonita, se ipsam exsuscitat ad eliciendam ex terra visceribus materiam omnis generis tempestatum. Si nulla esset in Terrâ Anima, quam dicimus Naturam sublunarem; planeta ipsi neque per se, neque per commodum aspectum quicquam in Terram possent. Absurdum enim est cogitatu & joci lususque poetici simile, quod ex eoitu binorum radiorum harmonico, velut ex maris & femina concubitu, concipiatur vapor, materia venti vel pluvia: quasi verò, ut semen est de substantia parentum, sic humor & cætera quæ ex terrâ expirant, sit de substantia vel Harmonia, quæ est relatio, vel Anguli, quæ est qualitativa quantitas, vel Lucis adeo ipseus, quæ qualitas est, nequaquam verò substantia. Quemadmodum verò ex nihilo nihil fieri dicimus; Sic etiam ex immateriato aliquo, naturaliter, materiatum nihil educi potest. Vide plura Cap. VII.

Axioma I.

Arcus circuli Zodiaci, quem rescindit latus figuræ vel stellæ congruæ & scibilis, meretur angulum Configurationis efficacis.

Axioma II.

Angulus figuræ vel stellæ scibilis & congruæ, est modulus anguli Configurationis efficacis.

Duobus Axiomatibus totum negotium nititur; quæ ideo duo feci, quia duo sunt modi probabiles, quibus Anima & Natura sublunares in notitiam Configurationum, quæ sunt quovis tempore, venire possunt.

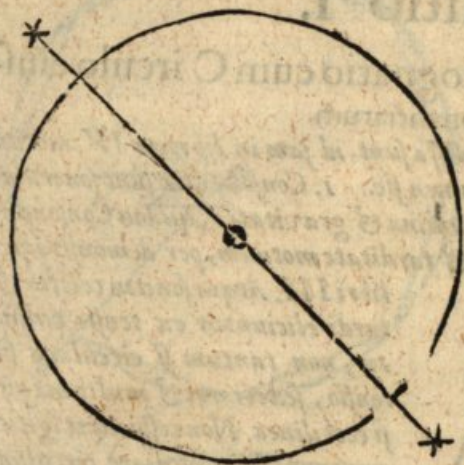
Aut enim figuram illam percipiunt, cujus latus de circulo Zodiaco rescindit arcum, Configurationis seu anguli radiosi mensuram; aut figuram illam, cujus elementum fit ille ipse configurationis angulus. Quis inter figuras quodnam sit discrimen, quæ vicissim cognatio, ex hisce Schematibus hinc ordine se mutuo

confe-

consequuntur, ad oculum patet. Bina namq; Schemata sunt ἀντιπεπρονότα, primū diameter sibi ipsi, seu bisecet circulum, ducta per centrum, seu tangat, cū duo radij pro angulo duos rectos seu potius angulum nullum faciunt, in line-

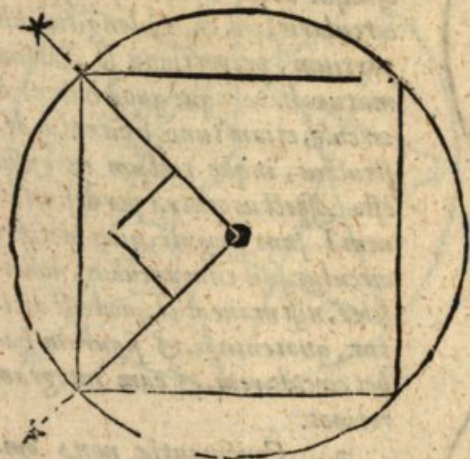
am unam rectam ordinati. Idem cogitandum de Coniunctione δ. vel ρ. Planetarum, quæ improprie configuratio dicitur. Nam si duo Planeta fuerint sub eodem puncto Zodiaci; tunc in centro angulus nullus est, in circumferentiā infiniti, & latera figuræ sunt puncta: circulus scilicet est veluti Figura Infinitangula. Hæc configuratio non habuit opus representatione oculari.

Figura I.



Deinde Tetragonus etiam sibi ipsi ἀντιπεπρονθε, quia angulus, quem duo latera formant in circumferentiā, æquatur angulo in centro, quem subtendit unum latus. Ex eo Trigonus Hexagono, Pentagonus stellæ Quinquangulæ, Octogonus stellæ Octangulæ, Decagonus Stellæ Decangulæ, Dodecagonus Duodecangulæ ἀντιπεπρονότασιν; ut si unius ex sociis anguli omnes inscripti sunt in circumferentiā; latus ejus subtendit angulum, reliqui unum in centro collocatum.

Figura II.



Centra autem circularum omnium adumbrant Terram, velut in medio sitam; circuli ipsi vel Zodiacum, ex terra imaginatum, representant, vel quemcunque alium circulum Zodiaco subordinatum, metiendorum angulorum causā imaginatum: quales circuli, potestate, sunt anima ipsa; quæ moventur aspectibus, circuli scil. ab ipsa veluti quantitate abstracti, inque puncti qualitativi, & plagarum capacis, angustias redacti.

Posui autem stellæ duas radiantés, extra hunc circulum, alium aliā altiorē; ut oculari representatione monerem, nihil referre ad Configurationem in terrā, altus an humilis Planeta sit in cælo; & posse unum alio multis vicibus esse altiorē, manente eādē Configuratione in Terra.

Porrò quòd in axiomate primo vox congrua præcedit, in secundo vox scibilis; id non fortuito sed studio factum est. Nam quòd aliquis Aspectus est efficax, in causa est utraq; figura, tam illa quæ inscripta est in circumferentiā, quàm illa cujus unus angulus formatur per radios in centro: utraq; tam propter Scibilitatem, quàm propter Congruentiam; non id tamen æqualiter. Quæ omnia indigent explicatione paulò prolixiori; quæ cur tam sit spinosa, causa est unica; ut Aspectuum numerus philosophicis rationibus minui, vel saltem in gradus certos

SAP. V.

tos distingui possit. Nam si ad usitatos octo, quatuor insuper admittere voluissim sine omni discretionē; potuisset hæc disputatio carere aliquot sequentibus quasi propositionibus, quippe tantum in comparatione occupatis.

Propositio I.

MAior est Radiationum cognatio cum Circulo eiusque arcubus: quam erat Consonantiarum.

Cujus fundamenta libro III. præmissa sunt, id jam in librum IV. meritò transsumeretur, ut Axioma: probatur tamen sic. 1. Consonantia sunt sonorum, soni consistunt in motibus; illorumque acumina & gravitates, quibus Consonantia exprimentur, oriuntur à celeritate & tarditate motuum, per demonstrata

libri III. Atqui sonitus celeres & tardi eliciuntur ex tensis pulsatis, non tantum si circularis sit tensio, sed etiam, & multò magis, si rectilinea. Non respiciunt igitur consonantia immediatè circumulum ejusque arcus, causâ suæ figure circularis, sed causâ longitudinis partium, proportionis sc. illarum mutua; habentque quod habent, à circulo, etiam tunc, si circulus destructus, inque rectum extensus est. Aspectus contra per definitionem I. sunt anguli, quos metitur circulus suis cum arcubus, non aliter, nisi maneat id quod esse dicitur, quatenus sc. & figuram habet circularem, & eam integram retinet.

2. Consonantia non omnes equali propinquitate propagabantur à circulo ejusque partibus; Nam aliqua ortum suum referebant ad partes circuli, quatenus ipsis non ut circuli partibus, sed ut rectis lineis, accidebat aliquid, eadem sc. divisio, quæ circulo toti: ut ostensum libro III. Contra est in Aspectibus: ejus enim,

quod tantum circulo respondet, mensura, nullo modo potest habere respectum re-titudinis.

Propositio II.

MAior est Radiationum cognatio cum figuris Regularibus,

Figura III

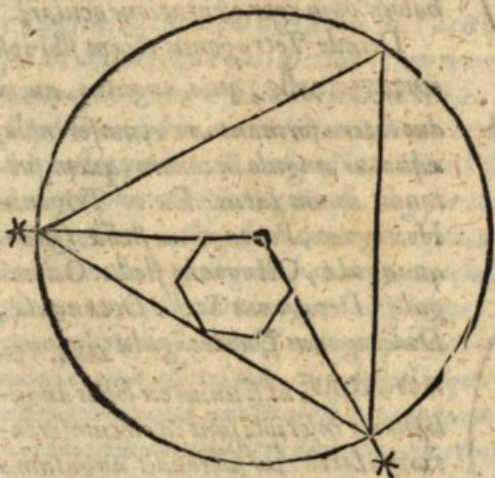
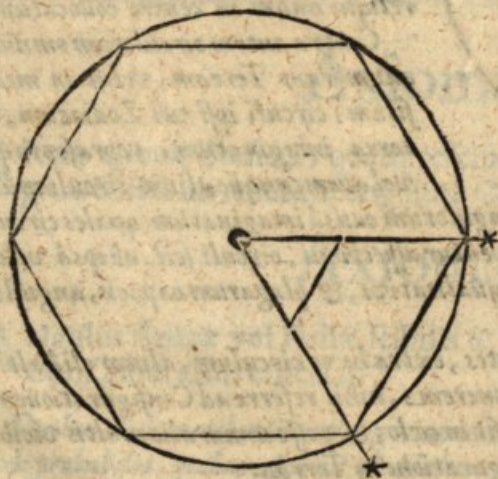
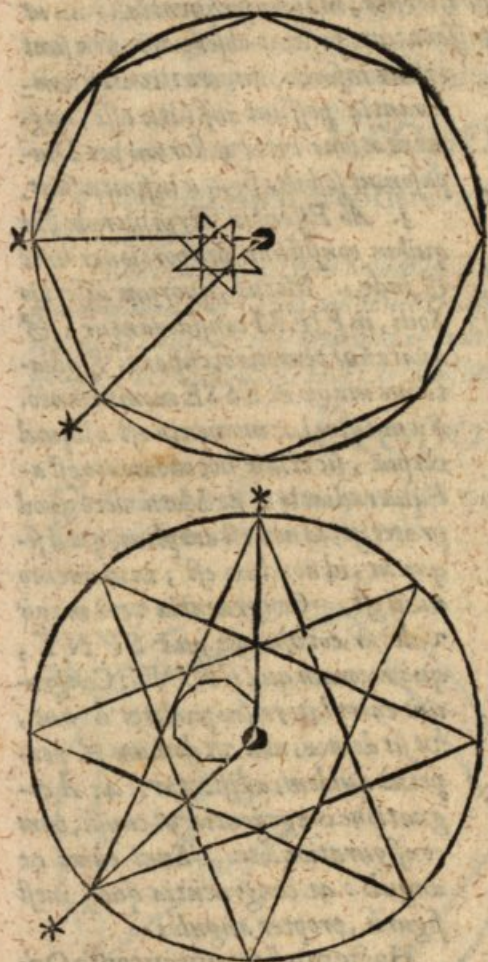


Figura IV.



laribus, quàm erat Consonantiarum.



Probat^rur primùm à circumferentiali figura. Nam ubi circulus integer, ibi & figura regularis integra: sed magis est circulus integer in dimetiendis radiationum angulis, per I. ergò & figura respectu radiationum magis ut integra considerari potest. Contrà in Consonantijs, ut circulus ejusque partes in rectum poterant extendi, salvis consonantijs, sic etiam omnia figura latera in eandem & unam rectam extendi poterant, eaq. cum uno figura latere rectilineo facere Consonantiam. Hoc verò pacto, uti circulus, sic etiam figura rectilinea, suam figurationem amittit, ut figura amplius non sit.

Figura V.

Probat^rur secundo à centrali figura. Anguli sunt figurarum elementa; jam duo radij faciunt angulum in centro, qui aliquoties repetitus consummat figuram, ut apparet ex schematibus hisce. Id autem non fiebat in ortu Consonantiarum; nullus enim ibi fuit respectus anguli in centro. Magis igitur familiares sunt figura Aspectibus, quàm Consonantijs.

Figura VI.

Propositio III.

Congruentia figurarum plus potest in constituendis Configurationibus efficacibus, quàm in Consonantijs.

Argumenta hujus rei multa suppetunt. 1. Congruentia est proprietas figuræ, quatenus figura tota est, speciemque habet: atqui figura quatenus hanc speciem tota habet, primùm ipsa per se magis est cognata configurationibus, quàm Consonantijs, per Pr. II. deinde dividit circulum ut totum harmonicè, circulus verò etiam magis est configurationibus cognatus, quàm consonantijs, per Pr. I. Quare utroque, & privato figuræ nomine, & communi figuræ & circuli, Congruentia quoque figurarum, in configurationibus quàm in consonantijs, vis est major.

2. A numero figurarum. Vsurpavimus enim hoc, per Axiomata præmissa, figuræ esse efficaces per suas proprietates. Vbi ergò magis respondet Numerus efficiens

S

ciens

138 DE CONFIGURATIONIBUS

eiendorum, ibi major causa cognatio cum effectu, saltem probabiliter. Atqui ut Congrua figura pauca sunt, ita etiam Aspectus pauci, quod experientia testatur: nisi enim pauci essent, magna esset confusio illorum, magna frequentia; ita ut singuli seorsim suis diebus observari non possent: at possunt observari, non sunt

Figura VII

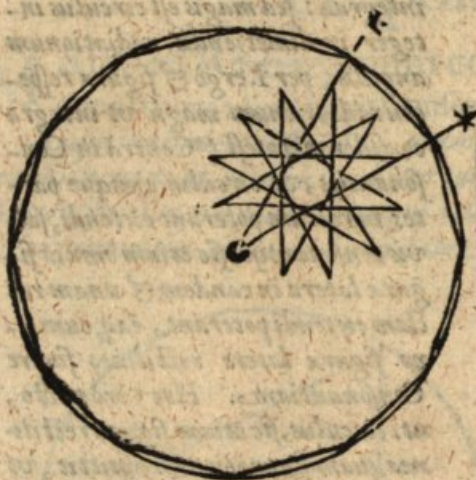


Figura VIII



igitur infiniti numero: contra consonantia possunt infinita esse, augmentatione intervallorum per Diapason: ut scibiles figura infinita sunt.

3. Ab Essentia Terminorum, in quibus consistunt proportionales hinc & inde. Motus, quorum affectio Soni, in FIERI considerantur, & quatenus tempus occupant; Radiationes magis in ESSE momentaneo. Sicut enim hoc momento est aliquod corpus, sic etiam hoc momento est aliqua radiatio: de Motu vero quod praeterijt, id non est amplius, quod sequitur, id nondum est, in momento nihil est. Congruentia vero magis videtur eorum esse quae SVNT, quam eorum quae FFUNT: Congruunt enim latera seu parietes domus, ut sit domus; non ut demum & perpetuo quidem, adificetur. 4. A cognatione congruentiae ut causa, cum configurationibus. Sunt enim ea anguli: at congruentia quoque inest figuris, propter angulos.

Hactenus fuerunt inter se Oppositae, Consonantiae & Configurationes: in sequenti fiet oppositio alia in solis configurationibus, Congruentiae & Scibilitatis,

Propositio IV.

AD configurationum Efficaciam plus potest Congruentia figurarum, quam Scibilitas.

Probatum à conditione Anima sublunaris, facultatumque etiam humanae anima, quae percipiunt aspectus. Haec igitur omnes sunt inferiores facultate discurrente & Intellectu: & cognatiores facultati sensitivae & praefectae operibus sensilibus: quin etiam instinctus illius, ut Cap. III. diximus, tanto est obtusior instinctu humano, quanto rudius est corpus Terrae, corpore hominis. At qui etiam Congruentia est posterius aliquid Scibilitate, & quasi porrectum foras, in aliquod opus

opus, quod habet Ideam operum sensilium. Par igitur est credi, facultates has animales Congruentiâ potius, quàm Scibilitate figurarum moveri afficque. CAP. V.

Opponebantur Congruitas & Scientia, in eodem genere Configurationum. Jam opponentur figuræ duæ inter se, primùm causâ solius Congruentiæ, postea causâ Configurationum.

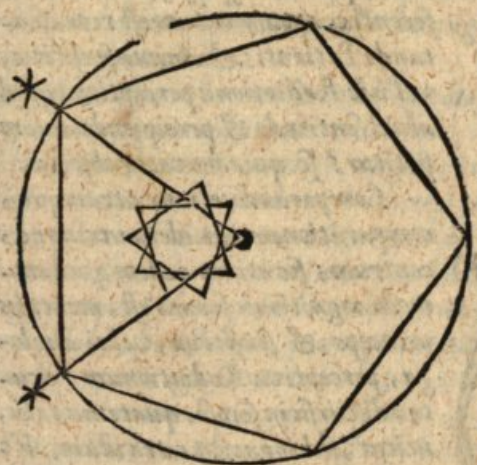
Propositio V.

Congruentia est proprietas magis figuræ Circumferentialis, quàm Centralis.

Habet enim potiore locum in illa figurâ, quæ potest fieri tota, ratione loci à quo denominatur; quia congruentia est figurarum totarum, ut ex libro II. apparet. At de Centrali non plus uno angulo in centro stare potest, per def. 1. In circumferentia vero potest esse tota Circumferentialis: ergo.

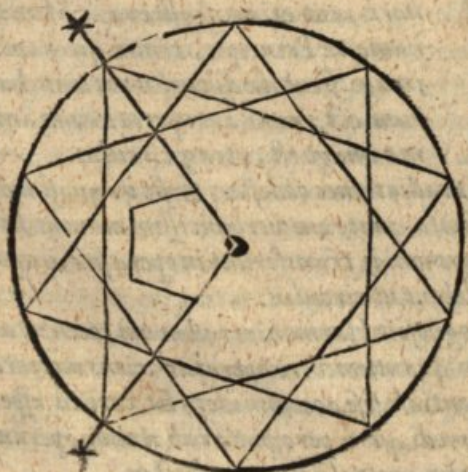
Propositio VI.

EX duabus figuris, quas sibi vindicat Aspectus quisq; potior est Circumferentialis Centrali.



Est enim Congruentia potior in hoc negotio Scibilitate, per IV. At illa potior est in figura circumferentiali, per V. Quare in quo id quod præpolleret, plus inest, id ipsum etiam præpollere facit, circumferentialem scilicet figuram. Figura IX.

Idem etiam sic probatur ex intimis Animæ proprietatibus, Cap. III. tactis. Cum enim Anima sit, quæ Configurationum Harmoniis suum conciliat Esse formale; certè quo discrimine anima vel circulus est, vel punctum, centrum circuli; eodem discrimine etiam familiares illi erunt figuræ, Circumferentialis, & Centralis.



Etsi verò omnis Anima circuli quandam Ideam gerit, abstracti quidem illius non tantum à materiâ, sed etiam à magnitudine quodammodo, ut dictum Cap. III. eoque circulus & centrum hic ferè coincidunt, ipsaque vel circulus potentialis, vel punctum plagis distinctum, & sic quodammodo qualitativum dici potest: tamè discrimen hoc videtur observandum, quod alie facultates animæ potius ut circulus considerande sunt, alie potius ut punctum. Quemadmodum enim circulus sine centro cogitari nequit, omne

CAP. V.

vicissim punctum circa se habet regionem scribendo circulo: sic in Anima quoque operatio nulla est sine impressione imaginativa; omnis vicissim interna receptio vel meditatio, est propter motum externum; omnis anima facultas interior, propter magis exteriores. Ipsa princeps & suprema Anima facultas, Mens dicta, quid est nisi Centrum? quid Ratiocinativa, nisi Circulus? Nam sicut centrum intus est, circulus exterius; sic Mens secum ipsa manet, ratiocinatio telam quandam exteriorem texit: & sicut centrum, circuli; sic Mens ratiocinationum basis, fons, & origo est. Rursum omnis hęc Anima facultas tam Intellectus, quàm

Discursus, denique etiam Sensitiva, sunt Centrum quoddam; at facultates Anima motrices, Circulus: quia rursum ut circulus externus circumponitur centro, sic operatio ad extrā est, cognitio meditatioque perficitur intus, & ut circulus ad punctum, sic quodammodo se habet Actio externa, ad Contemplationē internā, motus animalis ad sensationem. Punctum enim, quia undiq; oppositum circumferentia, aptum natum est representando Patienti; & Anima sensitiva, vel hęc Radiationū perceptiva, quid aliud sentiendo & percipiendo, quàm patitur? sc. quia movetur objectis.

Comparando etiam utramque comparationem; ut idem utrinque centrum; sic etiam eadem quodammodo cognitionis forma est, mentalis princeps, & sensitiva, vel ei analogā, perceptiva Radiationum: neutra discursu in seipsa, quatenus talis, utitur, sed cognoscit citra illum. Ut ita sit hęc illius, Natura dico sublunaris, aut etiam sensitiva, Mentis humana Principis, tenuis quedam imago: sicut ille discursus rationis, harum actionum aut operationum anima imago est, utraq; circulus.

Quatenus igitur Anima percipiunt radiationes cęlestes, & sic ijs quasi moventur secum ipse intus, nobis puncta sunt, quatenus verò vicissim movent, hoc est, quatenus perceptas radiationum harmonias transferunt in opera sua, ijsque stimulantur ad agendum: considerari debent ut circulus.

Sequitur igitur, ut in quantum cognoscit Harmonias radiorum, occupetur potissimum circa centram figuram; in quantum verò operatur, ciens meteorā (& quę similia in homine) circumferentiali sese accomodet. Et verò in aspectu, prior est nobis cura efficacia, quàm modi, quo is percipiatur ab Anima operante, prior igitur, & circumferentialis quàm centralis figurę respectus.

Figura XI.

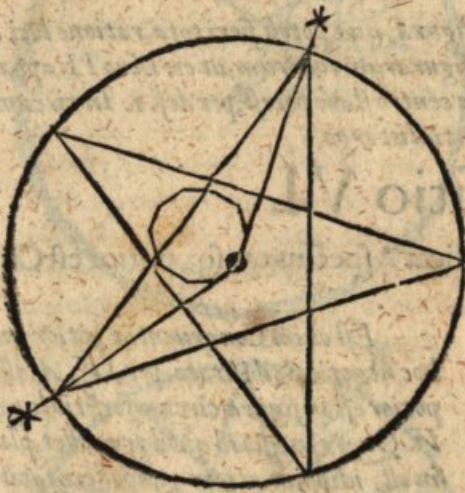


Figura XII.



Hic figura figuræ in uno & eodem aspectu fuit collata; in sequenti geminâ, suppositâ eâdem figurâ, opponetur ejus Congruitas Scibilitati.

Propositio VII.

IN figurâ circumferentiali præstat Congruentia Scibilitati lateris; in centrali vicissim, præstat Scibilitas lateris, Congruentiæ figuræ.

Pertinet hæc propositio ad consummationem rei, Prop. III. inchoata. Et est enim potior in IV. quam in III. est Congruentia, potior etiam libro III. fuit demonstrabilitas: hæc tamen à constitutione Aspectuum non penitus est separanda: cum nulli Congruentiæ suæ desit scientifica determinatio, adeoque ab illa dependeat, cum lateris, tum præcipuè area comprehensæ à figurâ lateribus: ab angulis enim, in quibus residet aptitudo ad congruendum, arcessitur demonstratio.

Quod igitur propositionem hanc ipsam attinet, videtur contrarium ejus verum esse, tam in uno, quam in altero. Nam quod figuram centalem attinet, ejus unus angulus per radios actu ipso est expressus; Circumferentialis nullus exprimitur angulus, sed tantum latus quadamtenus: Congruentia verò est angulorum: ergo videtur illa potissimum in Centrali spectanda. Nam si natura sublunaris percipit quantitatem anguli, quem duorum planetarum radij formant in terrâ, videtur etiam percipere posse ejus anguli aptitudinem, quam habet cum aliis, ad congruendum.

Quod vicissim in circumferentiali potius sit spectanda Scibilitas lateris quam Congruentia figuræ, id sic patere videtur. Scientia enim, qua scitur figuræ, ut libro primo demonstratum est, consistit in aequalitate, vel lateris, cum parte effabili diametri, vel quadrati de latere, cum parte effabili de quadrato diametri, vel area Figuræ, cum eâdem; vel in alia connexionem & determinationem sive lateris, sive ejus quadrati areae, ad diametrum vel ejus quadratum. Posito igitur, quod Natura sublunaris habeat sensum circuli Zodiaci, circuli nimirum sensibilis, foris stantis, quem ipsa examinet ad ideam circuli abstracti intellectualis, quam ipsa secum habet intus connatam seu concreatam: tunc sanè sequitur, quod ordine naturæ prius sentiat, quantum arcus Zodiaci sit à duobus planetis inter distinctus, & quanta recta illi subtendatur, cujus qualitatis, sit necessabilis longitudine, an solâ potentia quadrati; an cum aliâ quadam effabilem faciat summam quadratorum, & rectangulum effabile; in qua proprietate fundatur Effabilitas areae: hæc inquam prius innotescere Naturæ sublunari videntur ordine naturæ, quia latus prius est figurâ, ex lateris multiplicatione descriptâ; postea demum, ubi tota figurâ descripta fuerit in Zodiaci circulo, patefcunt ejus anguli, eorumque quantitas, & an sint ex congruis, & an figurâ omnibus angulis concurrat ad eandem congruentiæ speciem, & an continuabilis sit congruentia. Breviter congruentia est affectus angulorum, scibilitas laterum. Vbi ergo prius innotescit figurâ angulus, quam latus; ibi priores & potiores videntur esse partes Congruentiæ, quam Scibilitatis; ubi posterius, posteriores. At figurâ ad centrum pertinentis prius innotescit angulus; figurâ verò in superficie descriptæ (per duos puta solos planetas) prius innotescit latus: rectè ergo fieri videtur, si in figurâ centrali potior habeatur congruentiæ ratio, in superficiali, potior scibilitatis.

Hæc igitur in contrarium nostræ propositioni allata, sunt nobis dissolvenda; eademque operâ, veris argumentis roborandus ordo proprietatum, Congruentia & Scibilitatis.

Primum igitur etsi verum est, de figura centrali formari per duorum Planetarum radios unum angulum; non tamen inde sequitur, ut mens percipiens quantitatem anguli, percipiat naturæ ordine prius, figuræ, cuius futurus est angulus, Congruentiam. Causa patet, quia Congruentia in quantum est unius anguli, scjusque æqualium aliquot, in unum locum planum, nimis est generalis: sunt enim infinita angulorum sic congruentium formæ, tanto semper plures numero, quanto singuli sunt minores. Non est igitur hæc illa Congruentia, de qua nos disputamus libro II. quæ angulis non seorsim accidit, sed figuris integris, propter angulos, nec figuris singulis, sed pluribus inter se junctis.

Itaque non tantum dissolvitur sed etiam retorquetur objectio; quod enim illa de Circumferentiali usurpaverat, possumus nos æquo jure de Centrali usurpare, Congruentiam, quæ nobis hic est proposita, in eâ posteriorem esse Scibilitate, quare potiores esse oportere hujus quàm illius partes, concessu quidem adversarij. Prius enim figuram oportet fieri, quàm tota congruere possit. Jam verò nisi latus figuræ scibile sit, figuræ fieri non potest. Nam etsi verum est, dato uno figuræ angulo, quem radij duorum planetarum formant in centro, dari numerum omnium, & per illos, figuræ totius aptitudinem ad congruendum, nec in hanc demonstrationem ingredi lateris naturam: at non datur ille unus figuræ angulus, id est, non agnoscitur pro angulo figuræ congruæ, nisi per latus scibile. Prius ergo (ordine naturæ) Anima scit latus, quàm agnoscat, sibi dari angulum congruum.

Quòd si comparemus hic figuram utramque, minus equidem datur latus vel area figuræ centralis, ipso radiationis actu, quàm latus figuræ circumferentialis: hoc enim semper determinant radij ipsi, illa non semper, sed in quibusdam tantum figuris; ut in Trigono, quia latera circumferentialis* anguli singula, subtendant arcum æqualem intercepto. Remotior igitur est figuræ centralis ab actu sciendi, quàm circumferentialis; remotior igitur etiam Congruentia notificatio: objectio verò nitebatur contrario, quasi Congruentia Centralis esset prior notitiæ, quàm Congruentia Circumferentialis.

Amplius, si anguli quantitas percipitur, quâ re percipietur, nisi mensurâ suâ, id est, arcu circuli illius, qui ex anguli propositi puncto, quod terra est, describitur? non verò primò circuli illius, qui figuræ centrali circumscribitur, per terram transiens. Quare in perceptione quantitatis anguli de figurâ centrali, oportet ut Anima potentiam illam exserat, quâ circulus est, non illam, quâ ex illo punctum est, ad quod pertingit angulus. Atqui eodem typo circularis sue essentia percipit etiam circumferentialis figuræ latus, ejusque arcum, idque primò: postea demum, duplicato hoc arcu, emergit etiam arcus circuli minoris, qui figuræ centrali circumscribitur, per prioris centrum ductus; qui arcus servit inscriptioni centralis figuræ in circulum. Nam ordo qui est in ratiocinatione, idem etiam in instinctu est. Rursum igitur demonstratur via ad perceptionem figuræ centralis, longior, & sic etiam ad ejus Congruentiam. Quare seipsam evertit objectio, quæ præpollentiam collocabat in perceptione priori.

Ad rationes pro altero membro sic respondendum: verè quidem etiam in circumferentiali figurâ priorem esse Scibilitatem lateris, Congruentiâ figuræ totius, ob argumenta dicta, quæ hic etiam valent. At non sequitur, ut ex duabus re-

bus, quarum altera alterius est causa, illa quæ causa est, porro etiam fortius moveat tertium aliquid. Nam pro captu animæ, quæ debet moveri, sæpè minus in illam valet causa, quàm effectus; ut hic Animam sublunarem, in quantum quidem perceptiva est, plus movet scibilitas figuræ centralis; in quantum verò operativa, plus congruentia figuræ circumferentialis.

Argumenta verò mea propria ad propositionem probandam sunt ista: Prius Prop. VI. enim usurpavimus ex centrum esse quandam ideam mentis Theoreticæ, seu intellectus; circumferentiam facultatis Practicæ seu operativæ: quia ut centrum circuli basis est & origo, sic meditatio actionis. Figura igitur, quæ porrigit angulum ad centrum, sc. ad Terram, ubi Anima sedet, figuræ perceptivæ, porrigit se quasi ad sciendum & dijudicandum, cum centrum tribunal scientiæ representet. Igitur in centrali figurâ potius spectari debet scientiæ; non obstante, quod illa per circumferentiam tanquam instrumentum comparetur, ut paulò antè dictum.

Contrà figurâ, quæ ordinat angulos in circumferentiâ, magis se applicat ad imitandum, exprimendumque in opere Animæ, veluti ad ideam operum concurrentem. Atqui potius congruentia, quàm scibilitas habet operum sensilium ædificationumque ideam, quia sequitur figurâ totas, cum latus, quo figurâ sciatur, sit ejus saltem elementum. Quare in figurâ circumferentiali potius congruentia est respicienda, quàm scibilitas.

Alterum argumentum pro hac secunda parte nititur eadem consideratione Animæ. Præstat id, propter quod sunt cetera. At propter opus Naturæ sublunaris, adeoque etiam Animæ humanæ, facultatum inferiorum, percipiuntur configurationes; scilicet in id percipiuntur, ut opere exprimantur; major est igitur dignitas facultatis motoricæ in hoc negotio. Sed scibilitas figuræ Circumferentialis, perceptioni servit, Congruentia operationi, ut hætenus: igitur & congruentia figuræ circumferentialis, præstat ejusdem scibilitati.

Propositio VIII.

Arcus circuli, qui constituitur à figurâ incongruâ, nullam conciliat Efficaciam radiationibus binorum planetarum, arcum determinantium.

Nam si congruentia est causa potissima Efficaciæ, per Prop. III. IV. & VII. hæc igitur deficiente, non erit sufficiens, causa hoc loco vilior, scibilitas. Et si enim hæc præpollet congruentiæ in Centrali figurâ, per alteram partem Pr. VII: at vicissim circumferentialis figurâ est centrali potior, per VI. Et in illâ potior congruentia, per primam partem Pr. VII. Adhuc igitur congruentia figuræ circumferentialis præpollet scibilitati figuræ centralis.

En causam, cur cum figuræ scibiles sint infinitæ, diverforum quidem graduum; Aspectus tamen pauci sint.

AXIOMA III.

Arcus circuli, quorum figuræ pluribus potioribusque congruentiæ, scibilitatisque gradibus pollent, efficaciores etiam recipiunt configurationes.

Si duo

144 DE CONFIGURATIONIBUS

CAP. V.

Si duo prima axiomata sunt consentanea vero, erit & hoc: quia propter quod unumquodque est tale; illo intento, istud etiam magis erit tale, Sic autem intellige; quod in figura circumferentiali prior sit comparatio graduum Congruentia, in centrali prior graduum Scibilitatis, denique potiores partes circumferentialis figura.

Propositio IX.

Configurationes efficaces sunt, quæ intercipiunt Arcus circuli Zodiaci istos:

Gr. 180. Oppositio ♀, ex Diametro circuli: ut in Fig. I.

Gr. 90. Quadratus □, ex Tetragono: ut in figura II.

Gr. 120. Trinus Δ. & 60. Sextilis ✕, ex Trigono & Hexagono, ut in figura III. IV.

Gr. 45. Octilis vel Sequadri, & 135. Trioctilis vel Sesquadri ✕ ex Octogono & Stella ejus: ut in fig. V. VI.

Gr. 30. Semisexti ✕, & 150. Quinquuncis, Ex Dodecagono & Stella ejus: ut in fig. VII. VIII.

Gr. 72. Quintilis ⚡, & 108. Tridecilis seu Sesquintilis: ex Pentagono & Stella Decagonica: ut in fig. IX. X.

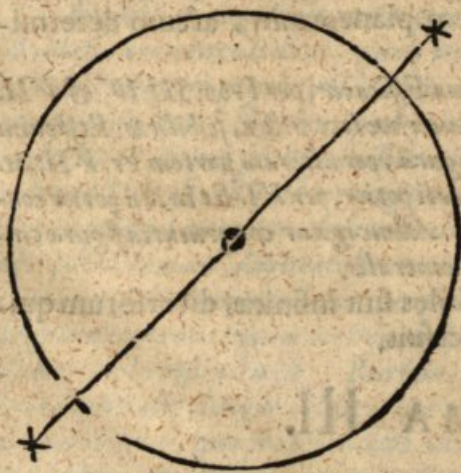
Gr. 144. Biquintilis ⚡, & 36. Semiquintilis seu Decilis: ex Stella Pentagonica & Decagono, ut in figura XI. XII.

Quod hæc figurae sint Scibiles & demonstrabiles, ostensum est Libro I. quod & Congruæ, libro II. Quod verò configurationes expressorum à talibus arcuum sint efficaces, id habent axiomata I. II. præmissa.

Propositio X.

Efficacitatis Aspectuum gradus primus & fortissimus, est Conjunctionis ♂ & Oppositionis ♀.

Characte-
res usitati



Nam in Conjunctione congruunt radij duo in eandem lineam, & ab eadem plaga descendunt; in Oppositione ♀ à plagis quidem diversis descendentes, nihil tamen minus sunt partes unius continuæ lineæ. Hac verò perfectissima est Congruentia & principium quoddam omnis congruentia. Sic cum conjunctionem representet punctum signatum in circumferentiâ circuli; oppositionem verò, Diameter; hæc certè sunt principia, illa & mensura omnis in hoc genere scientia; cum omnis in circulo lineæ rectæ scientia contineatur determinati-

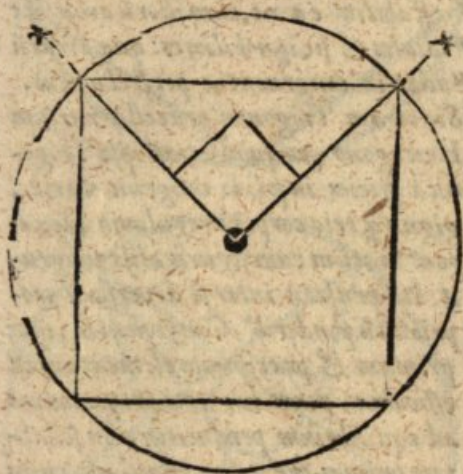
one demonstrativâ per Diametri vel longitudinem vel potentiam; ut libro primo

primo patuit. Ergò per Axioma III. principium etiam Efficacitatis in his est Aspectibus. CAP. VI.

Propositio XI.

Secundus in Aspectuum Efficacitate gradus est Quadrati \square .

In Quadrato enim concurrunt prerogativa multa, quarum prima, quod similis est centralis figura, circumferentiali: quare quoscunque illa gradus obtinet in Congruentia & Scibilitate, ij quodammodo duplicati intelliguntur, respectu ceterorum Aspectuum. Sicut enim Quadratus primus post Oppositum ab exilitate lineæ explicatur in aliquam latitudinem seu amplitudinem superficialem area Tetragonica: sic ceteri Aspectus ab identitate figurarum Aspectus Quadrati, discedunt in aliquam figurarum alteritatem. Cum igitur alijs in phy-



sicis unita virtus sit fortior, erit etiam in hac ideali & objectivâ impressione, major gradus fortitudinis, ubi figura locis distincta, altera sc. centralis, altera circumferentialis, specie eadem fuerint.

Deinde quantum ad Congruentiam, illa in Tetragono perfectissima est & omnivaria, nam secum ipsa congruit hæc figura in solido ad cubum formandum, qui mensura est omnis soliditatis, & congruit simplicissime, ternis tantum angulis ascitis: congruit & in plano secum ipsa, quaternis angulis: congruit rursus in solido cum Trigono, Pentagono, Hexagono, Octogono, Decagono variè, ad

formandas figuras solidas, congruit cum iisdem omnibus, in superq. & cum Dodecagono & Icosigono quadamtenus, ad planitiem sternendam: qua in proprietate illa à nullâ aliâ superatur.

Tertio area Tetragoni est effabilis, quod principium est singularis alicujus & eximia Congruentia in plano: ut certus arearum hujus figura numerus absumat certum quadratorum diametri numerum, & sic figura non tantum ipsa inter se angulis & lateribus congruant, sed quodammodo, certis sc. suis lineis, etiam cum quadrati diametri lateribus. In hac proprietate Quadratus aspectus solum Semisextum habet ex parte socium. Vide lib. II.

Quarto, nec ignobilis est gradus scientia lateris, quod est effabile potentia: quo gradu precellit ceteris figuris omnibus, excepto Sex angulo: neque tamen illi propterea loco cedit; cum Scibilitas non sit comparanda Cngruentia, ut explicatum est suprâs; & verò valeat. accumulatio prerogativarum, ad augendam Efficaciam, per Axioma III. hujus.

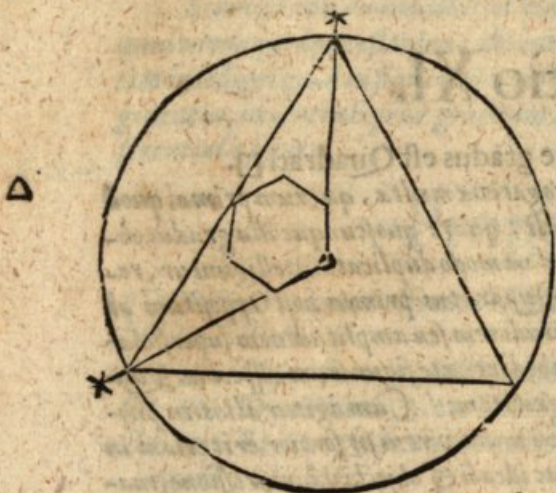
Propositio XII.

Tertius Efficacitatis Gradus est Trini Δ , Sextilis \ast , & Semisexti \ast .

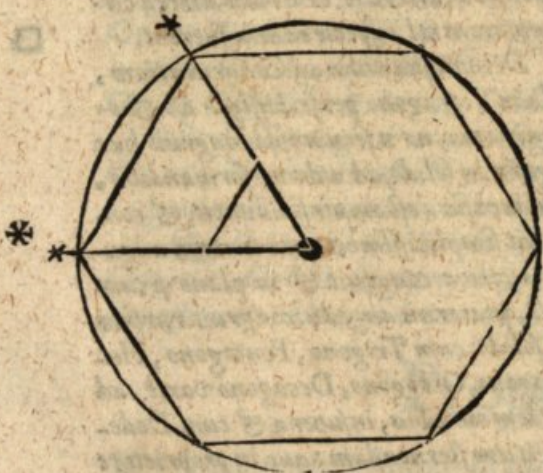
Quod Trinum, Sextilem, & Semisextum, in eodem gradu colloco: facit

146 DE CONFIGURATIONIBUS

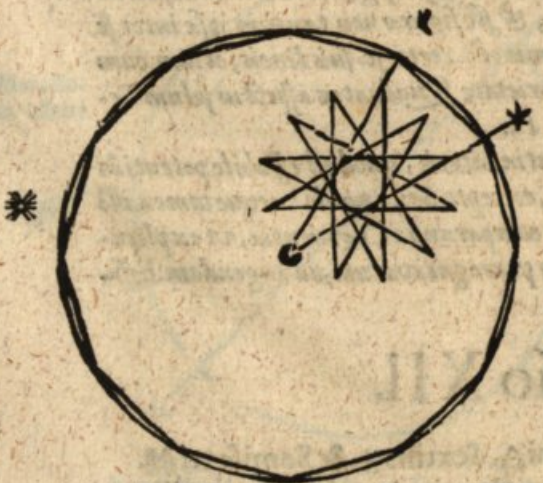
CAP. V. *facit proprietatum non identitas, sed aequipollentia. Primum eorum figura*



differentia, ut jam modo dictum, redundat in congruentiae perfectionem.



tamen proportione: ultimus hic est Dodecagonus, habens latus ineffabile. Verum scibilitas nec principium est ad Efficaciam argumentum, nec in figura principia, hoc est circumferentiali, consideratur; sed tantum



in centrali min^o principia. Quae si quid potest, Trinum paulo reddit efficaciorum Sextili, quia Trinum format angul^o Hexagoni in centro; paulo min^o utriusq^{ue} efficacem Semisextu, quem metitur angul^o Stella Dodecagonica in centro. Est tamen ceteris sequentibus nobilior scientia Semisexti, quia lat^o centralis figura, in Ineffabilibus nobilissima est speciei, sc. Binomina, et in earum sub divisione duplici, semper priores tenent, adeo ut cum sociis suis, latere circumferentialis figura, rectangulum effabile formet, quod est nota perfectionis penè absoluta; adeoq^{ue} etiam cum Triono et Hexagono hanc figuram scibilitate facit contendere, propter hanc pensationem ineffabilitatis suae, ponderosam admodum.

Propo-

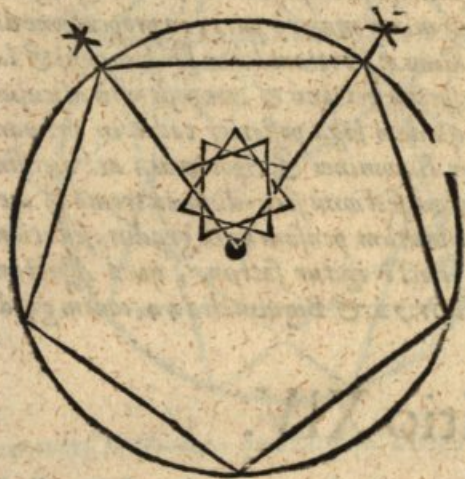
principales, in congruentia plana tradunt mutuas operas: coeunt n. et inter se varie et cum alijs, ut quadrato. Praecellunt quidem hic Trigonus et Hexagonus, quia etiam secum ipse singulae species congruunt; praecellit Trigono Hexagonus, quia perfectissimam obtinet in plano congruentiam, solis sc. ternis angulis; praecellunt ambo Dodecagono, quia etiam in solido congruunt illi cum figuris alijs, quod non potest Dodecagonum. At vicissim praecellit reliquis Dodecagonum effabile et aequa, cum illorum area sint mediales et sic ignobiliores: quae areae sunt

Sic etiam Trigonus praecellit rursus Hexagono, eo quod secum ipsa Trigonica species in solido congruit varie, gignitq^{ue} tria corpora regularia; Hexagonum tantum cum figuris alijs congruit. Ita pensatis inter se diversarum proprietatum ponderibus, Congruentia, quae primum et principium elementum est efficacia, penes hos tres propemodum ad aequilibrium perducitur. In scibilitate primas tenet Sexangulum, cujus lat^o effabile; secundus Trigonus, occupat enim eundem cum Tetragono gradum, habens latus effabile potentia, viliori

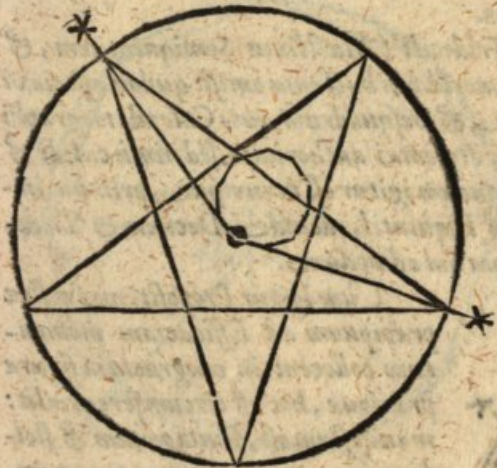
etiam proportionem: ultimus hic est Dodecagonus, habens latus ineffabile. Verum scibilitas nec principium est ad Efficaciam argumentum, nec in figura principia, hoc est circumferentiali, consideratur; sed tantum in centrali min^o principia. Quae si quid potest, Trinum paulo reddit efficaciorum Sextili, quia Trinum format angul^o Hexagoni in centro; paulo min^o utriusq^{ue} efficacem Semisextu, quem metitur angul^o Stella Dodecagonica in centro. Est tamen ceteris sequentibus nobilior scientia Semisexti, quia lat^o centralis figura, in Ineffabilibus nobilissima est speciei, sc. Binomina, et in earum sub divisione duplici, semper priores tenent, adeo ut cum sociis suis, latere circumferentialis figura, rectangulum effabile formet, quod est nota perfectionis

Propositio XIII.

Quartus in Efficacitate Configurationum Gradus est Quintilis, Biquintilis, & Quincuncis.



His enim communis est congruentia figurarum primariarum totarum in plano, non tamen singularum specierum secum ipsis; sed primarum duarum inter se mutuo, ultima cum alijs sibi cognatis. Præcellunt duo priores aspectus eo, quod congruunt figurae, Pentagonus & stella ejus, etiam in solido, faciuntque duas figuras solidas regulares; qua nobilitate penè associant aspectus suos Trino & Quadrato; stella Dodecagonica in solido non congruit. At vicissim præcellit & Dodecagonica, congruentiam planam; quam habet continuabilem in infinitum; cum illa non longè continuari possint sine mixtura irregulari. Vide hæc omnia libr. II.



Quod scibilitatem attinet laterum in figuris centralibus; hic etiam medio loco consistunt latera Decagoni & Tridecile & Dodecagoni, que sunt hæc in classe centrales, inter latus Trigoni præcedentis, & latera Pentagoni, stellaque Pentagonica, centralium figurarum in classe sequenti, Nam libro I demonstratum est, prius esse in scientia, Decagonicum latus Pentagonico, Tridecile stellari Pentagonico. Itaque & Scibilitas eodem ducit, quo & Congruentia, per pr. VII: que hujus potissimum demonstrationis causa fuit præmittenda, ne Decile vel Tridecile præferrentur Quintili & Biquintili. Si verò quis misera figuram centrali, Scibilitatem potius in circumferentiali querere velit, non minus quam Congruentiam: est fatendum est, hoc pacto prælatum iri Decilem Quintili, Tridecilem Biquintili; ac meminerit is, præcipuas esse partes Congruentia, ut



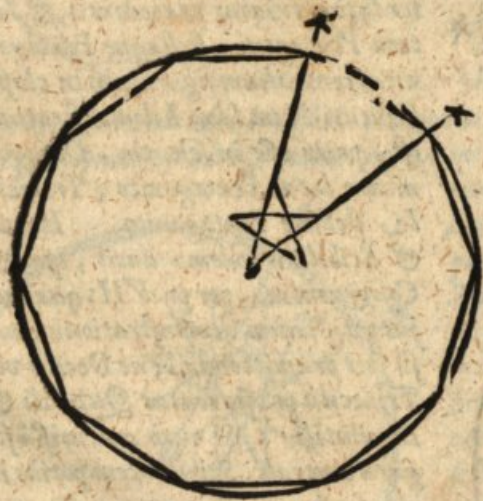
CAP. V.

ostendimus pr. IV. majus igitur est, & plus ad efficacitatem potest, creare figuram solidam (quæ est veluti idea quedam mathematica efficacitatis physica) quam latus habere perfectiori gradu scibile. Latus quidem Dodecagoni hoc pacto confert aspectum suum in eandem classem cum subtensis decimæ parti circuli, tribusque decimis: quia contendunt inter se præstantiâ scibilitatis. Nam sicut sociantur inter se duæ illæ subtensæ, fitque minor majoris pars, in proportione divinâ sectionis secundum extrema & medium: sic etiam latus Dodecagoni & latus ejus stellæ sociantur, & hoc etiam respectu sectionis & compositionis alicujus, non tamen proportionalis. Et hæc quidem biga posterior cadit in primam speciem Ineffabilem, quæ complectitur Binomines & Apotomas; at vicissim illa prior biga acquirit novam proprietatem sectionis secundum extrema & medium: ut videre est lib. I. Quare non tantum pensantur hi gradus, sed etiam præcellit nonnihil Decanguli latus. Rectè igitur factum, quod Aspectum Quincuncem seu Gr. 150. cum Quintili Gr. 72. & Biquintili 144. eodem gradu locari, primâ tamen sede his datâ.

Propositio XIV.

Quintus, ultimus & imbecillissimus aspectuum Gradus est Decilis & Tridecilis, Octilis & Trioctilis.

Quintum locum feci Decili & Tridecili (Mæstlinus Semiquintilem, & Sesquiquintilem appellat) quos in Ephemeridibus hætenus omisi: quibus associavi Octilem & Trioctilem seu Sequadrum, & Sesquadrum; quos Calendariographi ex mea quidem suggestione & nonnullâ Ptolemei auctoritate, sed nimis calidè & inconsideratè arripuerunt. Probandum igitur est utrumque, primum imbecilliores esse hos quatuor, Quintili & Biquintili; deinde, Decilem & Tridecilem, fortiores Octili & Trioctili, parùm admodum.

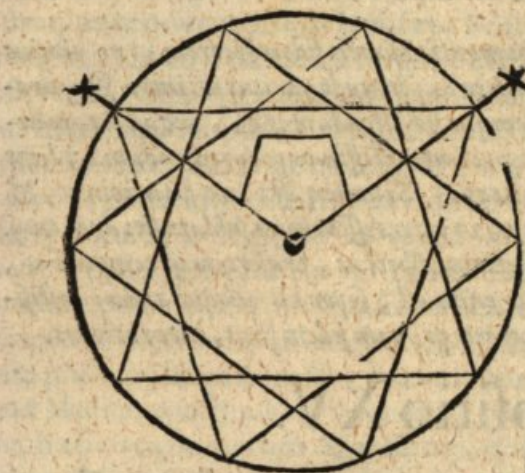


Cum igitur Propositiones nostræ præcipuum ad Efficaciam momentum collocent in congruentia figura præcipuæ, hoc est circumferentialis: manifestum est, Pentagonum & Stellam ejus, congruere cum suæ quæcumque speciei figuris, ad solidum perfectum formandum, ut jam modo dictum; congruere etiam inter se pulchrè ad planum sternendum. Decagonus vicissim & Octogonus cum stellis suis, quæque cum suæ speciei alijs, in solido congruere non possunt. Congruunt quidem, Decagonus & Octogonus, sed cum alijs non omnibus

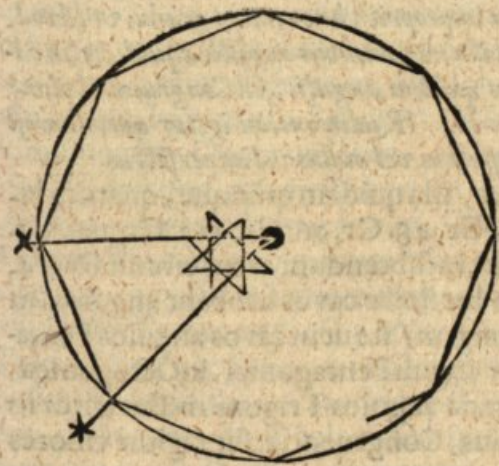
sui generis; stellæ verò inchoant aliquam congruentiam in solido, at non absolvunt: etiam in plano ignobilior est earum congruentia, quia nec mutuas tradunt operas, quævis figura cum suâ stellâ solitaria, ut Pentagonus cum suâ: sed cum illis suis stellis, & Octogonus cum Tetragono, in societatem veniunt, congruentiæ ali-

tia aliena, illamque, quo minus continuari possit, ipse Decagonus impedit: Stella ejus etiam hiulcam in medijs interceptis spacijs facit congruentiam.

Octogonus verò & stella ejus, alternis juvant continuationem congruentia, admixtis Quadratis; Congruentia sit diversiformis, Ita penè pares sunt hæ quatuor in congruentiâ planâ; præsertim cum areas utraque figura habeant ineffabiles. At in scibilitate multum præcellit secta Pentagonica. Primum si centrales figuras consideremus, quæ sunt hic jam Pentagonus & Stella ejus, illarum quidem latera sub eadem speciem ineffabilium cadunt, cum lateribus Octogoni & stella; existentia Elafon & Mizon: si in circumferentiales, quæ hic sunt latera Decagoni & stella ejus: illa non tantum sunt ex specie nobiliori Binominum & Apotomarum, cum Octogonica sint ex quarta specie, quæ est Mizonum & Elafonum: sed acquirunt etiam omnia latera Pentagonica sectæ, nobilissimam proprietatem sectionis secundum extrema & medium; quæ planè nihil attinet lineas Octogonicas.



circumferentiales, quæ hic sunt latera Decagoni & stella ejus: illa non tantum



comp.

Quòd si Octogonica secta nonnihil præpollere visa est in Congruentiâ; hic jam vicissim, multò fortius deprimitur à Pentagonicâ. Rectè igitur utrasque, ut de præstantia contendentes, in unam classem redegi, præmissâ tamen Pentagonicâ. Consulatur de his identidem liber I.

Est & peculiaris prerogativa Biquintilis, præ Tridecili & Trioctili, etiamque Quincuncè, quòd stella Pentagonica, primaria sc. illius figura, aptissimum & Trigonici æmulum habet angulum: quia ut tres anguli Trigoni, sic etiam quinque anguli stella Pentagonica, junctum utrinque æquantur duobus rectis, ut sic latera angulos formantia, circuli arcus,

queque suos, intercipient; non verò bina & bina portionem aliquam circuli communiter: quod in stella octo, decem, duodecim radiorum, ob Paris numeri conditionem, inq̄, ceteris figuris primigenijs, ob anguli magnitudinem fieri non potest.

Excussi omnes oculos, ut argumentis idoneis fidem facerem; ne nimius fiat numerus aspectuum, confusionem in experiundo pariturus: intra Quadratum igitur & Quintilem Biquintilemque subsistendum esse, nec ad eorum derivatos quatuor, ultimi gradus, utpote imbecillissimos progrediendum; licet hos quoque prima propositio admittat. Si tamen ista non satisfaciunt, & si tanta est primæ Propositionis dignitas, ut intercessio omnis sublata sit: age, cuiq̄, per me liberum esto, respicere ad hos etiam Aspectus, præsertim ijs temporibus, quibus ceteri omnes defuerint. Par enim est, super his quoque audiri testificantem experientiam; ut quæ & ceteris primam fidem fecit, ante rationes.

Propositio XV.

Sunt aliquæ configurationes, quæ inter efficaces & non efficaces ambigunt: nimirum Arcus Graduum 24. ex Pentekædecagono, & Gr 18. ex Icosigono.

Nam scibiles sunt figura, sed illa improprie, hæc remoto gradu, ut libro I. demonstratum. Et congruæ sunt, sed illa non omnibus angulis aequaliter, in eadem formâ Congruentia: hæc omnibus quidem angulis, sed Congruentiâ planè non continuabili: quod ostensum Libro II. Rudimentum igitur quoddam est Efficacitatis, & veluti conatus; at effectus vel nullus vel imperfectus.

Multas habent hæ figuræ stellas, illa quidem quinque, quarum latera subtendunt arcus circuli hos, Gr. 48. Gr. 96. Gr. 112. Gr. 156. Gr. 168. hæc verò quatuor, quarum latera subtendunt arcus circuli Gr. 54. Gr. 126. Gr. 162. Gr. 171. At cum hæ stellæ cavos habeant angulos, in quos non recipiuntur anguli alij congrui (sic ut in cavos angulos Pentagonicæ & Decagonicæ recipiuntur anguli Pentagonici, in Octogonicæ, angulus Tetragoni, in Dodecagonicæ angulus Trigoni; restat igitur ijs fola acutorum, quos Radios dicimus, Congruentia: sunt igitur viliores ipsi suis primigenijs

CAPVT VI.

Quæ sit cognatio Aspectibus cum Consonantiis Musicis in Numero & causis ejus.

Quibus Occasionibus detectæ sint Configurationes efficaces, auctusque earum Numerus: non est hujus loci commemorare, pertinet enim hoc ad Astrologiam; egi que de ea re ante annos 12. in libro de stellâ novâ & Trigono igneo, cap. VIII. IX. X. ubi non tantum discrimen ingens ostendi inter Aspectus & inter cætera com-

commenta, verè vanitates Astrologicas: sed etiam Joh. Pici Mirandulæ Comitis rationes philosophicas huic etiam Astrologiæ parti oppositas, solidè ut opinor dissolvi; quâ dissolvenda & refutanda fuerunt. Cùmq; ante novem annos Helisæus Röslinus M.D. & Philosophus non incelebris, libro Teutonicâ linguâ edito, novam hanc philosophiam, ipse veteri Astrologiæ deditus, impugnandam sumpsisset; itemque alius Medicus, Philippus Feselius, in contrarium, Astrologiæ capita promiscuè omnia, interque ea & doctrinam de configurationibus, oppugnasset; ego utrique restiti, editis duobus libellis Teutonicis: quorum alteri Titulus, *Responsio ad objecta Röslini*; alteri, *Tertius interveniens*. Et in hoc quidem veritatem defendi Aspectuum, in illo verò modum causæ, quo Aspectus sint efficaces, asserui. Itaque viri docti, scriptis ad me literis, testati sunt, nunc demum Astrologos à me puriorem philosophiam doceri. In omnibus libellis cognationis memini, quæ Musicis consonantijs intercedat cum Aspectibus: sed in primo adhuc hæsi circa numerum Aspectuum, quosdam spurios; vel certè imbecilles, observans inter præcipuos, quosdam fortiores penitus negligens: in Teutonicis verò cepi hos defectus speculationis meæ detegere; quod paulò pleniori declaratione, loco sic postulante, repetendum censui nuper in Prolegomenis Ephemeridum, fol. 33. 34. 35. 36. Quæ verò ibi loci propter institutam brevitem explicari fufius non potuerunt ea jam hic, ordine sic ferente, supplebo. Axioma, quod anno 1606. usurpatum, loco citato Ephemeridū sumpsi examinandum & refutandum, hoc erat; *Creatorem Deum, aut ex Harmoniis Cantus infra Octavam, libro III. descriptis, desumpsisse leges ordinandorum Aspectuum; aut ad caelestes Aspectus, attemperasse aures hominis, Concordantiarum illarum judices*. Hoc Axioma si verum undiquaque esset; oporteret esse totidem numero aspectus, quot sunt Concordantiæ, usque ad Diapason. Nam Sextilis respondet Tertiæ molli, Quintilis Tertiæ duræ, Quadrat⁹ Diatessaron, Trinus Diapente, Sefquadrus Sextæ molli, Biquintilis Sextæ duræ, Oppositus Diapason: quia si auferas à chorda totâ tantâ portionem, quantum portionem de circulo aufert quilibet aspectus; residuum chordæ facit cum totâ illam Consonantiam, quæ hic cuilibet Aspectui est adscripta. Cùm igitur numerus iste Septenarius Concordantiarum, seu potius Sectionum harmonicarum, quas singulas singulæ Concordantiæ infra Diapason insequuntur; certus sit & demonstrativus, non minus quàm est in Geometriâ numerus Quinarij corporum Regularium, ut libro III, cap. II. patuit; esset igitur ratio demonstrandi numerum Aspectuum facilis & expedita, per susceptum hoc Axioma: nec fuisset opus operoso isto novorum Axiomatum libri IV, apparatu.

Et sanè si observationes Meteorologicæ huic septenario Aspectuum fuissent astipulatæ ex assè: ac quievissent Ego in suprâ posito axioma, nec de ijs quæ ex rationum Harmonicarum ortu, exque metaphysicæ causæ consideratione poterant objici, valde fuisset sollicitus. Sed quia crebrò deprehensum est; Naturam sublunarem stimulari etiam à Semisexto, qui duodecimam partem circuli intercipit, cùm tamen ablatâ portione duodecimâ de chordâ, residuum, partium unde-

CAP. VI.

cim, non consonet cum Tota; & quia infidæ deprehensæ sunt extimulations Tempestatum per Sesquadrum, qui dispungit tres Octavas circuli; cùm tamen ablatis tribus Octavis de chorda, residuum 5 Octavarum omninò consonet cum tota 8; hinc orta mihi fuit necessitas, causas dissensus & diversitatis hujus hoc IV. libro rimandi profundius. Quod etsi rectè peractum, & causas clarissimas erutas existimo: sumam tamen disputationis totius iteratò inculcare non nocuerit: cùm id requirat instituta hoc loco explicatio eorum, quæ in Præambulo Ephe-meredis concisius sunt dicta.

g. In formã
da concor-
dantia, va-
let Residuũ
circuli, non
valet in for-
mando As-
pectu.

Causa igitur, cur non quot sunt in Musica sectiones Harmonicæ, totidem etiam sint Aspectus, uti usque ad annum 1608. credideram, est hæc quia Musica septenarij sui principia nonnulla ex ipsa rectitudine chordæ trahit: cùm circulus, in quo notamus Aspectus, in seipsum redeat; nec possit, ut ex chordæ, sic etiam ex Zodiaci Residuo fieri circulus alius. Verba sunt dictorum Prolegomenon fol. 35. quæ sic explicanda sunt. Nam ut Cap. IV. hujus dictum, aliter oriuntur sectiones Harmonicæ, aliter Aspectus, licet ex eodem circulo orientur utrique. Nam libro III. sic comparata sunt Axiomata, ut quælibet chorda, chordæque pars, seu longa seu brevis, possit iterum comparari toti circulo, non minùs quàm tota seu longissima chorda eidem circulo comparabatur: At hoc libro IV. non potuit arcus circuli, seu major semicirculo, seu minor, comparari toti. Dicam clariùs; quoruncumque modis circulus dividitur demonstrativè, omnes illi modi possunt transferri in lineam rectam, hoc est chordam, ejusque partem quamcunque. At non sic divisio circuli totius demonstrativa, verbi causâ, in tria aut in quinque, potest ideò etiam in arcum ejus quemcunque transferri: quod satis est demonstratum in propositionibus ultimis libri primi. Causa est in figurâ; recta enim manet recta, sive truncetur, sive prolongetur; at circulus truncatus non manet circulus. Datur igitur sectio proportionalis binarum quarumque rectarum, datur & binorum quorumcunque circulorum, sed non datur binorum quorumcunque arcuum unius circuli. Hæc sic ad propositum accommodantur. Si dividatur chorda in partes octo, divisione sc. circuli demonstrativâ; una Octava consonat cum totâ, consonant & tres Octavæ, propterea, quia una Octava circuli demonstrativè rescindi potest, ut & tres octavæ. Eadem demonstrativa determinatio est etiam inter causas, cur Octilis & Trioctilis sint efficaces. At hoc est discrimen, quòd illic nondum est constituta SEC TIO harmonica, nisi etiam Residuum, septem octavæ & quinque octavæ, consonent tam cum tota, partium octo, quàm etiam cum partibus rescissis, 7. cum 1. & 5. cum 3. Atqui demonstrativa determinatio partis 1. & partium 3. non dat illarum residuis 7. & 5. ut sint & ipsæ consonæ: nam 5. quidem est consona, 7. verò est dissona. Itaque sectio totius 8. in 5. & 3. est harmonica, in 7. & 1 non est harmonica. Unde igitur habet Residuum 5. suam consonantiã cum tota 8. Residuũ 7. suam ab illa dissonantiã? Nimirum inde, quia circulus in 5. divisus, habet subtensam duabus quintis, demonstrativam; unde est, quòd chorda in quinque divisa (ut hic pars proposita de chorda 8.) consonat cum parte quæ est 2 portiones longa; quare etiam cum

4. & 8. quæ sunt cum 2. in proportione continuè duplâ. Contrâ circulus in 7. divisus, non facit chordam unius septimæ portionis demonstrativam, quare Residuum illud chordæ, quod habet 7. dissonat ab 1. & sic etiam à 2. 4. 8. Ecce ut sectio harmonica totius 8. in 3. 5. unam tantùm consonantiam habeat ex Octogono, alteram verò ex Pentagono. Quin & tertiam habet ex aliâ figurâ, sc: ex Decagono. Non consonaret enim Pars 3. cum Residuo 5, nisi consonaret antea cum ejus duplo 10; idque ideò, quia circulo in 10. divisio, subtensa tribus decimis est demonstrativa. Hæc verò copulatio plurium figurarum, locum non habet in circulo, ejusque partibus. Nam si primò scripseris in toto circulo Octangulum regulare, posito quòd possis arcum, qui habet tres Octavas, dividere in quinque (quanquam impossibile est ut id fiat demonstrativè). certè Quinquangulum illi inscribi ad divisiones factas non poterit: fieret enim & irregularissimum, & potius sexangulum, cum arcus habeat duos terminos ante sui divisionem. Cùm ergò ingens sit diversitas Residuorum, hinc chordæ, inde circuli; patet, quòd nisi à circulo progrediamur etiam ad lineam rectam, Residui ratio haberi nulla possit. Atqui Aspectus est angulus, cujus mensura non est aliqua recta, sed arcus circuli ex concursus radiorum puncto descriptus: non meretur ergo circulus Aspectum, non format eum, non efficacem reddit, ratione Residui; sed tantùm ratione arcus ab aspectu intercepti. Si non ratione Residui; non igitur ratione sectionis harmonicæ chordæ, ex illa divisione circuli oræ: quia sectio harmonica sine Residuo definiti non potest. Et sic profligatum est axioma illud, quòd proportiones harmonicæ cantus, sint Aspectuum causæ. Nec sequitur, Respondet Trioctilis seu Sesquadrus Sectioni harmonicæ, quæ gignit tertiam mollem; & est efficax; ergò ejus efficacia est a sectione harmonicâ circuli, ut talis. Sed hoc verum est, *Magnam*, ut habent Prolegomena dicta *cognitionem esse Harmonijs cum Aspectib⁹; eandem utrique generi originem, ex figuris nobilibus, circulo inscriptilibus*: id est, demonstrativam scibilitatem subtensæ trium Octavarum circuli, inter elementa esse, ex quibus & harmonica sectio in Musica, & Aspectus efficax in Physica constituitur. Loquor autem ex hypothèsi, quasi sola scibilitas figuræ sufficeret ad efficaciam, sicut sufficit ad simplicem Partis Consonantiam cum Toto. Nam si accuratè agamus, etiam illud discrimen est; quòd in Consonantijs quidem plurimum valet Scibilitas, in Aspectibus verò Congruentia figurarum præcellit; estque Semiquadrus & Sesquadrus efficax non tantùm quia latus Octogoni & stellæ scibile; sed etiam & maxime, quia Octogonus & stella ejus sunt figuræ congruæ.

Qualis cognatio Section. Har. cum Aspectibus.

Hæc adeò causa est, cur Dodecagonus potissimùm gignat Aspectum validum, at non gignat sectionem harmonicam, id est Consonantiam triplicem, licet gignat simplicem. Nam Residuum 11, ablatâ duodecimâ, impedit sectionem harmonicam, non impedit efficacitatem partis duodecimæ. Sed de hoc jam paulò post plura dicam.

Non est verus sed opinabilis tantum responsus Concordantiarum minorum & Aspectuum.

Nam ut vera, mathematica, & causalis existat comparatio Concordantiarum cum Aspectibus; planè evertendum est Axioma, quippe quod

IV
CAP. VI

pe quod non tantum est insufficiens, sed etiam veritati è diametro contrarium. Nullus enim aspectus propriè respondet ulli concordantiæ minori, præterquam Oppositus Concordantiæ Diapason, sed respondent singuli concordantijs majoribus, minorum socijs, ex triga sectionis uniuscujusq;. Nimirum Aspectus quidem definiuntur Segmentis circuli iisdem quibus & majores concordantiæ: minores verò concordantiæ, circuli Residuis. Verbi causâ, Trigonus aspectus non respondet concordantiæ Diapente: sed Diapason & pidiapente: Quadratus non respondet Diatesarō, sed Disdiapason; Quintilis non Tertiæ duræ, sed compositæ ex hac & ex Disdiapason; Sextilis non Tertiæ molli, sed Disdiapason epidiapente: Biquintilis non Sextæ duræ, ut supra opinabamur, sed compositæ ex Tertiâ durâ & ex Diapason: Sesquadrus non Sextæ molli, sed compositæ ex Diatesaron & ex Diapason: ut patet ex eadem utrinq; proportionem partis ad Totum:

3. Verus responfus majorū concordantiarum cum Aspectibus, non format numerum eorum.

In hac igitur correspondentia nullus occurreret finis aspectuum; cum majores concordantiæ infinitæ sint: & qui hac solâ causâ nituntur, ex qua stabiliant Semiquadrum Aspectum, quia nimirum ille respondet concordantiæ Trisdiapason; excusationem nullam habent, quin & Decilem recipiant & Tridecilem, & Vigintilem, & plurimos alios, quos tamen rejiciunt; respondent enim & hi suis concordantijs majoribus, quæ toties accumulunt unam Octavam ulterius, quoties divisio circuli duplicat numerum portionum.

Hinc corrigere Libro de stella nova, cap. IX. fol. 38 & 40. qd. pe ex hoc libro, quem ibi fol. 41. vides promissum. Hinc etiam supple in meo Tertio interveniente numerū LIX. sub finem.

4. Præcipua causa ad formatos aspectus, est Congruentia Figurarum.

Quid igitur est illud, quod metam ponit numero Aspectuum? & cur nullus Semiquadratus vel Octilis, nullus Decilis vel Tridecilis, nisi tantum post principia, introducitur? cur Sesquadrus Musicâ cognatione nobilitatus vel omittitur vel vilis habetur, Semisextus in Musicâ peregrinus non inseritur tantum, sed & inter primos ostentatur? Quia non Musica format Aspectus, sed Geometria utrumque genus; alijs tamen legibus illam, alijs hos. Est enim & Harmonicum in Musica, & efficax in Meteoris, quicquid est à figura nobili, quæ singularia aliqua habet in Geometriâ privilegia. Sed sunt diversæ veluti gentes, Meteorologia & Musica, ex eadem patria Geometria oriundæ, quarum altera, hoc est, proportionem Harmonicæ lib. III. patriam quidem circumfatebantur, eique suam originem ferebant acceptam, non minùs quam hic Aspectus; sed tamen illæ egressæ velut ex circulo, coloniam propriam deduxerunt, suisque legibus degentes sese propagarunt: Aspectus intra circumfatebantur patriam suam manentes, legibus non alijs utuntur, quam quas circuli rotunditas ipsis præscribit, delumptas ex figuris planis Regularibus Congruis & circulo inscriptis.

Nam in Musicâ septemviratus ille sectionum constituitur ex Matrimonijs certis, accensitis etiam foeminis. Verbi causâ, subtrinsa tribus Octavis, seu stella Octangularis, ex civibus quidem est in Geometria & classe figurarum regularium; at præcipuæ nobilitatis non est: In Musicâ verò, arcus ejus, (tres Octavæ circuli) locum est nactus, quia natus est ex connubio, quo plebeia foemina, cui nomen est Residuum (scilicet tres Quartæ circuli) juncta erat Patricio (partis scilicet Quartæ circuli); cujus nobilitas in Geometriâ est ex Tetragono. Nam ex hac matre (tribus quartis

quartis) per generationem musicam (per additionem unius Diapason) CAP. VI
 nata est Pars, tres octavæ; cui, salvo honore senatorio, licet jam ducere
 aliam plebeiam, cui nomen quinque octavæ; cujus ortus eadem est con-
 ditio; nam mater illi quoque Residuum, scilicet quatuor quintarum;
 pater patricius, una quinta, cujus nobilitas Geometrica est ex Quinqu-
 angulo.

Duodecima verò circuli pars, etsi jus civitatis habet in Musica,
 cum ejus subtensa sit in Geometriâ præcipuæ nobilitatis, tam suâ vir-
 tute partæ (ob Congruentiam) quam à parentibus acceptæ (sunt enim
 figuræ nobiles Sexangulum & Triangulum, ex quarum laterum dupli-
 catione est Dodecagonus, præstantior illis, ob arcem effabilem) at quia
 hæc pars duodecima uxorem habet, undecim duodecimarum Residu-
 um, quæ in Musicâ, adeòque & in Geometriâ peregrinæ est originis, ge-
 nus ad Undecangulum referens, figuram non demonstrabilem, eòque
 civitatis jus adipisci non potest: nullum igitur maritus in Musicâ jus ha-
 bet septemviratus, ad constituendum numerum divisionum mono-
 chordi.

Contrà in Meteorologia mos est alius. Nam ut quisque ipse nobilis
 seu ortu seu meritis (Scibilitate sc. aut Congruentia) ita plurimum va-
 let autoritate, reliqui volitant velut umbræ: foeminarum ratio ha-
 betur nulla.

Hic igitur Oçtilis vel Sequadrus, & Sesquadrus, posthabito suo ju-
 re in Musicâ, quia subtensas habent ignobiles, sunt de populo, cujus po-
 testas nulla, nisi per absentiam magistratum, urgente mole negocio-
 rum. Hoc est, si diu nulli essent Aspectus primarij; facerent fortassis
 aliquid etiam hi Aspectus, præsertim si terra humore plena sit, quo ca-
 su se ipsam exonerat quandoque sine omni configurationum stimulo.
 At quia plerumque præstò sunt primarij, Natura sublunaris ab ijs fatiga-
 ta, non sentit stimulos hos minores.

Decilis verò & Tridecilis, ex illustri quidem sunt familiâ, divisio-
 nis circuli denariæ, quæ utitur proportione divinâ; genus tamen suum
 factis non illustrarunt (quia in solido non omnimodè congruunt); nec
 capita sunt familiæ: et si quid etiam possunt (congruentes aliquatenus
 in plano, etiamque cum alijs in solido) id omne præripitur ipsis ab op-
 timatibus ex alijs familijs; aut offuscatur eorum gloria, splendore ma-
 jori. Nam si natura per Aspectum 30. graduum satis fuit exercita, ter-
 ra satis per illum exhausta; parum relinquitur aspectui vicino 36. gra-
 duum imbecilliori, quod operetur.

Semisexto denique Gr. 30. nobilitas est præcellens ex Dodecago-
 no, & Scibili & Congruo eximie: nec connubium peregrinum, quod in
 Musica præstruxerat illi aditum ad honores, in Meteorologia ullatenus
 obstat. Post hunc Dodecagonum quæ sequuntur figuræ, tam in tribus
 secretis familijs, Tetragonâ, Trigonâ, Pentagonâ, quam in mix-
 tura Quindenaria, præterquam quod omnes jam sunt nobilitatis infe-
 rioris, nulla etiam planè habent merita propria (Congruentiæ); itaque
 lege civitatis inviolabili, honoribus & potestate constituendi Aspectus
 arcentur.

V 2

Ex his

Ex his apparet id, quod in Prolegomenis Ephemer: dixi, in Aspectuum constitutione valere causas diversas, earumque concursum, & Naturam habere delectum eorum, qui pluribus sunt instructi prerogativis: & Semisexto quaedam jura esse communia cum Quadrato; nimirum Effabilitatem areæ in figurâ; quaedam cum Sextili, sc. multivariam congruentiam in plano; quibus junctis copijs semisextus quodammodo potentior evadit ipso sextili, quatenus nimirum potior est Dodecagonicæ areæ effabilitas, effabilitate lateris Hexagonici; quia illam sequitur perfectior in plano Congruentia. Et si hoc libro IV. Semisextum ego sequi jussi Sextilè, sed eodem in gradu.

Trinum etiam & Quadratum, & Quintilem & Biquintilem Prolegomena Ephemeridis faciunt *æquales in primâ & validissimâ causa*; puta Congruentiæ puræ in solido, ad constituendas figuras solidas Regulares; Trinum & Quadratum dixi addere causam secundam, non multò leviores; intellige Congruentiam puram figurarum in plano. Hæc quidem etiam Sextili communis est; verùm eam ille non addit primæ, sed separatam ab illâ possidet. Quemadmodum Quadrato & tertiam causam addere perhibetur, puta Effabilitatem plani; non quod eâ non etiam Semisextus participet; sed quia quæ sunt in cæteris singulæ, illæ in Quadrato cumulantur, ut fiat omnium potentissimus.

Sic in colligendis suffragijs pro sextili, aliquam nobilitatem ei communem cum Opposito esse dixi, Effabilitatem innuens lateris figuræ, quia est dimidium diametri circuli. Rursum eidem aliqua nobilitas est communis cum Trino & Quadrato; nimirum Congruentia pura in plano, de qua priùs, Nam ejus aliqua solùm particula, hoc est, Congruentia cum aliarum specierum figuris, competit Semisexto, & cæteris ignobilioribus. In hac verò Congruentiæ particulâ primum gradum obtinet Semisexti & Octilis figuræ: cui posset associari etiam Semisexti stella: quia Congruentia, quam inchoant, continuabilis est, sine mixtura formarum diversarum: secundum gradum habent Quintilis & Biquintilis, nisi quòd ijdem nobiliores habent congruentiam in solido: item Trioctilis, Decilis & Tridecilis, quia eorum figuræ continuant quidem Congruentiâ; sed non sine mixtione diversarum formarum; & omnes istæ congruunt quadamtenus etiam in solido, secundum magis & minus: exceptâ Quincuncis stella Dodecagonicâ; quæ ideò in Tertium gradum refertur: cui etiam Sesequadrus, seu Octogoni stella adjungi potest, propter obscuritatem scientiæ.

Extendi quidem gradus etiam ulteriùs, ad Vigintilem & Quindecilem, hoc est, ad figuras Quindecim & Viginti angulorum; quibus Quartum gradum (in dictâ congruentiæ particulâ solâ) dedi; causam continet nostra pr. III. hujus Libri. Stellis verò earum Quintus gradus fuit assignatus, quia Scibilitate pares sunt figuris suis primævis, Congruentiâ longissimè posteriores, ut quæ tantum eorum angulos singulos attinet. Verùm id non erat necesse, ut facerem: cum ne quidem ad tertium gradum usque, gignantur aspectus planè indubij; possimusque speciosè metam figere pullulantibus Aspectibus, in solido Congruentiâ, & in perfectâ lateris vel plani Effabilitate. Quare potiùs ex finibus librorum I. & II. petantur gradus nobilitatis Figurarum: ex quibus hoc libro distincti sunt gradus Aspectuum.

CAPVT VII.

Epilogus, de Natura sublunari, facultatibusque Animæ inferioribus, præsertim ijs, quibus Astrologia nititur.

Multa de hac contemplatione capite secundo, multa toto hoc libro IV. nonnulla etiam libro III. sunt dicta, & ante annum in Prolegomenis Ephemeridum, inque Epitomes Astronomiæ Copernicæ lib. I. fol. 125. rursus anno 1610, in Tertio interveniente, Numeris à 40. in 43. & à 59. in 72. & 113. &c. inque Responione ad objecta Rösslini; & anno 1606. in libro de stella nova, cap. VIII. IX. X. & XXIV. XXVIII. præsertim à fol. 171. in 175. & anno 1604. in Astronomiæ parte Opticâ fol. 26. 27. & fol. 224. Nam prognostica, quibus de fundamentis Astrologiæ certioribus tubinde vel præfatus vel interfatus sum, consultò prætereo, ut quæ non latè sparsa sunt.

Cùm autem celeberrimis nonnullis Philosophiæ & Medicinæ Professoribus visus sim novam philosophiam condere, eamque verissimam; omni curâ fovenda & educanda est tenella plantula, ut sunt nova omnia, ut radices agat in animis philosophantium; neque suffocetur humore nimio vanarum sophisticationum, neve vulgarum opinionum torrentibus eluatur, aut negligentia publicæ frigori obrigescat: quod si mihi cavere contigerit; non ego illi à ventis calumniarum, ne frangatur; non à solidæ censuræ Sole, ne exuratur, quicquam metuo.

Cùm igitur cap. I. Animæ quidem tetigerim essentiam, sed propter solas Harmonias, cùm secundum Caput non ex professo de Anima sit, sed de Harmonijs propter Animam: lubet nunc jam hoc capite differere de Animâ propter seipsam, paulò generalius: lubet ex Epilogo Syllogum facere omnium, quæ ad præsentem materiam spectant; quæque sparsim, quæ obiter, quæ latenter dicta; hic sub unum aspectum referre, totamque rei naturam, continuo orationis filo explicare.

Esse aliquam totius universi Animam, præfectam motibus astrorum, generationi elementorum, conservationi animantium & stirpium, denique sympathiæ superiorum inferiorumque mutua, Timæus Locrensis ex Pythagoricis placitis apud Platonem defendit; Proclus verò, cùm aliàs, tum præsertim verbis in cap. I. hujus libri IV. transcriptis, stabilivit. Hanc diversam à Mente fecerunt; & quòd Mens simplex esset, Anima ista multiplex facultatibus; & quòd Ideæ omnium sensilium in Mente inessent primò per se, puræ & identicæ; in Anima secundariò, propter Mentem, & ab eâ acceptæ, magis ad materiam incli- nantes: unde & nominum distinctione usi, Intellectuales quidem vel Mentales, PARADIGMATA, appellarunt, Animales verò, Paradigmatum illorum ICONES. Summa eo redit, ut Christianus aliquis facilimè pro Mente Platonica Deum creatorem; pro Anima, Naturam rerum intelligere possit.

Fol. 115.
117.

CAP. VII. Quibus illipotissimum ventis contemplationis agitati ad hæc dogmata appulerint, alijs reliquo excutiendum: ego de meipso dicam. Et primum quidem de Anima totius universi cæli non repugno; nihil tamen hoc libro IV. dicam: Videtur enim (si est talis aliqua) in centro Mundi, quod mihi Sol est, residere, indeque in omnem ejus amplitudinem commercio radiorum lucis; qui sint loco Spirituum in corpore animalium, propagari.

Vide Epilogum lib. V.

De Natura verò, quæ præest elementis, quamque usitato epitheto sublunarem appello, jam à viginti annis ego non dissimilia statuere cepi; motus verò sum ad hoc, non lectione vel admiratione Platoniorum; sed solâ & unicâ tempestatum observatione, Aspectuumque, quibus illæ cidentur, contemplatione.

Vide supra fol. 123. 125. 130. 131. 132. 140. 143.

Ofcitantia Astrologorum.

Et Philosophorum.

Principatus influxus cæli est pennis Animam sublunarem.

Pluviarum materia ex Terra.

Vidi enim, magnâ constantiâ turbari statum aeris, quoties planetæ vel conjungerentur, vel aspectibus, vulgò Astrologorum celebratis, configurarentur; vidi tranquillitatem plerunque esse in aere, si nulli, vel si pauci inciderent Aspectus; vel si celeriter conficerentur transigerenturque. Hoc verò negotium ego non ita leviter considerandum esse censui, uti vulgus Prognostarum solet; qui sic describunt siderum apotelesmata, ac si illa Dij quidam essent, cæli terræque potentes, omniaque ex arbitrio agentes: securissimi quo medio illa unumquodque perficiant apud nos in terris, cum ipsa in cælo maneant, nec quicquam, quod sensibus pateat, ad nos, præter radios lucidos, demittant. Hæc præcipua scaturigo est foedissimarum superstitionum Astrologiarum. At non valde Prognostas miror, genus hominum plerumque populare, puerile & somnatorium: magis increpandi videntur Philosophiæ professores celebres; qui cum recipiant hoc ab Aristotele suo, vitam animantium, plantarumque foveri virtute Solis; non perpendunt, percipi ergò ab illis creaturis, virtutem Solis. Iners omnino & somnolenta philosophia, quæ patitur Solem in hæc inferiora agere, ut statuarius agit in materiam exanimem: cum sculpra Soli & cæla & dolabræ desint, & omnia instrumenta corporea. Quanto vigilantior philosophis hisce, poëta Virgilius, quanto & sapientior? qui ne pluvius quidem, quæ sunt tamen & ipsæ, pars materiæ, transcribit omnia; sed Terræ sinus comparat *gremio Conjugis* & quidem *lata*, hoc est, percipientis, quid sibi fiat, cum voluptate, motuque idoneo maritum adjuvantis: quæ omnia *VI T A* sunt indicia, Animamque supponunt in corpore patienti. Nec enim facile fuerit Soli, militibus idoneis destituto, invadere arcem hanc viscerum terræ; nisi concurrat anima qualiscunque, sedens intus, cum hoste colludens, eique portas aperiens. Videas laborare hujus considerationis neglectu, ceu veterno quodam, plerosque, qui vel minimum Astrologiæ tribuunt: adeò quidem, ut cum exorirer ego, qui modum demonstrabam, quo sequeretur ex Aspectu mutatio tempestatum; existeret vir celebris, qui ut me refutaret, magnâ asseveratione contendebat, pluviarum materiam (quod supra fol. 134. in vulgo etiam ridebamus) cælestem esse: neque tamen, ne sic quidem, docebat, quo pacto fiat, ut cum semper in Terra coëant planetarum radij, pluviae tunc potius decidant, si radij binorum Planetarum

acta-

netarum faciant angulum 60. graduum, quàm si 59. aut 61.

CAP. VIII

Ego vero ante omnia Jo: Pici Mirandulæ Comitis libros XIV. contra Astrologiam mihi legendos censui, rationesque, quas is cuique capiti opponeret, excutiendas: qua re factum, ut non tantum confirmarer in damnatione plurimarum superstitionum; sed etiam in quibusdam nova mihi lux oriretur; dum vim objectionum, ingenij contentione discutens, rem ipsam penitus prospiciebam. Denique fecit liber ille refutando nonnulla, ut ijs ego fidem adhiberem; quibus antea ut fidem derogarem, astrologi defendendo effecerant. Sic fuit cum Aspectib⁹. Cùm enim ex unâ parte respicerem ad constantissimam experientiam; non quidem nivibus, aut ventis, aut tonitribus, alijsque, quæ prædicere solent astrologi, sic in specie inhians; sed* generaliter animadvertens, statum aëris quocunque modo commoveri, si essent aspectus, verbi causa, si essent conjuncti Mars & Jupiter; quiescere, si non essent: ex altera verò parte Mirandulanum audirem, quærentem; quare potius credat, Jovem & Martem, cùm videntur simul esse, majora facere, quàm cum sunt separati? quippe conjunctione non augeri lumina, quantum enim possederant separati, tantum afferre in congressum: quod si diversarum qualitatum planetæ coirent, videri alterum ab altero potius impediri: hic inquam ego responsionem quærens, ut Aspectus tuerer, ad quos Meteora sequi videbam: primum illos, ut causam, deinde hæc, ut effectum, diligentius considerare cœpi. Aspectus enim forma, quæ ex configuratione vel angulatione promiscuâ Aspectum facit, quantitas qualitativa erat, imò Relatio talium quantitatum erat, ens sc. rationis. Ut igitur commoveret aërem: oportebat, ut Rationem aliquam prius moveret, quæ vel aërem, vel id quo is turbatur, in potestate habet. Simul ob oculos versabatur comparatio Aspectuum cum Concordantijs Musicis, à Ptolemæo tradita, à Cardano explicata, à Mirandulano verò nimis temerè explosa, quâ analogiâ plurimum sum adjutus in causarum indagatione. Nam pleraque, quæ Mirandulanus aspectibus opponebat, opponi posse videbam & contemperationi duarum vocum. Nihil sanè efficit ne sonorum quidem duorum tripla proportio vel sesquialtera, causâ acuminis; & tamen grati sunt soni, si sunt in tripla vel sesquialtera; contra abhorrent, si sunt in septupla vel sesquisextâ. Cùm igitur Rationalem oporteat esse rem, quæ triplam à septuplâ dijudicat, Animam sc. auditui præfectam; oportebit & in Radiationum negocio, Rationalem esse creaturam, quæ discernit inter 60. graduum, interque 59. vel 61. subtensas; sive illa discursu ad hoc utatur, ut homo intelligens Geometriam: seu à solo instinctu concreato id habeat, ut formæ plantarum, quæ numerum certum foliorum inde à rerum ortu sibi creditum custodiunt, semperque architectantur. Nulla hic vis est mixtionis, velut ad mensuras medicas exactæ, nulla corporis instrumentorum; nec delectant soni, animantve radij, quia sic sunt contemperati, ut cùm calidæ frigida miscetur, quoad resultat qualitas, corpori loturo respondens: Nam in talibus mixturis optima temperatura esse solet unica, cæteræ illi omnes secundum magis & minus appropinquant. At inter configurationes,

*Cave ambiguitatem Ad Effectus Meteoros generaliter concurrunt Aspectus inter causas: at aliq̄ longam partem anni, ejusq; qualitatem continuam & generalem Aspectus quotidiani non causantur, sed agunt in dies tantum singulos, in quos incidunt. Vide infra.

Consideratio cause Tempestatum.

inter-

CAP. VII.

Non sunt
naturales.

interque sonorum intervalla, plures sunt metæ, & in solis his metis est ratio hinc Consonantiarum, inde Aspectuum; ab ijs metis si vel parùm digrediaris, jam statim perijt ratio in solidum. Ut primùm enim Sol, verbi causâ, Saturni quadratum superavit; jam omnis Naturæ extimulatio deferbuit, cessatque per triginta dies totos (quoad Saturni quidem & Solis radios) eòsque dum Sol ad Trinum Saturni venerit; tunc iterum incitantur tempestates unico die, cessantque iterum, illo transmissio. Tales non sunt alterationes corporum: ut quæ tempus omne ab initio ad finem occupant, nunquam intermittentes, sed cum augmento causæ, cumque tempore crescentes, iterumque diminutâ illâ, remittentes. Uno verbo, sicut se habet linea ad Numerum, sic vulgò notæ corporæ commotiones, se habent ad hos configurationum stimulos. Quæ si quis diligenter perpendit, nullâ is difficultatè secum concludere poterit, ut Numerum, sic has quoque commotiones momentaneas, ab Aspectu, Rationis Ente, profectas, non corporis esse sed Animalium facultatum: Animam itaque esse oportere, quæ ab Aspectu admonita & velut excitata, ciet meteora & tempestates.

Sed Anima-
les.Anima in
terra.Vide fol.
134. 143.

Fol. 133.

Fol. 131.

Materia
tempesta-
tum ex Ter-
ra surgit.

Fol. 133.

Terra ani-
mal.

fol. 155.

Aspectus sæ-
pè irriti.

Quæ verò aut cujusmodi hæc esset Anima, potissimùm ab ejus sede in mundo colligere potui. Cùm enim aspectus, ad quos moventur tempestates, sint anguli duorum radiorum, non ij qui in uno vel altero se mutuò aspicientium Planetarum; non qui in Sole, quantitatis longissimè diversæ; sed qui hic in Terra formantur: neque planetæ ipsi habeant noticiam angulorum, quos illorum radij hic in terrâ formant, nisi illos Astronomos faciamus: sequitur igitur, ut Anima, quæ ad præscriptum Aspectum ciet aërem, hic in Terris sit. Cùmque vis illa, comitans Aspectus, per totum orbem Terrarum sentiat; anima illa æquè latè fusa erit; Et cùm materia pluviarum, ventorum, nebularum, tonitruum, chasmatum, quæ tempore Aspectuum eliciuntur, sit vapor humidus, vel spiritus; alius siccus & igneus, ex terrâ ebulliens & exhalans (Nam cur hic solum Aristotelem audiat Philosophus; spreto Rodolpho Agricola, imò agricolis omnibus, suisque adeò proprijs sensibus? cùm quotidie videat, ingruentibus pluvijs, montium cacumina nebularum vim magnam evomere): erit igitur anima ista, non in superficie tantummodò telluris, sed intus etiam in cavernis subterraneis, in meatibus montium; denique Terræ globus tale corpus erit, quale est alieius animalis: quodque animali est sua Anima, hoc erit Telluri hæc, quam quærimus, Natura sublunaris, quæ ad præsentiam aspectuum movet tempestates.

Hic valdè me confirmavit id ipsum, quod alium aliquem absterere potuit; scilicet, quòd non semper ad amussim respondent commotiones Tempestatum Aspectibus; sed terra subinde segnis videtur & contumax: alio tempore (scilicet post graves & diuturnas configurationes) exacerbata, indulget evaporationibus, etiam sine aspectuum continuatione. Non est quippe Terra, animal tale, quale Canis, ad omnem nutum promptum; sed tale, quale Bos aut Elephas, tardum ad iram, tantòque violentius, cùm excanduit.

Quæ analogia cùm succederet; effecit, ut eandem ulterius prosequer;

querer, comparans etiam corpora Animantium cum corpore Terræ: videbam pleraque omnia, quæ ex corpore animantis provenientia, testantur animam in illo in esse, provenire etiam ex Telluris corpore. Ut enim corpus in cutis superficie pilos, sic terra plantas arboreque profert; inque ijs ibi pediculi, hic erucæ, cicadæ, variaque insecta & monstra marina nascuntur: & ut corpus lachrymas, blennam, auriumque recrementa, est ubi & gummi ex faciei pustulis, sic Tellus electrum, bitumen: utque vesica urinam: sic montes flumina fundunt; & ut corpus excrementum sulphurei odoris, crepitusque, qui etiam inflammari possunt, sic Terra Sulphur, ignes subterraneos, tonitrua, fulgura: utque in venis animantis generatur sanguis, & cum eo sudor, extracorporis ejetus; sic invenis terræ, Metalla & fossilia, vaporque pluvius.

CAP. VII.

Animæ
Terrenæ
opera.

Oportet igitur, ut sicut Animantia reliqua cibum potumque hauriunt, sic etiam Tellus, canalibus certis, aliquid materiæ trahat: ex quâ illa tam multiplicia excoquat, quia ex nihilo nihil fit; trahit autem sorbetque aquam marinam; quæ causa est cur æternis tot fluminum infusionibus mare nunquam redundet. Hic quàm absurdi sint, qui metalla solius Solis operationi tribuunt, citra Telluris operam, ex antedictis colligere potes.

Terræ pabulum.

Respondi etiam in libro de stella nova ad vulgarem illam objectionem, quòd Terra, si animam haberet, etiam crescere debere videatur; membraque motui apta habere: Nam prout corpus est, pro eo & anima respondet, facultatesque ejus; cum hæc anima sit ob Terræ corpus; non verò hoc corpus, sic sit ob Animam, sicut corpus hominis est ob Mentem, principem Animæ facultatem: si igitur incrementis Terra opus habuisset, si pastu alio, quàm dixi, velut ex venatu; fuissent & ista munia huic Animæ commissa, & idonea instrumenta data: quæ Socratis morituri philosophia fuit in Phædone, omnia Menti gubernatrici, omnia deliberationi de eo quod optimum, tribuens. Itaque si quis argumentetur: quatuor solas esse facultates Animæ; quarum nulla huic Animæ Terrenæ competat, non esse ergò aliquam in Terra animam; hunc ego jubebo hanc quintam ad numerum addere, eodem exemplo, iisdemque argumentandi legibus, quibus illæ numero quatuor, in homine scilicet, inventæ sunt.

Quæ species
Anima Telluris.

Ut autem Terræ tantò confidentiùs Animam tribuerem, moverunt me etiam alia, quæ passim per libros meos ceteros inculcata, in Epitome Astronomiæ Copernicane fol. 125. fasciculo collegi: præcipuè hoc, quòd formatrix facultas est in visceribus Terræ, quæ fæminæ prægnantis more, occurrentes foris res humanas, veluti eas videret, in fissilibus lapidibus exprimit, ut Militum, Monachorum, Pontificum, Regum, & quicquid in ore hominum est, novos intolerantesque habitus. Hoc quidem rariùs; illud perpetuò, quòd in gemmis & fossilibus exprimit quinque corpora regularia Geometrica: Nam de opifice testatur opus. Quibus addat, qui Copernicum sequitur, volutionem globi Telluris diurnam, perpetuam & æquabilissimam: quam inter hujus Animæ munia rectissimè accensabit.

Animæ Telluris imaginatio.

Geometria ingemmis.

Motus corporis sui.

X

Quod

Cap. VII.

In Terrâ
sensus Ta-
tus.

Quid quòd & sensus quidam vel tactus vel auditus Telluris globo inesse videtur, argumento hoc, quòd constanti plurimarum provinciarum traditione confirmatur, si quis in altissimorum montium cacumina enisus, lapillum in hiatus quos habent illi profundissimos conjiciat, unde solet exitari sonitus; aut si in lacum montanum (qui procul dubio & ipsi fundo carent); è vestigio tempestates excitari. Sic enim & animalia, si quis in teneros aurium nariumve meatus titillans, aliquid inserat; horrore correpta, caput quasiant, aut in cursus se præcipitant.

Terræ mor-
bi.

Sunt & sui certis Telluris tractibus languores, & internæ viscerum vicissitudines: interdum enim humore nimio abundant; interdum cruditate aut concoctionis imperfectione laborant, quando loco pluviarum tempestivarum, meri venti proveniunt; interdum veluti causo correpta, nihil humoris, sed pro eo sulphureos halitus, aut madores pestilentes exsulant. Itaque non injuriâ in libro de Nova stella, fol. 173, omnes concoctionis facultates, Attractricem, Retentricem, Expultricem, in illâ quærendas admonui, quippe harum affectiones sunt, Morbi illi.

Terræ re-
spiratio.

Quid verò similis est respirationis Animalium terrestrium, & imprimis, reciprocationis illius Piscium, dum sorbent aquas ore, exprimentque vicissim per branchias; quàm ille mirabilis fluxus & refluxus Oceani semidiurnus: qui etsi ad Lunæ motus se accommodat, sic ut probabile mihi sit visum, in Præfatione commentariorum Martis, undas à Luna trahi, ut ferrum à Magnete, virtute corporeâ unitionis corporum; quod & nuper in prolegomenis Ephemeridum, quo loco Davidis Fabricij opinionem examino, repetij: tamen si quis disputet, Tellurem ad Solis & Lunæ motum accommodare suam veluti respirationem, sicut Animalia Somni vigiliarumque vicissitudines cum diei noctisque, habent easdem: hunc ego non iniquis auribus audiendum in philosophiâ censuerim; præsertim si accederet aliquod indicium flexibilium, in profundo, Terræ partium, quæ vicem sustineant pulmonum aut branchiarum. Nam si talis aliqua natura sit illarum, qualis est aëris nostri, condensabilis & extensibilis, jam non opus erit ad hanc respirationem, motu superficie Terræ, analogo scilicet motui muscutorum diaphragmatis, in corpore humano respirante.

Vnde fluxus
& refluxus
Oceanis?

Quæ verò possit aptior esse ratio receptionis aquarum marinarum, introrsum in culinam veluti Metallorum, nisi hæc ipsa, per Euripos istos semidiurnos perpetuos? Quid aliud suspicari facit casus ille mirabilis; quando paucis annis antè quàm frequentia mercatorum Antuerpiam desereret, Fluxus & Refluxus Oceanum, die quodam deseruit (exterruitque civitatem non mediocriter); Luna cursum suum non deseruit? Nimirum Terra ipsa compos hujus reciprocationis, licet illa motu naturali participet, continuit unam illius diei respirationem; sicut Animantes interdum continent Animam, quamvis motus Diaphragmatis ipse etiam naturali mixtus sit.

Quanquàm rectiùs fortè respirationem aliquam, Terræ necessariâ, ex Animæ præsentia, quàm Animam ex respiratione, probaverimus.

Nam

Nam ut jam velut re certâ, quòd sit in Tellure anima, ad contemplationem ejus essentia veniamus: equidem illa non tantum aliqua lux est, qualis est ignium, & cincinnularum, à se ipsâ pendens, non ab illuminatione ex sole; argumento hoc, quòd lucidos planetarum radios quodammodò persentiscat; sed planè flamma quædam esse videtur, (respiratione scilicet, seu sorbitione fovenda) argumento caloris subterranei perpetui & sensibilis; cujusmodi sine animâ, nullus actu in materiâ nudâ perennat; at ne potentia quidem inest in rebus ab Animalium stirpiumque substantiâ exeuntibus, nisi ab Anima Formisque, quæ igneum quid sunt, progenitus. Vide Optica mea, fol. 25. 26. 27.

CAP. VII.
Anima Telluris est ut flamma.

Vnde calor subterraneus.

Hanc Animæ Telluris veluti materiam assignabimus; in quam jam sit impressa loco formæ, imago vultus divini, cum Ideis tam Circuli, rationumq; ejus omnium, quam corporis sui sensibilis, cui regendo præfecta est, Mundique adeò totius, in quo corpus ejus futurum erat. Habet enim Deus non exemplaria tantum geometrica secum, sed etiam conceptus creandarum omnium rerum sensilium; quæ omnia simul transeunt in Animas, Dei exemplaria, pro cujusque vel captu vel usu. Relucet igitur in Anima Telluris, imago quædam circuli Zodiaci sensibilis, totiusque adeò firmamenti, vinculum sympathiæ rerum cœlestium & Terrestrium; relucet multò maximè in illa Archetypi omnium ipsius munitiorum, omniumque motuum, quibus corpus suum quocunq; sensu moveat: quam alij *δύναμις*, ego *ἐνέργεια* lubentiùs nominaverim. Est enim animarum essentia hæc, est veluti

fol. 115. 119. 121.
Anima Terræ est quidâ Zodiacus.

F. 119. 141.
Causa sympathiæ cœli & Terræ.
f. 122. 123.
Anima est energia.

quædam hujus flammæ ista, quòd semper ita sunt comparatæ secum Animæ ipsæ intus, ac si agerent id, cui peragendo factæ sunt; sive actu potiantur instrumentis corporis, sive impediuntur. Deus quippe est substantialis Energia, & ipsâ hac energiâ subsistit (ut de divinis humano more balbutiam); & imaginis igitur divinæ essentia *ἐν τῷ ἐνεργεῖν* consistit, ut flammæ *ἐν τῷ πύρειν*: ut nisi Deus æternum illam sustentaret, irradiando ejus veluti materiam, subito desitura extinguendaque fuerit. Quanquam ad individuationis suæ principium non tantum corpus, cui regendo præficitur, sed etiam hæc ipsa materialis (quam prius descripsi) particula sui requiratur, distinguens illam à cæteris Animabus.

f. 123.

Principium individuationis Animæ.

Quatenus igitur hæc Anima, Circuli Zodiaci, seu potiùs ejus centri, gestat ideam; persentiscit etiam, q planeta quovis tempore sub quo Zodiaci gradu versetur, angulosque radiationum, coëuntium in Terrâ metitur; quatenus verò ex Divinæ essentia irradiatione, rationes circuli Geometricas, & (per circuli comparationem cum certis suis partibus) Harmonias Archetypales suscepit, non purè quidem geometricas, sed radiationum lucidarum veluti saccaro quodam inductas, imò penitus imbutas: mensuras etiam angulorum jam agnitas, has Congruas seu Harmonicas, illas incongruas judicat: quatenus denique eadem anima complexa est ideas suorum operum, (quorum unius-

fol. 139.
fol. 134. 135.
142.
Aspectus cognoscit Animæ Telluris proprietate essentia.
f. 120. 124.
fol. 123.

CAP. VII.

Fol. 142. 143.

Animæ Terræ munia perpetua.

Fol. 130. 131. 132.

Cur excedentia per Aspectus.

Solem etiã circa Aspectus circuli vaporos.

Ut augeantur flumina.

cujusque causâ illa est veluti circulus quidam operativus); in illa etiam sua opera semper fertur; insignius tamen tunc, si tres hi circuli concurrerint & conspiraverint in unum, hoc est, si anima per Aspectus sui ipsius admonita, operi suo cum aliquo excessu institerit. Nunquam quidem illa cessat à coquendo, nec unquam hæc coctura est sine fumo & vapore: quin ex fumo fossilia fiunt, (ut ex fumis fornacum metallicarum consistit Arsenicum); ex vapore verò tepido, intus in lapidosis Terræ crustis refrigerato, inque guttas coacto, flumina ad suas destillant origines; ex eodem forâs supra Terræ superficiem expirante, aër spirabilis, qui p noctem in rores coiens deciderat, quotidie renovatur. Hoc verò Animæ Terræ opus, etsi perpetuum est: opus tamen fuit excessibus aliquibus in evaporando; non continuis toto aliquo tempore: sed ad certos dies redactis; ut ex copia vaporum forâs emissâ pluvie tempestivæ, Solibus tamen intercurrentibus, suppeditarentur, superficiem Terræ refocillandæ humectandæque causâ; unde fruges & pabula Animantibus succrescere possent.

Objicere quis mihi posset Africæ & Peruanæ penitissima, lineæ æquinoctiali subjecta, quibus locis continuæ pluvie per totam æstatem decidunt; ubi igitur hic distinctio Aspectuum à configurationibus inefficacibus? ubi vicissitudines Solium & imbrum? & an non cursus Solis, planetæ solitarij, sine respectu configurationis cum alijs, solus facit omnia? eaque non ut Ens rationis, sed ut causa naturalis, quatenus sc. intendit ijs partibus calorem & æstum, ut ad partes sic tostas, ex terræ visceribus, expiret attenuatus humor? Respondeo, actionem hanc naturalem Soli non esse negandam; at ea non est solius Zonæ torridæ propria, sed etiam penes nos spectari potest. Nam Sole in nostro Hemisphærio per æstatem obversante, plerunque copiosiores imbres decidunt, quàm per hyemem, absente sole, solet esse ulla nix. Quod autem nobis augetur flumina liquescentibus nivibus, quæ imbribus decidentibus, non adeò videntur augeri, certè non adeò diuturnis incrementis, id partim inde fit, quia nivium minutatim decidentium singulæ tunicæ cumulantur, & in promptuario per multos menses vi frigoris asservantur; cum imbres æstivos, etiam largissimos, terra Solibus arens, potissimâ parte hauriat statim: partim verò inde fit, quia nix in Alpibus, nisi æstivis imbribus copiosissimis decidentibus, dissolvi non potest: ut sic continua illa fluminum incrementa non sint solarum nivium, sed etiam junctorum imbrum. Quare si omnia expendas, major humoris copia plerumq; per æstatem exsudat etiam penes nos, quàm per hyemem. Hoc igitur impetrat objectio, ut sit concursus causarum cœlestium, quarum sit alia naturalis, calor Solis; alia rationalis, Aspectus; sit etiam concursus causarum sublunarium, ut non tantum una Zona plus habeat humoris quàm alia, sed etiam in eodem climate una regio plus quàm alia, suis de causis. Interim etiam in Torrida plus pluere potest sub tempus Aspectuum, quàm diebus ab aspectibus vacuis.

Hanc verò quam secundo loco dixi, characterisationem Animæ terrenæ, factam à Zodiaco sensili totâque adeò spherâ, fixarum, illud etiam

Cap. VII

etiam confirmat : quod magno temporum omnium consensu constat, si novi quid in cœlo existat, seu secundum ordinarium cœli cursum, ut sunt rariores congressus plurium siderum, ut Eclipses Luminarium insigniores, sive præter naturam communem, ut Cometæ aut stellæ fixæ novæ : simul etiam Naturam sublunarem turbari non usitatis affectibus; ut sunt ingens & continua vis pluviarum, præter modulum aspectuum, aut contraria siccitas & squalores, Terræque motus comites; denique madores aëris insueti, qui catarrhos pestilentes aliasque lues epidemias ijs potissimum locis inferunt, unde expirant majori vi, aut quorsum crebrioribus ventis deferuntur.

Vnde Cometis & Eclipsibus sui effectus.

Ad eoque etiam aliquid simile Memoriae Animalium huic Animæ inesse, monui in libro de stellâ nova, Cap. X. fol. 44. Nam hæc est Natura rerum omnium, quæ luci sunt cognatæ, ut excitæ à luce Solis, aut saltem diei, affectionem aliquam concipiant, ad certum tempus durabilem. Sic in oculis Spiritus visorij, lucis soboles, imbuti ab improvido conspectu Solis, quocumque aversis oculis, gerunt circumferuntque hanc imaginem, etiam inviti. Sic inter Chymistarum arcana est mirabile hoc & imprimis commemorabile experimentum, quod gemmas, ut nuper admodum rescivi à quodam ἀποπτη, apparant, quæ

Fol. 110. 111.

Lapis à die incensilis.

cùm lateant in tenebris, ut alia lumine cæsa; si quis tamen illas luci solius diei exponat, incenduntur eâ ut candelæ, splendoremque secum in tenebras etiam deferunt, lucentes ut oculi felium; qui brevi tempore iterum extinguitur. Tale quid accidit huius animæ, quam luci & igni cognatam dixi, ut illâ in plaga (punctum enim est illa, plagis distinctum, seu circulus Zodiacus potentialis) in qua congressi fuerunt superiores planetæ, aut Eclipsis apparuit, concipiat characterem conjunctionis, durabilem in aliquod tempus; itaque quoties planetarum aliquis, præcipuè Sol vel Luna, locum transit, ipsa vim suam talem exferat, qualem ad ipsam conjunctionis extimulationem exfereret. Totum hoc negotium, inquam, simile est memoriæ animalium. Nam hominis semel visi speciem animo circumgesto, nec tamen eum præsentem semper habeo cogitationibus: at ubi rursus apparuerit ille aut similis aliquis, hic jam de novo elicitur & in actu cogitandi constituitur, species illa pristina, per reminiscentiam. Etsi nobilior in hoc est hominis memoria, quod rei memoratæ non tantum ab occurso forinsecundo admoneor, sed etiam me ipsum quoties volo admoneo: quia nimirum discurrendi facultas adest homini, quæ deest huic Animæ. Verùm hæc in contemplatione Animæ humanæ erunt evidentiora.

Vnde locis congressuum efficaciam suam.

Memoria Animæ Terræ.

Nunc una difficultas, supra etiam tacta, sed leviter, est dissolvenda, de modo & medijs receptionis. Nam quod nos homines sensilium species introrsum in Animam recipimus, res videtur expedita & plana; sunt enim in propatulo foramina pupillarum, per quas ingrediuntur; est oculus, speciei formator; est crystalinus humor, Penicilli radiosi temperator; est Retiformis optici nervi tunica, picturæ rerum exteriorum exceptrix. Nihil tale apparet in corpore telluris, nullus hic oculus, quo Anima terræ videat radiationes Planetarum eorumque angulos: quomodo igitur lucem sensiet sine vilione, quomodo perci-

Quomodo anima Terræ percipiat aspectum.

CAP. VII.
Ver^o viden-
di modus.

Fr. Aquilo-
nius.

piet aut excipiet angulos sine instrumēto? Difficultas est aliqua, fateor: at si penitus rem intuearis, communis illa est & hic & illic. Adi meæ Optices Astr. partis pag: 169; videbis antiquam querelam, etiam de visu humano. Nam etsi loco illo modum videndi à me tandem post tot frustraneos aliorum conatus solidissimè demonstratum fatentur diligentiores Optici & Medici Anatomici (quanquam Fr. Aquilonius, cujus magnum opus Opticorum ante 4. annos prodijt, librum meum non vidit, eóq; in antiquo errore circa modum visionis, novam, sanè quàm pulchram irrucò struxit pergulam): tamen ille videndi modus non ultra retiformem tunicam sese porrigit, quàm perspicui sunt humores oculi: superest adhuc quæstio, nec dum à Physicis, ad quos provocavi, discussa, quomodò pictura rei videndæ, à me formata in retiformi tunicâ, inde porrò per opaca corporis introrsum recipiatur ad Animæ penetralia? anne foràs anima progrediatur in ejus occursum? & quæ his adhærent. Atq; ego, ut ingenuè fatear, plus in visione hæreo, quam in hac perceptione anguli radiorum: de qua videor mihi balbutire aliquid non ineptè posse, cum in illâ omninò sim murus.

Possem quidem salvâ rerum summâ subterfugere speculationis laborem, & quærenti, quibus oculis anima Terræ videat radios siderum? respondere: Ipsidem, quibus vidit militem cum laciniosis caligis, cujus imaginem plantavit in lapide fissili. Verùm inertia mors est philosophiæ: vivamus nos & exerceamur.

fol. 137. 139.
140. 143.

Quomodo
corpus suū
mode retur
Anima Ter-
ræ.

Primùm anima puncti rationem sortita est actu (saltem ratione aligationis ad corpus suum), circuli figuram potestate; quæ cum sit Energia, didit sese ab illâ sede puncti, in circulum; sive enim sentire debeat res externas, illæ sphericum in modum sese circumstant; sive corpus regere, corpus quoq; circumjectum habet, ipsa later intus, radicata in puncto ej^o certo, unde exit p speciem sui in corpus reliquum. At qui exeat, nisi per lineas rectas? hoc enim verè est exire; qui alium exeundi morem habeat, ipsa & lux existens & flamma, quàm à fontibus suis exeunt alia lumina, lineis sc. rectis? Egreditur igitur versus exteriora corporis, ipsidem legibus, quibus circumstantia firmamenti lumina versus illam in puncto residentem ingrediuntur. Cum autem tota dimidij globi terreni superficies, omniaq; adeò puncta superficiei aëris, quo amictus est ille, ab uno & eodem Planeta irradietur radijs infinitis; ex ijs omnibus unus sol^o tendit versus punctum illud, quod est sedes animæ; Et vicissim, cum Anima in omnia superficiei corporis sui puncta, lineis infinitis exeat, (instar radiorum Solis, quia & ipsa lux quædam est, & spiritus vulgò celebrati videntur nihil aliud esse, quàm hi radij rectilinei, & hæ animæ species): una tamen sola linea ex omnibus est, quæ ex centro in illud superficiei punctū tendat, quod feritur à Planetæ illo unico radio, qui versus sedem Animæ tendit. Ponamus igr, in hoc consistere perceptionē uni^o planetæ radiorum, quando hujus incursum & illius occursum in unam lineam rectam geometricam congruunt: exemplo visionis similimo, quæ in solo & unico perpendiculari, medio totius oculi radio, est perfecta & accurata. Ponamus & hoc, quod in Dioptriciis prop. XLV, ut singulare arcanum sensuum omnium, inculcavi, Nullam fieri sensationem rei

externæ

externæ, nisi quatenus eâ re sensorium instrumentum afficiatur. Anima enim per illos excursus specierum sui, fidam habet noticiam omnium membrorum corporis sui, eorumque, quæ in illorum unoquoque; nova fiunt quovis tempore. Quibus positis, sequitur, ut si fiat à Planeta talis impressio in aliquod punctum aëris, quæ non tendat versus sedem animæ, sed præter illam, ad latus; anima illius quidem puncti sic affecti speciem, per suæ speciei recursum excipiat; sed ut rem nihili, vilipendat; sin autem in aliquod superficiæ aëris punctum fiat impressio talis, quæ tendat versus Animæ sedem; etiam hoc punctum sic affectum, Animæ nunciatur, & hæc sensio, ut ad Animam pertinens, æstimeretur, à cæteris distinguatur; eoque in illo solo puncto Anima stellam sibi imaginetur, in cæteris jam dictis minimè. Actuatur n. & veluti illuminatur radius Animæ, à radio stellæ, in eandem rectam congruente; sicuti actuatur color rerum visibilibus à lucis adventu; & sicut actuatur visio, cum nos colligimus, & perpendimus nos videre. Hoc cum sic habeat non in uno tantum, sed & in duobus planetis; duo etiam signa inveniet anima, in duabus partibus sui corporis. Sive jam rotundum sit ejus corpus, sive inæquale & asperum; Anima illud in sphaeræ modum sibi in uno puncto sedentis circumjectum habet, radiisque, seu speciebus sui immateriatis, aut, ut alij, actibus secundis, de se circum emissis, expirat veluti perfectum sphaericum, quousque corpus ejus patet; eoque illud ad ideam circuli, & quidem Zodiaci circuli, circa suam sedem, ut centrum, descripti, examinat, & partes ejus inter distinctas dimittitur. Ita neque Terram opus est concedere pellucidam usque ad centrum; neque animam exire usque ad sidera, nihilo tamen minus modus patet, quo configurationum anguli sentiatur ab Anima.

Hac quidem suppositione dissolvuntur omnia argumenta, quæ Pegasus Mirandulanus ad evertendam doctrinam de Conjunctionibus magnis, deque aspectibus, attulit. Nam quia Anima omnia mundi corpora circa suæ sedis punctum disponit (imaginando) in formam sphaerici, omnes planetas in forma circuli, idque lege rectorum, ex uno puncto educatur; nihil igitur interest, magna stella sit an parva, multum an parum itineris in caelo conficiat, alta an vicina Terris sit. Hæc enim omnia sic movent Animam, uti percipiuntur; percipiuntur autem iisdem legibus, quibus & à nobis videntur, scilicet omnes ut æque alti, & ut motu secundo carentes, motu vero primo diurno æque celeres, nec magno quantitatis aspectabilis discrimine. Cætera quæ ad Pici argumenta responderi possunt, require loco sæpe allegato libri mei de stella nova. Satis in præsens de Anima Terræ, quam Naturam sublunarem dicunt.

Quicquid hactenus de Anima Telluris est dictum, id similiter etiam ad facultates Animæ humanæ applicari potest: pleraque tamen in his sunt evidentiora, tantoque magis multiplicia, quanto quam illa, pluribus munijs istæ præfecta sunt.

De principe quidem animæ facultate, quæ Mens dicitur, præter illa, quæ supra Cap. I. ex Proclo attuli, nihil admonet negotium Radiationum, quod dicam amplius. Est illa punctum, ut Mens; est circulus, ut Ratiocinatio; est imago, vultus divini; est Harmonia, quoad energiam suam; sunt in eâ Idea & species mathematicæ, per circulum; dat illa

CAP. VIII

Quid sit sentire, & quomodo fiat.

Valentia Animam Terræ, ejusque opera deceptiones Opticæ.

De Anima hominis.

De Mentis

f. 140. 143. 139. 120. 121. 135. 124. 115. 117.

hiscæ

CAP. VII.

Aliter in
mēte Gene-
ra Mathe-
matica.

hisce, dat & Harmonijs, Esse suum intellectuale. Hæc omnia requirât lector ex superioribus; hic pluribus non est opus. Unum hoc moneo de Procli argumentatione; Non videri illam nisi bonis exemplis: dum inculcat, Ideò lineas superficies & puncta in animâ statuenda: quia in sensilibus nullæ puræ & separatæ superficies, lineæ vel puncta sint. Atq; nec in Animâ est linea pura, seipsâ subsistens; sed inexistit in superficie mentali, cujus est extremitas, non minus quàm in sensilibus quantitatibus corporeis, inest superficies mera in extremitate corporis, linea mera in extremitate superficiei, punctum merum in extremo lineæ: imperfectarum enim quantitatum ESSE, est INESSE IN PERFECTIS.

Aliter Spe-
cies & Circu-
lus.

Scilicet GENERA quidem Mathematica, non sunt aliter in Animâ quàm universalia cætera, conceptusque varij, abstracti à sensilibus: at SPECIERUM Mathematicarum illa, quæ Circulus dicitur, longè aliâ ratione inest Animæ, non tantùm ut Idea rerum externarum, sed etiam ut forma quædam ipsius Animæ; deniq; ut promptuarium unicum omnium Geometricæ & Arithmeticæ scientiæ: quorum illud in doctrina Sinuum, hoc in mirabili Logarithmorum negotio est evidentiissimum; ut in quibus ex circulo ortis, abacus quidam inest omnium multiplicationum & divisionum, quæ unquàm fieri possunt, veluti jam confectarû. Sed satis de Principe Animæ facultate; Veniam⁹ nunc ad inferiores.

Sinus

Logarith-
mi ill. L. B.
Nepéri

De Vitali
facultate.

Facultas itaque vitalis in Homine, non Harmonias tantum radijs lucidis involutas secum habet, sed etiam Harmonias, sonorum speciebus incrustatas. Et sonos quidem auribus haurit, ut objectum proprium; Radios verò siderum, non ut oculis eos, sed ut illo ipso perceptionis paulò superiùs explicatæ obscuriori modo admittit, ad Harmoniæ connatas Ideas examinat. Nam ea quæ videntur oculis, serviunt discursui; Harmoniarum agnitio sine discursu est. Sic innatam esse pullo gallinæco ideam milvij, sciscitl. C. Scaliger; non eam quidem simplicem, sed cum notâ fugiendæ perniciæ.

Scaliger de
Ideis.

Quid pos-
sint astra in
vitalem fa-
cultatem,

Quomodo
tumultus
bellici à cœ-
lo.

Quomodo
lucis.

Hinc igitur habent hoc Animæ humanæ, quòd sub tempus aspectuum cœlestium præcipuos capiunt imper⁹, ad negocia, quæ sub manibus habent, peragenda. Quod enim est bovi stimulus, equo calcar aut celetismus, militi tympanum & classicum, auditoribus oratio incitativa, turbæ rusticorum modulatio per fistulam, utriculos & panduram; hoc est universis, præcipuè verò in unum congregatis, configuratio cœlestis idoneorum Planetarum; ut & singuli in suis meditationibus operisque incitentur; & universi ad conspirandum, sociandasque dexteras promptiores fiant. Itaq; in militiâ videas plerumq; prælia, pugnas, invasiones, assultus, expugnationes, tumultus, Panicos terrores, sub tempora Aspectuum Martis & Mercurij, Jovis & Martis, Solis & Martis, Saturni & Martis &c. existere: In Epidemicis morbis plures tempore validorum Aspectuum decumbere, graviùs torqueri; aut etiam mori, Naturâ sc. deficiente in luctâ cum morbo, ad quam luctam (non verò ad mortem) incitatur ab Aspectu. Quæ omnia non cœlum ipsum facit sine medio, sed Animæ facultas vitalis, cum cœlestibus Harmonijs opera sua consocians, principatum tenet in hoc, vulgò sic dicto, influxu cœli. Scilicet hæc vox Influxus fascinavit philosophos nonnullos, ut cum

tum ineptiente vulgo ipsi insanire, quàm mecum sapere mallerent. Quorum sanè quàm infirma est cathena, Astra agere in aërem, hunc in temperamentum corporis, hoc jam in Animam. Esto hoc in quibusdam, at quid hoc ad Aspectum, ens rationis? quomodo hunc capiet elementum aëris, quomodo corpus? nisi suâ uterque animâ, quæ aspectum primò per se percipiat, modo à me dicto.

CAP. VII

Flammam aliquam esse, vitalem hanc facultatem, incensam in corde (eoque mori absumpto pabulo, cum Mens perennet), probavi in Opt: Astronomiæ parte, fol. 26. luculentâ comparatione cordis, ejusque reciprocorum motuum, Systoles & Diastoles, cum clausâ lampade, in quâ flamma sit fovenda oleo, ventilatione, effumatione.

Vitalis facultas est flamma.

Hac igitur essentiæ ejus proprietate nititur imprimis admirabile illud negocium genethliacum. Cum enim vitalis facultas, incensa in corde, flagransque quamdiu vita superest, sit quidam circulus Zodiacus; cum consistat ejus essentia in energiâ, & veluti fluxu flammeo: hinc fit, ut totius Zodiaci sensibilis figura influat in illam, recens à partu incensam, inque illam inoleseat penitus, (cœlo licet post partus momentum in alia omnia eunte & transfigurato): in hac ideâ animalis circuli Zodiaci, loca omnia signet, quæ Planetæ sub fixis, quæ ortus, occasus, aut medium cœli obtinuerunt.

Quomodo genesis quæ gubernet, quo fundamento.

Præ reliquis verò rebus Astronomicis, multò maxima necessitudo intercedit Harmonijs radiosæ, cum ortu primo & formatione hujus vitalis in homine facultatis. Diximus enim, quamlibet Animæ facultatem esse circulum, ratione essentiæ, ut essentia; ut verò agit aliquid in seipsam ex instinctu, ut scilicet comparat circulum suum cum partibus ejus, esse Harmonias archetypicas. Jam verò facultas vitalis tunc incipit agere, tunc in actum perducitur, cum per partum inflammatur intus in cordis lampade, sic ut ipsi porro sit opus respiratione, quippe ad fovendam flammam vitæ. Quando igitur incipit esse id, quod est tunc, cum Harmonias architectatur: tunc maximè in illam influat Harmonia radiosæ Planetarum sensibilis.

fol. 120. 124

Cur sit potius thema nativitatis, themate conceptionis.

Hæc adeò causa est, cur qui nascuntur sub tempus multorū Aspectuū inter planetas, ij plerumq; & laboriosi evadant & industrij, sive ad opes cumulandas inde à pueris assuefiant, sive rerum publicarū moderatores vel nati vel delecti fuerint, seu deniq; in studia incubuerint? Quo in genere vitæ si cui videor ego exemplo esse posse; ei genesis meâ notitiam non invidi, libro de stella nova, fol. 43. quam etiam hac vice explicare commodum fuerit. Jactantiæ crimen non moror, crimentur, licet, ij, qui totum hoc scriptionis genus stultitiæ damnant, seu oratione seu vitæ instituto, idiotæ, semidocti, titulorum, & phalararum, ad populum dementandum, institores, Theologi etiam, ut Picus appellat, plebeji: apud veros sapientiæ amatores cujuscunque ordinis, crimen hoc facilè diluo, utilitate lectoris mei; quia nullius neque genesin, neque internam animi dispositionem æquè certò exploratam habeo. Jupiter igitur nonagesimo proximus, quatuor gradibus super-

Quod posint Aspectus in Genesi.

CAP. VII.

averat trinum Saturni, Sol & Venus juncti defluebant ab isto, applicabant ad illum, utrobique; Sextilibus, defluebant & à quadrato Martis, ad quem Mercurius proximè applicabat; Luna ad ejusdem trinum ibat, oculo Tauri proxima, etiam in latitudine: oriebatur autem 25. Geminorum, culminabat 22. Aquarij. Triplicem configurationem ejus diei partilem, Sextilem Saturni & Solis, Sextilem Jovis & Veneris, Quadratum Mercurij & Martis prodebat auræ mutatio; nam post gelu dierum aliquot, eo ipso die tepor ortus, glaciem solvit, pluvias dedit.

Exceptio
contra Astrologiam.

Neque tamen hoc uno exemplo omnes Astrologorū aphorismos defensos & confirmatos volo; neq; cœlo transcribo rerū humanarum gubernacula, immane quantum adhuc abest philosophica hæc observatio ab illa stultitia, seu malis insaniam dicere. Nam ut hujus exempli vestigia premam; novi foemina ipsidem penè natam aspectibus, inquietissimo sanè ingenio, sed quo non tantum nihil proficit in literis (non mirum hoc est in foemina); sed etiam totum turbat municipium suum, sibi bique author est miseræ deplorandæ. Primum itaque accessit aspectibus Planetarū, imaginatio diuturna matris prægnantis, cui socrus, avia mea, medicinæ popularis, à patre etiam excercitæ, studiosa, erat admirationi; accessit secundò quòd vir natus sum non foemina; quod sex^o discrimen frustra quærunt Astrologi in cœlo: Tertiò corporis temperaturam à matre traho, studijs magis aptam, quàm alijs vitæ generibus: Quartò res erat parentibus non ampla, gleba sc. aberat, cui adnascerer, adhæresceremque: Quintò aderant Scholæ, aderant exempla liberalitatis Magistratum in pueros studijs aptos.

Quæ efficiuntur à circumstantijs rerum subluariorū non sunt adscribenda sideribus

Animi qualitates cum planetarum qualitatibus consentiunt plurimum.

Hic interfere, rursus ex Genesi, Planetarum discrimina in qualitatibus. Nam si Anima lux quædam est; discernet etiam Martis ruborè à Jovis candore, Saturniq; livorè: itaq; fatendum est, magnum auxilium ex Marte, non tantum, ut prius, ad industriam; sed etiam ad acrimoniã ingenij, quæ consistit in vi ignea; videasq; præcipuos Philosophiæ naturalis, & Medicinæ peritos, sub aspectus idoneos Martis cum Sole Mercurioque nasci: quia nimirum majus requiritur acumen, major solertia ad eruenda Naturæ arcana, quàm ad reliqua vitæ negocia, studiaq; ijs deservientia. Largiar etiam amplius aliquid; ex Jove esse in cœli Medium elevato, quòd magis delector Geometriã in Physicis rebus expressã, quàm abstractã illã, & Saturni siccitatē præ se ferente; magis inquam Physicã, quàm Geometriã; et quòd Luna gibba in clarã frontis Taurinæ constellatione, impleat Animæ Phantasticam facultatem imaginibus: quarum tamen multas Naturæ rerum consentaneas reipsã expert^o sum, velut ex Procli * Paradigmatibus delapsas. At si jam de eventu studiorum meorum loquar, quid quæso porrò invenio in cœlo, quod ad illum vel leviter alludat? Philosophiæ partes non contemnendas à me, vel de novo erutas, vel emendatas, vel planè perfectas esse, fatentur periti: at mea hic sidera fuere, non Mercurius orientalis in angulo septimæ, in quadrato Martis: sed Copernicus, sed Tycho Braheus, sine ejus Observationum libris omnia, quæ nunc à me sunt in clarissimã luce collocata, sepulta jacerēt in tenebris: non Saturnus domin^o Mercurij, sed Cæsares Augusti, Rudolphus & Matthias, Domini mei: non Planetarum hospitium, Capricorn^o Saturni, sed Austria superior Cæsaris dom^o, ejusdemq;

* Stipem hic aliq; Saryricis nostris. Nam, ut apparet, egestas ipsos premit, qui jocum meum unū hujus similem ex libro de stellã novã, jam aliquoties intra XII. annorum curriculum ruminarunt.

demq; Procerū petenti mihi prompta liberalitas, exempli non usitati. Hic ille Angulus est, non Thematis occiduus, sed Terrarum, in quem Imperatoris Domini mei concessu, ex aulā nimium inquietā me recepi, & in quo per hosce annos, jam ad occasum vitæ vergentes, Harmonica ista, & quæ alia sub manibus habeo, enitor. Frustra ex Themate Genethliaco causas quæret Astrologus inventarum à me anno 1596. proportionum inter orbes cœlestes; anno, 604. Modi videnti; anno hoc 1638. causarum, ob quas cuilibet Planetæ contigit tanta Eccentricitas, nec minor nec major; annis intermedijs, demonstratæ physicæ cœlestis, modorumque, quibus moventur planetæ, verorumque motuum ipsorum; denique fundamentorum efficaciam cœlestis in hæc inferiora, metaphysicorum: non influxerunt ista cum caractere cœli in flammulam illam facultatis vitalis nuper incensæ, inque actum productæ; sed partim intus in penitissima Animæ essentiâ latebant; secundum Platoniam doctrinam, supra ex Proclo allegatam; partim aliâ viâ, per oculos nimirum, introrsum recepta sunt: sola & unica Thematis Genethliaci opera fuit ista, quod & emunxit illos ingenij iudicijque igniculos, & instigavit animum ad laborem indefessum, auxitque desiderium sciendi; breviter, non inspiravit animum, non ullam dictarum hæc facultatum, sed excivit.

Ex quo exemplo facile cuivis patet, quàm procul absit ab eo Astrologia, ut ad capita illa, vulgò proponi solita, De Parentibus, De Sexu, De Substantia, De Liberis, De numero Vxorum, De Religione, De Magisterio, De Amicis, De Inimicis, De Hæreditatibus, De Familia, De Regionibus, De infinitis alijs, ex uno solo Themate Genethliaco respondere exactè possit.

De vitæ quidem longitudine, quatenus pronuciare possit Astrologus; hoc est, quæ sit vis directionum, dicam paulo post: De Fortuna verò nati nunc seorsum aliquid dicendū video, consentaneū suprâ dictis.

Tria sunt, quib⁹ niti videtur hominis fortuna, quoad naturalia: Animum⁹, Physiognomia corporis, & Geni⁹ tutelariorum: quorum de primo nemo dubitat, alterum occultius, nec ita vulgo notum est: de tertio nihil nisi conjecturas afferre possum. De primo hactenus egimus, de Animo scilicet, ex quo Mores dependent; de quibus vulgi proverbium tritum est, quod Quilibet sit fortunæ suæ faber: quo dicto summa totius hujus philosophiæ partis continetur. Age enim unum genus actionum morumque, prius etiam exemplo faminae tactum, loco omnium ob oculos statuamus. Sic enim sunt comparatæ res humanæ, ut crassorum & populariter sapientium hominum, non in vulgo tantum, sed etiam in Magistratibus, inque sacro ordine, semper magna copia sit; quibus discreti, critici, reformatores, molesti sunt, proque uirilicigantibus habentur. Ut igitur prosperâ quis utatur fortunâ, eâ dico, quæ est ex hominum cœcibus; huic etsi & iudicio de moralibus recto, & labore industriâq; in rebus proprijs, à vulgò secretis, opus omninò est: oportet tamen animo pinguedinis aliquid esse admixtum, oportet mores ei populares, modumque agendi talem esse, qui crasso populo placeat: animi nimium subtiles & inquieti, nisi se recipiant in aliquè secessum studiorum (hoc ipso despectu & contemptu), creare sibi solent infortunia.

Itaque

CAP. VII

Nulli evocatus indivi-
dui exastris

Sol. 177.

Effectus as-
trorum ge-
neralis.

Vana Astro-
logiæ capi-
ta.

Fortuna ho-
minis qui-
bus rebus
mediantib⁹
ex astris
quadamte-
nus depen-
deat?

Mores fabri
fortunæ

Cap. VII. Itaque si quis ex figurâ cœli Genethliacâ conjecturas habet sufficientes, de qualitatibus Animi: conjecturam is etiam de fortunâ Homini in genere, faciet non ineptam; sed conjecturam solam, prætereaque nihil: scilicet falli etiam ille potest, propter interventum plurium causarum, tam supernaturalium, quàm naturalium

Fol. 122. Nam ut alterum fortunæ hominis fundamentum ex superioribus accersam, dignationem sc. vultus; imaginatio quidem Matrum plurimum hujus confert foetui, toto gestationis tempore, ut sæpè infœlicium parentum, (ad eòq; & aliorum hominum animaliumve, crebrò & cum emphasi prægnantibus obversantium) & vultus & mores & illis fundamentis innixa fortuna consimilis, transferatur in foetum, Sed tamen, ut supra Paradigmata mentalia Procli, multiplicabantur in animalia, vitalia, mobilia, complicata sc. ideis vitæ motuumque; sic etiam hic character cœli genethliacus immergitur in speciem vultus, occultâ vi facultatis formatricis; agnosciturque ex nati vultu, occultiore adhuc spectantium instinctu: videasque, ad eos, qui sub copulas plurium planetarum ante Solem, nascuntur, (*δοξοφωεας* appellant Astrologi) copulari etiam, veluti fascino quodam, cœus hominum popularium. Cujus rei exemplum ad omnem posteritatis memoriâ commendatum videre est apud Hier: Cardanum in Genesi Lutheri: quanquàm causæ motus publici plures concurrerunt. Qui sic nascuntur (quanquàm non una certa forma præscribi potest): plurimum ij valent autoritate apud populum, plurimum suffragijs in consilio, plurimum gratiâ apud Principes Reip: quorum quidem & natura respondet: itaque sæpè fortuna stat à partibus immeriti, neque alijs idoneis animi virtutibus præditi. Refer huc reliqua, quæ supra de Physiognomia dixi, dicique amplius possent.

Fol. 123. De Genio tutelari testantur divina oracula, singulis ijs singulorum hominum custodias esse attributas, datamque & admonitionem, & intercessionem ad tribunal providentiæ dei. Nullam hîc possessionem habet Natura rerum sensilium: si tamen astrologi ex themate genethliaco prænunciare possunt casus planè fortuitos (naturaliter loquendo) hoc est tales, qui neque ex malis hominis moribus, ex temeritate, ex intemperantiâ iræ libidinisve acciderunt, neque à vultus dedignatione dependent, quæ duo fortunæ fundamenta hæcenus explicata sunt: ut quòd tegula de tecto delapsa ferit prætereuntem, quòd reprimem in sylvis ferit globus aut sagitta improvisa; quòd navis demersa miseros vectores mediis exponit in undis; quòd flammis hic interceptus extinguitur, ille ruinâ domus vel montis opprimitur; & in contrarium, quòd insperatam hic hæreditatem adit, ille thesaurum fortuitò invenit: si inquam thema genethliacum continet horum casuû indicia, qui pertinent ad Angeli custodis munia circa controversiam; oportet, & huic custodiæ impedimenta ex astro genethliaco provenire, promotionesque contrarias; quod num impiam sententiam in se contineat, viderint Theologi, præsertim ij, qui magno numero scribunt geneses & prognostica. Experientiam ego habeo, qualem dicam, nescio, duorum hominum, qui cum essent nati sub constellationibus violentissimis, moresque sequerentur non diversi, adeò ut alteri eorum ludus esset

An planè
fortuita ma-
la pendent
ab astris?

esset, saltu p præcipitia ferri, medioque volatu funem arripere, à quo si aberrasset, jam actum de ejus vita fuisset: perniciem tamen sibi temeritate sua non accersivisse sunt visi: nam alter eorum fulmine, alter globo plumbeo à venatore ictus est, cum is feris insidiatus, visu & auribus aberrasset. Nec video qui cœlum ista possit in hominē, citra genios, quod cætera quæ potest, omnia per hominis Animum corpusve (quibus ad ista nulla vis inest) posse deprehenditur. Illud mihi non semel accidit, quod cum diu multumq; me excruciassem comiseratione quorundam fortuito pereuntium, qui mihi visi sunt innocentissimi; tandem ex fide dignis rescivi, vitam illorum præ cæteris talem fuisse, quâ facile bonus angelus, ut apes fumo, abigatur, & homo cæcis casibus, ut sine rectore currus, permitti soleat, velut emancipatus à patriâ Dei creatoris sui potestate, suoque permissus arbitrio, imò tyrannidi Satanae. Cujusmodi aliquid num etiam de prius positis exemplis sit statuendum, illiq; casus Nemesi divinæ tribuendi: solus is novit, qui corda scrutatur: qui visitat iniquitatem patrum in filios, in tertiam & quartam generationem. Verum de omnibus fortuito pereuntibus, ablit ut eandem feram sententiam. Sed vitæ talem impietatem, conjectores ex astris videre non possunt: nec enim in cœli figurâ descripta sunt divina auxilia, contra pravos animorum inclinationes, in quas cœli influxus post lapsum degenerat, non corrupens, sed corruptum incitans animum: multò minus in Saturni livore, Martis rubore, sunt inscripta, velut in Pandectis, poenarum genera, peccatis singulis debita. Itaq; cum connexio naturalis harum rerum cum cœlo immediata nulla sit: jam semel atque iterum per hos 20 annos dedi publicè considerandum; An sicut spirituales illi Provinciarum populorumque præfides à spiritibus insidiatoribus impediri se cap. IX. Danielis queruntur, sicutiam singulorum hominum genij ab astris naturaliter quidem impediuntur: quo minus comodè resistere possint potestatibus aëris, πᾶνδμῶν nobis insidiantibus, illaque impedimenta prævideantur exthemate Nati; quod fortasse etiam in Genium influxit, non minus quam in nascentis animum; atq; ad ea consequatur aliqua generalis nati infœlicitas; ut hinc natum sit proverbium *Nulla calamitas sola*; Deus verò hunc naturæ invisibilium cursum non frequenter impediatur, quia plerumq; etiam ex illo impedimento tutelæ; boni aliquid procurare novit, quod periclitanti, si is placet, bono cedat, sin displicet, justæ vindictæ modum impleat. Sanè si malum imminens non potest impedire Angelus custos, monet saltem, occultis modis, ut imparatum perire non sinat clientem. Qualia præfagia monitionesque etiam ruinam illam montis nuperam in Rheris præcefferunt.

Sit igitur hoc tertium fortunæ hominis fundamentum saltem conjecturale, nihil enim affirmo. Redeundum nunc nobis est ad considerationem Essentiæ facultatis Animæ Vitalis. Quæri n. potest, si character cœli in puncto demum Nativitatis influit; an igitur foet⁹ in partu demum concipiat animæ vitalis facultatem, & utrū eum ante partum inanimem dicam? Omnino propriam vitalem energeticam facultatē tunc demum actu concipit, cum à matre separatur; antea maternæ flammulæ vitalis radijs illustrabatur per venam & arteriam umbilicales, quæ arte-

CAP. VII

Sæpe peccata causæ fortuitarum.

Facta hominum non ex cœlo.

An genio negocij quædam cum genio clientis?

Geniorum monitiones

Quod firmitate hominis in utero principium & quales

SAP. VII.

Qualiter vi-
vat fetus
generatur?

teria in cor fetus inseritur, separato meatu ab ijs duobus, quibus postea propriam vitæ flammam alens intus, hinc sanguinem inde aërem ex pulmonibus haurit. Qui separatus cordis meatus, cum primo vitæ die concidat, penitusque evanescat; ut mihi Pragæ in sucula recens edita monstravit Georgius Horstius, Hassiæ Landgravij Medicus, naturæ totius consultissimus: hinc igitur argumenta duco, cor fetus, dum est in utero, non minus illo motu systoles & diastoles, quam respiracione carere, eoque vitæ propriæ flammam in eo nondum incensam esse. Et ut insistant analogiæ fidissimæ firmitus: uti se habet fumus tecti lignei, propter incendium tosti, ad flammam, quæ illud subito corripit: ita se habet & id, quod in foetu præcedit, ad vitalem facultatē, ab ipso partu, aut paulò antea, incensam.

Vnde vis
Transitui
Planetarū
per loca
Geneseos?

In hac igitur facultate Hominis vitali, sic incensā in partu, præcipuè relucet illud instar Memoriam, quod supra etiam in Anima Terræ ostendi: cum tanta sit constantia characteris cœlestis, omniumq; Thematis Genethliaci partium, tanta durabilitas ejus in Anima, ut ante vitæ finem non deponatur; cum ad omnes planetarum transitus per loca thematis præcipua, sese commoveat hæc facultas, perinde ac si loca illa non essent imagines nudæ, superstites in animā, rerum quæ dudum transierunt, sed vera sidera; & sic non unus, sed duo, verbi causa, Soles in cœlo essent, inque unum coirent; eoque coitu natura facultatis vitalis, modo supradicto, commoveretur.

Quare ge-
neses paren-
tum & libe-
rorum co-
gnatio?

Testimonium hujus rei clarissimum, omnique exceptione majus est in cognatione geneson, sub quibus parentes, & sub quibus eorum liberi nascuntur. Cum enim fetus est maturus, facultas animæ formatrix, & generationi præfecta, tunc potissimum se accingit ad extrudendum foetum, eaque extrusione accendendā novam animæ vitalem facultatem; cum sidera in sedes maternæ paternæve genesos, aut in configurationes easdem reversa, admonent Animam sui ipsius, sui que characteris cœlestis. Vide lib. de stella nova fol. 43.

Non fun-
damentum
naturale
Directio-
num.

Quid quod non tantum veros transitus planetarum per loca nativi thematis, hæc facultas observat; sed etiam successiones partium cœli, quæ in Genesi planetas habebant, in loca præcipua thematum quæ constituuntur exactis à partu diebus integris; proportionem observans diei ad Annum (ut cujus utraque revolutio Terræ à Copernico tribuitur); eaque proportione opera sua per totam vitam Hominis dispenseret, ut quanto longior est Annus Die, tanto tardiùs Effectus suum in directione Signum sequatur, quam Signū in directione partum insequitur? Ut ita impressio hæc cœlestis non quiescens tantum duret, sed etiam durando, sese motu extensionis, in longiora vitæ tempora propaget. Nimirum hæc facultas non tantum circulus est, sed motus est circularis idealis, & is geminus; est denique, per motum, etiam Tempus ideale. Vide supra fol. 117. Procli verba. Cujus rei Exemplum rursus à Memoriam, quæ paulò superior est facultas, petere possumus. Nam in tabulā quidem pinguntur, res tantum cum circumstantia loci: in memoriā verò, conferuntur res gestæ, etiam cum characterē temporis: denique in hoc negotio Directionum, character situum & motuum tem-
pore

pore decurforum multiplicatur in operationes, observatâ proportionem sensibili mundanâ, revolutionis diurnâ ad translationem sub Zodiaco annuam; sic ut operationes jam distent ratione temporis, à suis stimulis. Dixeris cum ipso corpore Nati, crescere & tempus characteris Genethliaci motuum.

CAP. VII.

Quicquid igitur Astrologi, De Vitæ longitudine, prædicere ex themate præsumunt, totum illud in hoc caput contrahitur: Directionum præludij ex Thematis genethliaci veluti pulpito vitalem facultatem informantibus, quo potissimum anno vitæ, humorum unus vel alter redundans, ex corpore exturbari, aut sollicitari debeat; stimulus is est Naturæ, ad peragendum opus suum extraordinarium, quod vitæ prorogandæ cedat: mors in astris, in Themate, in Directione nulla; nec dum variæ Mortis formæ: materia corporis est, quæ flammam vitæ vel inundans opprimit, vel deficiens deserit, quæ naturæ conatus impedit, adque perniciem detorquet: peccatum est, quod genus humanum concessio olim immortalitatis remedio privavit: quod etiamnum Angelum custodem à tutelâ vitæ, contra dæmonum, hominum, elementorumque insultus, abigit, impedit, repellit. Sed de hac re pluribus agendum esset in Astrologiâ, egi que non concisè nimium in libro de stellâ fol. 43: & in Tertio inveniente Num. 65. & seq.; & fortè erit, ut libros Joh: Pici Mirandulani cum commentario edam; si me rem studiose Philosophiæ gratam facturum intelligam, nec medijs necessarijs fuero destitutus.

An vitæ longitudo aut mortis annus ex astris prædici possit.

Quid directio physiccè. Mortis causæ genuinæ

Nunc quia ad finem propero, comparationem subjungam, vitalis in homine facultatis, cum Anima Telluris, causâ influxus cœlestium: videturque hæc esse, quod Anima Terræ circulus talis sit, qui nusquam habeat initium vel finem, nec ab aliqua sui parte sit nexus; at hominis facultas vitalis circulo comparatur, à pluribus punctis veluti nexo: causa est, quia Characterè geneseos Anima Terræ nullum habet, cum semper eadem maneat, nunquam nascatur aut incendatur; hominis verò nativitas recens, mortique propinqua, characterem ortus sui recepit, qui Zodiacum certis initij finisque punctis interpungit. Et Telluri quidem, quamvis characterem Genethliacum ex prima die Creationis tribuas; totum tamen cœli spacium semper illi est obvium, nihil in illorationem habet principij finisve, ortus occasusve; Homini superficies Telluris dimidium cœli occultat, ortus & occasus signa distinguit. Patet igitur comparationis ratio.

Ratio & vis Horoscopi seu gradus ascendentis in Genesi.

Mundi Genes.

Adeoque vera est hæc comparatio, vitalis in actu constitutæ facultatis, cum circulo nexo ex certis punctis; ut etiam sub principium morbi (qui nova quasi vita est, nova sc. energia vitalis facultatis, seu actio ejus extraordinaria, naturalis, præter naturam tamen constitutionis usitatæ, humorem noxium è corpore exturbare nitens) locus quem Luna possedit, influat in Animam, vimque concipiat veluti veræ alicujus Lunæ, in hoc suo gradu immobilis: ad cujus quadrata & opposita loca si Luna vera in cœlo pervenerit, Natura hominis extimulatur, ad agonisandum cum morbo: Hac re nititur doctrina Crisium, de qua satis accuratè egi in Tertio interveniente, Num 70. & sequentibus.

Crisium fundamentum.

Quid morbus.

Satis

CAP. VII.

Satis in præsentia dictum esto, de humanæ etiam Animæ facultate inferiore: deque universâ hac materiâ.

Porrò hæc ego de Anima disputavi hætenus, non equidem hoc consilio, ut philosophiæ divinæ studiosos penitus avocem à lectione Metaphysicorum auctorum: utve tot Platonis & Aristotelis interpretibus, profundissimæ indaginis, Græcis, Arabibus, Latinis; Plotino, Themistio, Simplicio, Porphyrio, Alexandro, Averroi, & quos ille allegat suæ gentis non paucos, Boetioque, & recentissimo subtilissimoque I. C. Scaligero, de Anima, deque Intelligentijs disputantibus oculos configerem: sed ut hæc ex mea professione, exque intimo hujus operis Harmonici penu deprompta, nec dum tacta ab ijs, quod sciam, considerationibus illorum, veluti supplementi loco, adjicerem; unde ab ijs, qui post me sese huic contemplationi Metaphysicæ dedituri, auctores dictos lecturi, nostra hæc veluti experimenta, cum illorum rationationibus collaturi, & utrumque ad alterius limam liberriam rationis censurem exacturi sunt (quod fateor à me hac vice factum esse minimè), hæc Metaphysicæ scientiæ pars denique illustrior & locupletior, omnibusq; numeris absolutior constitui possit: quod ut ad gloriam Nominis superbenedicti, Dei Creatoris Visibilem & Invisibilem, inq; augmentum sanctimonix & innocentix vitæ contemplatorum, deniq; in salutem æternam plurimarum Animarum cedat, illum ipsum Deum Trinunum supplex precor.

Finis Libri IV.

JOAN:

IO. KEPLERI
HARMONICES MUNDI
LIBER V.

DE HARMONIA PERFEC-
TISSIMA MOTUUM COELESTIUM,
ortuque ex iisdem Eccentricitatibus, Semidiametrorumque &
Temporum periodicorum.

*ad normam doctrinae astronomicae hodiernae emendatissimo, Hypothesi, Copernici,
sed & Tychoonis Brubergianae alterutra hodiernae, Ptolemaeae antiquatae, ut
verissima, publice recipiuntur.*

GALENUS DE USU PARTIUM LIBRO III.

Ἰερὸν λόγον ἐγὼ, τῆς θεμικεργήσας αὐτῷ ἡμᾶς ὕμνον ἀληθινὸν
πῶν τιθῆμι, καὶ νομίζω, τὸ εἶναι τὴν ἔυσέβειαν, οὐχ εἰ ταύρων ἐκα-
τόμβας αὐτῷ παμπόλλας καταθύσαιμι, καὶ τὰ ἄλλα μυρία
μύρα θυριάσαιμι, καὶ κασίας· ἀλλ' εἰ γνοίην μὲν αὐτὸς, ἔπειτα δὲ
καὶ τοῖς ἄλλοις ἐξηγήσαιμι, οἷός μιν ἐστὶ τὴν σοφίαν, οἷός τε τὴν
δυνάμιν, ὁποῖος δὲ τὴν χρηστότητα. τὸ γὰρ κοσμεῖν ἐθέλειν ἅπαν-
τα τὸν ἐνδεχόμενον κόσμον, καὶ μηδενὶ φθονεῖν τῶν ἀγαθῶν, τῆς τε-
λειοτάτης χρηστότητος ἐγὼ δαίγμα τίθεμαι: καὶ ταύτη μὲν ὡς ἀγα-
θότητι ὑμνείσω, τὸ δ' ὡς ἀν' μάλιχα κοσμηθεῖν, πᾶν ἐξευρεῖν,
ἀκραισσοφίας, τὸ δὲ καὶ δρᾶσαι πᾶν ὅσα προσέειλε,
δυνάμειως ἀητήτα.

Id est:

Sacrum sermonem, hymnum Deo Conditori verissimum ordior,
pietatem hanc esse ratus, non ut hecatombas illi Taurorum plurimas immolem, odores innumeros
adoleam & Casiam; sed ut primum Ipse discam, post & ceteros doceam, & quantus ille sit sapientia,
quantus potentia, & qualis bonitate. Velle enim omnia, quanto posset ornato, decorare, nec ulli
Bona sua invidere; id ego Bonitatis consummatissimae documentum statuo; haec usque, ut Bonum
celebre: Omnia vero invenite, quibus quam maxime exornentur, eminentissimae Sapientiae
Omnia denique, quae statuerat, in opus producere, Potentiae insuperabilis.

✱ (?) ✱

Cuius S. C. M. Privilegio ad annos XV.

LINCII AUSTRIAE
Excudebat Johannes Plancus,

ANNO M. DC. XIX.

Prooemium.

Quod ante duos & viginti annos, primum at-
 que figuras quinque solidas inter orbes cœlestes reperi,
 sum auguratus; quod firmiter animo persuasi meo, prius-
 quam Ptolemæi Harmonica vidissem; quod titulo libri hu-
 jus quinti nuncupato, priusquam de re ipsa certus essem,
 pollicitus sum amicis; quod ante sedecim annos publico scripto qua-
 rendum inculcavi; cuius causâ vitæ partem optimam Astronomicis
 contemplationibus impendi, Tychonem Braheum conveni, Pragam
 sedem elegi: id tandem, Deo Opt. Maximo, qui mentem inspiraverat,
 desiderium ingens excitaverat, vitam etiam & vires ingenij prorogan-
 te, mediaque cætera, per duorum Imperatorum, huiusque provinciæ
 Austriæ Supr-Anisanæ Procerum liberalitatem, suppeditante, defuncto
 prius Astronomicâ provinciâ, quantum sufficiebat, tandem inquam
 in lucem protuli, supraque quam sperare unquam potui, verissimum
 deprehendi; Totam Harmonices naturam, quantaquanta est, cum o-
 mnibus suis partibus, libro III. explicatis, inter Motus cœlestes reperi-
 ris: non eo quidem modo, quem ego conceperam animo; pars hæc est
 non postrema mei gaudij; sed diversissimo alio, simulque & præstan-
 tissimo & perfectissimo. Accessit hoc intermedio tempore, quo me
 suspensum tenuit Motuum restitutio laboriosissima, præcipuum & cu-
 piditatis meæ incrementum, & propositi incitamentum, lectio Har-
 monicorum Ptolemæi, quæ manuscripta mihi transmisit Vir eximius,
 adque philosophiam, omneque adeo genus eruditionis promovendum
 natus, Johannes Georgius Herwardus, Baviaræ Cancellarius: ubi præ-
 ter expectationem, & summâ cum admiratione, inveni, totum ferè li-
 brum ejus tertium in eadem contemplatione Harmoniæ cœlestis in-
 sumptum, ante mille & quingentos annos. Verùm id ætatis multum
 adhuc deerat Astronomiæ; potuitque Ptolemæus, re infœliciter ten-
 tatâ, desperationem alijs objicere; ut qui cum Scipione Ciceroniano
 potius suave quoddam somnium Pythagoricum recitasse, quam philoso-
 phiam adjuvisse videretur: at me cum illa veteris Astronomiæ ruditas,
 tum hic ipse meditationum utriusque, ex quindecim sæculorum inter-
 vallo, consensus ad amussim exactus, vehementer confirmavit in ur-
 gendo proposito. Nam quid multis opus? Ipsa rerum Natura sese pro-
 ditum ibat hominibus, per diversos distantium sæculorum interpretes:
 digitus Dei erat, ut cum Hebræis loquar, hic in Animis duorum, qui
 se totos contemplationi Naturæ dedidissent, de conformatione Mun-
 di, conceptus idem: cum neuter alteri dux fuisset ad hoc iter ingre-
 diendum. Jam postquam à mensibus octodecim prima lux, à tri-
 bus, dies justa, à paucissimis verò diebus, Sol ipse merus illuxit con-
 templationis admirabilissimæ; nihil me retinet, lubet indulgere
 sacro furori, lubet insultare mortalibus confessione ingenuâ, me
 vasa

Vasa aurea Ægyptiorum furari, ut Deo meo Tabernaculum ex ijs
 construam, longissimè ab Ægypti finibus. Si ignoscitis, gaudebo; si
 succensetis, feram: jacio en alcama, librumque scribo, seu præsentibus,
 seu posteris legendum, nihil interest: expectet ille suum lectorem
 remper annos centum; si Deus ipse per annorum sena millia contem-
 platorem præstolatus est.

Capita hujus libri sunt ista.

I. De quinque solidis figuris Regularibus.

II. De cognatione cum ijs, proportionum Harmonicarum.

III. Summa doctrina Astronomica, necessaria ad contemplationem Harmoniarum
 celestium.

IV. Quibus in rebus ad Planetarum motus pertinentibus expressa sint
 Harmonia simplices, & quod omnes illæ in Cælo reperiantur, quæ in Cantu
 insunt.

V. Claves Scala Musica, seu loca Systematis, & Genera Harmoniarum,
 Durum & Molle, à certis motibus expressa esse.

VI. Tonus seu Modos Musicos, singulos quodammodo à singulis planetis
 exprimi.

VII. Contrapuncta, seu Harmonias universales omnium Planetarum,
 easque diversas, aliam scilicet ex aliâ, existere posse.

VIII. In Planetis expressas esse naturas quatuor vocum, Discanti, Alti,
 Tenoris, Bassi.

IX. Demonstratio, quod ad obtinendam hanc dispositionem harmonicam;
 Eccentricitates Planetarum illa ipsæ, quas quilibet pro se habet, & non alia, con-
 stitui debuerint.

X. Epilogus de Sole, et conjecturis prægnantissimis.

Appendix habet: I. Versionem libri tertij Harmonicorum Ptolemæi à ca-
 pite III. qui tractat eandem materiam.

II. Suppletionem textus Ptolemæici, in tribus ultimis Ptolemæi capitibus,
 quarum lemmata sola posuit Ptolemæus.

III. Notas ad hanc partem Harmonicorum, quibus authorem explico, res-
 futo, ejusq; vel inventa vel attentata cum meis comparo.

De his acturo mihi lubet Lectoribus inculcare Ti-
 mai, Gentilis philosophi, de iisdem exordientis, adhortationem san-
 ctissimam, à Christianis hominibus summâ cum admiratione & pu-
 dore, nisi imitentur, cognoscendam; quæ talis est. Ἀλλ' ὦ Σώκρα-
 τες, τοῦτό γε δὴ πάντες, ὅσοι καὶ κατὰ βραχὺ σωφροσύνης μετέ-
 χουσιν, ἴπὶ πάσῃ ὀρεμῇ καὶ σμικρῇ καὶ μεγάλῃ πράγματι, Θεὸν
 αἰετὰ καλεῖσιν, ἡμᾶς δὲ τὰς περὶ ΠΑΝΤΟΣ λόγου ποιείσθαι

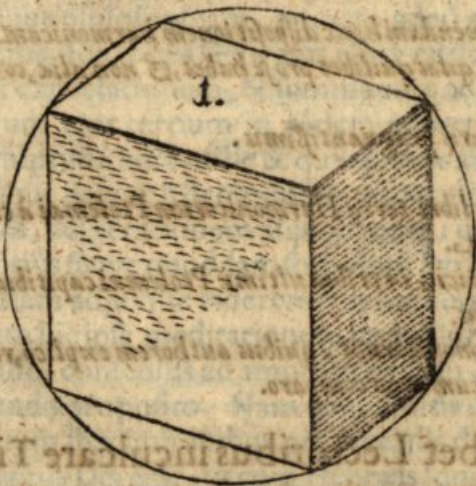
μη μέλλοντας, εἰ μὴ πάντα πασι παραλλάττον, ἀνάγκη θεῶν τε καὶ θεῶν Ἰσχυρομένους εὐχεσθαι πάντας, κατὰ νομῶν ἐκείνοις μὲν μάλιστα, ἐπομένως δὲ ὑμῖν εἰπεῖν. Enimvero Socrates, cum omnes qui vel minimum Mentis habent, quoties negotium aliquod seu leve seu arduum aggrediuntur, Deum semper invocent: Nos utique, quibus de Rerum universitate differere animus est, nisi planè ab omni sana ratione aberramus, necesse est, Deos Deasque votis conceptis precari unanimes, ut talia dicamus, quæ primùm ipsis maximè, tum deinde & vobis sint grata & accepta.

CAPVT I.

De quinque Figuris solidis regularibus.

Quomodo figuræ planæ regulares congruerent ad formandas solidas, dictum est libro secundo: de quinque nimirum solidis (inter ceteras) propter planas ibi locuti sumus. Numerus tamen illarum quinaris ibi demonstratus fuit; additumque, cur illæ Mundanæ à Platonis denominatæ, & cui quælibet Elemento,

Circuli angulis circūscripti adumbrant Sphærica, sed illa paulò majora his circulis sunt concipienda, præterquam, in 5. ut scilicet verè omnes figuræ angulos stringant. Magnitudinis ratio in hoc schemate hæc fuit observata, ut sphericum ipsius 5. possit inscribi in 4. hujus iterum Sphæricum in figura 3. & hujus denique Sphæricum in 1. Cubum tangens omnia ejus sex plana in centris suis.

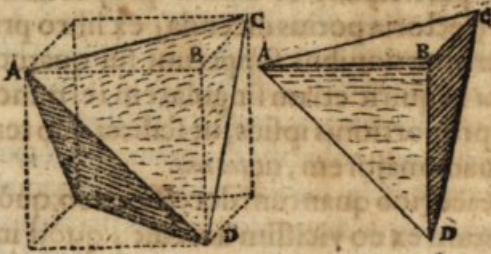


quamque ob proprietatem, comparata sit. Jam in hujus libri vestibulo rursus de his figuris, ob seipsas, non ob planas, agendum erit; quantum quidem sufficit ad Harmoniam Coelorum: cetera reperiet lector in Epitomes Astronomiæ parte alterâ, libro quarto.

Igitur ex Mysterio Cosmographico hic breviter inculco Ordinem quinque figurarum in Mundo, quarum tres primariæ, duæ secundariæ. Cubus enim 1. extremus & amplissimus, quia primigenius, & rationem habens Totius, ipsâ generationis suæ formâ. Sequitur Tetraëdron 2. tanquam Pars sectione Cubi cõstituta, primaria tamen & ipsa, angulo solidi trilineari, ut Cubus. Intra Tetraëdron est Dodecaëdron 3. Ultima primariarum, similis scilicet

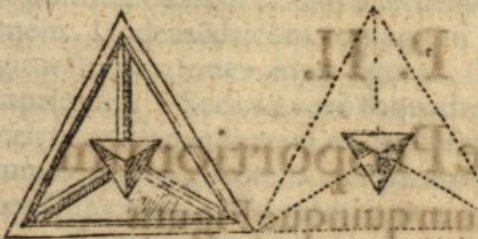
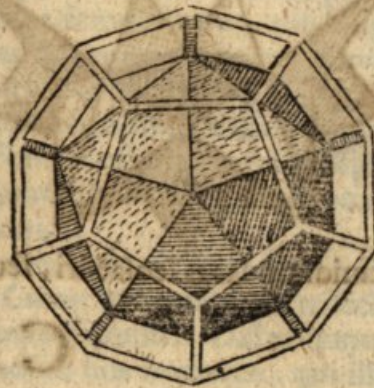
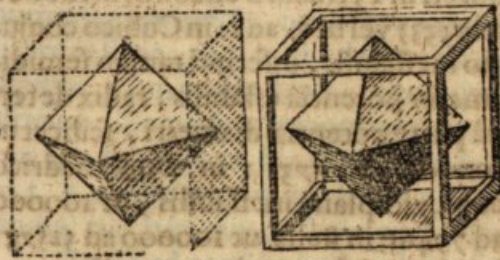
Composita ex Cubi partibus, Tetraëdri similibus, id est, ex Tetraëdri

edris irregularibus, quibus tegitur Cubus intus. Huic succedit Icosæ-



drum 4. ob similitudinem, ultima secundariarum, angulo solido plurilinearī utentium. Incimū est Octoëdron 5. Cubi simile, & prima figura secundariarum, cui ideo primus locus interiorum debetur, quippe inscriptili; uti cubo circumscriptili primus exteriorum.

Sunt autem notabilia duo veluti conjugia harum figurarum, ex



diversis combinata classibus: Maris, Cubus & Dodecaëdron ex primarijs; fœminæ, Octoëdron & Icosiëdron ex secundarijs; quibus

addit una veluti cœlebs aut Androgynos, Tetraëdron; quia sibi ipsi inscribitur, ut illæ fœmellæ maribus inscribuntur & veluti subjiciuntur, & signa sexus fœminina masculinis opposita habent, angulos scilicet planiciebus.

Præterea ut Tetraëdron est elementum, viscera & veluti costa Cubi Maris; sic Octaëdron fœmina, est elementum & pars Tetraëdri, alia ratione: ita mediat Tetraëdron in hoc conjugio.

Præcipua connubiorum seu familiarum differentia in hoc consistit: quod Cubicæ quidem *Effabilis* est proportio; nam Tetraëdron est Triens de corpore Cubico, Octaëdron semissis de Tetraëdrico, sexta pars Cubi: Dodecaëdrici verò conjugij proportio est *Ineffabilis* quidem, sed *Divina*.

Harum duarum vocum copulatio jubet cavere Lectori, de earum significato. Vox enim *Ineffabilis* hic non denotat per se nobilitatem aliquam, ut aliàs in Theologia & rebus divinis; sed denotat conditio-

In priori figura apparet Tetraëdron ACDF latens in Cubo, sic ut quodlibet Tetraëdri plenum ut ACD, tegatur ab uno cubi angulo ACDB. In secunda figura apparet Cubus AED latens intus in Dodecaëdro, sic ut quodlibet Cubi planum; ut AED; tegatur a duobus Dodecaëdri angulis seu Petaëdro ABCDE quod est scitile in tria Tetraëdra dissimilia per duo plana, DCA & ABD. Hic vides Octaëdron inscriptum Cubo; Icosiëdron Dodecaëdro, Tetraëdron Tetraëdro.

nem deteriolem: sunt enim in Geometriâ, ut libro primo dictum, ineffabilia multa, quæ non idèò participant & divinâ proportionem. Quid autem sit divina proportio (sectoria potius dicenda) ex libro primo petendum est. Alijs enim proportionibus suppetunt sui quatuor termini, & Continuae terni, divina requirit etiam singularem terminorum habitudinem, præterquam proportionis ipsius, ut scilicet duo termini minores, ut partes, constituent majorem, ut totum.

Huicigitur Conjugio Dodecaëdrico quantum decessit ex eo, quòd proportione utitur ineffabili; tantum ex eo vicissim accedit; quòd ineffabilis proficit in divinam.

Habet hoc conjugium & stellam solidam, cujus genesis est ex continuatione quinquorū planorū Dodecaëdri, ad concursum omnium in puncto unico: vide genesis ejus libro II.



Ultimò notanda est proportio Orbium eis Cumscriptorū ad Inscriptos, qui est in Tetraëdro effabilis, ut 100000 ad 33333 vel ut 3. ad 1. in Cubico conjugio ineffabilis, inscripti tamen semidiameter potentiâ effabilis, radix de tertiâ parte potentiæ diametri, scilicet ut 100000 ad 57735: in Dodecaëdrico conjugio planè ineffabilis, ut 100000 ad 79465; in stella, ut 100000 ad 52573.

dimidium latus Icosaëdri, seu dimidium distantie duorum radiorum,

C A P. II.

De cognatione Proportionum

Harmonicarum, cum quinque Figuris

Regularibus.

Varia & multiplex est hæc cognatio: Sunt tamen quatuor potissimum gradus. Nam aut desumitur indicium cognationis ab externâ solùm specie, quam habent figuræ: aut cum ipsa lateris constructione nascuntur proportionem eadem, quæ & harmonica; aut resultant ex figuris jam constructis, singulis vel junctis; aut denique vel æquales vel vicinae sunt proportionibus orbium Figuræ.

Primo gradu Proportionem, quarum character seu major terminus est 3. familiaritatem habent cum plano Tetraëdri, Octaëdri, Icosaëdri Triangulari; quarum verò major terminus 4; cum Quadrato plano Cubi; quarum 5. cum Quinquangulo plano Dodecaëdri.

Potest hæc similitudo plani etiam extendi ad minorem proportionem terminum; ut ubicunque ternarius juxta unum ex continuè dupliis invenitur, illa proportio habeatur familiaris tribus figuris primò nominatis

minatis ut 1. 3 & 2. 3. & 4. 3. & 8. 3. &c: ubi verò quinaris, ea proportio absolute vindicetur conjugio Dodecaëdrico: ut 2. 5. & 4. 5. & 8. 5. Sic 3. 5. & 3. 10. & 6. 5. & 12. 5. & 24. 5. Minus probabilis erit cognatio: si summa terminorum exprimat hanc similitudinem; ut in 2. 3. juncti termini faciunt 5. quasi ideò 2. 3. sic familiaris Dodecaëdro.

Similis est cognatio ob externam speciem anguli solidi, qui est primarijs trilinearis, Octaëdro quadrilinearis, Icosaëdro quinquelinearis: itaque si proportionis alter terminus communicat cum ternario, proportio erit cognata primarijs corporibus; sin cum quaternario, Octaëdro; denique cum quinario, Icosaëdro. Sed in fœmellis hæc cognatio est speciosior, quia speciem anguli sequitur etiam figura characteristica, latens intus, in Octaëdro Tetragonus, in Icosaëdro Pentagonus: Itaque 3. 5. propter utrumque, esset Icosiedricæ sectæ.

Secundus gradus cognationis, qui in ortu consistit, sic est concipiendus. Primùm sunt aliquæ proportionēs numerorum Harmonicæ, familiares uni conjugio seu familiæ, scilicet perfectæ proportionēs singulæ, familiæ Cubicæ: est vicissim proportio, quæ nunquam plenis numeris exprimitur, nec aliter per numeros demonstratur, nisi longâ illorum serie, paulatim ad illam accedentium: quæ proportio *Divina* dicitur, cùm perfecta est; regnatque variè per conjugium Dodecaëdricum; illam igitur proportionem incipiunt adumbrare istæ Harmoniæ 1. 2. & 2. 3. & 3. 5. & 5. 8. Nam imperfectissimè est in 1. 2. perfectissimè in 5. 8. perfectior futura, si etiam 5. & 8. junctis in unum 13. superponamus 8: nisi hæc jam desineret esse Harmonica.

Porrò ad constituendum latus figuræ, secunda est Globi diameter: & postulat Octaëdron ejus bisectionem, Cubus & Tetraëdron trisectionem, Dodecaëdricum conjugium Quinisectionem. Distribuantur igitur Proportionēs, inter figuras, secundum hos numeros, qui illas exprimunt. Secatur verò & quadratum diametri, seu, formatur lateris figuræ quadratum, ex certâ ejus parte. Et tunc Laterum quadrata cum Diametri quadrato comparantur, constituuntque sic proportionēs, Cubicum 1. 3. Tetraëdricum 2. 3. Octaëdricum 1. 2: quare & junctâ bina, Cubicum & Tetraëdricum 1. 2. Cubicum & Octaëdricum 2. 3. Octaëdricum & Tetraëdricum 3. 4. Dodecaëdrici conjugij latera sunt ineffabilia.

Tertiò figuras jam constitutas, Harmonicæ proportionēs variè consequuntur. Aut enim Numerus laterum plani, comparatur cum numero laterum figuræ totius: & oriuntur hæc proportionēs, Cubica 4. 12. seu 1. 3. Tetraëdrica 3. 6. vel 1. 2. Octaëdrica 3. 12. vel 1. 4. Dodecaëdrica 5. 30. vel 1. 6. Icosaëdrica 3. 30. vel 1. 10. Aut numerus laterum plani, comparatur cum numero planorum: tunc Cubus dat 4. 6. vel 2. 3. Tetraëdron 3. 4. Octaëdron 3. 8. Dodecaëdron 5. 12. Icosaëdron 3. 20. Aut Numerus laterum vel angulorum plani cum numero solidorum angulorum comparatur; & dat Cubus 4. 8. vel 1. 2. Tetraëdron 3. 4. Octaëdron 3. 6. vel 1. 2. Dodecaëdron cum Coniuge 5. 20 & 3. 12. id est 1. 4. Aut numerus Planorum cum Numero solidorum angulorum; & dat Cubicum conjugium 6. 8. vel 3. 4. Tetraëdron æquali-

CAP. II.

æqualitatis proportionem, Dodecaedricum Conjugium 12. 20 vel 3. 5.
Aut Numerus laterum omnium cum Numero angulorum solidorum;
& dat Cubus 8. 12. vel. 2. 3, Tetraedron 4. 6, vel 2. 3, Octaedron 6. 12.
vel 1. 2, Dodecaedron 20. 30. vel 2. 3, Icofaedron 12. 30. vel 2. 5.

Comparantur verò & Corpora inter se, si Tetraedrum in Cubo
fit abditum, Octaedrum in Tetraedro & Cubo, inscriptione Geome-
tricâ: Tetraedron est triens Cubi, Octaedron semiffis Tetraedri, sexta
pars Cubi, ut & id Octaedron, quod est inscriptū globo, est sexta pars de
Cubo, qui globo circumscibitur. Reliquorum corpora sunt ineffabilia.

Quarta species seu gradus cognationis, est hujus Operis magis
proprius; quòd proportio exquiritur, Orbium figuris inscriptorum ad
orbis ijs circumscriptos; & expenditur, quanam proportiones Har-
monicæ ijs approximent. Nam in solo Tetraedro diameter inscripti est
effabilis, pars sc. tertia circumscripti: at in Cubico conjugio, propor-
tio, quæ unica ibi est, similis est lineis solâ potentiâ effabilibus. Nam
Orbis Inscripsi diameter est ad diametrum Orbis Circumscripti, in pro-
portione semitripla. Et si proportiones ipsas inter se compares, Te-
traedricorum Orbium proportio est dupla, proportionis Cubicorum
orbium. In Dodecaedrico conjugio, proportio orbium rursus est u-
nica, sed ineffabilis, paulò major quàm 4. 5. Igitur Cuboctaedricæ
proportioni orbium, approximant ex Harmonicis istæ; 1. 2. ut proximè
major, & 3. 5. ut proximè minor: Dodecaedricæ verò proportioni or-
bium approximant Harmoniæ 4. 5. & 5. 6. proximè minores, 3. 4. &
5. 8. proximè majores.

Quòd si ob certas causas vindicentur Cubo 1. 2. & 1. 3. erunt ut pro-
portio Cubicorum orbium ad proportionem Tetraedricorum, sic hæ
Harmoniæ 1. 2. & 1. 3. Cubo tributæ, ad 1. 4. & 1. 9, Tetraedro tribuendas,
siquidem utendum fuerit hac analogiâ: sunt enim & hæ proportiones
illarum Harmoniarum duplæ. Et quia 1. 9. non est harmonica; succedet
illi proxima Harmonica 1. 8. pro Tetraedro. Dodecaedrico verò con-
jugio per hanc analogiam venient ferè 4. 5. & 3. 4. Nam sicut Cubico-
rum orbium proportio est ferè tripla Dodecaedricorum, sic etiam
Harmoniæ Cubicæ 1. 2. & 1. 3. sunt ferè triplæ Harmoniarum 4. 5. & 3. 4.
Nam 4. 5. triplicata fit 64. 125: & 1. 2. est 64. 128. Sic 3. 4. triplicata,
fit 27. 64. & 1. 3. est 27. 81.

CAP. III.

Summa doctrinæ Astronomicæ, necessaria ad contemplationem Harmo- niarum cœlestium.

Initio sciant hoc lectores, Hypotheses astronomicas
antiquas Ptolemæi, quemadmodum illæ sunt explicatæ in The-
orijs Purbachij, cæterisque Epitomarum scriptoribus, penitus esse re-
moven-

movendas ab hac consideratione, exque animo ejiciendas: non tradunt namque veram & Corporum mundi dispositionem, & Motuum politiam. CAP. III.

In earum locum, etsi facere aliter non possum, quin Copernici de mundo sententiam unice & substituciam, & si possibile esset, omnibus persuadeam: at quia res apud vulgus studiosorum, etiamnum nova est, & dogma auditu plerisque absurdissimum; Terram ex Planetis unum esse, interque sidera ferri, circa Solem immobilem: sciatur igitur, qui hujus sententiae insolentiam offenduntur: speculationes has harmonicas etiam in Hypothesibus Tychoonis Brahei locum obtinere; propterea quod Author ille, caetera omnia, quae dispositionem corporum & contemperationem motuum attinent, cum Copernico habet communia; solum Terrae motum annuum Copernicanum transfert ipse in totum systema Orbium Planetariorum, inque Solem, qui ejus medium obtinet, consensu authoris utriusque. Nam ex hac translatione motus, fit nihilominus, ut terra, si non in vastissimo illo & immenso spacio sphaerae fixarum, at saltem in systemate Mundi planetarii, locum obtineat quo vis tempore eundem apud Braheum, quem ei dat Copernicus: adeoque sicut, qui super papyro circulum scribit, is pedem circini scriptorium circumfert; qui vero papyrum seu tabulam affigit torno volubili, is immoto pede circini seu stilo, circulum describit eundem, super decurrente tabula: sic etiam hic, Copernico quidem Tellus circulum metatur, motu sui corporis reali, medium incedentem inter circulos, Martis exteriorum, & Veneris interiorum; at Tycho Brahe, totum systema planetarium (in quo inter caeteros, sunt etiam Martis & Veneris circuli) convertitur, velut tabula in torno, applicans ad Terram immobilem, ceu ad stilum tornatoris, interstitium inter Martis & Veneris circulos: fitque hoc systematis motu, ut Tellus in eo signet eundem circulum circa Solem, Martij & Venerij intermedium, ipsa perstans immobilis: quem signat apud Copernicum, motu vero sui corporis, quiescente systemate. Cum igitur Harmonica contemplatio consideret motus planetarum eccentricos, velut ex Sole visos: facile datur intelligi, si quis contemplator in Sole esset, quantumvis mobili; Terram illi, quamvis quiescentem (ut hoc jam concedatur Braheo), nihilominus visum iri decurrere circulum annuum, medium inter Planetas temporis etiam intermedio spacio. Quare etsi quis est imbecillis fidei homo, qui motum Terrae inter sidera capere non potest: is nihilominus gaudere poterit diviniissimi hujus machinamenti contemplatione praestantissima; si, quicquid de motibus diurnis Telluris in suo Eccentrico audit, id ad apparentiam eorum in Sole applicet, qualem apparentiam etiam Tycho Brahe exhibet, Terrae quiescente.

Neque tamen causam habent justam veri Sanae philosophiae cultores, invidendi talibus, communicationem hanc deliciosissimae speculationis: ut quorum gaudium multis partibus erit perfectius, quippe ex speculationis consummata perfectione; si etiam Solis immobilitatem, Terrae vero motum acceptaverint.

Hypotheses Copernici.

Hypotheses Tychoonis Brahei.

Comparatio utriusque.

Valeat Harmonica contemplatio in Hypothesi Brahei.

Valeat multo magis in Copernicis.

186 DE MOTIBUS PLANETARUM

CAP. III.

I. Quorum corporum circumiunctio nes consti- tuant Harmonias.

II. Quæ di- versitas sit in illorum corporum intervallis.

Huc refer schema

♂ ♀ ♂ ♀

III. Nume- rus corpo- rum Har- monias fa- cientium quam cau- sam habeat

IV. Magni- tudo Sphæ- rarum, quas permeant illa corpo- ra, quam causam ha- beat?

Primùm igitur hoc teneant lectores, rem hodie penes astrono- mos omnes esse certissimam, quòd omnes Planetæ Solem circumeant, exceptâ Lunâ, quæ sola Terram habet pro centro: cujus quidem or- bis seu curriculi quantitas non est tanta, ut in hac charta delineari pos- sit in justâ proportionem ad cæteros. Accedit igitur quinque reliquis sexta Terra, quæ seu suo proprio motu, quiescente Sole, seu immota ipsa, & converso toto Planetarum systemate, sextum & ipsa circumum circa Solem designat.

Secundò, certum & hoc est, Planetas omnes fieri eccentricos, id est, mutare intervalla sua à Sole, sic ut in una parte circuli fiant à Sole remotissimi, in oppositâ proximè Solem veniant. In adjecto sche- mate pro singulis planetis facti sunt circuli terni; quorum nullus indicat viam ipsam Planetæ eccentricam, sed medius quidem, ut in Marte BE, est æqualis Orbis eccentricæ, quoad longiorem ejus diametrum; Or- bita verò ipsa, ut AD, tangit AF superiorem ex tribus; ab unâ plagâ A, inferiorem CD ex oppositâ D. Circulus GH punctis adumbratus, & per centrum Solis descriptus, indicat viam Solis apud Tychonem Brahe; qui si hanc viam movetur, omnia omninò puncta totius Sy- stematis planetarij, hic depicti, viam incedunt æqualem, quilibet su- am propriam. Et uno ejus puncto, scilicet centro Solis, in unâ sui circuli parte stante, ut hic in infimâ; omnia omninò puncta Syste- matis stabunt in imis partibus suorum quòdque circulorum. Vene- ris etiam tres circuli propter angustiam spæij coierunt in unum, præ- ter voluntatem.

Tertiò repetat lector ex Mystero meo Cosmographico, quod edi- di ante 22. annos: Numerum Planetarum seu curriculorum circa So- lem, delumptum esse à sapientissimo Conditore ex quinque figuris re- gularibus solidis, de quibus Euclides jam ante tot sæcula, librum scrip- sit, qui Elementorum dicitur, eò quòd ex Propositionum serie sic con- structus. Quòd autem plura corpora regularia nequeant esse, hoc est, quòd figuræ planæ regulares nequeant sæpiùs, quam quinquies, in solidum congruere; id libro secundo hujus operis patuit.

Quartò, quod attinet proportionem Orbitalium Planetariarum, illa quidem inter binas Orbitas vicinas semper est tanta, ut facile appareat, unamquamque illarum appropinquare proportioni unicæ Orbium unius ex quinque solidis figuris, scilicet Orbis Circumscripti ad Orbem Inscriptum figuræ: ac non tamen planè æqualis est, ut olim ausus fui de perfectâ denique astronomia polliceri. Nam post ab- solutam demonstrationem intervallorum, ex observationibus Brahe, deprehendi hoc, Cubi quidem angulis, intimo Saturni circulo ap- plicatis, centra planorum ferè tangere medium circumum Jovis; & Te- traëdri angulis intimo Jovis circulo insistentibus, centra planorum Te- traëdri, tangere ferè Martis circumum extimum; sic Octaëdri angulis, ex Veneris quocunque circulo surgentibus (sunt etenim omnes tres in angustissimum intervallum redacti) Centra planorum Octaëdri- corum penetrare & profundius descendere infra Mercurij cir- culum

circulum extimum, neque tamen venire usque ad medium Mercurij circulum: denique Dodecaëdricorum quidem & Icosaëdricorum Orbium proportionibus inter se æqualibus, omnium proximas esse proportiones seu intervalla inter Martis & Telluris, interque Telluris & Veneris circulos, easque ipsas inter se similiter æquales; si ab intimo Martis ad medium Telluris, à medio verò Telluris ad medium Veneris computemus; Telluris enim medium intervallum est Medium proportionale, inter minimum Martis & medium Veneris: at tamen has duas proportiones inter Planetarum circulos, adhuc esse majores, quàm sunt binorum illorum in figuris orbium; sic, ut Planorum Dodecaëdri centra non tangant circulum extimum Telluris, neque Icosaëdricorum planorum centra, circulum extimum Veneris: sed nec expleri hunchiatum, per semidiametrum orbis Lunæ, supra additam Telluris intervallo maximo, infra verò ademptam ejusdem minimo: sed aliam quandam deprehendo proportionem figuralem; si nempe auctum Dodecaëdron, cui nomen Echino feci; conformatum scilicet ex duodecim stellis quinquangularibus, eoque proximum quinque corporibus Regularibus; hoc inquam, si duodecim mucrones suos collocet in circulo Martis intimo, tunc latera Pentagonorum, qui singuli singulorum radiorum seu mucronum sunt bases, attingere medium circulum Veneris. Breviter, Cubus & Octaëdron conjuges, penetrant suos planetarios orbes non nihil; Dodecaëdron & Icosaëdron conjuges, non planè assequuntur suos, Tetraëdron præcisè tangit utrumque: illuc minus, istuc plus, hic æquale est in Planetarum intervallis.

Ex qua re patet, proportiones ipsissimas intervallorum Planetariorum à Sole, ex solis figuris Regularibus desumptas non esse; non aberrat enim ab Archetypo suo Creator, Geometriæ fons ipsissimus, & ut Plato scripsit, *eternam exercens Geometriam*. Et potuit sanè hoc ipsum colligi vel ex eo, quòd Planetæ omnes intervalla per certas temporum periodos mutant: sic, ut unusquisque duo habeat insignia intervalla à Sole, Maximum & Minimum; daturque inter binos Planetas comparatio intervallorum à Sole quadruplex, vel maximorum, vel minimorum, vel contrariorum remotissimorum inter se, vel proximorum: ita fiunt binorum & binorum vicinorum planetarum comparationes numero viginti: cum è contrario, figuræ solidæ solùm quinque sint. At verò consentaneum est, Creatorem, si curam habuit proportionis Orbium in genere, curam etiã habuisse proportionis, quæ est inter singulorum in specie intervalla variantia; eamque curam utrinque eandem esse, alteramque ex alterâ neçti: quo perpenso, obtinebimus sanè & hoc, quòd ad constituendas Orbiũ & diametros & Eccentricitates junctim, plurib⁹ sit op⁹ principijs, præter quinq; regularia corpora.

Quintò ut ad motus veniamus, inter quos constitutæ sunt Harmoniæ; rursus inculco lectori, demonstratum esse à me in commentarijs de Marte, ex certissimis Brahei observationibus, quòd arcus diurni æquales in Eccentrico uno & eodem, non æquali permeentur celeritate; sed quòd hæ diversæ *Mora in partibus aequalibus Eccentrici, observent proportionem suorum intervallorum à Sole*, fonte motus: & vicissim,

CAP. II B

Fol. 188

V.
Axiomata
astronomi-
ca motuum
verorum.

188 DE MOTIBUS PLANETARUM

2. Quòd suppositis temporibus æqualibus, puta uno die naturali utrinq; ,
 3. respondentibus ijs, diurni veri arcus eccentricæ Orbitæ unius, habeant inter
 4. se proportionem, eversam proportionis intervallorum duorum à Sole. Simul
 5. autem demonstratum est à me, Orbitam Planetæ esse ellipticam, & Solem,
 6. fontem motus, esse in altero focorum hujus Ellipsis; itaque fieri, ut Planeta,
 7. absoluto totius circuitus quadrante à suo Aphelio, præcisè mediocriter habeat
 8. intervallum à Sole, inter maximum in Aphelio, & minimum in Perihelio. Ex his verò duobus axiomatibus conficitur, ut diurnus Planetæ medius motus in eccentrico, idem sit & verus ejus Eccentrici arcus diurnus, illis momentis, quibus Planeta est in fine quadrantis Eccentrici ab Aphelio computati, licet ille quadrans verus adhuc minor appareat justo quadrante. Sequitur amplius, quòd duo quicumque arcus Eccentrici diurni verissimi, æqualiter verè distantes, alter ab Aphelio, alter à Perihelio, juncti æquent duos diurnos medios: & per consequens, cum sit eadem circulorum proportio, quæ diametrorum, quòd eadem sit proportio unius diurni medij ad junctos medios omnes inter se æquales, quot sunt in toto circuitu, quæ est medij diurni ad junctos veros omnes arcus Eccentricos, totidem numero, sed inter se inæquales. Et hæc de veris Eccentrici arcibus diurnis, deque veris motibus sunt præcognoscenda, ut jam ex ijs intelligamus motus apparentes, oculo in Sole supposito.

VL Axioma
 ta Astronomica motuum ex Sole apparentium seu angulorum, quos lineæ diurnas comprehendentes conformant in cælo Solis.

2. Sextò, quantum verò attinet arcus apparentes velut ex Sole, notum est ex antiquâ etiam astronomia, quòd ex motibus veris, etiam æqualibus inter se, is qui longius à centro Mundi recessit (ut qui est in Aphelio) appareat esse minor; spectanti ex illo centro; qui propior sit, ut qui est in Perihelio, idem & major. Cum igitur insuper etiam majores sint veri arcus diurni in propinquo, propter motum celeriore, minores in Aphelio remoto, propter motus tarditatem: hinc ego demonstravi in Martialibus, proportionem apparentiam arcuum diurnorum unius Eccentrici, satis præcisè duplam eversam esse, proportionis suorum intervallorum à Sole. Ut si planeta in unâ suarum dierum, quando est in Aphelio, distaret à Sole partibus, quacunque mensura, 10. in opposita die, quando est in Perihelio, partibus consimilibus 9: certum est, quòd ex Sole apparens ejus promotio in Aphelio futura sit ad apparentiam in Perihelio, sicut 91. ad 100.

3. Hoc autem verum est cum his cautionibus; primò ut arcus Eccentrici non sint magni, ne communicent cum distantijs diversis, multum differentibus, hoc est ne causentur sensibilem varietatem distantiarum terminorum suorum ab Apfidibus: deinde, ut Eccentricitas non sit valdè magna: nam quo major Eccentricitas, sc. quo major sit arcus; hoc magis augetur ejus apparentiæ angulus, ultra modulum appropinquationis suæ ad Solem: per Theorema 8. Opticorum Euclidis; quod tamen in arcibus parvis & magnâ distantia nullius est momenti, ut in meis Opt: Capite XI. monui. Sed est alia causa, cur hoc moneam. Nam arcus Eccentrici circa Medias Anomalias inspiciuntur obliquè ex centro Solis, quæ obliquitas minuit apparentiæ magnitudinem; cum ex adverso arcus circa Apfidas, aspectui, velut in Sole collocato, obijciantur rectè. Quando igitur Eccentricitas est valdè magna, tunc sensibilibiter nocetur proportioni motuum

cuum

caum, si motum medium diurnum sine diminutione applicemus distantiae mediocri, quasi is ex distantia mediocri tantus appareret, quantus est: ut infra in Mercurio apparebit. Hæc omnia prolixius traduntur in Ep. Astr. Copernicanæ Lib. V: fuerunt autem hæc etiam commemoranda, quia attinent ipsissimos terminos harmoniarum cœlestium, per se singulos seorsim consideratos.

Septimò, si cui fortè occurrant ij motus diurni, qui non apparent velut ex Sole, sed ex Terrâ spectantibus; de quibus agit lib. VI. Ep. Astr. Cop: is sciat, eorum rationem in hoc negotio planè nullam haberi: sane neque debet, cum Terra non sit fons motus ipsorum; neque potest, cum motus ij non tantum in meram quietem seu stationem apparentem, sed planè in retrogradationem, quantum ad fallacem apparentiam, degenerent: qua ratione omnis proportionum infinitas omnib⁹ planetis simul & ex æquo tribuitur. Ut igitur certum habeamus, quales proportiones proprias constituent diurni motus singularum verarum Orbicularum eccentricarum (licet & ipsi adhuc apparentes sint, veluti spectanti ex Sole fonte motus): removenda prius est ab ijs motibus proprijs, hæc phantasia, communis omnibus quinque, motus annui adventitij; sive ille ex ipsius Telluris motu oriatur, secundum Copernicum; sive ex motu systematis totius annuo, secundum Tychohem Brahe; motusque cuique Planetæ proprii, enucleati, sub conspectum subijciendi sunt.

VII. Rejectione motu qui apparet ex terra prospectantibus.

Octavò hæcenus egimus de diversis moris vel arcibus unius & eiusdem Planetæ. Jam etiam de binorum Planetarum motibus inter se comparatis agendum. Ubi nota definitionem Terminorum, qui sunt nobis futuri necessarii. *Apsidas proximæ* duorum planetarum dicemus Perihelium superioris, & Aphelium inferioris: non obstante, quòd illæ vergunt in plagam Mundi, non eandem, sed diversas, & fortè contrarias *Motus extremos*, intellige, tardissimum & velocissimum totius circuitus Planetarij. *Convergentes extremos seu Conversos*, qui sunt in binorum Apsidibus proximis, scilicet in Perihelio superioris, & Aphelio inferioris; *Divergentes vel Diverfos*, qui in Apsidibus oppositis, scilicet Aphelio superioris & Perihelio inferioris. Rursum igitur hic aliqua pars mei Mysterij Cosmographici, suspensa ante 22. annos, quia nondum liquebat, absolvenda, & huc inferenda est. Inventis enim veris Orbium intervallis, per observationes Brahei, plurimi temporis labore continuo; tandem, tandem, genuina proportio Temporum periodicorum ad proportionem Orbium -- *sera quidem respexit inertem*,

VIII. Quæ proportio periodicorum Temporum ad intervalla binorum quorumcunque à Solè?

Respexit tamen & longo post tempore venit;

eaque si temporis articulos petis, 8. Mart. hujus aâni millesimi sexcentissimi decimi octavi animo concepta, sed infœliciter ad calculos vocata, eòque pro falsâ rejecta, denique 15. Maji reversa, novo capto impetu, expugnavit Mentis meæ tenebras; tantâ comprobatione & laboris mei septendecennalis in Observationibus Braheanis, & meditationis hujus, in unum conspirantium; ut somniare me, & præsumere quæsitum inter principia, primò crederem. Sed res est certissima exactissimaque; quòd *proportio quæ est inter binorum quorumcunque Planetarum temporum periodica, sit præcisè sesquialtera proportionis mediarum distantiarum, id*

190 DE MOTIBUS PLANETARUM

CAP. III.

Nam in Cōmentarijs Martis cap. XLVIII. fo. 232. probavi Medium hoc arithmeticum vel ipsam esse diametrum circuli q̄ longitudo a quatuor ellipticam orbitā vel a proxime minus.

est Orbium ipsorum; attento tamen hoc, quòd *medium arithmeticum inter utramq; diametrum ellipticae Orbitae sit paulò minus longiore diametro*. Itaque si quis ex periodo, verbi causa Telluris, quæ est annus unus, & ex Periodo Saturni, triginta annorum, sumpserit tertiam proportionis partem; id est, *radices cubicas*, & hujus proportionis duplum fecerit, radicibus quadratè multiplicatis, is habet in procedentibus numeris intervallorum Terræ & Saturni à Sole mediocrium, *proportionem justissimam*. Nam cubica radix de 1. est 1. ejus quadrum 1. Et cubica radix de 30. est major quàm 3. ejus igitur quadrum majus quàm 9. Et Saturnus mediocriter distans à Sole, paulò altior est noncuplo mediocris distantia Telluris à Sole. Hujus Theorematis usus infra Cap. IX. necessarius erit ad demonstrationem Eccentricitatum.

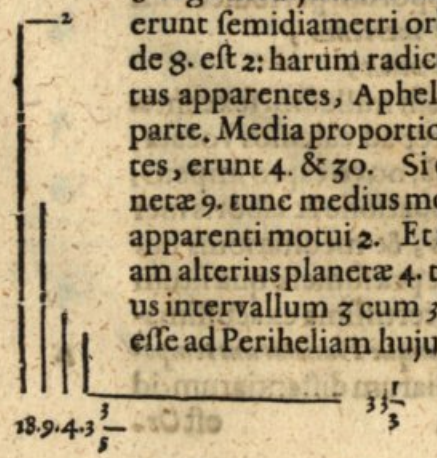
Nonò si jam ipsa verissima itinera diurna cujusque planetae per atheriam eadem veluti decempedà volueris metiri; conjungendæ erunt proportionēs duæ, una diurnorum arcuum Eccentrici verorum (non apparentium) altera intervallorum cujusque à Sole mediocrium, quia eadem est & amplitudinis orbium; hoc est, *multiplicandus cujusque Planetæ arcus verus diurnus in sui orbis semidiametrum*: quo facto, prodibunt numeri idonei ad exquirendum, Num illa itinera faciant proportionēs Harmonicas.

IX. Quantum spacij quilibet planeta respectu alterius trajiciat quovis tempore X. Quomodo ex veris itinerib; & veris planetarum à Sole intervallis, habeatur motus ex Sole apparens, subiectum Harmonia celestis.

Decimò, ut verò habeas, quantam quodlibet talium diurnorum itinerum faciat apparentiam, oculo velut in Sole collocato; etsi hoc idem ex Astronomiâ potest immediatè peti; tamen etiam sic patebit, si addideris Itinerum proportioni proportionem eversam intervallorum non mediocrium, sed verorum, quæ sunt quovis loco Eccentricorum: *Multiplicato itinere superioris in intervallum inferioris à Sole, & vicissim itinere inferioris in intervallum superioris à Sole*.

XI. Quomodo ex apparentib; (velut ex Sole) diurnis motibus, elicantur inter valla Planetarum à Sole.

Vndecimò, nec minus etiam ex datis motibus apparentibus, Aphelio unius & Perihelio alterius, vel vicissim alternisve, proportionēs eliciuntur Intervallorum, Aphelij unius ad Perihelium alterius; ubi tamen medios motus oportet esse præcognitos, sc: proportionem periodorum Temporum eversam; ex quib; elicatur Orbium proportio, per Num. VIII. præmissum: tunc *sumpto medio proportionali inter motum alterutrum apparentem & suum medium, fit ut hoc medium proportionale ad semidiametrum orbis jam patefactam, sic medius motus, ad distantiam vel intervallum questum*. Sint duorum planetarum periodica tempora 27. & 8. ergò medij motus diurni illius ad hunc, est illa, quæ 8. ad 27. quare erunt semidiametri orbium ut 9. ad 4. Nam radix cubica de 27. est 3. de 8. est 2; harum radicum 3. & 2. quadrata sunt 9. & 4. Sint jam motus apparentes, Aphelium unius 2. & Perihelium alterius 33 cum tertia parte. Media proportionalia inter motus medios 8. 27. & hos apparentes, erunt 4. & 30. Si ergò medium 4. dat mediocrem distantiam planetae 9. tunc medius motus 8. dat aphelium intervallum 18. respondens apparenti motui 2. Et si medium alterum 30. dat mediocrem distantiam alterius planetae 4. tunc medius illius motus 27. dat perihelium illius intervallum 3 cum 3 quintis. Dico igitur, distantiam Apheliam illius, esse ad Periheliam hujus, ut 18. ad 3 cum 3 quintis. Ex quo patet, quòd



impe-

ris harmonijs, inter motus extremos binorum, & periodicis temporibus utrique præscriptis, necessitentur intervalla extrema & media, quare etiam Eccentricitates.

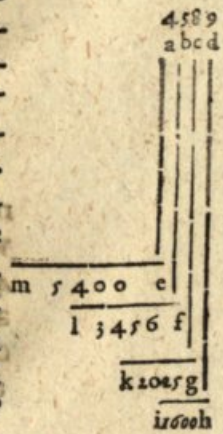
Duodecimò, datur etiam ex unius & ejusdem Planetæ motibus extremis diversis, invenire *Motum medium*; Hic enim non præcisè est arithmeticum medium inter motus extremos, nec præcisè medium geometricum; sed tanto minor geometrico Medio, quanto Medium geometricum minus est, quàm medium inter utrumque. Sint duo motus extremi 8. & 10. Medius motus erit minor quàm 9. minor etiam quàm radix de 80. dimidio ejus, quod est inter utrumque, 9. & Rad. de 80. Ita si sit Aphelius 20. perihelium 24. motus medius erit minor quàm 22. minor etiam quàm radix de 480. dimidio ejus, quod est inter hanc radicem & 22. Hujus theorematis usus est in sequenti.

XII. Quæ proportio Motus medij ad extremos.

Décimotertiò ex præmissis demonstratur, hæc PROPOSITIO, nobis valde necessaria futura, quòd quemadmodum proportio mediorum motuum in binis planetis, est sesquialtera eversa proportionis orbium; sic proportio duorum Apparentium convergentium extremorum Motuum semper deficiat, à sesquialtera à proportionis intervallorum, illis Extremis motibus respondentium: & quantisper quidem duæ proportiones duorum intervallorum respondentium, ad intervalla duo media seu ad semidiametros duorum orbium junctæ, faciunt minus quàm dimidiam proportionis orbium, tantisper proportio Motuum duorum extremorum convergentium, est major proportionis respondentium intervallorum: si verò illa summa superaret dimidiam proportionis orbium, tunc motuum convergentium proportio fieret minor proportionis suorum intervallorum.

XIII. Quæ eognatio proportionis intervallorum inter binos Planetas & Solem cum proportione motuum apparentium utriusque.

Sit Orbium proportio DH. AE, Motuum mediorum proportio HI, EM, prioris sesquialtera eversa. Sit intervallum illic minimum sui orbis sc. CG, hic maximum sui, sc. BF; & junctæ proportionès DH, CG, & BF. AE sint primò minores dimidiâ ipsius DH, AE. Sitque mor⁹ superioris periheli⁹ apparens GK, inferioris Aphelium FL. ut sint extremi convergètes. Dico proportionem GK. FL, esse majorem, proportionem CG. BF eversa; minorem tamen ejus sesquialtera. Nam proportio HI ad GK, est dupla proportionis CG ad DH, & proportio FL ad EM, dupla proportionis AE ad BF. Junctæ igitur duæ proportionès, HI ad GK, & FL ad EM, duplum efficiunt junctarum CG ad DH, & AE ad BF. Sed junctæ CG ad DH, & AE ad BF, sunt minores dimidio proportionis AE ad DH, defectu certo, ut est in suppositis; ergò & iunctæ HI ad GK, & FL ad EM sunt minores duplo dimidii, id est, minores tota proportionem AE ad DH, defectu prioris duplo. Sed HI ad EM, est sesquialtera proportionis AE ad DH, per VIII. præmissum. Ergò minus toto defectu duplicato, ablatum à sesquialtero, scilicet proportionès HI ad GK, & FL ad EM, à proportione HI ad EM, reliquunt plus quàm semis proportionis AE ad DH, excessu duplicato; reliquunt verò proportionem GK ad FL: Ergò proportio GK ad FL, est plus quàm dimidia proportionis AE ad DH, excessu duplicato. At proportio AE ad DH, est composita ex tribus; ex AE ad BF, ex BF ad CG, & ex CG ad DH. Et CG ad DH, cum AE ad BF est mi-



192 DE MOTIBUS PLANETARUM

CAP. III.

est minus dimidio ipsius AE ad DH, defectu simplo. Ergò BF ad CG est plus dimidio ipsius AE ad DH, excessu simplo. Sed proportio GK ad FL erat etiam plus quam dimidia ejusdem AE ad DH, verùm excessu duplicato. Duplicatus verò excessus est major simplo. Ergò proportio motuum GK ad FL est major, proportionè intervallorum respondentium, BF ad CG.

Eodem planè modo demonstratur etiam è contrario, si planetæ appropinquent invicem in |G. F, ultra distantias medias in H. E. sic ut proportio mediarum distantiarum DH. AE, amittat plus dimidio; tunc motuum GK ad FL proportionem, fieri minorem proportionè suorum intervallorum BF ad CG. Nihil enim ultrà faciendum, quàm ut mutes voces, *Major in Minor, Plus in Minus, Excessus in defectus*; & vicissim.

In appositis numeris, quia dimidia de 4. 9. est 2. 3. & 5. 8. est adhuc major quàm 2. 3. quantitate excessus 15. 16; & verò proportionis 8. ad 9. dupla facta est proportio 1600. ad 2025. id est 64. ad 81; et proportionis 4. ad 5. dupla est facta proportio 3456 ad 5400, id est 16 ad 25. denique proportionis 4 ad 9. sesquipla est facta proportio 1600 ad 5400, id est 8. ad 27: idè etiam proportio 2025 ad 3456, hoc est 75. ad 128, adhuc major est, quàm 5 ad 8, hoc est 75. ad 120. quantitate excessus itidem (120 ad 128. id est) 15 ad 16. Ut ita proportio motuum Convergentium 2025 ad 3456, tanto superet proportionem eversam intervallorum respondentium 5. ad 8. quanto hac superat dimidium proportionis Orbium 4 ad 9. Vel quòd eodem redit, Proportio duorum intervallorum convergentium, est media inter dimidiam Proportionis Orbium, & inter eversam Motuum respondentium.

Ex hoc autem datur intelligi, Motuum divergentium proportionem, esse multò majorem sesquialtera à proportionis orbium; cùm ad sesquialteram accedant duplæ proportionum, intervalli Aphelij ad intervallum medium, & medij ad perihelium.

CAPUT IV.

Quibus in rebus ad motus Planetarum pertinentibus, expressæ sint a Creatore proportionès Harmonicæ, & quomodo?

I Gitur ablata phantasia retrogradationum & stationum, & enucleatis planetarum proprijs motibus, in suis genuinis Orbitis eccentricis, restant adhuc hæc in planetis distincta, 1. Intervalla à Sole. 2. Tempora periodica. 3. Arcus eccentrici diurni. 4. Moræ in ijs arcibus diurnæ. 5. Anguli ad Solem seu arcus diurni apparentes veluti spectantibus ex Sole. Rursumque, omnia hæc (exceptis Temporibus periodicis) sunt variabilia toto circuito, plurimum quidem in longitudinibus medijs, minimum verò in extremitatibus, quan-

quando conversione factâ ab earum unâ, revertuntur ad oppositam; ut cum est Planeta humilimus & Soli vicinissimus, eoque in uno gradu Eccentrici moratur quàm minimum, & vicissim in una die maximum arcum Eccentrici diurnū conficit, & velocissim^o ex Sole apparet: tunc illius mot^{us} manet aliquandiu in hoc vigore, sine sensibili variatione: donec superato pihelio planeta paulatim inceperit à Sole discedere in lineâ rectâ longius; tunc simul & in gradibus Eccentrici moratur diutius: aut si unius diei motum consideres, sequenti quoque die proficit minùs, multoq; etiam tardior ex Sole apparet: donec summæ Apfidi appropinquaverit, faciens intervallum à Sole maximum; tunc enim & diutissimè omnium moratur in uno gradu Eccentrici; aut contrâ, in unâ die minimum ejus arcum conficit, multoq; etiam minorem & totius ambitus sui minimam facit apparentiam.

Deniq; hæc omnia sunt vel unius alicujus Planetæ per diversa tempora; vel sunt in planetis diversis; sic ut suppositâ temporis infinitate, omnes affectiones circuitus unius planetæ, cum omnibus affectionibus circuitus alterius planetæ, eodem temporis momento concurrere & comparari possint: & tunc integri quidem Eccentrici, inter se comparati, proportionem habent eandem, quam ipsorum semidiametri, seu intervalla mediocria; arcus verò Eccentricorum duorum, æqualiter vel eodem numero denominati, habent tamen inæquales veras longitudes in proportione totorum Eccentricorum. Verbi causa, gradus unus in Sphæra Saturni duplo ferè major est, quàm gradus unus in Sphæra Jovis. Et vicissim, arcus diurni Eccentricorum expressi numeris astronomicis, non exhibent proportionem verorum itinerum, quæ globi in una die conficiunt per auram ætheream, quia singulæ unitates denotât in ampliori circulo Planetæ superioris, itineris particulam majorem, in angustiiori verò circulo inferioris, particulam minorem. Uç sic hæc iam accedat considerationis pars sexta, de Itineribus binorum Planetarum diurnis.

Primum igitur sumamus secundum expositis; Tempora scilicet periodica Planetarum; quæ continent summam collectas ex omnibus Moris omnium Graduum totius ambitus, longis, mediocribus, parvis. Et deprehensum est ab antiquo ad nos usque, quòd Planetæ circa solem reditus suos absolvant, ut sequitur in Tabellâ.

	Diej		Ergò diurni medij		
	Diebus	scrupulis.	Min.	Sec.	Tert.
Saturnus	3789.	12	2.	0.	27.
Jupiter	4332.	37	4.	59.	8.
Mars	686.	59	31.	26.	31.
Tell ^o cū Luna	365.	15	59.	8.	11.
Venus	224.	42	96.	7.	39.
Mercurius	87.	58	245.	32.	25.

In his igitur periodicis temporibus harmonicae proportiones nullae sunt, quod facile apparet, si periodi majores continuè biscentur, minores continuè duplicentur, ut dissimulatis Diapason intervallis, ea quae sunt intra unum Diapason, exquirere possimus.

	Saturni	Jovis	Martis	Telluris	Veneris	Mercurij
di-	10759.12					
mi-	5379.36	4332.37				87.58
di-	2689.48	2166.19			224.42	375.56
di-	1344.54	1083.10	686.59	355.35	449.24	351.52
a	672.27	541.35				

Omnes ultimi, ut vides, abhorrent à proportionibus harmonicis, videnturq; similes ineffabilibus. Capiat enim numerus dierum Martis 687. mensuram 120, quae est divisionis Chordae; venient in hac mensurâ Saturno, pro parte sedecimâ, paulò plus quam 117; Jovi pro parte octavâ, minus quam 95; Telluri minus quam 64; Veneri pro duplo, plus quam 78; Mercurij quadruplo, 61 plus. Atqui hi numeri cum 120. non faciunt ullam proportionem harmonicam, sed eorum vicini, 60. 75. 80. 96. Ita qualium Saturnus habet 120; Jupiter habet ferè 97; Tellus supra 65. Venus plusquam 80; Mercurius minus quam 63. Et qualium Jupiter habet 120; Terra habet minus quam 81; Venus minus quam 100; Mercurius minus quam 78. Qualium item Venus habet 120; Terra habet minus quam 58. Mercurius plus quam 94. Qualium denique Terra habet 120; Mercurius habet minus quam 116. Quòd si valuisset hic libera proportionum electio omninò perfectae Harmoniae, non verò, excedentes & deficientes sumptae fuissent. Non deprehenditur igitur Creator Deus inter has morarum summas collectas in Tempora periodica, voluisse introducere proportionem harmonicam.

Proportio inter se globorum Planetariorum

Ac cum sit conjectura probabilissima (quippe nixa demonstrationibus Geometricis, & doctrinâ de causis motuum Planetariorum, traditâ in commentarijs Martis;) Planetarum moles corporum, esse in proportionem periodicorum Temporum, sic ut Saturni globus sit trigecuplo circiter major, globo Telluris, Jupiter duodecuplo, Mars minus duplo, Terra globi Veneris sesquialtero major, Mercurialis globi quadruplo major: non erunt igitur neque haec proportionem harmonicam.

Cum autem Deus nihil sine Geometricâ pulchritudine constituerit, quod non ab alio priore, quadam necessitatis lege sit nexum; facile colligimus, temporibus periodicis suas venire prolixitates, adeoque & Corporibus mobilibus suas molès, ab aliquo, quòd est in Archetypo prius; ad quod exprimendum, istae, ut videntur improporionatae molès & periodi, sunt in hunc modulum aptatae. Ac collectas esse dixi Periodos ex Moris, longissimis, mediocribus, & tardissimis; oportet igitur vel in his Moris, vel si quid est ijs prius in Mente Opificis, inveniri concinnitates Geometricas. Morarum verò proportionem nexam sunt ab arcuum diurno-

diurnorum proportionibus; quia arcus proportionem eversam habeat proportionis Morarum. Rursum, & Morarum & Intervallorum unius alicujus Planetæ proportionem, diximus esse easdem. Quòd igitur attingit Planetas singulos, una & eadem erit consideratio trium horum, Arcuum, Morarum in Arcubus æqualibus, & Remotionis arcuum à Sole, seu Intervallorum. Et quia jam variabilia sunt hæc omnia in Planetis; dubium nullum esse potest, quin si quid fuerint sortita pulchritudinis Geometricæ, certo summi Opificis consilio; id suis Extremis acceperint, ut Aphelijs & Perihelijs intervallis; non ita Medijs interjectis. Nam datis extremorum intervallorum proportionibus, jam non opus est consilio, ut intermediae proportionem certo aptentur numero; sequuntur enim ultrò; necessitate motus planetarij ab uno Extremo, per intermedia omnia, ad Extremum alterum.

Igitur extrema intervalla sunt ista, per accuratissimas Tychonis Brahei observationes, methodo in Commentarijs Martis traditâ, exactissima, pertinacissimo septendecim annorum studio.

Comparata Intervalla cum Harmonicis

<i>Binorum</i>	<i>Singulorum propr.</i>
<p><i>Saturni Aphel.</i> 10052. a <i>Perihelium</i> 8968. b</p> <p style="margin-left: 2em;"><i>Jovis Aphelium</i> 5451. c <i>Perihelium</i> 4949. d</p> <p style="margin-left: 2em;"><i>Martis Aphelium</i> 1665. e <i>Perihelium</i> 1382. f</p> <p style="margin-left: 2em;"><i>Terræ Aphelium</i> 1018. g <i>Perihelium</i> 982. h</p> <p style="margin-left: 2em;"><i>Veneris Aphel.</i> 729. i <i>Perihelium</i> 719. k</p> <p style="margin-left: 2em;"><i>Saturni Aphel.</i> 470. l <i>Perihelium</i> 307. m</p>	<p><i>Plus tono minore</i> $\frac{10000}{9000}$</p> <p><i>Min^o tono majore.</i> $\frac{10000}{8935}$</p> <p><i>Nulla concinna proportio sed ferè $\frac{11}{10}$ Inconcinna vel dim. de harmonica $\frac{6}{5}$</i></p> <p><i>Hic $\frac{1665}{1388}$ est Harmonica $\frac{6}{5}$</i></p> <p><i>Et $\frac{1665}{1332}$ est $\frac{5}{4}$</i></p> <p><i>Hic $\frac{1020}{980}$ est diesis $\frac{25}{24}$</i></p> <p><i>non possidet ergò diesin</i></p> <p><i>Minus quàm sesquicomma plus quàm tertia pars diesis.</i></p> <p><i>Plus quàm diapente abundans $\frac{243}{160}$ minus quàm Harmonica $\frac{8}{5}$</i></p>
<p><i>Converg</i> $\frac{a}{d} = \frac{2}{1}$ <i>Diverg</i> $\frac{b}{c} = \frac{5}{3}$</p> <p>$\frac{c}{f} = \frac{4}{1}$ $\frac{d}{e} = \frac{3}{1}$</p> <p>$\frac{e}{h} = \frac{5}{3}$ $\frac{f}{g} = \frac{27}{20}$</p> <p>$\frac{g}{k} = \frac{2}{1}$ $\frac{h}{i} = \frac{27}{20}$</p> <p>$\frac{i}{m} = \frac{12}{5}$ $\frac{k}{l} = \frac{243}{160}$</p>	

Nullius igitur Planetæ unius intervalla Extrema ad Harmonias aliquid, præter Martis & Mercurij.

At si diversorum Planetarum intervalla extrema inter se compares; jam affulgere incipit aliqua lux Harmonices. Nam Extrema $\frac{5}{4}$ & $\frac{4}{3}$ divergentia, faciunt paulò plus quàm Diapason; Convergencia, medium inter Sextas majorem & minorem. Sic Extrema $\frac{4}{3}$ & $\frac{3}{2}$ Divergentia complectuntur ferè Disdiapason, Convergencia ferè Diapente cum diapason. Telluris verò & $\frac{3}{2}$ Divergentia, plus aliquantò sunt complexa, quàm Sextam majorem, Convergencia Diatessarum abundans. In sequenti copulâ Telluris & $\frac{2}{1}$ rursus inter Convergencia est idem diatessarum abun-

abundans, at inter divergentia destituimur Harmonicâ proportione: minor enim est quàm Hemidiapason (si ita licet loqui) hoc est, minor quàm semidupla. Denique inter Veneris & Mercurij divergentia, paulo minus interest compositâ ex Diapason & tertiâ minore; inter convergentia est Diapente abundans, paulò plus.

Quibus gradibus ad varias harmonias cœlestes perventum. Analogia inter convexum orbem & circulum lineam eadem, quæ inter solidas figuras & harmonias: eadem etiâ inter corpus & motum corporis

Et si igitur unum intervallum paulò longius abit ab Harmonicis: fuit tamen hic successus invitamentum ad progrediendum ulterius. Erant autem hæc meæ ratiocinationes. Primum intervalla hæc, in quantum sunt longitudines sine motu, non aptè ad Harmonicâ examinantur, quia Harmonijs magis familiare subjectum est Motus, causâ celeritatis & tarditatis. Deinde, in ipsidem, in quantum sunt diametri Orbium, credibile est, potiorem esse habitam rationem Corporum regularium quinque, ex analogiâ: quia quæ ratio est corporum Geographicorum solidorum, ad cœlestes orbes, undiquaque vel clausos cœlesti materia, ut vult antiquitas, vel claudendos successivè plurimarum gyrationum agglomeratione: eadem est & Planarum figurarum, circulo inscriptilium (quæ figuræ Harmonias gignunt) ad circulos cœlestes motuum, cæteraque spacia, in quibus fiunt motus. Ergo si quærimus Harmonias, quæramus eas non in his intervallis, ut sunt semidiametri Orbium; sed in illis, ut sunt mensuræ motuum, hoc est, in ipsis potiùs motibus. Sanè intervalla non alia possunt accipi, pro semidiametris Orbium, quàm Mediocria; nos verò hic de Extremis agimus intervallis. Non agimus igitur de intervallis respectu suorum orbium, sed respectu motuum.

His igitur de causis cum ad motuum extremorum comparationem transivissem; primùm manserunt magnitudine eadem motuum proportionem, quæ priùs erant intervallorum, tantummodò eversa; quare etiam inter motus inventæ sunt proportionem aliquæ, ut priùs, inconcinne, & ab Harmonijs alienæ. Id verò rursùm ratus sum merito mihi evenire; quippe qui comparem inter se arcus Eccentrici, qui neque sint expressi & numerati mensurâ magnitudinis ejusdem, sed numerentur gradibus & minutis, quæ sunt in planetis diversis magnitudinis diversæ; neque etiam faciant apparentiam ullibi tantam, quantum dicit numerus cujusque; nisi tantùm in centro Eccentrici cujusque, quod nullo corpore est suffultum, ac proinde etiam incredibile est, sensum vel instinctum naturalem in illo mundi loco ullum esse, apparentiæ hujus capacem; imò & impossibile, siquidem comparabam diversorum planetarum arcus Eccentricos, causâ suæ apparentiæ in centris suis, quæ diversi obtinet diversa: comparatæ verò diversæ apparentes magnitudines, in uno debent Mundi loco sic apparere; ut id quod facultatem habet comparandi illa, sit in illo communis apparentiæ loco præsens. Aut igitur removendam ex animo censui apparentiam horum arcuum eccentricorum, aut aliter informandam. Quod si removerem apparentiam, & mentem ad ipsa diurna Planetarum itinera attenderem; vidi utendum esse præcepto illo, quod superiori capite Numero IX. tradidi. Multiplicatis igitur arcibus Eccentricorum diurnis in Orbium intervalla Mediocria, prodierunt hæc itinera.

Arcus

Idem est & rursùm inter Convergentia & rursùm inter Divergentia Diapason abundans. In secundis

	Diurni <i>Prim. Sec.</i>	Intervalla mediocria	Itinera diurna.
<i>Saturni Aphelij</i>	1. 53.	9510.	1065
<i>Perihelij</i>	2. 7.		1208
<i>Iovis Aphelij</i>	4. 44.	5200.	1477
<i>Perihelij</i>	5. 15.		1638
<i>Martis Aphelij</i>	28. 44.	1524.	2627
<i>Perihelij</i>	34. 34.		3161
<i>Telluris Aphelia</i>	58. 6.	1000.	3486
<i>Perihelia</i>	60. 13.		3613
<i>Veneris Aphelia</i>	95. 29.	724	4149
<i>Perihelia</i>	96. 50.		4207
<i>Mercurij Aphelij</i>	201. 6.	388.	4680
<i>Perihelij</i>	307. 3.		7148

CAP. IV

Ita Saturn⁹
vix septimā
partem cō-
ficit, itine-
ris Mercuri-
alis firque
quod Ari-
stoteles lib.
II. de cœlo
rationi non
sentaneum
ceusit, ut
semper is, q
Soli propi-
or, majus
spacium cō-
ficiat, quā
qui remo-
tior: quod
in antiqua
astronomia
obtineri
non potest.

Quod igitur attinet singulorum itinera diurna, proportionēs ijs comprehensas oportet easdem magnitudine esse, quæ prius fuerunt in intervallis, sed specie everfas: quia arcus Eccentrici, ut dictum, habent suorum intervallorum à Sole proportionem everfam.

Itinera verò binorum extrema vel diversa vel conversa si consideremus, multò minus harmonicum quicquam apparet, quàm prius, cum ipsos arcus considerassemus.

Et sanè si rem pensitemus diligentius, apparebit, non valde verisimile esse, Creatorem sapientissimum Harmonias inter ipsa potissimum itinera Planetaria procurasse. Nam si sunt Harmonicæ proportionēs itinerum: erunt reliqua omnia, quæ habent planetæ, coacta, & ex itineribus nexa, ut non sit locus alibi procurandi Harmonias. At cui bono Harmoniæ inter itinera; aut quis has harmonias percipiet? Duo sunt, quæ nobis harmonias in rebus naturalibus patefaciunt, vel lux vel sonus: illa per oculos, sensusve occultos oculis analogos, hic per aures, recepti; quas species occupans mens, sive instinctu (de quo lib. IV. abunde) sive per ratiocinationem Astronomicam vel Harmonicam, dijudicat concinnum ab inconcinno. Jam soni in cœlo nulli existunt, nec tam turbulentus est motus; ut ex attritu auræ cœlestis eliciatur stridor. Restat lux: si hæc docere debet de itineribus Planetarum; docebit vel Oculos, vel sensorium ijs analogon, situm in certo loco; & ut statim ipsa per se lux edoceat, coram videtur adesse oportere sensum. Erit igitur sensus in toto Mundo; scilicet ut unus & idem omnium Planetarum motibus simul adsit. Nam illa via, ab observationibus, per longissimas Geometriæ & Arithmeticæ ambages, per proportionēs orbium & cætera antea discenda, usque ad itinera hæc ipsa, traducta, nimis est longa pro instinctu aliquo naturali, cujus movendi causâ harmonias introductas esse consentaneum videtur.

CAP. IV

Omnibus igitur in unum conspectum coactis, conclusi rectè, dimissis veris itineribus Planetarum per auram ætheriam, oportere nos oculos convertere ad Apparentes arcus diurnos, & apparentes quidem omnes ex uno certo & insigni Mundi loco, scilicet ex ipso corpore Solari, fonte Motus omnium Planetarum; videndumque, non quàm alius à Sole sit Planetarum quilibet, nec per quantum spacium in unâ die trajiciat; hoc enim ratiocinativum est & astronomicum, non instigabile: sed quantum angulum in ipso solis corpore diurnus cujusque motus subtendat, vel quantum arcum sub uno communi circulo, ex Sole descripto, qualis est Ecliptica, quolibet die conficere videatur; ut ita hæc apparentia, beneficio luminis ad corpus Solis perlata, cum ipso lumine rectâ in creaturas, instinctus hujus participes, sic influere possit: sicut libro quarto, schema cœli in fœtum, beneficio radiorum diximus influere,

Docet igitur Astronomia Tychonica, (remotis à planetario motu proprio, parallaxibus orbis annui, quæ speciem ipsis induit stationum & retrogradationum) motus diurnos Planetarum in suis orbitis (apparentes veluti spectantibus ex Sole) esse hosce.

Apparentes diurni

Harmonia binorum

diurni,
Prim. Sec.Harmonie singulorum propria
Prim. Sec.

Diver.	Conv.		diurni, Prim. Sec.	Harmonie singulorum propria Prim. Sec.	
a 1	b 1	♂ Aphelium	1.46. a.	Inter 1.48.	est $\frac{4}{5}$ Tertia major.
		Perihelium	2.15. b.	& 2.15.	
d 3	c 2	♂ Aphelium	4.30. c.	Inter 4.35.	est $\frac{5}{6}$ Tertia minor.
c 8	d 1	Perihelium	5.30. d.	& 5.30.	
f 1	e 5	♂ Aphelium	26.14. e.	Inter 25.21.	est $\frac{2}{3}$ Diapente
e 5	f 2	Perihelium	3.81. f.	& 38.1.	
h 12	g 3	Tel. Aphelium	57.3. g	Inter 57.28.	est $\frac{15}{16}$ Semitonia
g 3	h 5	Perihelium	61.18. h	& 61.18.	
k 5	i 8	♀ Aphelium	94.50. i.	Inter 94.50.	est $\frac{24}{25}$ Diesis
i 1	k 3	Perihelium	97.37. k.	& 98.47.	
m 4	l 5	♂ Aphelium	164.0. l.	Inter 164.0.	est $\frac{5}{12}$ Diapason. cum tertia minore
		Perihelium	384.0. m.	& 394.0.	

Nota, quòd Mercurij magna Eccentricitas, faciat motuum proportionem nonnihil differre à duplicatâ distantiarum proportione. Nam si feceris, ut 100. mediocrem distantiam, ad 121. Apheliam, duplo tantam proportionem motus Aphelij, ad motum medium 245 m. 32 f. tunc prodit motus aphelium 167. & si, ut 100 ad 79. distantiam periheliam; duplo tantam proportionem motus perihelij ad mediocrem eundem; Perihelium motus fiet 393. utrinque major, quam hic posui; quia scilicet medius motus in Anomalia media valde ex obliquo inspectus, non apparet tantus, sc. non 245 m. 32 sec. sed minor, circiter 5 scrupu

scrupulis: ergo etiam Aphelius & Perihelius minores elicientur. Mi-
 nus autem Aphelius, & plus perihelius, propter Th. Opt: Eucl: ut capi-
 capite præcedenti, Numero VI. CAP. IV

Quòd igitur inter hos apparentes motus singulorum extremos ef-
 sent Harmoniæ, & Concinna intervalla, id vel ex proportionibus di-
 urnorum arcuum eccentricorum, supra relatis, potui præsumere ani-
 mo: cum viderem ibi passim semisses regnare proportionum harmo-
 nicarum; scirem verò, apparentium motuum esse duplam proportio-
 nem, proportionis motuum eccentricorum. Sed datur experientiâ
 ipsâ, vel sine ratiocinatione, quod affirmatur, comprobare; ut vides in
 tabellâ proximâ. Valdè n. propè ad harmonias accedunt proportiones
 apparentium motuum singulorum; sic ut Saturnus & Jupiter paulo ad-
 modum plus quàm Tercias complectantur, Majorem & Minorem; ex-
 cessus illic 53. 54. hic 54. 55. aut minus, sc. sesquicommata ferè; Terra
 paulò admodum, scilicet 137. 138. vix semicommate, plus quàm semi-
 tonium; Mars aliquanto (scilicet 29. 30. quod ad 34. 35. vel 35. 36. acce-
 dit) minus quàm Diapente; Mercurius supra Diapason, propius obti-
 net Terciam Minorem, quàm Tonum, minus sc. habet per 38. 39. circi-
 ter, quod est circiter duo commata, scilicet ferè 34. 35. vel 35. 36. Sola
 Venus minus aliquid obtinet, quàm sunt omnia concinna, ipsaque adeò
 Diesis: est enim proportio ejus inter duo & tria comata, superatque bes-
 sem Dieseos, existens circiter 34. 35. ferè 35. 36. comate diminuta Diesis.

In hanc considerationem etiam Luna venit: Nam deprehenditur
 ejus Apogææ motu horarius in Quadrans, omnium sc. tardissimus, 26 pr.
 26 sec. Perigææ in Copulis, omnium scilicet velocissimus, 35 pr. 12 sec. quâ
 ratione formatur exactissimè Diatessaron. Nam pars tertia de 26. 26
 est 8. 49. - cujus quadruplum est 35. 15. Et nota, quòd Harmonia Dia-
 tessaron inter motus apparentes alibi nusquam inveniatur: nota etiam
 analogiam Quartæ in Harmonijs, cum Quadra in Phasibus. Hæc itaque
 inveniuntur in motibus singulorum.

At in binorum inter se collatorum Planetarum motibus extremis, cla-
 rissimus sol Harmoniarum cœlestium statim ad primum aspectum eni-
 titur, sive diversos motus extremos inter se compares, sive conversos.
 Nam inter conversos Saturni & Jovis, proportio est exactissimè dupla,
 seu Diapason; inter diversos, paulò admodum amplius quam tripla, seu
 Diapason cum Diapente. Nam de 5 pr. 30 sec. tertia pars est 1 pr. 50 sec.
 cum Saturnus pro eo habeat 1 pr. 46 sec. Igitur Planetaria habet plus
 unam Diesin, aut paulò quid minus sc. 26. 27. vel 27. 28: & minus uni-
 co Secundo ad Aphelium h. accedente, excessus erit 34. 35. quanta est
 motuum extremorum. Inter Jovis & Martis diversos & conversos re-
 gnant Trisdiapason, & Disdiapason epidiatrion, non perfectè. Nam
 pars octava de 38 pr. 1 sec. est 4 pr. 45 sec. cum Jupiter habeat 4 pr. 30 sec.
 quos inter numeros adhuc interest 18. 19. quod est medium inter 15. 16
 & 24. 25. Semitonium & Diesin, scilicet proximè perfectum Limma
 128. 125. Sic pars quinta de 26 pr. 14 sec. est 5 pr. 15 sec. cum Jupiter ha-
 beat 5 pr. 30 sec. deest igitur hic proportioni quintuplæ circiter 21. 22,
 quantum prius altera abundabat, ferè sc. Diesis 24. 25. Propius accedit

Quæ Har-
 moniæ in-
 ter binorū
 conversos
 & diversos
 motus.

Vide librū
 III. Cap.
 IV. fol. 20

Har-

CAP. IV

Harmonia 5. 24. quæ ad Disdiapason pro majori Sextâ adsciscit minorem. Nam de 5. 30. quinta pars est 1. 6, quæ sumpta vicies quater, constituit 26. 24. cum quo 26. 14. non plus quam semicomma facit. Mars cum Tellure minimam proportionem sortitus est, exactissimè sesquialteram, seu Diapente: nam pars tertia de 57 pr. 3 sec. est 19 pr. 1 sec. cujus duplum 38 pr. 2. sec. quem ipsissimum numerum habet Mars, sc. 38 pr. 1 sec. Majorem illi proportionem sortiti sunt Diapason cum Tertia minori 5. 12. paulò imperfectiùs. Nam pars duodecima de 61 pr. 18 sec. est 5 pr. 6 sem. sec. quæ sumpta quinquies, fit 25 pr. 33 sec. cum pro eo Mars habeat 26 pr. 14 sec. Deest igitur diminuta Diesis circiter, sc. 35. 36. Tellus verò & Venus communes sortiti sunt harmonias, maximam 3. 5. minimam 5. 8. Sextas, majorem & minorem, rursus non perfectissimè. Nam pars quinta de 97 pr. 37 sec. est 19 pr. 31 sec. & hujus triplum fit 58 pr. 34 sec. quod est motu Telluris Aphelio plus per 34. 35. quod est ferè 35. 36. tantum superat Harmonicam Planetaria. Sic pars octava de 94 pr. 50 sec. est 11 pr. 51 sec. + cujus quintuplum est 59 pr. 16 sec. quod est quam proximè æquale medio motui Telluris; quare hic minor est planetaria harmonica per 29. 30. vel 30. 31, quod est rursus ferè 35. 36. Diesis diminuta; adeòque appropinquat hæc minima illorum proportio, Harmoniæ Diapente: pars enim tertia de 94 pr. 50 sec. est 31 pr. 37 sec. cujus duplum 63 pr. 14 sec. à quo deficit perihelium Telluris motus 61 pr. 18 sec. particulâ 31. 32. ut exactè Planetaria medium teneat inter vicinas Harmonicas. Denique Venus & Mercurius sortiti sunt proportionem, maximam Disdiapason, minimam Sextam duram; nehas planè perfectissimè. Nam pars quarta de 384. est 96 pr. 0 sec. cum Venus habeat 94 pr. 50 sec. accedit igitur Quadruplæ, unum comma circiter. Sic quinta pars de 164 pr. est 32 pr. 48 sec. quæ ter sumpta facit 98 pr. 24 sec. cum Venus habeat 97 pr. 37 sec. superat igitur Planetaria besse commatis circiter, hoc est 126. 127.

Hæ sunt igitur Harmoniæ Planetis inter se distributæ; nec est ulla ex præcipuis comparationibus (convergentium scilicet, & divergentium extremorum motuum) quæ non adeò prope Harmoniam aliquam veniat, ut si vel chordæ sic essent tenæ, aures imperfectionem haud facillè discreturæ fuerint, excepto illo excessu unius inter Jovem & Martem.

Sequitur autem, ut neque tunc multum aberraturi simus ab Harmonijs, si motus ejusdem plagæ comparemus. Additâ namque Saturni 4. 5. cum 53. 54. ad intermediam 1. 2. conflatur 2. 5. cum 53. 54. quod est inter Aphelios motus 4. Adde Iovis 5. 6. cum 54. 55. colligitur 5. 12. cum 54. 55. quod est inter Perihelios Saturni Iovis. Sic adde Iovis 5. 6. cum 54. 55. ad intermediam sequentem 5. 24. min^o 157. 158. prodit 1. 6 min^o 35. 36. inter aphelios; adde ad eandem 5. 24. min^o 157. 158. 2. 3. minus 29. 30, prodit 5. 36. minus 24. 25. circiter, id est 125. 864. vel 1. 7. ferè, inter perihelios: hoc quidem inconcinnum adhuc solum est. Ad tertiam ex intermedijs 2. 3. adde Martiam 2. 3. minus 29. 30, provenit 4. 9. minus 29. 30, id est 40. 87, inconcinnum alterum inter Aphelios; si pro Martia Terream 15. 16. addideris plus 137. 138., creabis 5. 8. plus

Quæ Harmoniæ inter ejusdem plagæ motus binorum.

137. 138. inter perihelias. Et ad quartam intermediarum 3. 8. minus ^{CAP. IV}
30. 31. vel 2. 3. plus 31. 32, si Telluris 15. 16. cum 137. 138. addideris, col-
liges quàm proximè 3. 5. inter aphelios motus Telluris & Veneris.
Nam pars quinta de 94 prim. 50 secund. est 19 prim. 58 secund. cujus tri-
plum est 56 prim. 54 secund. cum Tellus habeat 57 pr. 3 sec. Ad eandem
si Veneris 34. 35. addideris, accumulas 5. 8. inter perihelios. Nam pars
octava de 97 pr. 37 sec. est 12 pr. 12 sec. — quæ sumpta quinquies foenerat
61 pr. 1 sec. cum Tellus habeat 61 pr. 18 sec.

Denique ad ultimam intermediarum 3. 5. cum 126. 127, si addideris
Veneriam 34. 35, componetur 24. 25. ultra 3. 5. & fit dissonum inter-
vallum ex utroque compositum inter aphelios. Sin autem addide-
ris Mercurialem proportionem 5. 12. minus 38. 39; jam de 1. 4. seu Dis-
diapason decedet quàm proximè Diesis integra, pro proportione inter
motus perihelios.

Perfectæ igitur inveniuntur Harmoniæ, inter Saturni & Jovis
convergentes, Diapason; inter Jovis & Martis convergentes, Dia-
pason cum Tertiâ molli ferè; inter Martis & Telluris convergentes,
Diapente; inter eorum perihelios Sexta mollis; inter Telluris & Ve-
neris aphelios Sexta dura, inter perihelios Sexta mollis; inter conver-
sos extremos Veneris & Mercurij Sexta dura: inter divergentes vel
etiam inter perihelios, Disdiapason: adeò ut sine damno Astronomiæ
omnium subtilissimè ex observationibus Braheanis extractæ, residua
exilissima discrepantia consumi posse videatur; præsertim in motibus
Veneris & Mercurij.

Notabis autem, ubi non est Harmonia Major perfectæ, ut inter
Jovem & Martem; ubi solùm proximè perfectam deprehendi inter loca-
tionem figuræ solidæ, cum perihelia Jovis distantia sit proximè tripla
apheliæ Martis: ut ita hæc biga perfectam Harmoniam, quam non ha-
ber in motibus, affectet in intervallis. Notabis amplius, Planetariam
Saturni & Jovis majorem, excedere Harmonicam, scilicet Triplam,
quantitate ferè tantâ. quanta est Veneris propria; & tantûdem ferè de-
esse communi majori Martis & Telluris, tantûdem & duabus com-
munibus, extremorum Telluris & Veneris, convergentium & diver-
gentium. Notabis tertio, ferè in superioribus esse Harmonias stabili-
tatis inter convergentes: at in inferioribus, inter motus ejusdem pla-
gæ. Nota & quarto, inter Saturni & Telluris aphelios, esse proximè
quinque Diapason; nam pars tricesima secunda de 57 prim. 3 secund. est
1 prim. 47 sec. cum aphelium Saturni habeat 1 pr. 46 sec.

Porrò magnum discrimen interest inter explicatas singulorum
Planetarum Harmonias, & inter junctorum. Nam illæ quidem eo-
dem temporis momento existere non possunt, hæc verò omninò
possunt: quia idem Planeta, versans in suo Aphelio, non simul po-
test esse & in opposito Perihelio: at duorum Planetarum alter
in suo Aphelio, alter in suo Perihelio possunt esse eodem tempo-
ris momento. Adeòque quæ proportio est Cantus simplicis seu Mo-
dici, quam Choralem Musicam dicimus, & quæ sola Veteribus fuit
cognita;

cognita, ad cantum plurium vocum, Figuratum dictum, inventum proximorum sæculorum: eadem est proportio Harmoniarum, quas singuli designant Planetæ, ad Harmonias junctorum. Itaque jam porro Cap. V. & VI. singuli planetæ comparabuntur cum Musica Choralis veterum, ejusque proprietates in planetarum motibus ostendentur; ac capitibus sequentibus, juncti planetæ, cum figuratâ modernâ Musica paria facere demonstrabuntur.

CAPVT V.

In Proportionibus motuum Planetariorum apparentium (ex Sole veluti spectantibus) expressa esse Loca Systematis, seu Claves Scalæ Musicæ, & genera cantus, Duri & Mollis.

QUod igitur inter hos duodecim terminos seu Motus, Planetarum sex, solem circumcurrentium, sursum deorsum, & quaquaversum stent proportiones Harmonicæ, aut talibus intra insensibilem partem Concinni minimi proximæ, probatum est hætenus, per numeros hinc ex Astronomia, inde ex Harmonicâ petitos. Quemadmodum verò libro tertio primùm Harmonicas proportiones seorsim singulas eruimus capite primo; tunc demum capite secundo, eas omnes, quotquot erant, in unum commune Systema seu Scalam Musicam compegimus, imò potiùs unam earum Diapason, quæ cæteras potestate complectitur, per illas cæteras in gradus seu Loca sua divisimus, eaque, re ut Scalâ esset, effecimus; sic nunc quoque inventis Harmonijs, quas Deus ipse in Mundo incorporavit, sequitur ut videamus, num ita singulæ stent seorsim, ut nullam cum reliquis cognationem habeant; an verò omnes inter se consentiant? Quamquam facile est vel sine ulteriori inquisitione concludere; Harmonias istas summo consilio sic invicem aptatas esse, ut intra unam veluti compagem sese mutuò ferant; nec una aliam elidat; quippe cum videamus, in tam multiplici comparatione eorundem terminorum, nusquam non occurrere Harmonias. Nisi enim omnes omnibus aptatæ essent in unam Scalam; facile fieri potuisset (& factum est passim, necessitate sic urgente) ut plures dissonantiæ existerent. Ut si quis

— inter primum & secundum terminum constitueret Sextam majorem,
 — inter secundum & tertium, Tertiam itidem majorem, sine respectu
 — prioris; hic inter primum & tertium admitteret dissonantiam & intervallum inconcinnum 12. 25.

Age verò videamus, an quod jam ratiocinando collegimus, id reipsa sic inveniatur. Cautiones tamen aliquas præmittamus, quo minus impingamus in progressu. Primum superfluitates illas, vel defectus, semitonio minores, in præsens dissimulare oportet; nam quas illæ causas habeant, postea videbimus. Deinde duplicatione vel contrariâ bisectione continuâ motuum, redigemus omnia intra Systema unius Octavæ, propter Identifonantiam omnium Diapason.

Igitur Numeri, quibus systematis Octavæ Loca seu Claves omnes exprimuntur, capite octavo Libri tertij, folio 47. in tabella expositi sunt: quos numeros scilicet intellige de binarum chordarum longitudine. Per consequens igitur, celeritates motuum, erunt inter se in proportionibus eversis.

Comparentur nunc motus Planetarum in partibus continuè subduplis. Est igitur

Motus	Prim.	Sec.
Perihelij ☿ septimum subdupla, seu 128 ^{va}	3.	0.
Aphelij ☿ sextum subdupla, seu 64 ^{ta}	2.	34.-
Perihelij ♀ quintum subdupla, seu 32 ^{da}	3.	3. →
Aphelij Veneris quintum subdupla, seu 32 ^{da}	2.	58.-
Perihelij Terræ quintum subdupla, seu 32 ^{da}	1.	55.-
Aphelij Terræ quintum subdupla, seu 32 ^{da}	1.	47.-
Perihelij Martis quartum subdupla, seu 16 ^{da}	2.	23.-
Aphelij Martis tertium subdupla, seu 8 ^{va}	3.	17.-
Perihelij Jovis subdupla	2.	45.
Aphelij Jovis subdupla,	2.	15.
Perihelium Saturni	2.	15.
Aphelium Saturni	1.	46.

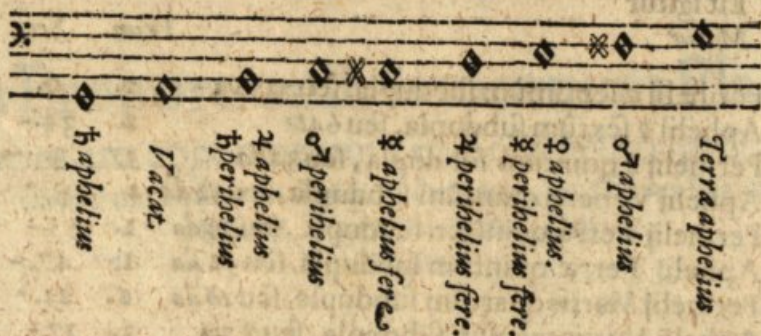
Signet jam Saturni tardissimi motus aphelium, id est, tardissimus, locum Systematis gravissimum G. numero 1 prim. 46 secund. Eundem igitur signabit & Telluris aphelium, sed quinque Diapason altiùs, quia ejus numerus est 1 prim. 47 secund. & quis ausit in Saturni aphelio motu de uno Secundo contendere? Esto tamen; differentia non erit major, quàm 106, 107, quod est commate minus. Hujus 1 pr. 47 sec. quartam partem 27 sec. si addideris, conficietur 2 pr. 14 sec. cum Saturni perihelium habeat 2 pr. 15 sec; Jovis aphelium similiter, sed altiùs uno Diapason. Igr hi duo motus signant Clavem h, vel paulò admodum altiorem fiunt. Sume de 1 pr. 47 sec. tertiam 36 sec- & adde toti, procreabis 2 pr. 23 sec- pro Clave c: & ecce perihelium Martis, ejusdem magnitudinis, sed per quatuor Diapason altiùs. Eidem 1 prim. 47 secund. adde & dimidium 54 sec-, confiet 2 pr. 41 sec-, pro Clave d: & ecce hic præstò perihelium Jovis, sed uno Diapason altiùs: numerum enim proximum obtinet, sc. 2 pr. 45 sec. Si duas tertias addideris, sc. 1 pr. 11 sec. +: proveniunt 2 pr. 58 sec-. Et ecce aphelium Veneris 2 pr. 58 sec-. Signat igitur hic locum seu Clavem e, sed per quinque Diapason altiùs: nec multum superat perihelium Mercurij, habens 3 pr. 0 sec. sed 7. intervallis Diapason superiùs. Deniq; divide duplum ipsius 1 pr. 47 sec. sc. 3 pr. 34 sec. in novem,

204 DE MOTIBUS PLANETARUM

CAP. V.

& partem unam 24 *sec.* aufer à toto, restat 3 *pr.* 10 *sec.* + pro clave *f*, quam signat ferè aphelium Martis 3 *pr.* 7 *sec.* sed per tria Diapason altiùs, & ipse numerus paulò major iusto, appropinquans clavi *se*. Nam pars se- decima de 3 *pr.* 34 *sec.* scilicet 13 *sem.* *pr.* ablata à 3 *pr.* 34 *sec.* relinquit 3 *pr.* 20 *sem.* *sec.* cui proximus est 3 *pr.* 17 *sec.* Et sanè etiam in Musica loco *f*, crebrò adhibetur *se*, ut videre est passim.

Omnes igitur claves cantus duri, intra unam Octavam (exceptà clave *A*, quæ neque per sectiones Harmonicas Libro III. Cap. II. signabatur) signantur ab extremis Planetarum motibus omnibus, exceptis perihelijs Veneris & Telluris, & aphelio Mercurij, cujus numerus 2 *pr.* 34 *sec.* appropinquat clavi *ce*. Nam aufer à *d.* 2 *pr.* 41 *sec.* partem se decimam 10 *pr.* +. restat 2 *pr.* 30 *sec.* clavi *ce*: ita soli perihelij Veneris & Terræ exul- tant ab hac Scala, ut vides in tabella.



Contrà si à Saturni motu perihelio 2 *pr.* 15 *sec.* fiat initium scalæ, ju- beaturq; is representare clavem *G*: tunc clavi *A* veniunt 2 *pr.* 32 *sec.* *q* appropinquat valdè aphelio Mercurij; Clavi *b* veniunt 2 *pr.* 42 *sec.* *q* est proximè perihelium *a*, p æquipollentiam Octavarum; Clavi *c* veniunt 3 *pr.* 0 *sec.* perihelium Mercurij & Veneris proximè; Clavi *d* veniunt 3 *pr.* 23 *sec.* - nec multò est obtusior aphelium Martis, sc. 3 *pr.* 18 *sec.* ut sit hic ferè tanto minor numerus suà clavi, quanto priùs itidem suà major erat: Clavi *de* veniunt 3 *pr.* 36 *sec.* quam obit aphelium motus Telluris ferè, Clavi *e* veniunt 3 *pr.* 50 *sec.* estque perihelium Telluris 3 *pr.* 49 *sec.* Jovis verò aphelium rursus tenet *g*.

Hoc pacto claves omnes intra unam octavam cantus mollis, excep- tà *f*, exprimuntur ab aphelijs & perihelijs plerisque planetarum moti- bus, præsertim ijs, qui priùs erant omissi, ut vides in Tabella:



Frat autem prius *se* signata, *A* omissa: jam *A* signatur, *se* omittitur; nam sectiones Harmonicæ CAP: II. clavem *f* etiam omiserunt.

Est igitur

Est igitur in cœlo duplici viâ, & in duobus quasi generibus cantus, expressa scala Musica, seu systema unius Octavæ, cum locis omnibus, per quæ in Musicâ traducitur cantus naturalis. Sola in hoc est differentia, quòd in sectionibus quidem nostris Harmonicis, utraque via conjunctim incipit ab uno & eodem termino G; hâc verò in motibus planetarum, qui prius erat h, jam in Molli genere fit G.

In motibus cœlorum sic:

2160	1920	1728	1620	1440	1296	1152	1080	960	864	1728	1536	1440	1296	1152	1080	972	864
------	------	------	------	------	------	------	------	-----	-----	------	------	------	------	------	------	-----	-----

Per sectiones Harmonicas sic:

2160	1920	1728	1620	1440	1296	1152	1080	2160	1920	1800	1620	1440	1350	1215	1080
------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------	------

Nam sicut in Musica se habet 2160 ad 1300. vel 6 ad 5. sic in illo systemate, quod cœlum exprimit, se habent 1728 ad 1440, scilicet etiam ut 6 ad 5. & sic de cæteris plerisque

2160 ad 1800. 1620. 1440. 1350. 1080.
Ut 1728 ad 1440. 1296. 1152. 1080. 864.

Jam igitur non amplius miraberis, excellentissimum ordinem sonorum seu graduum in systemate vel scala Musica, constitui ab hominibus: cum videas, ipsos hac in re nihil aliud, quam Dei Creatoris simias agere, & ludere veluti drama quoddam ordinationis motuum cœlestium.

Verum supest etiam alius modus, quo duplicem intelligamus in cœlo scalam Musicam: ubi systema quidem idem, tensio verò gemina concipitur, altera ad aphelium motum Veneris, altera ad perihelium: quia hujus planetae motuum varietas est minimæ quantitatis; ut quæ se continet intra magnitudinem Diesios, Concinni minimi. Et aphelia quidem tensio, ut supra, habet aphelios motus Saturni, Telluris, Veneris, & ferè Jovis, in G. e. h, perihelios verò Martis & ferè Saturni, & ut primâ fronte apparet, etiam Mercurij, in c. e. h: perihelia contra tensio locum dat etiam apheliji Martis, Mercurij, & ferè Jovis, periheliji

CAP. V.

helijs verò Jovis, Veneris, & ferè Saturni; quadamtenus verò etiam Telluris; & proculdubio etiam Mercurij. Nam esto, ut jam non aphelium Veneris, sed perihelium 3 *pr.* 3 *sec.* locum *e* capiat; ei proximè accedit etiam perihelium Mercurij 3 *pr.* 0 *sec.* per Disdiapason, per finem capitis IV. Hujus verò perihelij 2, 3 *pr.* 3 *sec.* pars decima, 18 *sec.* ablata, relinquit 2 *pr.* 45 *sec.* perihelium Jovis, obtinentem locum *d*; & pars quindecima 12 *pr.* addita, cumulat 3 *pr.* 15 *sec.* aphelium Martis ferè, obtinentem locum *f*. & sic in *h*, sequentur eandem ferè tensionem etiam perihelium Saturni & aphelium Jovis. At pars octava 27 *sec.* sumpra quinquies, dat 1 *pr.* 55 *sec.* qui est perihelium Telluris; qui etsi in eandem cum præmissis scalam non quadrat; ut quæ non ordinat intervallum *s. g.* infra *e*, nec 24. 25. supra *G*. tamen si jam perihelium Veneris, & sic etiam aphelium Mercurij, extra ordinem pro *e*, capiant locum *d*, tunc hic perihelium Telluris capiet locum *G*; & consentiet etiam aphelium Mercurij; quia pars tertia 1 *pr.* 1 *sec.* de 3 *pr.* 3 *sec.* sumpta quinquies, fit 5 *pr.* 5 *sec.* cujus dimidium 2 *pr.* 32 *sec.* proximè accedit ad aphelium Mercurij, qui in hac extraordinariâ accommodatione obtinebit locum *e*. Sunt igitur hi omnes inter se quidem tensionis ejusdem: aliter tamen Scalam dividit Veneris perihelium; cum tribus (vel quinque) prioribus, eodem sc. genere Harmonico, q. apheli^o ejusdem, in tensione suâ, puta genere Duro: aliter etiam ejusdem Veneris perihelium cum duobus posterioribus, eandem dividit; puta, non in Concinna aliâ, sed saltem in diversum Concinnorum ordinem; qui scilicet proprius est generis Mollis.

Sufficit autem, hoc capite, quid in causâ versetur, ob oculos posuisse: quare verò unumquodque sic fuerit factum, & quæ causæ non tantum conspirationum, sed etiam dissidentiarum per minima; id luculentissimis demonstrationibus patefiet Cap: IX.

C A P. VI

In Extremitatibus motuum Planetariorum expressos esse quodammodo Modos seu Tonos Musicos.

Sequitur hoc ex antedictis, nec opus est multis verbis, singuli enim planetæ singula quodammodo signant loca systematis, motu perihelio, quatenus datum est singulis, percurrere certum aliquod intervallum in Scala Musica, certis ejus Clavibus, seu locis Systematis comprehensum; cujusque ab illa Clave seu loco inceptum, qui capite præcedenti contigit illius motui aphelio, Saturno quidem & Terræ *G*, at Jovi *h*, quæ in *G* altius transponi potest, Marti *fe*, Veneri *e*; Mercurio *A*, in altiori Systemate. Vide singulos in Notis usitatis. Non formant quidem intermedios locos, quos hic vides notis impletos, articulatè, sicut extremos: quia ab uno extremo, non saltibus & intervallis, sed continuâ tensione nituntur ad oppositum, media omnia

omnia (infinita in potentia) permeantes actu: id quod aliter à me non potuit exprimi, quam per continuam seriem Notarum intermedia-



rum. Venus ferè manet in unifono non æquans tensionis amplitudine vel minimum ex concinnis intervallis.

Atqui signatura duarum in communi Systemate Clavium, & formatio sceleti Octavæ, per comprehensionem certi intervalli concinni, est rudimentum quoddam distinctionis Tonorum seu Modorum: sunt ergò Modi Musici inter Planetas dispersiti. Scio equidem, ad formationem & definitionem distinctorum Modorum requiri plura, quæ cantus humani, quippe intervallati, sunt propria: itaque voce quodammodò sum usus.

Liberum autem erit Harmonistæ, sententiam depromere suam: quem quisque planeta Modum exprimat propiùs, extremis hic ipsi assignatis. Ego Saturno darem ex usitatis Septimum vel Octavum, quia si radicalem ejus clavem ponas G, perihelium motus ascendit ad h: Jovi Primum vel Secundum; quia aphelio ejus motu ad G accommodato, perihelium ad b pervenit; Marti Quintum vel Sextum; non eò tantùm, quia ferè Diapente assequitur, quod intervallum commune est omnibus modis: sed ideò potissimùm. quia redactus cum cæteris ad commune systema, perihelio motu c assequitur, aphelio ad f alludit: quæ radix est Toni seu Modi Quinti vel Sexti: Telluri darem Tertium vel Quartum: quia intra semitonium ejus motus vertuntur; & verè primum illorum Tonorum intervallum est semitonium; Mercurio verò ob amplitudinem intervalli, promiscuè omnes Modi vel Tonici convenient: Veneri ob angustiam intervalli, planè nullus; at ob commune Systema, etiam Tertius & Quartus; quia ipsa respectu cæterorum obtinet e.

Tell^o canit
MI FA MI
ut velex syl-
laba conjici-
cias, in hoc
nostro do-
micilio MI
seriam &
FA mem ob-
tinere.

CAPVT VII.

Harmonias universales omnium

sex Planetarum, veluti communia Contra-
puncta, quadriformia dari.

Nunc opus, Vranie, sonitu majore: dum per scalam
Harmonicam cœlestium motuum, ad altiora conscendo; quæ ge-
| quinus

208 DE MOTIBUS PLANETARUM

CAP. VII.

Anno flagitium fecero, si à singulis hujus ætatis Componistis artificiosam aliquam Motetam pro hoc Elogio exigam
 Textum huc apru Pfaltere Regius, cæteri; Sacri libri suppeditare poterunt. Verum beus vos, in celo plures quam sex non concordant; Nam Luna seorsim suam Monodiam cantillat, Terris ut cunis assidens. Conferte symbolas, ego ut liber fiat, sexpartibus, Curetorem me sedulum polliceor. Qui propius Musicam ceteram exprimet hoc opere deseriptam; huic Elogio fertum, Vranie Venerem sponfam spondent.

Character principij Mundi.

nuinus Archetypus fabricæ Mundanæ reconditus asservatur. Sequitur Mini Musici moderni, remque vestris artibus, antiquitati non cognitis, censete: vos his sæculis ultimis, prima universitatis exempla genuina, bis millium annorum incubatu, tandem produxit sui nunquam non prodiga Natura: vestris illa vocum variarum concentibus, perque vestras aures, sese ipsam, qualis existat penitissimo sinu, Menti humanæ, Dei Creatoris filia dilectissimæ infusuravit.

Quas Harmonicas proportionibus bini Planetæ vicini Motuum suorum extremitatibus complecterentur, id explicatum fuit supra. Verum contingit rarissimè, ut duo, præsertim tardissimi, simul in sua incidant extrema intervalla: verbi causa, Saturni & Jovis apsidæ distant circiter 81 gradibus: igitur iatereâ, dum hæc illorum distantia, certis vicenorum annorum saltibus, totum Zodiacum emetatur, anni labuntur octingenti; neque tamen saltus, qui octavum claudit sæculum, præcise fertur ad ipsissimas apsidas; & si paulò longius aberraret; expectandi sunt alij octingenti anni, ut saltus illo felicior cum ratione quæri possit; idque toties iterandum, quoties modulus aberrationis in unius saltus dimidiati prolixitate continetur. Tales Periodos efficiunt etiam cætera bigæ singulæ, quanquam non ita prolixas. Interim verò contingunt etiam aliæ Harmoniæ binorum Planetarum; inter motus non extremos utrosque, sed intermedium, vel unum vel utrumque: cæq; in diversis veluti tensionibus. Nam quia Saturnus ex *G* in *h* & paulò ulterius tenditur, Jupiter ex *h* in *d* & amplius: possunt igitur contingere inter *h* & *d* Harmoniæ e; iam ista supra Diapason, Tertia utraq; & Diatessaron; illarum quædam alterutra p tensionem, quæ habet amplitudinem reliquæ; hæc verò per amplitudinem Toni majoris. Diatessaron enim erit non tantum à *G* Saturni in *cc* Jovis sed etiam ab *A* Saturni in *dd* Jovis, & per intermedia omnia inter *G. A. illius* & *cc. dd* hujus. Diapason verò & Diapente in solis apsidum punctis contingit. Mars verò majus nactus intervallum proprium, hoc obtinuit, ut etiam Diapason cum superioribus, per aliquam tensionis amplitudinem faciat. Mercurius tantum obtinuit intervallum; ut plerumque omnes Harmonias cum omnibus constituat, intra unam periodum suam, quæ non prolixior est trium mensium spacio. Tellus è contrà, Venusque multò magis, angustia propriorum intervallorum, restringunt Harmonias suas non tantum cum cæteris, sed maximè inter se mutuas, ad paucitatem spectabilem. Quod si tres in unam Harmoniam conspirare debeant: multæ quidem vices sunt expectandæ; multæ tamen Harmoniæ sunt; ut ita tantò facilius contingant, dum vicinam suam proxima quæque excipit: videnturque inter Martem, Tellurem & Mercurium, triplices contingere sæpiusculè. Quatuor verò planetarum Harmoniæ, jam incipiunt spargi in sæculâ: quinque Planetarum, in Myriadas annorum. Ut verò sex omnes consentiant; id longissimis ævi spacijs interseptum, & nescio an penitus impossibile sit bis contingere, per exactam evolutionem; potiusque principium quoddam Temporis demonstret, à quo omnis Mundi ætas defluerit.

Quod si unica sola contingere posset Harmonia sextuplex, aut
 inter

secundum igr sceleton erit, in quo inter Terram & ♀ est altera possibilis Harmonia 5. 8. Ubi de ♀ aphelio motu diurno 94 pr. 50 sec. pars octava 11 pr. 51 sec. sumpta quinquies, occupat de motu Telluris 59 pr. 16 sec. & de perihelio ♀ 97 pr. 37 sec. pars consimilis, occupat de motu Telluris 61 pr. 1 sec. Cæteri igr Planetæ concordant sequentibus motibus diurnis.

Harmonia Planetarum omnium seu universales Generis Mollis.			
Ut h concordet.		Ut e concordet.	
In Tensione Gravissima.		In Tensione Gravissima.	
Sc. Pr. Sec.	Acutissima.	Sc. Pr. Sec.	Acutissima.
de ♀j	379. 20	de ♀j	579. 20
b ♀j	284. 32	c ♀j	316. 5
♄ ♀j	237. 4	g ♀j	237. 4
de ♀j	189. 40	♀ de ♀j	189. 40
		c ♀j	162. 43
Ven ^o de ♀	94. 50	Ven ^o de ♀	94. 50
Tet. g ⁱⁱⁱ	59. 16	Tet. g ⁱⁱⁱ	59. 16
♄ b ⁱⁱⁱ	35. 35		
♄ g ⁱⁱⁱ	49. 38	Mars g ⁱⁱⁱ	29. 38
Jup. b ^j		Jup. c ^j	4. 56
♄ b	2. 19		
♄ G.	5. 51	Saturn. G.	1. 55

Rurum hic in tensione media concurrunt Saturnus motu perihelio, Jupiter aphelio, Mercurius perihelio. In tensione altissima ferè concurret perihelium Telluris motus.

Et hic exitus aphelio Jovis, & perihelio Saturni, admittitur Mercurij aphelium proximè præter perihelium. Cætera manent.

Testat igr experientia Astronomicã, posse contingere universales omnium motuum Harmonias, easque duorum generum, Duri & Mollis; & in utroque genere, formæ seu (si ita licet) Toni duplicis; & in uno quolibet quatuor casuum, cum aliqua tensionis latitudine, & cum aliqua etiam varietate particularium Harmoniarum Saturni, Martis & Mercurij, cujusque cum cæteris: nec id præstari solis motibus intermedijs, sed omninò extremis omnibus, præterquam aphelio Martis, & perihelio Jovis; quia cum ille obtineat *fe*, hic *d*; Venus obtinens intermedium *de* vel *e* perpetuò, non fert illos suos vicinòs dissonos in harmonia universali, quod faceret, si nacta fuisset spacium excedendi *ex e* vel *de*. Hoc impedimenti habet conjugium hoc Telluris & Veneris, ceu maris & foeminae, qui duo planetæ genera Harmoniarum distinguunt, in duras scilicet & masculas, mollesque & foeminas: prout

HARMONICIS LIBER V. 211

CAP. VII

pro ut alter conjugum alteri fuerit gratificatus, Terra scilicet vel in Aphelio suo fuerit, tanquam dignitatem tuens maritalem, & opa urgens viro digna, Venere in perihelium suum velut ad colūm semotā & detrusā: vel eam in Aphelium ascendentem blandē admiserit; ipsave Tellus, suum in Perihelium versus ♀, inque ejus veluti complexus descenderit, voluptatis causā; positis clypeo paulisper & armis, operibusque viro convenientibus: tunc enim Harmonia mollis est.

Quod si hanc oblocutricem ♀ silere jubeamus, hoc est, si consideraverimus, quānam esse possint Harmoniæ, non omnium, sed quinque saltem reliquorum Planetarum, excluso motu ♀: adhuc quidem Tel-

Harmoniæ Planetarum quinque, dissimulatâ Venere			
Generis Duri		Generis Mollis	
In Tensione	Gravissima.	Acutissima.	In Tensione
Sc. Pr. Sec.	Sc. Pr. Sec.	Sc. Pr. Sec.	Sc. Pr. Sec.
d ♀	342. 18.	351. 24.	d ♀
h ♀	285. 15.	292. 48.	h ♀
g ♀	128. 12.	234. 16.	g ♀
d ♀	171. 9.	175. 42.	d ♀
Venus hic ob- strepat	95. 5.	97. 37.	Venus ob- strepat
Ter. giii	7. 3.	38. 34.	Ter. giii
♃ biii gii	35. 39.	36. 36.	♃ biii gii
	28. 31.	29. 17.	
24 d j b j	5. 21.	5. 30.	24 d j b j
		4. 35.	
h G	2. 11.	2. 12.	h G
	1. 47.	1. 50.	

Hic in gravissima tensione concurrunt Saturnus, Terra, apheliji; in media Saturnus perihelio, Jupiter aphelijo; in acutissima, Jupiter perihelio.

Hic non toleratur aphelius Jovis, at in acutissima tensione concutit Saturnus perihelio proxime.

lus oberrat chorda suâ g, nec ascendit ab eâ ultra semitonium: possunt igitur cum g conspirare b, h, c, d, de, e: ubi Jupiter, ut vides, chordam d signans motu perihelio, admittitur; superest igitur de Martis aphelio difficultas. Nam Telluris aphelium, obtinens g, non fert illum in se, perihelium verò, ut supra dictum Cap. V. ab apheliji Martij consensu abhorret circiter dimidiâ Diesi,

CAP. VII

Quatuor verò Planetarum, Saturni, Jovis, Martis, Mercurij, potest & hæc esse Harmonia, in qua sit etiam aphelium Martis, sed est sine sionis latitudine.

Ut h concordet		Ut a concordet.	
	Sc.Pr.Sec.		
d ♄	335. 50.	d ♄	
h ♄	279. 52.	a ♄	
♀ ♄	209. 52.	♀ ♄	
d ♄	167. 55.	d ♄	
♄ iiiij	34. 59.	a iiij	
♄ iiij	26. 14.	♄ iiij	
♄ dj.	1. 15.	♄ dj	
♄ h	2. 11.	♄ A	

Nihil igitur aliud sunt motus cœlorum, quàm perennis quidam concentus (rationalis non vocalis) per dissonantes tensiones, veluti quasdam Syncopationes vel Cadentias (quibus homines imitantur istas dissonantias naturales) tendens in certas & præscriptas clausulas, singulas sex terminorum (veluti Vocum) iisque Notis immensitatem Temporis insigniens & distinguens; ut mirum amplius non sit, tandem inventam esse ab Homine, Creatoris sui Simiã, rationem canendi per concentum, ignotam veteribus; ut scilicet totius Temporis mundani perpetuitatem in brevi aliqua Horæ parte, per artificiosam plurium vocum symphoniam luderet, Deique Opificis complacentiam in operibus suis, suavissimo sensu voluptatis, ex hac Dei imitatrice Musicâ perceptâ, quadam-tenus degustaret.

CAP.

CAPVT VIII.

Quis in concordantijs cœlestibus

Discanti, quis Alti, quis Tenoris, quis
Bassi vicem obeat?

Et si hæc sunt vocabula vocum humanarum, nec in cœlo voces aut soni existunt, ob summam motuum tranquillitatem; at ne subjecta quidem, in quibus Harmonias deprehendimus, sub motu veri genere comprehenduntur; quippe cum solum apparentes ex Sole motus consideremus; etsi denique causa nulla talis est in cœlo, quæ voces certo numero advocet ad faciendam Harmoniam, qualis est in cantu humano; prius quippe erat numerus Planetarum sex, Solem circumeuntium, ex numero quinque intervallorum, à figuris Regularibus desumptorum; postea demum (ordine Naturæ non temporis) de motuum congruentia statuendum fuit: nescio tamen quo pacto mihi vim faciat hæc admirabilis congruentia cum humano cantu, ut hanc quoque partem comparationis, etiam sine solida causa naturali, prosequi cogar. Quas enim libro tertio, Capite XVI. proprietates Basso tribuit usus, vindicatque natura: easdem quodammodo Saturnus & Jupiter obtinent in cœlo; quas Tenori, nos in Marte invenimus; quas Alto, eæ insunt in Tellure & Venere; quas Discanto, eadem habet Mercurius, si non æqualitate intervallorum, at certè proportionem. Utcunque enim proprijs ex causis capite sequenti deducantur cujusque Planetæ Eccentricitates, & per eas, propria cujusque motuum intervalla: illud tamen inde resultat admirabile, nec scio an non juxtà procuratum, nec merè necessitatum temperamentum; quòd I. ut Alto Bassus opponitur; sic duo Planetæ sunt, qui Alti naturam habent, duo qui Bassi, velut in quolibet Genere cantus utrinque unus; cæterarum singularum Vocum singuli; quòdque II. ut Altus penè supremus, in angustijs est, necessarijs & naturalibus de causis, lib. III. explicatis: sic penè intimi Planetæ, Terra & Venus, angustissima motuum intervalla, Tellus non multò plus semitonio, Venus ne Diesin quidem; III. et ut Tenor liber est, modestè tamen incedit; sic Mars, uno Mercurio excepto, maximum intervallum, scilicet Diapente, facere potest: IV. et ut Bassus Harmonicos saltus facit; sic Saturnus & Jupiter intervalla obtinent Harmonica, ipsique inter se à Diapason usque ad Diapente epi Diapason veniunt: V. & ut Discantus liberrimus est, plus quàm omnes reliqui, idemque & celerrimus; sic etiam Mercurius plusquàm Diapason, brevissimo reditu perambulare potest. Sed sit hoc sanè per accidens: audiamus nunc Eccentricitatum causas.

(?)

CAP.

Ortus Eccentricitatum in Planē- tis singulis ex procuratione Harmoniarum inter eorum motus:

C Vm igitur videamus, Harmonias universales om-
nium sex Planetarum non temerè posse evenire, præsertim per
extremitates motuum, quas vidimus omnes concurrere ad universa-
les Harmonias, exceptis duabus, quæ ad proximas universalibus con-
currebant: cum multò minùs temerè possit accidere, ut omnia loca
systematis Octavæ, constituta libro tertio per sectiones Harmonicas, sig-
nentur extremitatibus motuum Planetariorum; omnium verò mini-
mè, ut subtilissimum negòcitum distinctionis Harmoniarum cœlestium
in duo genera, durum & molle, casu proveniat, sine cura singulari O-
pificis: sequitur igitur ut Creator, sapientiæ omnis fons, approbator Or-
dinis perpetuus, scaturigo Geometriæ & Harmonices æterna & su-
peressentialis, ut hic inquam cœlestium Opifex ipsissimus, Harmoni-
cas proportionès, ortas ex figuris planis regularibus, adjunxerit ad
solidas quinque figuras regulares, exque utraque classe, unum per-
fectissimum Archetypum cœlorum conformaverit; in quo, sicut per
solidas quinque figuras, Ideæ relucere orbium, quibus sex stellæ ve-
hantur: sic etiam per planarum figurarum soboles, Harmonias (libro
tertio ex ijs deductas), Eccentricitatum in singulis orbibus mensuræ, ad
motus corporum proportionandos, continerentur: exque his duabus
rebus contemperatio una fieret, & majores Orbium proportionès, mi-
noribus Eccentricitatum, ad Harmonias procurandas necessariorum,
nonnihil concederent; & vicissim, ex proportionibus Harmonicis, il-
læ potissimum Planetis accommodarentur, quæ cum solida quâque fi-
gurâ cognationem majorem haberent; quâ id per Harmonias fieri po-
tuit: eaque tandem ratione & proportionès Orbium, & singulorum
Eccentricitates, ex Archetypo simul nascerentur, ex Orbium verò
amplitude & mole corporum, periodica Tempora singulorum
resultarent.

Quam methodum, dum per usitatam Geometriæ stoicheiosin in lu-
com Intellectus humani proferre nitor: faveat Author ipse Cœlorum,
Pater Intellectuum, Largitor sensuum mortalium, ipse immortalis &
superbenedictus; impediaturque, nè quid indignum ipsius Majestate,
de hoc opere suo, nostræ mentis tenebræ profèrant; efficiaturque, ut
perfectionem ipsius operum, sanctitate vitæ, ad quam Ecclesiam suam
in terris elegit, & sanguine filij sui à peccatis mundavit, ope Spiri-
tus sui sancti, nos Dei imitatores æmulemur; procul habentes omnes
disonantias inimiciarum, omnes contentiones, æmulationes, iras,
rixas, dissensiones, sectas, invidiam, provocationes, irritationes per-
dicia, cæteraque carnis opera; quod mecum omnes, qui spiritum
Christi

Christi habent, non optabunt tantum, sed & factis exprimere; vocationemque suam certam facere studebunt, spretis omnibus omnium partium pravis moribus, obtentu Zeli, aut amoris veritatis, aut singularis eruditionis, modestiæve erga contentiosos præceptores, aliove quocunque specioso prætextu velatis & fucatis. Pater sancte, serva nos in consonantia dilectionis mutuae, ut simus unum, sicut & tu cum filio tuo, Domino nostro, & Spiritu sancto unum es, & sicut omnia opera tua, per suavissima consonantiarum vincula, unum fecisti: & ut ex reducta gentis tuæ concordia, sic ædificetur corpus Ecclesiæ tuæ in his terris, sicuti tu ex Harmonijs cælum ipsum extruxisti.

Rationes priorcs

I. Axioma

Confentaneum est, ubicunque omnino fieri potuit, Harmonias inter Extrema motuum tam singulorum quam binorum Planetarum constitui debuisse, omnivarias, ut varietas ista mundum exornaret.

II. Axioma

Intervalla quinque, Orbium sex, oportuit magnitudine quadamtenus respondere proportioni orbium geometricorum, qui figuris quinque regularibus solidis inscripti sunt & circumscripti: idque ordine eodem, qui figuris ipsis naturalis est.

De hoc. vide Cap. I. & Mystrium Cosmographicum, & Epitomes Astron. Lib. IV.

III. Propositio.

Inter Tellurem & Martem, eandemque & Venerem intervalla, debuerunt esse proportionem ad orbis suos minima, eaque proximè æqualia; mediocria & rursus ferè æqualia inter Saturnum & Jovem; interque Venerem & Mercurium; maximum inter Jovem & Martem.

Nam per II. qua figura minimam faciunt orbium geometricorum proportionem, ipsædem Planetae respondententes in situ, debent itidem minimam facere; mediocrem verò ij, qui figuris mediocri proportionis respondent, & maximam ij, qui figura maxima proportionis. Sed quo ordine est inter figuras Dodecaedron & Icosaedron; eodem est inter planetarum bigas, una Martis & Telluris, altera Telluris & Veneris: & quo ordine Cubus & Octaedron; eodem biga h 24 & biga 28; quo denique ordine Tetraedron, eodem & biga Iovis & Martis, vide Cap. III. Ergo minima erit inter orbis Planetarios primò dictos proportio: inter verò Saturni Jovisque; ferè æqualis ei, qua inter Veneris Mercurijque; denique maxima inter Iovis & Martis orbis.

IV. Ax.

IV. Axioma

Planetæ omnes debent habere suas Eccentricitates, non minùs quàm latitudinis motum, & secundùm eas, etiam distancias à Sole, fonte motus, diversas.

Sicut essentia motus consistit non in ESSE, sed in FIERI, sic etiam species seu figura regionis, quam Planeta quilibet motu permeat, non FIT statim ab initio solida, sed successu temporis acquirit demùm suam non longitudinem tantùm, sed etiam latitudinem & profunditatem, perfecto dimensionum terminario; fit que sic paulatim connexion & accumulatione plurimarum circulationum, ut representetur species orbis concavi, idem cum Sole centrum habentis; sicut ex fili serici plurimis inter se connexis & conglomeratis circulis struitur adicula Bombyci.

V. Propositio.

CViq; bigæ vicinorum Planetarum fuerunt attribuendæ duæ Harmoniæ diversæ.

Nam per IV quilibet planeta habet distantiam à Sole longissimam, & brevissimam; quare per Cap. III. hujus; habebit & motum tardissimum & celerissimum. Duæ ergo sunt primariae comparationes extremorum motuum, una Divergentium in duobus planetis, altera Convergentium. Diverse autem inter se, ut sint, necesse est; quia major erit proportio divergentium, minor convergentium. Sed & per diversas Planetarum bigas, oportuit esse Harmonias diversas; ut hæc varietas ad exornationem Mundi proficeret; per Ax. I. etiamque idèd, quia intervallorum inter binos, sunt proportionès diversæ, per III. At cuique proportioni orbium, certæ respondent proportionès Harmonicæ, cognatione quantitativâ, ut hujus libri Cap. V. demonstratum.

VI. Propositio.

Harmoniæ duæ minimæ 4. 5. & 5. 6. locum non habent inter planetas binos.

Est enim 5. ad 4. ut 1000. ad 795 & 6. ad 5. ut 1000 ad 833 +. At orbis circumscripti Dodecaedro & Icosaedro, majorem habent proportionem ad inscriptos, scilicet eam quam 1000 ad 795 & 6: & hæc duæ proportionès indicant intervalla inter Orbes Planetarios proximos inter se, seu spacia minima; in cæteris enim figuris regularibus orbis distant longius à se invicem. Iam verò proportio motuum adhuc major est, proportionibus intervallorum, nisi ingens sit proportio Eccentricitatum ad Orbes, per Capitulum III Numerum 13. Ergo proportio motuum minima, major est quàm sunt 4. 5 & 5. 6. Igitur hæc Harmoniæ à figuris quidem regularibus impeditæ, locum inter planetas nullum sortiuntur.

VII Propositio.

CAP. IX

H Armonia Diatelsaron inter convergentes motus binorum Planetarum locum nullum habere potest, nisi sint illis propriae extremorum proportioniones junctæ plus quam Diapente.

Sit enim 3. 4. inter convergentes, & sit primò nulla Eccentricitas, nulla Planetis singulis propria motuum proportio, sed idem motus & convergentes & Medij: tunc sequitur, ut intervalla respondentia, quæ per hanc suppositionem erunt Orbium semidiametri, constituant hujus proportionis bessem, scilicet 4480. 5424. per cap. III. Atqui hæc proportio jam est minor quam cujuscumq. figura Regularis orbium proportio: Itaq. Orbis interior totus secaretur à planis regularis figura cuicunq. Orbi exteriori inscriptæ. Hoc verò est contra Axioma II.

Sit secundo aliqua summa propriarum proportionum inter motus extremos: & sit convergentium motuum proportio 3. 4. vel 75. 100. intervallorum verò respondentium sit proportio 1000. 795. cum nulla figura regularis faciat minorem orbium proportionem. Et quia superat illa motuum eversa hanc intervallorum excessu 750. 795: auferatur igr hic excessus etiam à proportione 1000. 795. secundum doctrinam Cap. III. restat 9434. 7950. dimidium proportionis orbium. Ergò duplum hujus sc. 8931. 6320. id est: 10600. 7100. est proportio orbium. Huic aufer proportionem intervallorum convergentium 1000. 795. restabit 7100. 795. circiter Tonus major. Tanta debet esse ad minimum summa binarum proportionum, quæ medij habent ad convergentes utring. ut inter motus convergentes possit esse Diatelsaron. Divergentia igr extrema intervalla, ad convergentia extrema, summam proportionum faciunt, hujus circiter duplam, id est duos Tonos, & motus convergentes rursum duplum hujus, id est, quatuor Tonos; quod est plus quam Diapente. Si igr duorum vicinorum planetarum summa priorum est minor, quam Diapente: inter eorum convergentes non poterit esse Diatelsaron.

VIII. Propositio.

S Aturno & Iovi debebantur Harmoniæ 1. 2. & 1. 3. id est Diapason & Diapente epi Diapason.

Nam ipsi sunt primus & supremus ex Planetis, & nati sunt figuram primam Cubum, p. cap. I. hujus: & hæc Harmonia sunt prima ordine naturæ & sunt capita primarum familiarum figurarum, Bisectoria seu Tetragonice, & Trigonice, per dicta lib. I. Quod verò caput est, Diapason 1. 2. est proximè major proportione orbium Cubi Semitriplæ; quare apta est ut fiat minor proportio motuum planetarum cubicorum. per cap. III. Num. 133; & per consequens, 1. 3. servit pro majori proportione. Hoc verò idem etiam sic. Si enim aliqua Harmonia se habet ad proportionem aliquam orbium figurarum, sicut se habet proportio motuum ex Sole apparentium ad proportionem intervallorum mediocrium, merito talis Harmonia tribuetur motibus. At naturale est, ut proportio motuum divergentium, sit multò major, proportionis Orbium sesquialtera, per finem cap. III. hoc est, appropinquat duplæ proportioni proportionis Orbium; & 1. 3. est etiam dupla proportio orbium cubicorum: quippe quam dicimus esse Semitriplam. Ergò Tripla debetur divergentibus Saturni & Iovis. Plurimas alias cognationes harum Proportionum cum Cubo vide supra Cap. II.

Eo

IX. Pro.

IX. Propositio.

Saturni & Iovis Motuum extremorum propriae proportioniones junctae debuerunt fieri 2.3. Diapente circiter.
Id ex antecedenti sequitur, si n. Iovis perihelii motus est triplus aphelij Saturni, & vicissim Iovis aphelij dupl^o perihelij h, quare ablat^a 1.2. ab 1.3; restat 2.3.

X. Axioma.

Cum libera est electio per caetera, Planetæ superiori debetur proportio motuum propria, quæ naturâ prior, aut quæ generis præstantioris, aut etiam quæ major est.

XI. Propositio.

Proportio aphelij motus Saturni ad perihelium debuit fieri 4.5. Tertia major, Jovialium verò 5.6. Tertia minor.
Nam quia junctim possident 2.3, hoc verò harmonicè aliter non dividitur, quàm in 4.5. & 5.6: Harmostes igr Deus Harmoniam 2.3. divisit harmonicè, per Ax. I. e^o q^o partem Harmonicam majorem, & generis Duri præstantioris, quippe masculi, majori & altiori Planeta h dedit, minorem 5.6. inferiori Iovi, per X.

XII. Propositio.

Veneri & Mercurio debebatur Major Harmonia
 1.4. Disdiapason.

Nam sicut Cub^o est figura prima primariarum: sic Octaedron est prima Secundariarum, per cap. I. huj^o libri. Et sicut Cub^o geometricè considerat^o, est exterior, Octaedron interior, illi sc. hoc in scriptile; sic etiam in Mundo h quidem & 24 sunt superiorum & exteriorum Planetarum principia, si ve ab extrâ; & verò & sunt principia interiorum, si ve ab intrâ: & interlocatum est inter illorum curricula Octaedron: vide cap. III. Debetur igr & & etiam ex Harmonijs aliqua primaria & cognata Octaedro. Porro ex Harmonijs post 1.2. & 1.3. sequitur ordine naturalis 1.4. & est illa cognata cubica 1.2. quia ex eadem figurarum sectâ, sc. Tetragonica est orta, illig. commensurabilis est, sc. illi^o dupla; Octaedron verò etiam est Cubo cognatum & commensurabile. Est & cognata 1.4. Octaedro, privato nomine, ppter numerum in illâ quidem quaternarium, figurâ verò in Octaedro latentem Quadrangulam, cujus orbium proportio dicitur Semidupla. Ejus igr proportionis est Harmonia 1.4. continuè multiplex, in proportione duplâ, est scil. Semidupla quadrupla, vide cap. II. Ergò 1.4. debebatur & &. Et quia 1.2. in Cubo facta est minor Harmonia binorum: cum illi situs obtigerit extim^o: erit in Octaedro hæc 1.4. jam major Harmonia binorum; ut cui sit^o obtigit intim^o. Sed & hæc causa est, cur Quantitas 1.4. hic pro majori data sit, non pro minori. Cum enim proportio orbium Octaedri interdum sit Semitripla; posito quòd perfectâ sit in scriptio Octaedri inter planetas, (quam non perfecta est, sed penetrat aliquatenus &, quod prodest nobis): proportionem igitur convergentium oportet illius Semitripla (sesquialterâ esse minorem; at qui vel 1.3. est planè dupla Semitripla, & sic major justâ; quantò major erit justo 1.4. quippe major quàm 1.3. Ergò ne dimidium quidem de 1.4. toleratur inter convergentes. Non potest igitur 1.4. esse minor Octaedrica: erit igitur Major. Am-

Memineris
 Voces, Dupla, Tripla, Semitripla &c. interdum dare nomen proportionibus singulis, absolutè consideratis ut sunt aliqua Quantitas. Interdum verò exprimere proportionem comparatarum inter binarum Proportionum.

ior. Amplius 1. 4. sic est cognata Octaedrico quadrangulo, cujus orbium proportio est Semidupla: sicut 1. 3. est cognata Cubo, ut cujus orbium proportio est Semitripla. Sicut enim 1. 3. est multiplex Semitripla, ejus scilicet dupla: sic etiam hic 1. 4. est multiplex Semidupla, ejus scilicet bis dupla, hoc est quadrupla. Quare si 1. 3. debuit fieri major Harmonia Cubi, per VII; debet igitur etiam 1. 4. fieri major Harmonia Octaedri sui.

XIII. Propositio.

Iovis & Martis extremis motibus debebantur Harmoniæ, Major quidem 1. 8. Trisdiapason circiter, Minor verò 5. 24. Tertia minor supra Disdiapason.

Nam quia Cubus sortitus est 1. 2. & 1. 3. proportio verò orbium Tetraedri, quod est situm inter 2 & 3, nominata Tripla, est dupla proportionis orbium Cubi, nominata Semitripla: ergò conveniens erat, ut etiam Tetraedro accommodarentur proportionibus motuum, dupla proportionum cubicarum. Sunt autem ipsarum quidem 1. 2. & 1. 3. dupla, Proportionibus hæc, 1. 4. & 1. 9. At 1. 9. non est Harmonica, & 1. 4. jam est absorpta in Octaedron. Vicina igitur Harmoniæ his proportionibus fuerunt sumenda, per Ax. I. Sunt verò primum ipsi 1. 9. vicina, minor 1. 8. & major 1. 10. Inter has delectum facit cognatio cum Tetraedro, cui nihil est commune cum Pentagono, cum 1. 10. sit secta pentagonica: major verò Tetraedro cognatio est cum 1. 8. multis nominibus, quæ require ex Cap. II. Amplius pro 1. 8. facit & hoc, quod quemadmodum 1. 3. est major Cubi, & 1. 4. major Octaedri, quia sunt proportionum inter orbis figurales, multiplices; sic etiam 1. 8. fieri debuit major Tetraedri; quia ut hujus corpus est inscripti sibi Octaedri duplum, ut dictum Cap. I: sic etiam proportionis hujus Tetraedrice terminus 8. est Octaedrice proportionis termini 4. duplus. Amplius sicut 1. 2. minor Cubi, est unū Diapason; & 1. 4. major Octaedri, est duo Diapason; sic jam 1. 8. major Tetraedri debuit fieri tria Diapason. Plura autem Diapason debebatur huic quam illis, quia cum Harmonia minor Tetraedrice necessario sit omnium minorum in cæteris figuris, maxima (quippe & orbium Tetraedricorum proportio est omnium figurarum maxima): Harmonia etiam major Tetraedrice debuit majores cæterarum superare numero ipsarum Diapason. Habet denique ternariæ intervallorum Diapason familiaritatem cum Trigonicâ specie Tetraedri, habet perfectionem quædam, scilicet illud, Omne trinum perfectum; cum etiam Octonarius, ejus terminus, sit primus Cubicorum numerorum quantitas perfecta, trium scilicet dimensionum.

II. Ipsi 1. 4. seu 6. 24. vicina sunt Harmoniæ, major quidem 5. 24. minor verò 6. 20. seu 3. 10. Rursum autem 3. 10. est secta Pentagonica, cui cum Tetraedro nihil commune est. At 5. 24. propter numeros 3. 4. (quorum soboles sunt numeri 12. 24) familiaritatem habet cum Tetraedro. Nam alteros terminos minores, scilicet 5. & 3. hic negligimus: quia eorum levissimæ cognationis gradus est cum figuris, ut videre est cap. II. Præterea orbium Tetraedri proportio Tripla est: tanta verò debet esse & convergentium intervallorum proportio circiter: per Ax. II. At qui per cap. III. proportio motuum convergentium appropinquat eversa sesquialtera intervallorum sesquialtera verò Tripla, est inter 1000. & 193 circiter. Qualium igitur aphelium motus est 1000, erit major quam 193 paulo, minor quam 333. tertia illius pars, multo: Non igitur Harmonia 10. 3. hoc est 1000. 333, sed Harmonia 24. 5. hoc est 1000. 208. locum habet inter convergentes Jovis & Martis.

XIV. Propositio.

Motuum Martis extremorum propria proportio debuit fieri major quam Diatessaron 3. 4. & circiter 18. 25.

Sint enim precisa jam Harmonia 5. 24. & 1. 8. seu 3. 24. Iovi & Marti communiter attributa, Prop. XIII. Aufer minorem 5. 24. à majore 3. 24. restat 3. 5. summa propriarum utriusque. At Iovis solius propria, supra quidem pr. XI. inventa est 5. 6. Hanc igitur aufer à summa propriarum 3. 5. Hoc est, aufer 25. 30. ab 18. 30. restat Martis propria 18. 25, qua est major quam 18. 24 seu 3. 4. Fiet autem adhuc major, si per sequentes rationes, communis major 1. 8. augetur.

XV. Propositio.

Inter convergentes motus, Martis & Telluris, Telluris & Veneris, Veneris & Mercurij, dispartienda fuerunt Harmonia 2. 3. Diapente, 5. 8. Sexta mollis, 3. 5. Sexta dura; eaque hoc ipso ordine.

Nam Doëcaedron & Icosaedron, figura inter Martem, Tellurem, & Venerem interlocata, minimam habent proportionem inter suos orbis, circumscriptum & inscriptum: ergo illis ex possibilibus Harmonijs minima debentur, quippe cognata propter hoc, & ut Ax. II. locum habeat. Atqui Harmonia omnium minima, sc. 5. 6. & 4. 5. non sunt possibiles, per VI. Ergo debentur figuris dictis, Harmonia proximè majores hisce, scilicet vel 3. 4. vel 2. 3. vel 5. 8. vel 3. 5.

Rursum figura inter Venerem & Mercurium interlocata, scilicet Octaedron, proportionem habet eandem suorum orbium, quam Cubus: at cubo pro minori Harmonia, qua est inter motus convergentes, obvenit Diapason, per VII. ergo deberetur per analogiam etiam Octaedro tanta, sc. 1. 2. pro minori, si nihil diversitatis accederet. Accedit autem hoc diversitatis, quod Cubicorum quidem planetarum, Saturni sc. & Iovis singulorum propria motuum proportiones junctae, efficiebant summam non majorem, quam 2. 3. hic verò Octaedricorum Planetarum, Veneris & Mercurij, singulorum propria junctae facient summam majorem quam 2. 3. quod facile sic apparet. Esto enim, quod requireret analogia inter Cubum & Octaedron, si sola esset; sit inquam Minor Octaedrica, major quam sunt hic praescriptae; adeoque sit planè tanta, quanta fuit cubica, scilicet 1. 2; erat verò Major 1. 4. per. XII. Ablata igitur hinc, quam modo posuimus, Minore 1. 2, manet adhuc 1. 2. pro summa propriarum Veneris & Mercurij; at qui 1. 2. plus est quam summa 2. 3. propriarum Saturni & Iovis. Et verò majorem summam hanc, major sequitur eccentricitas, per Cap. III. majorem verò Eccentricitatem sequitur minor proportio motuum convergentium, per idem Cap. III. Quare sit accessione majoris Eccentricitatis ad analogiam inter Cubum & Octaedron, ut minor etiam requiratur convergentium Veneris & Mercurij proportio, quam 1. 2. Id etiam conveniens erat Axiomati I. ut Harmonia Diapason assumpta in Cubicos, conciliaretur Octaedricis alia proxima, & per priorem demonstrationem, minor quam 1. 2. Est autem hac proximè minor 3. 5. qua ut

major ex tribus, debebatur figura majoris orbium suorum proportionis, Octaedro scilicet: Minores igitur 5. 8. & 2. 3. vel 3. 4. relinquebantur Icosaedro & Decaedro, figuris proportionis Orbium suorum minoris.

Haec verò residua, inter duas residuas sic sunt distributa. Sicut enim ex figuris, licet aequalium inter suos orbis proportionum, Cubus quidem sortitus est Harmoniam 1. 2. Octaedron verò 3. 5. minorem. eò quòd summa propriarum Veneris & Mercurij superaret summam propriarum Saturni & Iovis: sic etiam hic Dodecaedro, quamvis id eandem faciat orbium suorum proportionem, quàm Icosaedro, debebatur minor quàm Icosaedro, proxima tamè propter similem causam, sc. quia hæc figura est inter Tellurem & Martem, cujus in superioribus magna facta erat Eccentricitas; Veneris verò & Telluris, ut in sequentibus audiemus, Minima sunt Eccentricitates. Ac cum Octaedron habeat 3. 5. Icosaedron, cujus orbium proportio minor, succedentem, paulò minorem illà, sc. 5. 8. relinquebatur igitur Dodecaedro vel 2. 3. residua, vel 3. 4. potius verò illa, quippe propior Icosaedrica 5. 8. quia & figura similes sunt.

At ne possibilis quidem fuit 3. 4. Etsi enim satis magna erat in superioribus propria proportio motuum extremorum Martis: At Tellus, ut jam dictum, & in sequentibus patebit, conferebat propriam minorem, quàm ut summa utriusque superaret Diapente. Non poterat igitur locum habere 3. 4. per VII. Id eò amplius, quia ut sequetur prop. XLVII. major esse debuit intervallorum convergentium proportio, quàm 1000. 795.

XVI. Propositio.

Veneris & Mercurij motuum proportionem; cujusque propriae, junctae debuerunt efficere 5. 12. circiter.

Aufer enim minorem harmonicam 3. 5. huic bigae communiter tributandae Prop. XV. ab illorum majori 1. 4. vel 3. 12. per XII. restat 5. 12. summa propriarum utriusque. Itaque Mercurij solius propria motuum extremorum proportio, minor est quàm 5. 12. quantitate propria Veneris. Intellige hoc de his primis rationibus. Nam infra per secundas rationes, accedente communibus utriusque Harmonijs aliquo fermento, efficietur, ut sola propria Mercurij perfecta obtineat 5. 12.

XVII. Propositio.

Harmonia Motuum, Martis & Telluris, divergentium, non potuit esse minor quàm 5. 12.

Nam solus Mars nactus fuit in propria suorum motuum proportione plus quàm Diatessaron & plus quàm 18. 25. p. XIV. Minor verò Harmonia illorum est Diapente 2. 3. per XV. junctae igitur haec duo partes, faciunt 12. 25. At debetur & Telluri sua propria proportio, per Axioma III. Ergò, cum Divergentium Harmonia ex dictis tribus constet elementis; erit illa major quàm 12. 25. Sed Harmonia proximè major quàm 12. 25. hoc est 60. 125, est 5. 12. scilicet 60. 144. Quare si Harmonia opus est pro hac majori duorum Planetarum

proportione motuum, per Axiomat. I. illa non poterit esse minor, quam 60. 144. vel 5. 12.

Hactenus igitur omnibus reliquis Planetarum bigis obvenerunt suæ binæ Harmoniæ, rationibus necessarijs; sola biga Telluris & Veneris adhuc dum unam solam Harmoniam 5. 8. per Axiomata huc usq; usurpata, sortita fuit. Reliquam igitur ejus Harmoniam, Majorem sc. seu motuum Divergentium, jam porrò, novo initio facto, pquirem?

Posteriores Rationes.

XVIII. Axioma.

H Armoniarum motuum universales, contemperatione motuum sex, constituendæ fuerunt, præcipuè per extremos motus.

Probatur per Axioma I.

XIX. Axioma.

H Armoniarum universales per aliquam motuum latitudinem eadem contingere debuerunt; scilicet ut tantò crebriùs acciderent.

Nam si ad individua puncta motuum fuissent determinatæ; fieri potuisset, ut nunquam contingerent, aut certè rarissimè.

XX. Axioma.

Vt est naturalissima distinctio Generum Harmoniarum, in Durum & Molle, ut libro III. probatum; sic utriusque generis Harmoniarum universales procurandæ fuerunt inter Planetarum extremos motus.

XXI. Axioma.

H Armoniarum utriusque Generis, diversæ species instituendæ fuerunt, ut pulchritudo Mundi ex omnibus possibilibus varietatis membris concinnaretur; idque per extremos motus, saltem aliquos.

Per Axiom. I.

XXII. Propositio.

Extremi Planetarum motus signare debuerunt loca seu chordas systematis Diapason, vel claves scalæ Musicæ.

Nam

Nam ortus & comparatio Harmoniarum inceptarū ab uno communi termino genuit scalam Musicam, seu divisionem Diapason in sua loca vel sonos, ut libro III. probatum. Cum igitur requirantur Harmonia inter motuum extrema varia, per Ax. I. & XX, & XXI: quare requiritur systematis alicujus, celestis seu scala Harmonicæ, realis distinctio per extrema motuum.

XXIII. Propositio.

Oportuit esse unam bigam Planetarum, inter cuius motus nullæ possent existere Harmoniæ, præter duas Sextas, Majorem 4. 5. & minorem 5. 6.

Cum enim esset necessaria distinctio generum Harmoniarum, per Axioma XX, idque per motuum extrema in Apsidibus, per XXII; quia sola extrema, tardissimus scilicet & velocissimus, indigent definitione procurantis & ordinantis, intermedia tensiones proveniunt ultrò cum ipso transitu planeta à tardissimo motu ad velocissimum, sine peculiari curâ: hac igitur ordinatio aliter fieri non potuit, quin extremis binorum motuum Planetarum, Diesis seu 2.4.25. designaretur; eò quòd Genera Harmoniarum Diesi distinguantur, per ea quæ libro III. sunt explicata. Atqui Diesis est differentia vel duarum Tertiarum, 4. 5. & 5. 6. vel duarum Sextarum 3. 5. & 5. 8, vel earundem abundantium uno vel pluribus Diapason intervallis. Duæ verò Tertiæ 4. 5. & 5. 6. non habuerunt locum inter binos Planetas, per Pr. VI. sed neque Tertiæ vel Sextæ abundantes intervallo Diapason, uspiam inventæ sunt, præterquam 5. 12. in biga Martis & Telluris; neque tamen illa aliter, nisi cum sociâ 2. 3.: itaque etiam intermedia 5. 8 & 3. 5. & 1. 2. juxta admittebantur. Ergo relinquitur, ut dande fuerint uni Planetarum bigæ, duæ sextæ, 3. 5. & 5. 8. Sed & solæ Sextæ variationi motuum illorum concedenda fuerunt, sic ut neque terminos suos ad comprehensionem intervalli proximè majoris unius Octavæ 1. 2. dilatarent, neque ad proximè minoris Diapente 2. 3. angustiam contraherent. Nam etsi verum est, quòd duo planeta, facientes Diapente convergentibus motuum extremis, & Diapason divergentibus, idem etiam Sextas facere, & sic Diesin quoque permeare possint; at hoc non redoleret singularem providentiam Ordinatoris motuum. Diesis enim, minimum intervallorum, potestate latens in majoribus omnibus, quæ comprehenduntur ab extremis motuum, ipsa permeatur quidem tunc à motibus intermedijs, continuâ tensione variatis; at non determinatur ab eorum extremis, cum semper minor sit pars toto, Diesis scilicet, intervallo majore 3. 4. quod est inter 2. 3. & 1. 2. quod totum à motuum extremis determinari hic poneretur.

XXIV. Propositio

Planeta duo, qui mutant genus Harmoniæ, differentiam propriarum proportionum inter motuum extrema, debent facere Diesin, & unius propria proportio debet esse major Diesi: debentque motibus aphelijs facere Sextarum unam, perihelijs reliquam.

Cum enim extrema motuum duas faciant Harmonias, unicâ Diesi differentes,

CAP. IX.

rentes, id potest fieri tripliciter: aut enim, ut unius Planetæ motus maneat constantis, alterius varietur per Diesin; aut ut uterque varietur per semissem Diesios faciantque 3. 5. Sextam majorem, quando superior est in Aphelio, inferior in Perihelio; ex ijs spacijs excursusfacto, sibi mutuò obviantes, superior usque in Perihelium, inferior in Aphelium, faciant 5. 8. Sextam minorem: aut denique ut unus altero plus variet motum suum ab Aphelio in Perihelium, sitque excessus unius Diesios; & sic Sexta major sit inter utrumque aphelium, Sexta minor inter utrumque perihelium. Primus verò modus non est legitimus; esset enim alter horum Planetarum sine Eccentricitate, contra Axioma III. Alter modus minus pulcher fuit & minus commodus; minus pulcher, quia minus Harmonicus. Duorum enim Planetarum propria motuum proportionem fuissent inconcinna; nam inconcinnum est, quicquid est Diesii minus: præstat verò unum solum Planetam hac inconcinna parvitate laborare. Quin ne fieri quidem potuit igitur extremi motus hoc pacto aberrassent à Locis systematis, seu clavibus scala Musicae, contra XXII. Minus etiam commodus fuisset, quia Sexta illis tantummodo momentis contigissent, quibus planeta fuissent in contrarijs apsidibus: nulla fuisset latitudo, per quam hæc Sexta, & sic universales Harmonia scdm eam, contingere potuissent: rarissima igitur fuissent universales Harmonia, locis Planetarum omnibus ad certorum in Orbitis suis, & unicorum punctorum angustias redactis; contra Axioma XIX. Restat igitur modus tertius: ut uterq; quidem Planetarum suum proprium variet motum; sed alter altero plus per unam perfectam Diesin ad minimum.

XXV. Propositio.

Planetarum, genus Harmoniæ mutantium, superior debet habere proportionem motuum propriorum, minorem Tono parvo 9. 10. inferior verò minorem Semitonio 15. 16.

Nam aut aphelijs motibus facient 3. 5. aut perihelijs, per præmissam. Non perihelijs; esset enim tunc apheliorum motuum 5. 8. inferior igitur unâ Diesi plus haberet in proportione propria, quàm superior, per eandem præmissam. Id verò est contra Axioma X. Faciant igitur aphelijs 3. 5. perihelijs 5. 8. minus quàm illic per 24. 25. Quòd si aphelij motus faciunt Sextam duram 3. 5. ergò superioris aphelium cum inferioris perihelio faciet plus quàm Sextam duram, adjiciet enim inferior totam propriam proportionem. Eodem modo, si perihelij motus faciunt Sextam mollem 5. 8. superioris perihelium, & inferioris aphelium facient minus quàm sextam mollem: aufert enim inferior totam suam propriam proportionem. Quòd si inferioris proportio propria aquaret semitonium 15. 16; jam posset præter Sextas etiam Diapente contingere, quia Sexta mollis, diminuta semitonio, fit Diapente; hoc verò est contra Prop. XXIII. Minus igitur semitonio habet planeta inferior in intervallo sibi proprio. Et quia superioris propria proportio major est propria inferioris, per unam Diesin, Diesis verò addita Semitonio facit Tonum minorem 9. 10. superioris igitur propria proportio, est minor quàm Tonus minor 9. 10.

XXVI. Pro-

XXVI. Propositio.

CAP. 128

Planetarum, genus Harmoniæ mutantium, superior debuit habere vel Diesin duplicem 376. 625. hoc est 12. 13. ferè, pro motuum extremorù intervallo, vel Semitonium 15. 16. vel aliquid intermedium, Commate 80. 81. distans vel ab illo, vel ab hoc: inferior verò, vel Diesin simplicem 24. 25. vel differentiam inter Semitoniū & Diesin, quæ est 125. 128. hoc est 42. 43. ferè: vel denique similiter aliquid intermedium, Commate 80. 81. distans vel ab illo, vel ab hoc: sc. ille duplicem, iste simplicem Diesin, utrumq; intervallum Commate diminutum.

Nam superioris propria debet esse major, quam Diesis, per XXV, minor verò quam Tonus 9. 10. per precedentem. At verò superior debet excedere inferiorem Diesin unâ, per XXIV. Et suadet Harmonica pulchritudo, ut propria horum, si ob parvitatem nequeunt esse Harmonica, saltem ex Concinnis sint, si fieri hoc possit, per Ax. I. Atqui Concinna minima, quam est Tonus 9. 10. sunt tantum duo, Semitonium & Diesis: hæc verò differunt inter se non Diesi, sed aliquo minori intervallo 125. 128. Non possunt igitur simul habere superior Semitonium, inferior Diesin: sed aut superior habebit Semitonium 15. 16. inferior 125. 128. h. e. 42. 43. aut inferior habebit Diesin 24. 25. superior verò duplicem Diesin 12. 13. ferè. Cum verò utriusq; Planeta sint equalia juraquare si in proprijs ipsorum violanda fuit natura Concinni: aequaliter in utroq; violanda fuit; ut differentia priorum ipsis intervallorù manere possit exacta Diesis, ad discriminanda genera Harmoniarum necessaria, per XXIV. Aequaliter autem tunc violabatur Concinni natura in utroq; si quanto superioris propria proportio deficiebat, à Diesi duplici, superabat ve Semitonium; tanto etiam inferioris propria deficeret à Diesi simplici, superaret ve intervallum 125. 128.

Porrò hic excessus vel defectus, debuit esse Comma 80. 81. quia rursus nullum aliud intervallum monstrabatur à proportionibus Harmonicis; & ut Comma sic exprimeretur inter motus cælestes, sicut expressum est in Harmonicis, scilicet solo excessu & defectu inter se intervallorum. Comma enim in Harmonicis distinguit inter Tonos, majorem & minorem, nec aliter innotescit.

Restat ut disquiramus, utra ex propositis, potiora sint intervalla Num Dieses, simplex pro inferiori planeta, duplex pro superiori: an potius Semitonium p. superiori, & 125. 128. pro inferiori. Et vincunt argumentis Dieses. Nam etsi Semitonium variè expressum est in scala Musica: at socium 125. 128. non est expressum. Contrà & Diesis est expressa variè, & duplex Diesis quodammodo, sc. in resolutione Tonorum in Dieses Semitonia & Limmata: tunc enim, ut libro III. cap. VIII dictum, proximè invicem succedunt duæ Dieses, duobus locis. Alterum argumentum, quòd in distinctione generum propria sunt jura Diesis, nulla Semitonij; major igitur respectus habendus fuit Diesin, quam Semitonij. Constat ex omnibus hoc; superioris propriam debere esse 2916. 3125. seu 14. 15. ferè; inferioris propriam 243. 250. seu 35. 36. ferè.

Quæritur utrum summa sapientia creatrix occupata fuerit in tenuibus istis ratiunculis conquirendis? Respondeo, fieri posse, ut multæ me rationes lateant, At si pôderosiores Natura Harmonices non tulit,

quippe in proportionibus, infra omnium concinnorum quãtatem descendenti⁹: absurdũ non est, Deum vel istas, utcunq; appareãt tenues, esse secutum, cum nihil sine causã ordinaverit. Absurdi⁹ n. longè esset affirmare, Deum has quantitates, infra quidem præscriptum ijs terminũ Toni minoris, fortuitò arripuisse. Nec sufficit dicere; Tantas sumpsit, quia tantæ placuerũt: in geometricis enim, libertati electionis subjectis, nihil Deo placuit sine causã geometricã qualicunq;, ut apparet in oris foliorum, in squamis piscium, in pellibus ferarum, earumque maculis & macularum ordine; & similibus.

XXVII. Propositio.

Telluris & Veneris motuum proportio Major, debuit esse Sexta dura, inter motus aphelios; Minor, Sexta mollis, inter perihelios.

Oportuit n. distinguere genera Harmoniarum, per Ax. XX. Id autem fieri aliter non potuit, quã p Sext. as, p XXIII. Earum igr unam 5. 8. cum acceperint Terra & ♀, p̄ximi Planeta, & Icosiedrici, p XV: oportuit & alteram 3. 5. ijs tribui. Non verò inter extremos, convergentes vel divergentes; sed inter eju^de plagæ extremos, unam inter aphelios, alterã inter perihelios, p XXIV. Est p̄terea & Harmonia 3. 5. cognata Icosiedro, quippe secta utrũq; Pentagonica. Vid. ca. II

Ecce causam, cur præcisæ Harmoniæ inter horum duorum motus aphelios potiùs & perihelios inveniantur; non verò inter convergentes, ut in superioribus.

XXVIII. Propositio.

Telluri propria motuum proportio competebat 14. 15. circiter: Veneri 35. 36. circiter.

Nam hi duo distinguere debuerũt genera Harmoniarum, p præmissam: ergò p XXVI, Tellus quidem ut superior, nanciſci debuit intervallum 2916: 3125. id est ferè 14. 15. Venus verò, ut inferior, intervallum 243. 250. id est 35. 36. p̄ximè.

Ecce causam, cur hi duo planetæ tam parvas habeant Eccentricitates, & secundum eas, parva intervalla seu proportionem motuum extremorum proprias; cum tamen proximè illã superior Mars, & proximè hac inferior ♀, insignes, omniumque maximas habeant. Hoc verò verum esse, Astronomia confirmat; nam Cap. IV. Terra planè 14. 15. habuit, Venus verò 34. 35. quod astronomica certitudo vix discernere in hoc Planeta poterit à 35. 36.

XXIX. Propositio.

Martis & Telluris Major motuum Harmonia, diuergentium puta, non potuit esse ex majoribus, quam 5. 12.

Suprà Pro. XVII. non erat minorum aliqua: nunc verò neg. aliqua majorum est. Nam altera horũ communis, seu Minor 2. 3. cum p̄pria Martis, qua per XIV. superat

superat. 18. 25, facit plus quam 12. 25. hoc est, 60. 125. adde igitur Telluris propriam 15, 16. hoc est 56. 60, per præmissam, accumulatur plus quam 56. 125, quod est proximè 4. 9. plus scilicet quam Octava & Tonus major, paulò. At Harmonia proximè major, quam Octava & Tonus, est 5. 12. Diapason cum Tertiâ molli.

Nora quòd non dico, non esse hanc proportionem nec majorem nec minorem, quam 5. 12. sed hoc dico, si necesse sit illam fieri Harmonicam, Harmoniam illi aliam non competituram.

XXX. Propositio.

Mercurii propria motuum proportio debuit fieri major omnibus alijs proprijs.

Nam per XVI. propria Veneris & Mercurij juncta facere debuerunt circiter 5. 12. Sed Veneris propria seorsim, est tantum 243. 250. hoc est 1458. 1500: hæc verò ablata à 5. 12. hoc est à 625: 1500. relinquit 625. 1458. majorem quam Diapason cum Tono majore, Mercurio soli: cum Martis ppria, quæ illi inter ceteros Planetas est omnium maxima, sit minor quam sesquialtera 2. 3. hoc est Diapète.

Adeoque Veneris & Mercurij infimorum propria juncta, æquant quatuor supremorum proprias junctas ferè: quia ut jam statim apparebit, Saturni & Iovis propria juncta excedunt 2. 3. Martis à 2. 3. nonnihil deficit: summa 4. 9. hoc est 60. 135, adde Telluris 14. 15. hoc est 56, 60. accumulatur 56. 135, quod paulò plus est quam 5. 12; quanta modò erat summa propriarum Veneris & Mercurij. Hoc verò non quæsitum est, nec ab aliquo pulchritudinis archetypo separato & singulari desumptum: sed provenit ultro, necessitate causarum ex Harmonijs hætenus stabilitis nexarum.

XXXI. Propositio.

Motus Telluris aphelius cum aphelio Saturni per aliquot Diapason concordare debuit.

Nam Harmonias universales oportuit esse, per XVIII: quare etiam Saturni cum Tellure & Venere. At si motuum Saturni extremorum alter cum neutro horum concordasset; hoc minùs fuisset harmonicum, quam si uterq; illius extremus concordet cum his planetis; per Ax. I. Ergò Saturnus utroq; suo extremo, concordare debuit; aphelio cum uno ex duobus hisce Planetis; perihelio cum reliquo cum nihil impediret, quippe in primo Planeta. Erunt igitur istæ Harmonia vel Identifona vel Diversifona, hoc est proportionis vel dupla continuè, vel alterius. At nequeunt ambæ proportionis alterius esse: nam inter terminos 3. 5. (desinientes Majorem Harmoniam inter Telluris & Veneris aphelios, per XXVII) non possunt consistere duo media Harmonica: Sexta enim nequit dividi in tria intervalla Harmonica. Vide lib. III: Non potuit igitur Saturnus utroq; suo motu Diapason facere cum Medijs inter 3. & 5. Harmonicis: sed ut & cum 3 Terræ, & cum 5. Veneris concordent ejus motus; necesse est, ut eorù alter cum altero terminorum, sc. cum uno dictorum planetarum ipsorum concordet identicè, seu

CAP. IX.

per aliquot Diapason. Cum autem præstantiores sint Identica; statuenda erunt etiam inter extrema motuum præstantiora, sc. inter aphelios; quia & principij locum obtinent oblevationem planetarum, & Harmoniam 3. 5. de qua ut majore Telluris & Veneris nunc agimus, propriam sibi quodammodo & cum prærogativâ vindicant. Etsi enim Harmonia ista etiam perihelio Veneris, & aliquo Telluris intermedio competit, per XXII: at initium fit à motuum Extremis, Motus intermedij stant post principia. Jam cum ex altera parte habeamus Saturni altissimi motum aphelium; ex altera parte cum illo copulandus erit aphelium Telluris potiùs quàm Veneris; quia horum duorum, genus Harmonie distinguentium, illa iterum est altior. Est & alia propior causa: quòd rationes posteriores, in quibus jam versamur, derogant quidem prioribus, sed tantum circa minima, quod est in Harmonice, circa intervalla omnibus concinnis minorâ. Sed per rationes priores, non Veneris sed Telluris aphelium, approximabat Harmonia Diapason aliquot, cum Saturni aphelio constituenda. Collige enim in unam summam primò propriam Saturninorum motuum proportionem 4. 5. id est ab aphelio in perihelium Saturni, ex XI. secundo convergentium Saturni & Iovis 1. 2. id est à perihelio Iovis ad aphelium Iovis, ex VIII. tertio divergentium Iovis & Martis 1. 8. id est ab aphelio Iovis ad perihelium Martis, ex XIV. quarto convergentium Martis & Telluris, 2. 3. id est, à perihelio Martis ad aphelium Telluris, ex XV: accumulabis inter aphelium Saturni & aphelium Telluris; proportionem 1, 30. cui deest non plus quàm 30. 32. id est 15. 16. seu semitonium, quo minus sit 1. 32. seu quinque Diapason. Itaque si semitonium in particulas minimo concinno minores sectum, quatuor his elementis addatur; perfecta erit inter propositos Saturni & Telluris aphelios Harmonia Pentakis Diapason. At ut idem apheli^o Saturni cum aphelio Veneris, Diapason aliquot faceret: oportuisset Rationibus prioribus integrum fere Diatesaron eripere: addito enim 3. 5 quod est inter aphelios Telluris & Veneris, ad summam 1. 30. ex quatuor prioribus elementis conflata; colligitur tanquam ex priorib^o rationibus, inter aphelios Saturni & Veneris 1. 50. quòd intervallum differt ab 1. 32; Pentakis Diapason, per 32. 50. hoc est per 16. 25. quod est Diapente cum Diesi; & ab Hexakis Diapason seu 1. 64. differt per 50. 64. quod est 25. 32, seu Diatesaron, minus unâ Diesi: Non igitur inter Veneris & Saturni, sed inter Telluris & Saturni aphelios, Identica Harmonia statuidebit, ut Saturno cum Venere diversifona Harmonia restaret.

XXXII. Propositio.

IN Harmonijs Planetarum universalibus generis Mollis, motus Saturni planè aphelium cum cæteris Planetis exactè concordare non potuit.

Nam Tellus motu suo aphelio ad Harmoniam universalem generis mollis non concurrat, quia aphelij Telluris & Veneris faciunt intervallum 3. 5. generis Duri, per XXVII. Saturnus, verò aphelio suo facit Identicam Harmoniam cum aphelio Telluris, per XXXI. Ergò neq^{ue} Saturnus aphelio suo motu concurret. Succedit tamen loco aphelij motus, intensior aliquis Saturni motu, aphelio proxim^o, ad genus etiam molle, ut Cap. VII. apparuit.

XXXIII. Pro-

XXXIII. Propositio.

CAP. IX

DVrum Harmoniarum & Scalæ Musicæ genus, est familiare motibus aphelijs, molle perihelijs.

Nam et si Dura constituitur Harmonia inter Telluris non aphelium tantum, cum Veneris aphelio; sed etiam inter Telluris motus aphelio inferiores cum Veneris inferioribus, usque in ejus perihelium: & vicissim Mollis Harmonia non tantum inter Veneris perihelium cum Telluris perihelio, sed etiam inter Veneris superiores usque in aphelium, cum Telluris superioribus, per XXXVII: propria tamen & evidens designatio generis, fit tantum extremis utriusque, per XX & XXIV. Propria igitur Duri designatio, est tantum in aphelijs motibus, propria Mollis, tantum in perihelijs.

XXXIV. Propositio.

DVrum generis familiarius est Planetæ in comparatione duorum superiori, Molle inferiori.

Nam quia Durum genus est apheliorum motuum proprium, Molle periheliorum, per præmissam; aphelij verò sunt tardiores & graviores perihelijs: Durum igitur est motuum tardiorum, Molle celeriorum. At qui ad tardos motus familiarius se habet Planetarum duorum superior, ad celeres inferior, quia semper in Mundo altitudinem consequitur motus proprii tarditas. Ergo etiam ad Durum Scalæ genus familiarius se habet, duorum, qui utrique se accommodant generi, is qui superior, ad Molle, is qui inferior. Amplius, Durum genus utitur intervallis majoribus 4. 5. & 3. 5. Molle minoribus 5. 6. & 5. 8. Atqui etiam superior Planeta & majorem orbem habet, & tardiores, id est majores motus, prolixioremq; circuitum: quibus verò utrinque magna conveniunt, illa inter se familiarius coeunt.

XXXV. Propositio.

Saturnus cum Tellure, Durum genus amplectuntur familiarius, Jupiter cum Venere, genus Molle.

Nam primò Tellus cum Venere comparata, & cum eadem utrumq; genus designans, superior est; Terra igitur Durum potissimum genus amplectitur, Venus genus Molle, per præmissam. Saturnus verò aphelio suo per Diapason consonat cum Telluris aphelio per XXXI. Quare etiam Saturnus, per XXXIII, Durum genus amplectitur. Deinde Saturnus aphelio motu, per eandem, fovet magis genus Durum, respuit genus Molle, per XXXII. Habet se igitur familiarius ad genus Durum, quam ad Molle, quia genera propriè designantur motibus Extremis.

Iam quod Iovem attinet; is in comparatione cum Saturno, est inferior: ergo ut Saturno debetur Durum genus, sic Iovi debetur Molle, per præmissam.

Ff 3

XXXVI. Pro

XXXVI Propositio

CAP. IX.

I Ovis motus perihelium cum perihelio Veneris in unam Scalam Musicam, at non etiam in eandem Harmoniam conspirare debuit; multòque minùs hoc cum perihelio Telluris.

Nam quia Iupiter debebat generi Molli potissimum, per præmissam; illi verò familiares sunt motus perihelii, per XXX: Iupiter igitur perihelio suo designare debuit Scalam generis Mollis, ejus scilicet certum locum seu phthongum. Sed et perihelii Veneris et Telluris eandem Scalam designant, per XXVII. Ergò cum horum perihelijs, Iovis perihelium in eandem tensionem sociandus fuit. Non verò cum Veneris perihelio potuit constituere Harmoniam. Nam quia per VIII. cum aphelio Saturni facere debuit 1. 3. circiter, id est, clavem d systematis illius, in quo Saturni aphelium faciebat clavem G, Veneris verò aphelium clavem e; igitur appropinquavit clavi e intra spacium Harmonie minima: Nam illa est 5. 6. at inter d. e. est intervallum multò minùs, scilicet 9. 10. Tonus. Ac etsi in tensione perihelii, Venus elevatur à tensione aphelii; at elevatio hæc est minor Diesi, per XXVIII. Diesi verò (eâq. minus aliquid) juncta Tono minori, nondum æquant intervallum Harmonie minima 5. 6. Non potuit igitur perihelium Iovis cum aphelio Saturni præter propter 1. 3. tueri, et simul concordare cum Venere. Sed nec cum Tellure. Nam si perihelium Iovis ad perihelium Veneris scalam accommodatus fuerit in eandem tensionem, sic ut infra quantitatem concinni minimi tueatur intervallum cum aphelio Saturni 1. 3. distans scilicet à perihelio Veneris Tono minore sc. 9. 10. seu 36. 40. (præter aliqua Diapason) versus Gravia: Telluris equidem perihelium ab eodem perihelio Veneris distat per 5. 8. id est per 25. 40. Itaq. distabunt perihelii Telluris et Iovis per 25. 36. præter Diapason aliquot. Id verò Harmonicum non est; quippe duplum ipsius 5. 6. seu Diapente, diminutum unâ Diesi.

XXXVII. Propositio.

A D summam propriarum Harmoniarum Saturni & Jovis 2. 3. & ad communem ijs majorem 1. 3. accedere oportuit intervallum, æquale intervallo Veneris.

Nam Venus aphelio motu propriè designationem adjuvat generis Duri, perihelio generis Mollis, per XXVII. et XXXIII. Sed Saturnus aphelio conspirare debuit etiam ad genus Durum, et sic ad aphelium Veneris, per XXXV. Iupiter verò perihelio ad perihelium Veneris, per præmissam. Quantum igitur Venus facit intervallum ab aphelio in perihelium, tantum etiam accedere necesse est motui Iovis illi, qui cum aphelio Saturni facit 1. 3. ad perihelium Iovis ipsissimum. Sed convergentium Iovis et Saturni Harmonia est præcisè 1. 2. per VIII. Ablato igitur intervallo 1. 2. ab eo quod plus est quàm 1. 3. relinquatur aliquid, quod tantundem plus est quàm 2. 3. pro summâ propriarum utriusque proportionum.

Supra prop. XXXIII. erat propria Veneriorum motuum proportio 24;

rio 243. 250. vel 35. 36. proximè, At verò cap. IV. inter Saturni aphelium, & Jovis perihelium, inventus est excessus supra 1.3. paulò major, scilicet inter 26.27. & 27.28. At unico minuto Secundo, quod haud scio an discernat Astronomia, ad Saturni aphelium motum addito, æquatur planè quantitas hìc præscripta.

XXXVIII. Propositio.

Additamentum 243. 250. ad summam propriarum Saturni & Jovis, quæ hætenus primis rationibus constituebatur 2. 3. distribuendum sic fuit inter Planetas; ut de eo Saturno accederet Comma 80. 81. Jovi Residuum 19683. 20000. seu 62. 63. ferè.

Distribuendum illud fuisse inter utrumq; Planetam, sequitur ex XIX. vterq; aliquà latitudine concurrere posset ad Harmonias universales generis sibi familiaris. At qui 243. 250. intervallum est minus omnibus Concinnis: Nulla igitur supersunt leges Harmonicæ, quibus illud dividatur in partes duas Concinnas; nisi solum illa, quibus supra prop. XXVI. ad sectionem Diesios 24. 25. opus fuit; ut sc. abeat in Comma 80. 81. (quod est unum & quidem primarium ex ijs quæ Concinnis inserviunt) & in Residuum 19682. 20000. quod est paulò majus Commate, sc. 62. 63. ferè. Non autem duo sed unum Comma fuerat abscindendum; ne nimium inæquales partes fierent, cum propria Saturni & Jovis sint proximè æquales: secundum axioma X, etiam ad Concinna & ijs minutiores partes extensum: simul etiam idè, quia Comma definitur intervallis Tono majore & Tono minore, non ita duo Commata. Porro Saturno, altiori & valentiori Planeta, debebatur harum partium non illa potius, quæ major, licet is haberet propriam 4. 5. majorem; sed illa, quæ prior & pulchrior, hoc est, magis Harmonicæ. Nam in Ax. X, præcedit respectus prioritatis & perfectionis Harmonicæ; ultimas tenet respectus quantitatis, quia nulla pulchritudo est in quantitate per se. Ita motus Saturni sunt 64, 81, Tertia major adulterina, ut lib. III, Cap. XII, appellavimus; Jovis verò 6561. 8000.

Nescio an inter causas additi Saturno Commatis sit comemorandum; ut scilicet Extrema Saturni intervalla possent constituere proportionem 8. 9, Tonum majorem: an potius id ultrò resultaverit ex causis antecedentibus Motuum, Habes igitur hic potius, loco Corollarij, causam, cur suprà cap. IV. fol. 195. Intervalla Saturni deprehensa sint Toni majoris proportionem complecti proximè.

XXXIX. Propositio.

In Harmoniis Planetarum uniuersalibus, generis Duri, Saturnus motu exactè perihelio concordare non potuit; nec Jupiter motu exactè aphelio.

Cum enim Saturni aphelium, cum Telluris & Veneris aphelijs, exactè concordare debuerit, per XXXI. concordabit cum iisdem etiam is Saturni motus, qui est intensior quàm aphelium ejus, per unam Tertiam duram 4. 5: aphelij enim Telluris

CAP. IX.

Telluris & Veneris faciunt Sextam duram, qua per demonstrata libri III. divisibilis est in Diatesaron & Tertiam duram. Ergo motus Saturni, qui adhuc celerior est hoc jam concordato, infra tamen magnitudinem intervalli Concinni, non exactè concordabit. At talis est perihelium Saturni ipsissimum, quia distat ab ejus aphelio plus quàm intervallo 4 5. plus scilicet uno Commate 80. 81. (quod minus est Concinnio minimo) per XXXVIII. Non concordat igitur exactè perihelium Saturni. At nec exactè aphelium Iovis: is enim cum perihelio Saturni, non exactè consonante, consonat per Diapason perfectum, per VIII. quare per dicta libro III. nec ipse exactè consonare poterit.

XL. Propositio.

AD communem Iovis & Martis divergentium motuum Harmoniam 1. 8. Trisdiapason, prioribus rationibus stabilitam, addi oportuit Limma Platonium.

Nam quia inter aphelios Saturni & Telluris debuit esse 1. 32. hoc est 12. 384, per XXXI; ab aphelio verò Telluris ad perihelium Martis debuit esse 3. 2. hoc est 384. 256. per XV; & ab aphelio Saturni ad ejus perihelium 4. 5. vel 12. 15. cum additamento, per XXXVIII; denique à perihelio Saturni ad aphelium Iovis 1. 2. vel 15. 30. per VIII; restat igitur ab aphelio Iovis ad perihelium Martis 30. 256, dempto Saturni additamento. Atqui 30. 256. superat 32. 256. hoc est 1. 8. quantitate 30. 32. hoc est 15. 36. vel 140. 256. quod est Semitonium. De tractum igitur à 240. 256. Saturni additamentum, quod prop. XXXVIII. debuit esse 80. 81. hoc est 240. 243. relinquit 243. 256; id verò est Limma Platonium, scilicet 39. 20. ferè: vide lib. III. Ad 3. 8. igitur addendum fuit Limma Platonium.

Itaque major Iovis & Martis proportio, divergentium sc. motuum, esse debet 243. 2048. quod est medium quodammodò inter 243. 2387. & 243. 1944. id est inter 1. 9. & 1. 8. quarum illam supra requirebat Analogia, hanc Harmonica concinnitas vicinior.

XLI. Propositio.

Martis motuum propria proportio necessario duplicata est facta proportionis Harmonicæ 5. 6. scilicet 25. 36.

Nam quia proportio Iovis & Martis motuum divergentium, debuit esse 243. 2048. id est 729. 6144. per precedentem: convergentium verò 5. 24, id est 1280. 6144. per XIII: summa ergò propriarum utriusque necessariò fuit 729. 1280. vel 72900. 328000. Sed Iovis solius propria debuit fieri 6561. 8000, id est 104976. 128000, per XXXVIII. Ablatà ergò hac Ioviali, ab utriusque summa, relinquitur propria Martis 72900. 304976. id est 25. 36. cujus dimidia est 5. 6.

Aliter sic. Ab aphelio Saturni ad aphelium Telluris motum est 1. 32. seu 120. 3840. ab eodem illo ad perihelium Iovis est 3. 3. seu 120. 360. cum suo additamento. Hinc verò ad perihelium Martis est 5. 24. seu 360. 1728. Igitur ab

aphe-

aphelio Martis ad ad aphelium Telluris relinquatur 1728. 3840. minus additamento illo Saturni & Jovis divergentium proportionis. At ab eodem aphelio Telluris ad perihelium Martis est 3.2. hoc est 3840. 2560. Inter ergo Martis aphelium & perihelium motus, relinquatur proportio 1728. 2560, id est 27. 40. seu 81. 120. minus dicto additamento. Sed 81. 120. Commate minus est quam 80. 120. seu 2. 3. Ergo si de 2. 3. detrahatur Comma, detrahatur & additamentum dictum (quod per XXXVIII. est aequale propriae Veneris): relinquatur propria A. Sed propria Veneris, est Diesis diminuta commate per XXVI. Comma vero, & Diesis diminuta Commate, faciunt Diesim integram 24. 25. Si ergo à 2. 3. hoc est à 24. 36. auferas diesim 24. 25. relinquatur Marti propria 25. 36. ut prius: cujus dimidia 5. 6. cedit intervallis, per cap. III.

En iterum causam, cur supra Capite IV, fol. 195. Martis intervalla extrema, proportionem Harmonicam 5. 6. complecti deprehensa sint.

XLII. Propositio.

Martis & Telluris Maior, seu diuergentium communis proportio, necessariò facta est 24. 125. minor quam Harmonia 5. 12, prioribus rationibus stabilita.

Propria enim Martis debuit fieri Diapente, cui sit adempta diesis, per precedentem. Communis verò convergentium Martis & Telluris, seu Minor, debuit esse Diapente 2. 3. p. XV. Propria deniq; Telluris, est duplicata Diesis, cui sit adempta Comma, p. XXVI. & XXVIII. Ex his verò elementis conflatur Major, seu diuergentium A & Telluris, sitq; duo Diapente (seu 4. 9, hoc est 108. 243.) cum una Diesi, quæ sit multata Commate, hoc est cum 243. 250: sit sc. 108. 250. seu 54. 125. hoc est 608. 1500. Atqui hoc est minus, quam 625. 1500. hoc est, quam 5. 120 quantitate 608. 625. quæ est ferè 36. 37. minor Concinnò minimo.

XLIII. Propositio.

AD Harmoniam aliquam uniuersalem, Martis aphelium conspirare non potuit: in scalam tamen generis Mollis illum quadamtenus consentire necessarium fuit.

Nam quia perihelium Iovis obtinet locum d tensionis acuta in genere Molli, & verò inter illum & Martis aphelium esse debuit Harmonia 5. 24. ergo Martis aphelium obtinet locum e adulterinum tensionis ejusdem acuta. Dico adulterinum: nam libro III. cap. XII. cum recenserentur Consonantie adulterinae: ex q; compositione systematum deducerentur: omisæ sunt aliqua, quæ in ipso systemate simplici naturali existunt. Itaq; lector post lineam quæ desinit sic 81. 120. adscribat ista. à qua si auferas 4. 5. seu 32. 40. restat 27. 32 diminuta Sexta mollis: quæ est inter d f. vel ce vel a c. Octavæ etiam simplicis.

Et in subiecta Tabella primam lineam occupent ista.

Pro 5. 6. est 27. 32. deficiens.

Ex quibus patet, in Systemate naturali, clavem E genuinam, ut illa est ex mois principijs ordinata, cum d clave constituit Sextam Mollem deficientem seu adulterinam. Cum igr inter perihelium Jovis in clavi genuinà d, constitutum,

Gg

& inter

Et inter aphelium Martis, sit perfecta Sexta mollis supra Disdiapason, non verò deficiens, p XIII: sequitur Martem aphelio motu signare locū, qui sit uno commate altior clave genuinā: Et itaq; non nisi f adulterinū obtinebit: eoq; non planè, sed saltem quadamten^o in hanc scalam consentit. Concordatiam verò universalem neq; puram neq; adulterinam ingreditur. Nam Veneris perihelium obtinet locum e tensionis huj^o. At inter e. fest dissonantia, ob vicinitatem. Dissonat igr δ , ab uno planetarum sc. à ζ perihelio. Sed δ à ceteris ζ motibus dissonat, remittuntur n. ij uno Commate minus, quàm p unam Diesis: quare cum inter perihelium ζ & aphelium δ sit Semitonium & Comma, inter igr aphellum ζ & aphelium δ erit Semitonium & Diesis (dissimulatis Octavis), hoc est Tonus minor, quod adhuc dissonum est intervallum. Tantum n. in Mollis generis Scalam aphelium Martis consentit, non etiam in Duri. Nam cum aphelium Veneris conspirat in e generis Duri; Martis verò aphelium (dissimulatis Octavis) sit factus altior quàm e, Tono minore; necessario igr aphelium δ in hac tensione medius inter f & ζ caderet, faciens cum g (quem in hac tensione occupat aphelium Telluris) intervallum 25. 27. planè inconcinnum, Tonum sc. majorem, cui adempta sit Diesis.

Eodem modo probabitur Martis aphelium etiam à Telluris motibus dissidere. Nam quia cum perihelio Veneris Semitonium & Comma facit, per dicta, id est 14. 15. sed perihelij Terra & Veneris faciunt Sextam Mollem 5. 8. seu 15. 24. per XXVII; Martis igr aphelium cum perihelio Telluris (addit is illi Octavis) faciet 34. 24. seu 7. 32. inconcinnum intervallum, nedum Harmonicum, ut δ 7. 6. Est n. dissonum & inconcinnum, quicquid est inter 5. 6. & 8. 9. ut hic 6. 7. Sed nec ullus alius Telluris mot^o concordare potest cum aphelio Martis. Nam supra dictū, quod is cum aphelio Telluris faciat 25. 27. inconcinnum (dissimulatis Octavis): jam verò à 6. 7. vel 24. 28. usque in 25. 27. omnia sunt minora minimo intervallo Harmonico.

XLVI. Corollarium.

P Atet igitur ex hac XLIII. de Iove & Marte, & ex XXXIX. de Saturno & Jove, & ex XXXVI. de Jove & Tellure, & ex XXXII. de Saturno: cur supra cap. V. planetarum mot^o extremos neq; omnes ad unum Systema naturale seu scalam musicam perfectissimè accommodatos esse, neque qui ad systema tensionis ejusdem accommodati erant; omnes illos, loca illius naturali ratione divisisse, seu successionem Concinnorum intervallorum merè naturalem effecisse deprehensum sit. Nam priores sunt causæ, quibus singuli planetæ singulas sunt nacti Harmonias, quibus & omnes planetæ Harmonias universales; quibus deniq; & Harmoniæ universales duo genera, Durum & Molle: quibus positis, jam impeditur omnimoda accommodatio ad unum naturale systema. Quòd si illæ causæ non præcessisset necessariò: dubium nullum est, quin vel unum systema, unaq; ejus tensio Planetarum omnium motus extremos complexum esset: vel si duobus systematib^o op^o fuit, pro duobus cantus generibus, Duro & Mollis; non it alterà tantū generis duri, sed etiam in reliquâ generis Mollis, ipsissimus ordo scalæ naturalis fuisset express^o. Habes igr hic dicto cap. V. promissas causas dissidiorum p minima, & omnibus qdem concinnis minora-

XLVII. Pro:

XLV. Propositio.

CAP. 128

AD communem maiorem Veneris & Mercurii Diapason, nec non ad Mercurij etiam propriam, supra prioribus rationibus prop. XII. & XVI. stabilitas, accedere oportuit intervallum æquale intervallo Veneris, sic ut propria Mercurij fieret perfecta 5. 12; & sic & utroque motu cum unico perihelio Veneris concordaret.

Nam quia Saturni aphelium cum aphelio Telluris concordare debuit, Planetae extimi, figurae suae circumscripti & altissimi, cum Telluris, quae figurarum classes distinguit, altissimo: sequitur legibus oppositorum, ut Mercurij perihelium cum Telluris perihelio conspiret, quippe Planetae intimi, figurae suae inscripti, & humilissimi, Soliq; vicinissimi, cum Telluris, sepi illius communis, motu humilissimo: illi quidem ad Durum, hi ad Molle Harmoniarum genus designandum, per prop. XXXIII. & XXXIV. Sed Veneris perihelium cum Telluris perihelio concordare debuit in Harmonia 5. 8. per XXVII. Ergo etiam perihelium Mercurij, cum perihelio Veneris in unam Scalam debuit temperari. Erat verò prop. XII. ex prioribus illis rationibus definita Veneris & Mercurij Divergentium Harmonia 3. 4. Illa ergo jam per has posteriores rationes fuit fermentanda accessione totius intervalli Veneris. Non igr amplius ab aphelio, sed à perihelio Veneris ad perihelium Mercurij est perfecta Disdiapason. Atqui etiam convergentium Harmonia 3. 5. perfecta est, per prop. XV. Ea igitur subtracta à 1. 4. restat soli Mercurio propria 5. 12. etiam perfecta, non verò amplius (ut prop. XVI. per priores rationes) diminuta proportione Veneris propria.

Alia ratio. Sicut Saturnum & Iovem solos exterius nullatenus contingunt Dodecaedron & Icosaedron, conjugata: sic eadem Mercurium solum interius non tangunt: tangunt n. Martem, Tellurem & Venerem, illum intus, hanc extra, mediam utring. Sicut igr in proprias proportiones motu ù Saturni & Iovis, qui Cubo & Tetraedro fulti sunt, distributum additum est aliquid æquale propriae Veneris: sic jam propria Mercurij solitarij, qui Octaedro, Cubi & Tetraedri sociâ figurâ continetur, accedere debuit tantundem: quippe sicut Octaedron, figura unica inter Secundarias, vicem sustinet duarum, Cubi & Tetraedri inter Primarias, de quo vide Cap. I. sic etiam inter Planetas inferiores, unus Mercurius est loco duorum ex superioribus, Saturni scilicet & Iovis.

Tertio, sicut Saturnus altissimus per aliquot Diapason, hoc est, in proportione 3. 72. continuè duplâ, concordare debuit aphelio suo motu, cum duorum qui genus Harmoniae mutant, altioris sibiq; ppioris motu etiam aphelio: per XXXI: sic vice versâ, & humilimus, rursus p aliquot diapason, h. e. in proportione 1. 4. etiam continuè duplâ, concordare debuit perihelio suo motu cum duorum, qui genus Harmoniae mutant, inferioris sibiq; similiter ppioris motu perihelio. Quarto superiorum trium 3, 4, 7, singuli tantum extremi conspirant ad Harmonias universales; inferioris igr & unici, Mercurij sc. ambo extremi conspirare debuerunt ad eadem: nam medij, Tellus & ♀, genus Harmoniarum mutare debuerunt, per XXXIII. XXXIV. Deniq; in bigis tribus superiorum inventa sunt Harmonia perfecta inter convergentes motus; fermentata verò inter divergentes, & ppria singularum: in bigis igr duabus inferiorum vice versâ non inter convergentes possimum, nec inter divergentes, sed inter ejusdem plagae motus, perfecta Harmonia reperiri debuerunt. Et quia Telluri & ♀, duae perfecta debebantur: quare etiam ♀ & ♀ duae debebantur perfecta. Et illi quidem duo, tam inter aphelios perfecta sortiri debuerunt, quam inter perihelios, quia gen^o Harmoniae mutare debuerunt:

Venus verò & Mercurius, utpote genus Harmonia non mutantes, non etiam requirebant perfectas inter utramq; bigam, tam apheliorum quàm periheliorum motuum: sed successit pro Harmonia perfectâ apheliorum, ut qua fermentata jam fuit, Harmonia perfecta convergentium: ut sicut Venus inferiorum superior, propriam motuum proportionem habes minimam omnium per XXVIII. Mercurius, inferiorum inferior, proportionem propriam, maximam omnium sortitus est, per XXX: sic etiam propria Veneris, omnium propriarum est imperfectissima, seu ab Harmonijs remotissima: propria verò & omnium propriarum perfectissima, id est Harmonia absoluta, sine fermento; & sic tandem undiq; rationes essent oppositæ.

Sic enim magnalia sapientiæ suæ decoravit is, qui est ante sæculum & usq; in sæculum: nihil redundat, nihil deficit, nec locus est censuræ cujusquam. Quàm desiderabilia opera ejus, &c. omnia duplicia unum contra unum, nec ulli suum deest oppositum; uniuscujusq; confirmavit (rationibus optimis stabilivit) bona (Ornatum & decentiam) & quis saturabitur videns gloriam eorum?

XLVI. Axioma.

Solidarum figurarum interlocatio inter Orbes planetarios, si libera est, nec præcedentium causarum necessitatibus impedita, perfectione sequi debet analogiam inscriptionum & circumscriptio-
num geometricarum; adeoque & condiciones proportionis inscriptorum ad circumscriptos.

Nihil enim est magis consentaneum quàm, ut inscriptio physica Geometricam, tanquam opus typum suum, exactè repræsentet.

XLVII. Propositio.

SI Figurarum inter Planetas inscriptio libera fuit, Tetraëdron supra tangere debuit angulis orbem perihelium Jovis exactè, infra centris planorum, aphelium Martis exactè. Cubus verò & Octaëdron, angulis in Orbem perihelium sui quæq; Planetæ insistentes, centris planorum penetrare debuerunt orbem sui interioris, sic ut illa centra versentur intra Orbes, aphelium & perihelium; Dodecaëdron contra & Icosiedron, angulis extrâ stringentes suorum Planetarum Orbes perihelios, centris planorû non planè attingere debuerunt aphelios orbes suorum interiorum: Echinus denique Dodecaëdricus, stans angulis in perihelio orbe Martis, medijs punctis inversorum laterum, radios binos solidos interstingentium, debuit venire proximè orbem aphelium Veneris.

Est enim Tetraëdron figura media Primariarû, & ortu & situ in Mundo, aequaliter igr, si nihil impediabat, sumovere debuit utramq; regionem & 4 & 7. Cui quia Cubus sursum erat & exterius, Dodecaëdro deorsû & interiùs: par erat ergo, ut & illorû inscriptio affectaret contrarietatem ejus, cujus Tetraëdron tenebat medium, & altera illarum excessum faceret inscriptionis, altera defectum; altera sc. interiorem orbem quadamtan penetraret, altera non attingeret. Et quia Octa-

edron

edron est Cubo cognatum, aequalem habens orbium proportionem; Icosiedron verò Dodecaëdro: quod igitur Cubus habet de perfectione inscriptionis, idem & Octaëdro debeatur: quod Dodecaëdron, idem & Icosiedro. Est & consimilis Octaedri situs, situi Cubi; Icosiedri verò, situi Dodecaedri: quia ut Cubus alterum tenet terminum ad exteriora: sic Octaedron tenet reliquum extremum ad interiora Mundi, Dodecaëdron verò & Icosiedron mediant: Convenit igitur etiam similis inscriptio, illic penetrativa Orbis planetarij interioris, hic deficiens ab illo. Echinus verò, qui summitatibus angulorum repræsentat Icosiedron, basibus Dodecaëdron, utramq; etiam regionem, tam inter Martem & Tellurem, Dodecaëdro, quam inter Tellurem & Venerem, Icosiedro tributas implere, complecti seu disponere debuit. Utrum autem oppositorum, utri societati conveniat, Axioma præmissum clarum facit. Tetraëdron enim, habens inscriptum orbem effabilem, medium sortita est locum inter Primarias, stipata utrinq; figuris incommensurabilium Orbium, quarum exterior Cubus, interior Dodecaëdron, per cap. I hujus. Hæc verò qualitas Geometrica, Effabilitas inscripti, repræsentat in Naturâ inscriptionem Planetarij Orbis perfectam. Cubus igitur cum sociâ habent inscriptos, ex dimidio saltem effabiles, id est, solâ potentiâ; debent igitur semiperfectam repræsentare inscriptionem; ubi licet non ipsa Orbis planetarij Extremitas, at saltem interioris aliquid, & nominatim Medietas inter Orbes, aphelium & perihelium, si per alias rationes fieri possit, attingatur à centrâ planorum figura. Dodecaëdron contra cum sociâ habent inscriptos planè ineffabiles & longitudine radij & potentiâ: debent igitur planè imperfectam repræsentare inscriptionem, & penitus nihil de Orbe planetario attingentem, hoc est, deficientem, & usque ad aphelium planetæ orbem non planè pertingentem, suorum planorum centrâ. Echinus etsi Dodecaëdro & sociæ cognatus est; habet tamen aliquid simile Tetraëdro. Nam radius inscripti lateribus ejus inversis, est quidem incommensurabilis circumscripti radio, at commensurabilis est interim longitudine, distantia binorum angulorum vicinorum. Itaq; perfectio commensurationis radiorum ferè tanta, quanta Tetraëdro imperfectio alit in secus tanta, quanta Dodecaëdro & sociæ. Consentaneum igitur est, etiam physicam inscriptionem ei competere, nec planè Tetraëdricam, nec planè Dodecaëdricam, sed generis intermedij; ut quia Tetraëdron planè pertingere debuit ad summum Orbis, Dodecaëdron non attingere, certo spacio: jam hæc aculeata figura lateribus inversis inter spaciū Icosiedricum, & inter orbis inscripti summū stes. proxime hanc summitatem attingens: sitamen etiam ista figura in societatem reliquarum quinque adsciscenda fuit, legesq; istæ, stantibus legibus illarum, tolerari potuerunt. Imò quid dico tolerari potuerunt? quibus illæ careere non potuerunt, Nam si Dodecaëdro competeat inscriptio laxa, nec attingens; quid aliud indefinitam illam laxitatem intra certâ quantitatē metas coercere potuit: quàm hæc subsidiaria figura, Dodecaëdro & Icosiedro cognata, inscriptione suâ proximè attingente, nec plus deficiente (sitamen deficit,) quàm Tetraedron excedit & penetrat? de qua quantitate jam in sequenti agemus.

Valdè verisimilem reddit hanc causam Echini associati duabus cognatis figuris (ut scilicet determinaretur proportio Orbium Martis & Veneris, quam illæ indefinitam reliquerant) quòd invenitur Semidiameter Orbis Telluris 1000, propè admodū mediò loco proportio-

CAP. IX.

Echini speciem vide lib. V. fol. 182. ubi P.P. solidi anguli O.O. media inversa latera

nalis inter orbem Martis perihelium & Veneris aphelium : quasi spacium quod Echinus vindicat cognatis figuris, inter illas, ut pote similes, proportionaliter fit divisum.

XLVIII. Propositio.

Inscriptio Figurarum regularium solidarum inter Orbes Planetarios non fuit meræ libertatis : impediatur enim circa minima ab Harmonijs inter motus Extremos statutis.

Nam per Ax. I. & II. Proportio orbium cuiusq. Figura non ipsa per se ipsam inmediate debuit exprimi, sed per illam quarenda prius fuerunt, motibusq. extremis accommodanda Harmonia, ipsis Orbium proportionibus familiarissimæ.

Deinde, ut p. Ax. XIII. XX. Harmonia universales duorum generum esse possent, fermenti non nihil addi oportuit Harmonijs singularum bigarum Majoribus, per rationes posteriores. Ut igitur ista stare possent, suisq. proprijs nisi rationibus, requirebantur intervalla dissidentia nonnihil ab ijs, quæ sunt ex inscriptione perfectâ figurarum inter Orbes, legibus motuum Cap. III. explicatis. Id ut comprobetur, & ut appareat quantum derogetur singulis figuris per Harmonias proprijs rationibus stabilitas : age ex illis extruamus intervalla planetarum à Sole, novâ formâ calculi nec atneâ tentatâ à quoquam.

Erunt autem inquisitionis hujus tria capita : Primum ex cuiusq. planetæ motibus binis extremis, inquirentur ejus & Solis intervalla itidem Extrema, ex ijs Radius orbis in illa Extremorum intervallorum dimensione, cuiusq. planetæ propriâ. Secundo, ex iisdem motibus extremis, in dimensione omnibus eadem, inquirentur motus medij, eorumq. proportio. Tertio ex proportione motuum mediorum jam patefactâ, proportio Orbium seu Mediorum intervallorum investigabitur, & unâ etiam extremorum ; illaque comparabitur cum proportionibus figuræ alibus.

Quod primum attinet : repetendum est ex Cap. III. numero VI. quod proportio motuum extremorum sit dupla proportionis eversa respondentium intervallorum à Sole. Cum igitur etiam quadratorum proportio sit dupla proportionis suorum laterum : ergo numeri quibus extremi motus singulorum exprimuntur, considerabuntur ut Quadrati, & quasita illorum radices dabunt extrema intervalla, quorum facile est medium arithmeticum accipere, pro semidiametro Orbis & Eccentricitate. Igitur Harmonia hæcenus stabilita præscripserunt

Planetis.	Motuum proportiones	Horum Radices aut prolongatz aut multiplicium.	Ergo semidiameter Orbis.	Eccentricitas.	In dimensione semidiametri Orbis 10000
Saturno	64	80			
per XXXVIII.	81	90	87	5	3801
Jovi	6581	81000			
per XXXVIII.	8000	89444	8522	4222	4954
Marti	25	50			
per XLL.	36	60	59	8	9091
Telluris	2916	39331			
per XXVIII.	3125	26825	95178	1647	1730
Veneri	243	9859			
per XXVIII.	250	10000	99295	705	710
Mercurio	5	6350			
per XLIV.	22	98000	80624	17375	21551

Ad secundum ex propositis rursus opus habemus capituli III, numero XII. ubi ostensum, quod numerus, qui exprimit motum medium in proportione extremorum, sit minor Medio eorum arithmetico, minor etiam geometrico, semise differentie Medij utriusq. Et quia omnes motus medios exquirimus in dimensione eadem; quare omnes proportionem, hactenus stabilita inter binos et binos, omnes etiam singulorum propriae, explicentur in mensura communis minimi dividui. Tunc quaerantur Media, arithmeticum per dimidiationem differentiae extremorum cujusque motuum, geometricum, per multiplicationem extremi unius in alterum, et extractionem radicis est factum: tunc semise de mediorum differentia ablatam a geometrico Medio, constituetur numerus Motus medij, in dimensione cujusque extremorum motuum propria; quae facili per regulam proportionum transmutatur in communem.

Proportiones Harmonicae Binorum.	Numeri motuum extremorum	singulorum propriae.	Media singulorum continuata.		Differentiae semisses.	Numerus motus medij in dimensione		
			Arithmeticum	Geometricum seu radix.		Sua	Communi.	
1	1	h. 139968.	64	72.50.	72.00.	25.	71.75.	156917.
	2	h. 177147.	81					
	5	2. 354294.	6561	7280.5.	7244.9.	178.	72.271.	390263.
	24	2. 432000.	8000					
32	2	♂. 2073600.	25	30.50.	30.00.	25.	29.75.	2467584.
	3	♂. 2985984.	36					
	5	T. 4478976.	2916	3020.500.	3018.692.	904.	3017.788.	4635322.
	8	T. 4800000.	3125					
1	3	♀. 7464960.	243	246.500.	246.475.	125.	246.4625.	7571328.
	5	♀. 7680000.	250					
4	5	♂. 12800000.	5	8.500.	7.746.	377.	7.369.	18864680.
	8	♀. 30720000.	12					

Figurae ultra punctum pertinent ad praecisionem numeri in p. denarijs

Inventa est ergo ex praescriptis Harmonijs, proportio Mediorum diurnorum motuum, quae scilicet est inter cujusque graduum et minorum et c. numeros inter se comparatos; quae quam propinquae accedat ad Astronomiam, facile est explorare.

Tertium caput propositorum indiget capituli III, numero VIII. Inventa enim proportione diurnorum mediorum motuum in singulis Planetis, datur invenire et proportionem Orbium. Est enim proportio mediorum motuum, proportionis Orbium eversa sesquialtera. At qui etiam proportio Cubicorum numerorum est sesquialtera a proportionis Quadratorum ad easdem Radices adscriptorum in Tabula Clavij, quam subjunxit sua Geometria Practica. Quare si quaerantur numeri nostri motuum mediorum (decurtati, ubi opuserit, aequali numero cyphrarum) inter Cubicos illius Tabulae, exhibebunt ad sinistram sub titulo Quadratorum, numeros proportionis Orbium: tunc Eccentricitates supra singulis adscriptae in dimensione cujusque semidiametrorum propriae, facili per regulam proportionum transponentur in dimensionem omnibus communem, ut ijs additis ad semidiametros orbium, indeque ablati, constituentur intervalla singulorum a Sole, extrema. Dabimus autem semidiametro Orbis Telluris dimensionem rotundam 100000, ut moris est in Astronomia: idque hoc consilio, quia hic numerus seu quadratum multiplicatus seu cubice, semper constat meris cyphris; itaque etiam motum medium Telluris efferemus numero 1000000000; per regulam proportionum facientes, ut numerum motus medij cujusque planeta ad numerum motus medij Telluris; sic

240 DE MOTIBUS PLANETARUM

ris; sic 1000 000 000 ad novam dimensionem. Ita quinq; solis radicibus cubicis transigi poterit negocium, singulis illis cum unico Telluris numero comparatis.

	Numeri ex motibus medijs in dimensione		Numeri proportionis orbium inter quadratos inventi.	Semidiametri ut supra.	Eccentricitas In dimensione		Intervalla extrema emergentia.	
	Pristina.	Novâ eversâ inter cubos quenda.			Propriâ	Comuni	Aphelia.	Perihelia.
♃.	156917.	29539960.	9556.	85.	5. 562	10118.	8994.	
♄.	390263.	11877400.	5206.	85222.	4222. 258	5464.	4948.	
♅.	2467584.	1878483.	1523.	55.	5. 138	1661.	1384.	
♆.	4635322.	1000000.	1000.	95178.	1647. 17	1017.	983.	
♇.	7571328.	612220.	721.	99295.	705. 5	726.	716.	
♈.	18864680.	245714.	392.	80625.	17375. 85	476.	308.	

Apparet igitur in ultimâ serie, quales prodeant Numeri, quibus convergentie binorum exprimuntur intervalla: qui omnes valdè propè accedunt ad illa intervalla, quæ inveni ex observationibus Braheanis. In solo Mercurio parvula est differentia. Nam Astronomia videtur ei dare intervalla hæc 470. 388. 306. omnia breviora. Causa dissidij vel in Observationû paucitatem conjicienda videtur, vel in Eccentricitatis magnitudinem. Vide cap. III. Sed ad finem calculi propero. Iam enim facile est, comparare proportionem orbium figuræ cum proportionem intervallorum convergentium.

Nam si Semidiameter orbis figuræ circumscripti quæ est communiter 100000, fiat				Tunc Semidr inscripti		Cum sit intervallum ex Harmonijs.	
	ex	pro	fiat				
In Cubo	8994.	♃	57735	3194.	Medium	2. 5206.	
In Tetraëdro	4948.	♄	33333	1649.	aphelium	♃. 1661.	
In Dodecaëdro	1384.	♅	79465	1100.	aphelium	♄. 1018.	
In Icosiedro	983.	♆	79465	781.	aphelium	♅. 726.	
In Echino	1384.	♇	52573	728.	aphelium	♆. 726.	
In Octaedro	716.	♈	57735	413.	medium	♇. 392.	
In Quadrato Octaedri vel	716.	♉	70711	506.	aphelium	♈. 476.	
	476.	♊	70711	336.	perihelium	♉. 308.	

Paulò sc. infra medium Iovis descendunt plana Cubica; non planè ad ipsum Medium Mercurij, plana Octaëdrica; paulò infra summum Martis, Tetraëdrica; non planè ad ipsum summum Veneris, latera Echini; longè verò ab aphelio Telluris deficiunt plana Dodecaëdri; longè etiam, & ferè proportionaliter ab aphelio Veneris, plana Icosiedri; Octaedri deniq; quadratum planè ineptum est; nec injuria; nam quid plana figuræ inter solidas? Vides igr si planetarum intervalla deducantur ex proportionibus Harmonicis motuum, hætenus demonstratis; necesse esse ut illa tanta evadant, quanta hæc patiuntur, non verò, quanta requirerent leges inscriptionis liberæ, prop. XLV. præscriptæ: quia hic λόσμοϑ γεωμελεϑος inscriptionis perfectæ, non erat amplius juxta illum alterum λόσμον ἀγεωμερικόν ἐνδεχοµενόν, ut Galeni verbis utar, ex hujus libri V. frontispicio desumptis. Tantum ad dilucidationem propositionis præscriptæ, ipso numerorum calculo demonstrandum fuit.

Non dissimulo, si Harmoniam convergentium Veneris & Mercurij augeam propriâ proportionem motuum Veneris, eademq; ut consequitur, minuam propriam Mercurij; tunc prodire mihi per hanc methodum, intervalla Mercurij & Solis ista, 469. 388. 307. quæ valdè præcisè præsen-

præsentantur ab Astronomiâ. Ac primò diminutionem illam non possum defendere rationibus Harmonicis; non enim quadrabit aphelius Mercurij in ullam scalam Musicam; nec tenetur in Planetis, oppositis in Mundo, plenaria ratio oppositionis omnium conditionum. Deinde motus Mercurij medius diurnus fit nimis magnus, eòq; periodicum & tempus, quod est totius astronomiæ certissimum, nimium abbreviatur. Itaque maneo in politiâ Harmonicâ motuum, hinc usurparâ & toto cap. IX. confirmatâ. Veruntamen hoc exemplo vos, quòtquòt in hujus libri lectionem incidetis, Mathematicis disciplinis, & summæ philosophiæ cognitione imbuti, omnes provoco: agite strenui, vel unam ex Harmonijs passim applicatis convellite, cum aliâ aliquâ permutate; & experimini, num tam prope astronomiam, cap. IV. præscriptam accessuri sitis: vel contendite rationibus, num melius & convenientius aliquid motibus cœlestibus astruere; dispositionem verò à me adhibitam in parte vel toto destruere possitis. Quicquid ad gloriam pertinuerit Conditoris & Domini nostri, id æquè vobis per meum hunc librû licitum esto; ac ipse licentiam mihi sumpsi ad hanc horam usque, mutandi passim illa, quæ prioribus diebus oscitanti curâ; vel properanti ardore præposterè concepta deprehendere potui.

Provocatio

II. Epiphonema.

Bonum erat, solidas figuras in genesi intervallorum cedere rationibus Harmonicis, Harmoniasque binorum Majores, Harmonijs universalibus omnium; quantum hujus erat necesse.

Pulchro casu ad septenarij Quadratum II. devenimus; ut hoc veluti Sabbathum quoddam succedat, præmissis sex solidis Octonarijs Effatorum. de opere Cælorum. Merito etiâ Epiphonema feci, quod inter Axiomata præmitti potuit: quia etiam Deus jam defunctus operâ Creationis, vidit omnia, quæ fecerat, & ecce erant valdè bona.

Duo sunt Epiphonematis membra: primum de Harmonijs in genere, sic demonstratur. Nam ubi delictus est inter diversa se mutuo non ex asse serentia; ibi preferenda esse præstantiora, derogandumq; viliorib; quantum necesse est, ipsa vox τὸ κόσμος, quæ ornatum significat, arguere videtur. Atqui quanto vita corpore, forma materiâ, tantò præstat ornatu Harmonicus Geometrico simplici.

Nam ut Animantum corpora perficit vita, quia ad hanc agendam sunt nata quod ex Archetypo Mundi, qui est ipsa essentia divina, sequitur: sic regiones Planetis attributas, motus, sideris quamq; sui, metatur; quia ut sidus moveri posset, regio illi sua fuit assignata. Atqui figura quinq; solida, vi vocis ipsius, ad spacia regionum pertinent, & ad illarum, corporumq; numerum; Harmonia verò ad motus. Rursum ut Materia diffusa est & indefinita ex seipsâ; Forma definita, unita, & terminans ipsam materiam: sic etiam proportionum Geometricarum infinitæ sunt; Harmonia pauca. Et si enim inter Geometricas etiam certisunt gradus definitionum formationumque & restrictionum; nec plures tribus existere possunt ex adscriptione orbium ad figuras regulares: attamen has etiam commune cum reliquis omnibus accidens sequitur; quod præsupponitur infinita quantitate seu ratio possibilis; quam etiam actu quodammodo involvunt illa, quarum termini

Videlib IV. fol. 163.

vide lib. IV.

CAP. IX.

sunt inter se incommensurabiles. At Harmonicæ proportiones omnes sunt effabiles omnium termini commensurabiles; ij. q. desumpti ex figurarū planarū certā & finitā specie. Infinitas verò sectionis materiam; commensuratio verò seu Effabilitas terminorum formā representat. Ut igitur materia Formā, ut rude saxum, justa quidem quantitas, Ideam humani corporis; sic Geometricæ Figurales pportiones, Harmonias appetūt; non ut fingāt & forment illas; sed quia hæc Materia ad hanc Formam, hæc saxi quantitas ad hanc effigiem, hæc etiam figuralis proportio, ad hanc Harmoniam quadrat aptius; ut igitur fingantur formenturq. amplius, Materia quidem à suā Formā, saxum à Colapte in speciem animantis; proportio verò orbium figurarum, à suā, id est, propinquā & aptā Harmoniā.

Quæ huc usq. sunt dicta, clariora fient ex historia mearum inventionum. Cum ante 24. annos in hanc contemplationem incidissem; primum inquisivi, num aequalibus intervallis ab invicem distarent orbes planetarum singuli (distant n. orbes in Copernico, nec sese mutuo attingunt): nihil scilicet pulchrius agnoscebam aequalitatis ratione. Illi verò caput & cauda deest: nullum enim numerum certum corporum mobilium, nullam certam intervallis quantitatem præbebat hæc materialis aequalitas. Cogitavi igitur de intervallorum similitudine ad orbes, id est de Proportione. At sequebatur querela eadem, nam et si proveniebant quidem intervalla inter orbes inæqualia sanè; at. nec inæqualiter inæqualia, ut vult Copernicus, nec quantitas proportionis, nec numerus orbium efficiebatur. Transivi ad figuras planas regulares; formabantur ab ijs intervalla per adscriptionem circularum: sed adhuc nullo certo numero. Ventum ad quinq. solidas; hic & numerus corporum, & intervallorum magnitudo propè vera patebat; ad eò ut super reliquā discrepantiā ad Astronomiæ perfectionem appellarem. Perfecta fuit his 20. annis Astronomia; & ecce adhuc intervalla discrepabant à figuris solidis; nec dum causæ patebant Eccentricitatum inæqualissimè distributarū inter Planetas. Scilicet in hac Mundi domo quærebam nil nisi saxa, formæ elegantioris, sed quæ saxi conveniret; ignarus, Architectum illa finxisse in articulatissimam effigiem animati corporis. Ita paulatim, his præsertim ultimis 3. annis, vêtum ad Harmonias, deserti circa minima Figuris solidis: cum quia illæ stabant à partib. Formæ, quam ultima manus imponeret; figuræ à Materiâ, quæ in Mundo est numerus corporum, & spaciorem rudis amplitudo: tum etiam quia illæ dabant Eccentricitates, quas hæc ne pollicebantur quidem: illæ scilicet nasum oculos & reliqua membra conciliabant statua; cui ista solam externam rudis massæ quantitatem præscriperant.

Quare sicut neq. corpora Animantium sunt facta, neque saxi moles fieri solet, ad normam puram alicujus figuræ geometricæ; sed derogatur externæ figuræ rotunda, quantum vis elegantii (manete tamen justā molis magnitudine), ut corpus organa vitæ necessaria, saxum verò effigiem animantis nascisci possit: sic etiam proportio, quam Orbibus planetarijs præscripturæ erant figuræ solida, ut inferior, & tantum corpus materiamq. spectans, cedere debuit Harmonijs; quantum ejus, erat necesse ad hoc, ut stare illæ juxta, mot. q. globorū exornare possent.

Alterum Epiphonematis membrum, de Harmonijs universalibus, cognatam priori probationem habet. Nam illi potius debet ut suprema veluti perfectionis manus, quod magis perficit Mundum; illi viceversa derogandum, (si derogandum, alterutri); quod posteriores hic partes tenet. At magis Mundum perficit univ. (salis Harmonia omnium, quam singulares binorum & binorum vicinorum ge.

Supra n. ut
KVIII. in-
ter Axioma
ta assum-
ptum ex
parte.)

rum ge.

rum gemina. Est enim Harmonia, quaedam unitatis ratio: magis igitur uniti sunt, si omnes simul in unam, quam si bini quique, seorsim in binas conspirent Harmonias. Quare in conflictu utrarumque, cedere debuerunt ex binis binorum Planetarum, alterutra singulares: ut stare possent universales omnium. Potius autem Majores, divergentium motuum, cedere debuerunt; quam Minores, convergentium. Si enim divergunt illi, spectant igitur ad Planetas non biga proposita, sed alios vicinos; & si convergunt hi, vergunt igitur, alterutrius Planete motus ad reliqui motum, permutatim: ut in biga Jovis & Martis, illius aphelium ad Saturnum, hujus perihelium ad Tellurem vergit; at illius perihelium vergit ad Martem, hujus aphelium ad Iovem. Horum igitur Harmonia Jovi & Marti magis est propria; illorum, divergentium, Harmonia à Iove & Marte quodammodo est alienior. Minus autem laedebatur unionis ratio, qua binos & binos vicinos colligat; si alienior & remotior ab ijs Harmonia fermentaretur: quam si propria, qua sc. est inter vicinorum Planetarum motus magis vicinos. Neque tamen valde magna fuit hac fermentatio: Inventa enim est ratio, qua & starent Harmonia universales omnium Planetarum, eaque distinctorum duorum generum, & cum aliqua tensionis latitudine, qua saltem Comma aquaret; & singulares etiam binorum vicinorum binæ assererentur; Convergentium quidem motuum in quatuor bigis, perfecta; apheliorum in una, periheliorum in duabus, itidem perfecta; divergentium vero in quatuor bigis, infra discrepantiam unius Diesios, intervalli minimi, quantum humana vox in cantu figurato ferè perpetuo peccat; in unica vero Jovis & Martis, inter Diesios & Semitonium. Apparet igitur hanc mutuam cessionem undiquaque esse valde bonam.

Haftenus igr de Dei Creatoris opere nobis *Ἐπιπέπρωτο*. Restat nunc, ut vel tandem oculis & manibus de tabulâ demonstrationum ablatis, inque cœlum sublatis, Patrem luminum devotus & simplex comprecet: O qui lumine Naturæ desiderium in nobis promoves luminis Gratia, ut per id transferas nos in lumen Gloria; gratias agi tibi Creator Domine, quia delectasti me in facturâ tuâ, & in operibus manuum tuarum exultavi: En nunc opus consummavi professionis meæ, tantis usus ingenij viribus, quantas mihi dedisti; manifestavi gloriam operum tuorum hominibus, istas demonstrationes lecturis, quantum de illius infinitate capere potuerunt angustia Mentis meæ; promptus mihi fuit animus ad emendatissimè philosophandum: si quid indignum tuis consilijs prolatum à me, vermiculo, in volutabro peccatorum nato & innutrito, quod scire velis homines: id quoque inspices, ut emendem: si tuorum operum admirabili pulchritudine in temeritatem prolectus sum, aut si gloriam propriam apud homines amavi, dum progredior in opere tuæ gloriae destinato; micis & misericors condona: denique ut demonstrationes istæ tuæ gloriae & Animarum saluti cedant, nec ei ullatenus obsint, propicius efficere digneris.

244 DE MOTIBUS PLANETARUM
CAPVT X.

Epilogus de Sole, coniecturalis.

A Musica cælesti ad auditorem, a Musis ad Chora-
gum Apollinem; à Planetis sex circumeuntibus, Harmoniasque
facientibus, ad Solem in curriculum omnium centro, immobilem
loco, in seipsum tamen se revolventem. Cùm enim absolutissima sit
inter extremos Planetarum motus Harmonice, non quoad veras cele-
ricates per auram ætheriam: sed quoad angulos, quos formant termini
diurnorum arcuum de orbitis planetarum, connexi cum centro Solis;
Harmonia verò non decoret terminos, id est, motus per se singulos;
sed quatenus inter se juncti & comparati, fiunt objectum alicujus Men-
tis: & cùm nullum objectum frustra sit ordinatum, non existente aliqua
re, quæ illo moveatur; anguli verò isti præsupponere videantur actio-
nem aliquam, similem visus nostri, aut certè sensationis illius, quâ libr. IV
Natura sublunaris percipiebat angulos radorum ex Planetis, in terrâ
formatos: equidem qualis in Sole visus, qui oculi sint, aut quis instin-
ctus alius; percipiendi hos angulos, etiam sine oculis, æstimandique
Harmonias motuum, ad mentis vestibulum quâcunque portâ ingre-
dientium, quæ denique Mens ista in Sole; conicere non facile est, ter-
ram incolentibus. Utcunque tamen se habeant ista, certè circumpo-
sicio illa sex orbium primariorum circa Solem, colentium illum perpetuis
circumvolutionibus, & veluti adorantium (sicut seorsim Jovis glo-
bum quatuor, Saturnum duo, Tellurem verò & nosejus incolas uni-
ca Luna cursu cingit, colit, fovet, nobisque famulatur); & illi
considerationi jam accedens speciale hoc negocium Harmonicum,
vestigium evidentissimum summæ providentiæ rerum Solarium,
hanc à me confessionem extorquent: Non tantum exire in totum Mû-
dum ex Sole, ut à foco vel oculo Mundi, Lucem; ut ex corde, vitam &
calorem, ut à rege & motore, motum omnem: sed vicissim etiam in
Solem colligi ex omni Mundanâ provinciâ, jure regio, hos veluti red-
ditus Harmoniæ desiderabilissimæ, imò confluentes eò species motu-
um binorum, mentis alicujus operâ in unam Harmoniam colligari, &
velut ex rudi argento atque auro Monetam signari: denique in Sole
CURIAM, Palatium, & Prætorium seu Regiam esse totius regni Natu-
ræ; quoscunque dederit illi Creator Cancellarios, Palatinos, Præfe-
ctos; quibuscunque paraverit istas sedes, seu creatis statim ab initio, seu
olim huc transferendis. Nam & terrestris iste ornatus potissimâ sui
parte, diu admodum speculatoribus & usurpatoribus, quibus tamen e-
rat destinatus, carebat; sedesque vacuæ erant. Subit igitur animum
cogitatio, quid sibi voluerint antiqui Pythagoræi apud Aristotelem,
qui centrum Mundi (quorsum Ignem referebant, Solem verò subin-
telligebant) soliti sunt appellare Jovis EXCUBIAS, ΔΙΟΣΦΥ-
ΛΑΚΗΝ; quid item vetus interpres agitaverit animo, cùm versicu-
lum ex

lum ex Psalmo sic redderet, IN SOLE POSUIT TABERNACULUM. Sed & in Hymnum Procli philosophi Platonici nuper incidi scriptum in Solem, refertumque venerandis mysterijs, si ei unum illud Κλυθι eripias : quamvis hoc ipsum in eo quadamtenus excusaverit vetus interpres, jam citatus : ut ille scilicet Solem invocans, illum subintelligat, qui posuit in Sole tabernaculum suum. Vixit enim Proclus quo tempore, Jesum Nazarenum servatorem nostrum, Deum profiteri, deosque gentilium poetarum contemnere, scelus erat, quod omnibus supplicijs vindicabant Monarchæ orbis, populusque adeo ipse. Proclus igitur, qui filium dei vel ex philosophiâ sua Platonica, naturali mentis lumine conspexerat eminens, lucem illam veram, quæ illuminat omnem hominem, venientem in hunc mundum : qui divinitatem in rebus sensibilibus cum superstitiosâ plebe nequaquam quærendam esse jam sciebat : Deum tamen in Sole, quam in Christo homine sensibilem quærere, videri maluit ; ut simul & gentes falleret, Titanem poetarum verbotenus honorans ; simul suæ philosophiæ operaretur, abstracturus & gentes & Christianos à sensibilibus, illos à Sole visibili, istos à Mariæ filio ; quia Mysterium incarnationis respuebat, naturali Mentis luminis confusus : simul denique, quod habebant Christiani divinissimum, & Platonica Philosophiæ maximè consentaneum, ipse ab ijs transumptum, in illam suam philosophiam adoptaret. Itaque datur doctrinæ Evangelij de Christo, contra hunc Procli Hymnum, actio in rem suam : habeat sibi Titan ille res suas Χρυσάννια & ταμιείον Φάξ, μεσσταίλωαι δέξθ' ἔδρλω, κόσμε κροδιδαιὼν εἰφεγγέα κίχλον, quam speciem etiam Copernicus ei largitur : habeat etiam παλινόςξξ διφρέας, quamvis illos non habeat per antiquos Pythagoreos, sed eorum loco τὸ κέντρον, διὸς φυλακίω, (quod ipsorum dogmata successor Proclus oblivione sæculorum, velut diluvio deformatum, non agnovit) habeat & γενέθλω ex se ελασήσασαν, & quicquid est naturale : cedat vicicissim philosophia Procli Christianis dogmatibus, cedat Sol sensibilis Mariæ filio, filium illum Dei, quem Proclus alloquitur sub Titanis nomine, ζωαρκέθ, ὠάνα, πηγῆς αὐτὸς ἔχων κλιίδα, & illa, πάντα τεῆς ἐπλησας ἐγερεσινόοιο κροθνόοις ; & illam potestatem immensam μοιράων, & quæ in* nullâ philosophia legebantur ante promulgationem Evangelij, Dæmonas formidantes minax illius flagellum, dæmonas animabus insidiantes, ὄφρα ὑψιτενῆς λάθουλω πατρὸς εἰφεγγέθ αὐλῆς ; & quæ nisi Verbum patris est ille εἰκὼν παγγενέταο θεῶ, εἰ φανέθθ' ἀπ' ἀρρήθ γενετῆθ παύσαλο σοιχείων ὀρυμαγδὸς ἐπ' ἀλλήλοισιν ἰόντων

CAD: X
Cujus in superioribus libris multa mentio.

Sub Constantino, Maxentio & Juliano Apostata.

Veterū de ejus libro

Μητρῶ

ακῆῖ judicium hoc fuit ; in eō nō sine divino raptu expositam esse doctrinam univērsam de Deo ; & lauchrymis ex eo frequentibus authoris apparentibus, suspicionem omnem audiventibus auferri. Idem tamē scripsit contra Christianos Epichiremata 18 quibus se opposuit Joannes Philoponus exprobrans ipsi græcarum rerum incertiam, quas tamē defendendas susceperat. Scilicet dissimulaverat Proclus illa quæ ad suam philosophiā non faciunt bant.

* Similia tamen non nulla Orpheo vetustissimo, & propè Mosis æquali, tanquam hujus discipulo tribuuntur ap. Suidam. Vide & Hymnos Orphei, in quos scripsit Proclus.

CAP. X

An igitur Hymnus iste, pars erat

Μηθεω-

αρχής;

Hic etiam Orpheus

κοσμο-

τόν εν-

αρχή-

σιον

δεξι-

αρχών.

secundum illud, Terra erat rudis indigestaque moles, & tenebrae super faciem abyssi: & Divisit Deus lucem a tenebris, aquas ab aquis, mare ab arida: & Omnia per ipsum Verbum facta sunt. Quis nisi Jesus Nazarenus, Dei filius, ψυχῶν ἀναγωγεὺς, pastor animarum, cui offerenda ἰκεσὶν πολυδάκρυτον, ut nos purget a peccatis, exque sordibus eruat τῆς γενέθλης, (quasi peccati originalis fomitem fateretur) & a pœnis malisque custodiat, πτηνῶν θοὸν ὄμμα δίκης: scilicet iram Patris? & quæ alia velut ex Hymno Zachariæ deprompta legimus, Ἀχλὺ ἀποσκεδάσας ὀλεσίμβροτον ἰολόχευτον, ut sc. animabus versantibus in tenebris & umbrâ mortis, det φάτον ἄγνωτον & ὄλβον ἀστυφέλικτον ἀπ' εὐσεβείης ἐρεττεινῆς; id enim est, servire Deo in sanctitate & iustitia omnibus diebus nostris.

Hæc igitur & similia seponamus nos jam, adque doctrinam Ecclesiæ Catholicæ, cujus sunt propria, remittamus: Cujus verò causâ potissimum facta est mentio Hymni, id videamus. Eundem enim Solem, &

Ἵψοθεν ἀρμονίης ῥύμα πλούσιον ἐξοχετεύει, eundem de cuius profapia oriundus Phœbus, κιθάρῃ ὑποθέσκει λαμέλπων

Εὐνάξει μέγα κῆμα βαρυφλοίσβοιο γενέθλης, & cuius chori consors est Pæan, Πλήσας ἀρμονίης παναπήμοντον εὐρέα κόσμον.

eundem inquam primò statim Hymni versiculo salutat Πυρὸς νοεῖν δεξιὸν βασιλέα. Quo exordio simul indicat, quid Pythagoræi sub Ignis

vocabulo intellexerint, (ut mirum sit, discipulum a magistris in Centri loco, quod ipsi Soli dabant, dissentire): simul totum Hymnum a corpore Solis, ejusque qualitate luce, sensilibus, ad intellectualia transfert:

& illi suo Πνεῖνοεῖν (igni fortè Stoicorū artificii) illi Platonis sui creato Deo, Menti principi seu Αὐτόνω, sedem regiam in corpore Solis assignavit; Creaturam & eum, per quem omnia creata sunt, confundens in unum. At nos Christiani, melius distinguere docti, Lógon illum æ-

ternum & increatum, qui erat πρὸς τὸν θεόν, & qui nullis sedibus continetur, quamvis sit intra omnia, nullis excluditur, quamvis ipse extrâ

omnia, scimus carnem ex utero gloriosissimæ Virginis Mariæ in unitatem Personæ suscepisse; & consummato carnis ministerio, cælos, in

quibus & pater cœlestis, excellenti quodammodo præ cæteris Mundi partibus, per gloriam scilicet & majestatem habitare agnoscitur, sedem

regiam occupasse, etiamque suis fidelibus in illâ domo patris sui mansiones esse pollicitum: de cætero super illâ sede curiosius aliquid inquirere, sensusque vel rationes naturales ad id indagandum arcessere, quod

oculus non vidit, auris non audivit, & in cor hominis non ascendit, super vacuum existimamus: Mentem verò creatam, quantæcumque sit

illa præstantiæ, Creatori suo meritò subijcimus; nec Deos Intelligentias cum Aristotele & philosophis gentilibus, nec Spirituum Planetariorum exercitus innumerabiles cum Magis introducimus, adorandosve

aut Theurgicis superstitionibus ad mutuū commercium exciendos proponimus: hoc diligenter caventes, jam porrò qualis Mens quæque sit, præsertim si qua in corde Mundi vices animæ mundi gerens, Naturæ rerum arctius est alligata, (aut si etiam aliqua creaturæ intelligentes, Naturæ diversæ ab Humanâ, globum sic animatum forsitan inhabitant, inhabitabuntve) naturalibus etiam rationibus inquirimus liberè. Quòd si licet analogiæ filo ducente, labyrinthos mysteriorum Naturæ permeare; non ineptè quis, opinor, sic fuerit argumentatus, quòd quæ est habitudo sex orbium ad commune illorum, totiusque adeò mundi centrum; eadem sit & τῆς διαβολίας ad τὸν νοῦν; ut hæc facultates ab Aristotele, Platone, Proclo & cæteris distinguuntur: & rursus, quòd quæ habitudo revolutionum localium, Planetarum singulorum circa Solem, ad Solis gyrationem αὐετὰθελον in spacio totius systematis medio; eadem sit etiam habitudo τῆς διανοητικῆς ad τὸ νοερόν; discursuum ratiocinationis multiplicium, ad intellectionem mentalem simplicissimam. Nam uti Sol in seipsum revolutus, per emissam ex se speciem, movet Planetas omnes: sic etiam mens, ut philosophi docent, seipsam intelligens, inque seipsâ omnia, ratiocinationes ciet, suamque simplicitatem in illas diducens & explicans, omnia facit intelligi. Adeòq; connexa sunt inter se & colligata, motus Planetarum circa solem in eorum centro, & discursus ratiocinationum: ut nisi Tellus, domicilium nostrum, annum circulum, medium inter orbés cæteros, metaretur, locum ex loco, stationem ex statione permutans; nunquam humana ratiocinatio ad verissima Planetarum intervalla, & ad cætera ab ijs dependentia fuerit enisura, nunquã Astronomiam constitutura. Ex adverso quietem Solis in centro mundi, pulchro responso consequitur intellectionis simplicitas; eò quòd hæcenus nobis usurpatum semper fuit, solares illas Harmonias motuum, neque plagarum diversitate, neque spaciolorum Mundi amplitudine definiri. Nimirum si qua mens ex Sole prospicit Harmonias istas; illi desunt adminicula motus & stationum diversarum sedis suæ, ex quibus necesse est ratiocinationes & discursus intervallicis planetarum dimetiendis necessarios. Computat igr̃ diurnos cujusq; Planetæ motus, non ut ij sunt in suis orbitis; sed uti per angulos ad centrum Solis allabuntur. Itaque si cognitionem habet magnitudinis sphaerarum: hanc illi oportet à priori inesse, sine ratiocinationum labore: quod quidem quadamtenus & de humanis mentibus, & de natura sublimari verum esse, supra ex Platone & Proclo patuit.

Quæ cum ita sint: non equidem mirum fuerit, si quis ex hoc Pythagoræ cratere, quem Procl⁹ in ipso statim primo versu Hymni propinat, haustu liberaliori assumpto concalescens, si Harmoniâ chori Planetarum suavissimâ in soporem datus, somniare incipiat: Per globos quidem reliquos de loco in locum succedentes circa Solem, disseminatas esse discursivas seu Ratiocinativas facultates; quarum præstantissima utiq; & absolutissima illa censeri debet, quæ est in illorum globorum medio, humana sc. in Tellure; in Sole verò Intellectum simplicem, τῆς νοερόν seu Νοῦν habitare, omnis Harmoniæ fontem, quicumque ille sit.

Nam

Vide Libri mei de stella nova cap. XXIV de Anima Mundi & nonnullis ej⁹ munijs,

De qua testantur macula Solis Demonstratum hoc in commentarijs de motu Martis. Vid. fol. 117 lib. IV.

Vide Opticam Astronomiæ partem CAP. IX.

Licet & fabulando Platonis Atlantica, & somniando Cicero nis Scipionis inimitabili

248 DE MOTIBUS PLANETARUM

CAP. X.

Nam si vel de nuda globorum illorum vastitate sic visum est Ty-
choni Brahe, non esse frustraneam illam in mūdo, sed incolis refertam:
quantò verisimilius nos ab illà varietate, q̄ in hoc Telluris globo cer-
nimus, operum consiliorumq; Dei, conjecturam etiam de cæteris glo-
bis capiemus? Qui enim species creavit, quæ aquas incolerent, sub qui-
bus tamen nullus aëri locus, quem attrahant vivencia: qui in aëris vasti-
tatem, penis suffultas immisit volucres: qui nivosis septentrionis plagis
ursos albos, albas vulpes dedit, pabulumq; illis, marina Cete, his avium
ova; qui solitudinibus æstuantis Libyæ, leones, qui diffusissimis Syriæ
planiciebus camelos; famisque illis, hisce fitis tolerantiam: hiccine om-
nem in globo Telluris consumpserit artem, ut non posset omnem bo-
nitatem, ut non veller, cæteros etiam globos convenientibus exornare
creaturis; quas vel revolutionum prolixitates brevitatesque, vel Solis
propinquitas & remotio, vel Eccentricitatum varietas, vel corporum
nitor aut obscuritas, vel figurarum, quib; quilibet regio fulcitur, propie-
tates suadebant. Ecce n. ut animantum sæcla in hoc Telluris globo ma-
sculi effigiem in Dodecaëdro, foemina; in Icosiedro, (quorum illud ex-
teriùs Telluris orbem fulcit, hoc interiùs) generationis deniq; effigiem,
in illius conjugij divina proportione ejusq; ineffabilitate habeant: quid
cæteros globos habere putabimus à figuris cæteris? Cui bono Jovem
quatuor Lunæ, Saturnum duæ, cursibus cingunt, ut nostrum domiciliū
hæc nostra Luna unica? Ad eundem verò modum etiam de globo Solis
ratiocinabimur, conjecturasq; ab Harmonijs, cæterisq; desumptas, per
se quidem ponderosissimas, conjecturis alijs, magis ad corpora vergen-
tibus, magis ad vulgi captum accommodatis, velut incorporabimus.
Illene globus vacuus, cæteri pleni sunt, si omnia alià respondent propi-
us? si ut Terra nubes, sic Sol atras fuligines expirat? si ut illa imbrib; hu-
meclatur & virescit, sic Sol maculis illis suis exustis lucescit, emicanti-
bus in ipso corpore, toto igneo, flammulis clarioribus. Cui usui hic appa-
ratus, si globus vacuus? An non vel sensus ipsi exclamant, ignea hic ha-
bitare corpora; Mentium simplicium capacia, verèque Solem esse
πυρρὸς νοσερὸς si non Regem, at saltem Regiam?

Abrumpo consultò & somnum & speculationem vastissimam; tan-
tum illud exclamanscum Psalte Rege:

Magnus Dominus noster, & magna virtus ejus & Sapientiæ ejus non
est numerus; laudate eum cæli, laudate eum Sol, Luna & Planeta, quo-
cunque sensu ad percipiendum, quacunq; linguâ ad eloquendum Cre-
atorem vestrum utamini: Laudate eum Harmoniæ cœlestes, laudate
eum vos Harmoniarum detectarum arbitri: lauda & tu anima mea Do-
minum Creatorem tuum, quamdiu fuero: namq; ex ipso & per ipsum
& in ipso sunt omnia, *καὶ τὰ ἀειδιτὰ, καὶ τὰ νοσερὰ*; tam ea quæ ig-
noramus penitus, quàm ea quæ scim; minima illorum pars; quia adhuc
plus ultra est. Ipsi laus, honor & gloria in sæcula sæculorum AMEN.

F I N I S.

Absolutum est hoc opus die 17. 27. Maji, anno MDCXVIII; revisus verò liber V, (interim dum
in co typi progrediuntur) 9. 19. Februarij anno MDCXIX.

Linc I Metropoli Austria Supr. Anisana.

APPEN-

Tuo; ante
omnes Me
stine feli-
ci senecta,
namq; tu
solebas
Has dictis
animate
speq; curas

A P P E N D I X

AD L. V. HARMONICORVM.

Quam supra in Indice capitum libri V. professus sum Appendicem: illam hic non est ut expectet lector: Amphora capic

Institui, currente rotâ verum urceus exit.

Causas dicam breviter: magnum & exundans flumen non commodè navigaturus eram; cum ecce copijs aquarum in tenuem rivum subsidentibus, vadum patuit, quod pedes transirem, navi in suâ statione relicta, ad usus magis necessarios. Hoc est quod dico: Ptolemæi Harmon: libri III, quos habeo Græcos manuscriptos, cum commentarijs Porphyrii philosophi profundissimi, eisdem Græcis, ab initio usq; ad lib. II. cap. VII. digni mihi semper visisunt, qui Græcolatini integri exiret in publicum: eaq; de causâ ante annos X. capi illos in Latinum sermonem vertere: qua versio processit usq; ad medietatem codicis Porphyriani. Quo min^o ulterius pergerem, impedimento mihi fuit loci mutatio, conjuncta cum plurimis molestijs, & postquam Lincium veni, novum studiorum Astronomicorum initium. At verò cum ante annis proposissem meos Harmonicorum libros V. edere; momentum ingens videbam situm in comparatione mei operis cum Ptolemaico, præsertim libri mei V, cum ultimis capitibus lib. III Ptolemæi, quorum tria extrema nihil habent nisi lemmata seu titulos à Ptolemaeo. Ita, relictæ ante genio, proposui operis seipso mutili unam solam partem decerpere, quæ maximè ad meam materiam faciebat. Quem ad finem & verti librum Ptolemæi III, à cap. III ad finem; & tribus ultimis lemmatibus inanihus suos textus ex principijs astronomiæ Ptolemaicæ, & ex mente authoris, quæ à potuit fieri dexteritate concinnatos subjeci: & deniq; commentarios seu Notas adjeci, quibus & Porphyriana commentationis, lib. II. capite VII abruptæ, defectus in hoc tertio supplatur, & inventa Ptolemaica cum meis comparantur, & discrimen ostenditur, inter Ptolemæi symbolismos & meas demonstrationes legitimas; unde infirmitas & imperfectio Symbolismorum illorum, & causâ potissima hujus rei, sc. falsitas principiorum Astronomiæ Ptolemaicæ, patescit. Cum igr sola hæc appendix ad 30 pag: libri occupatura esset: ecce coortum intere à bellum Bohemicum vicinum, quo & iter a sunt impedita, & operarum pleriq; nomina profitentur militia; Itaq; primum nos papyrus, deinde & opere præli administræ defecerunt; tempus deniq; fastidiosissimis moris nimio protractum. Quibus impedimentis excitatus, vix tandem me respexi, meumq; institutum corripui; qui librum authoris optimi Ptolemæi & commentatoris Porphyrii, mutilata particula editione, tantum non exponerem, penitusq; abolerem. Quin potius igr reliquum operæ dimidium in versione Porphyriana expositionis impenderem; Notas in capita lib. II & III. residua conscriberem, & cum Porphyrianis, cumq; ijs, quas jam habeo conscriptas in lib. III penè totum, conjungerem: ut ita opus integretur, & qua parte extat, Græcolatinum edatur? Quam ad editionem aliud tempus, aliusq; locus requiritur, & Typographus idoneus.

Ne verò quideorum, quæ supra sum pollicitus, penitus desiderari posset à Lectore, aut ne vel in hac ultima parte deesses aliquid ad integritatē seu ad faciliorem intellectum operis mei Harmonici: agere capitum libri III Ptolemæi titulos exscribam, cumq; locis suis in opere meo comparabo; & quid in Notis meis insit, summaria ratione conscribam.

Primum quæ Ptolemæus libris I. II. & initio tertij de Harmonicâ disciplinâ tradidit, illa ego methodo aliâ, haud paulò diversâ, libro meo III complexus sum. Cum autem Ptolemæus Harmoniarum principia ex numeris abstractis petat, cum veteribus: ego contra, vim numeris ut numerantibus inesse negam, pro ijs nume-

res numeratos, id est, res ipsas numeris ijs subjectas, figuras sc. planas regulares, & circuli divisiones ijs administrandas, principia statuens Harmoniarum, necessario Libros I. & II. de figuris Harmonicis, meo libro III prae misit.

Jam Ptolemaeus libro tertio cap. 3. operis sui praescripsit hunc titulum: Sub quod genus rerum referenda sit natura seu vis Harmonica, ejusque scientia: ostendens, quod sit aliquod principium causale, formale, mentale, adeoque divinum, quod rebus conciliet Harmonias. Cap. IV. Quod vis Harmonicae contemperationis omnibus rebus insit, quarum Naturae altiori perfectionis gradu consistunt: & quod id maxime appareat in humanis Animis, inque coelestibus revolutionibus. Ubi partitionem vides eorum, quae restabant Ptolemaeo dicenda; primum sc. de Harmonijs in Animis existentibus, secundum de Harmonijs in caeli motibus. Et de primo quidem sequuntur capitula tria; de secundo residua capita novem. Cap. V. Consonantias singulas comparat cum facultatibus Anima rationalis singulis, idque concisè, per subdivisiones utriusque rerum comparat arum. Cap. VI. Genera Harmoniarum singula cum singulis generibus seu classibus virtutum comparat. Cap. VII. Mutationes Tonorum cum mutationibus studiorum publicorum per temporum dissimilitudinem, adeoque etiam cum mutationibus affectuum in Animis subitanearum comparat.

In hac parte multa contra Ptolemaeum disputo, symbolismos sc. illos potissimum parte non esse necessarios, nec causales, nec naturales, sed poeticos potius & oratorios: nam illas, quae in animis insunt, facultates & virtutes speciales, non sortiri nec Ideam nec numeros constitutionis suae ex Harmonijs, tanquam ex Archetypo, sed habere causas alias confessas aut evidentes: quin ne quidem respondere ad numerum, sed longè quaesitum aut male affectatam operam speciem ijs conciliari divisionis aequimultiplicis; multas abundantes, aut vicissim defectus, dissimulari: quaedam quae minus succedunt, crinibus trahi: denique quae maxime & dexterrime invicem respondent, non tamè secundum aliquam proportionem quantitativam generis summi: cum tamè nisi in quantitativum comparationibus, Harmonia inesse non possint.

Quod verò Toni Musicales comparantur affectibus & moribus publicis, id ostendi maxime naturale esse, & habere modum causae: ubi occasione textus Ptolemaei adauxi Philosophorum variorum placita de cognatione Animorum, Numerorum, & Harmoniarum inter se, quibus & Epilogum mei libri V ad junxi. Et quae nominatim attinet effectus tonorum in movendis animis diversimodè: illam materiam ego complexus sum peculiari cap: XV libri mei III. Sic quod attinet Iustitiam Commutativam Distributivamque, & Amicitiam, & Oeconomica atque Politica: de hac materia, quatenus in ijs valeant proportionibus Musica, feci Digressionem in fine mei lib. III. Denique materiam ipsam praemisit jam capitulis III & IV, & quae de V, VI, VII in genere vera dici potuerunt: complexus ego sum tribus primis & rursus septimo capite mei libri IV: ubi explicatam Animorum naturam ostendi: quandoquidem circulo geometricè sectus per inscriptionem figurarum planarum, comparatione partium cum toto, definitur verè & proprie proportionibus Harmonicas: in animis igitur essentiali quadam ratione inesse circulum, formaliter & abstractè non à materia tantum, sed etiam ab ipsa quodammodo quantitate, materialiter consideratam: quare cum circulo inesse in animis & Harmonias, & hanc causam esse cur Animi moveantur Harmonijs: sed haec omnia in genere tantum; nulla consequente causatione distributionis Animi in facultates speciales. Sic igitur habet res cum Animis humanis.

Quod moriones caelestes attinet, Ptolemaeus libri sui III, cap. VIII comparat Zodiaci cum Systemate seu scala Musica: capite IX consonantias ipsas cum Affectibus
Pla-

Planetarum. Hic ostendi ego, quibus in partibus manca sit doctrina de Aspectibus apud Ptolemaum, & quomodo integratione numeri, hinc Aspectuum, inde Consonantiarum, appareat tandem naturalis & causalis harum rerum connexio. Est autem hæc genuina materia mei libri IV. præsertim cap. IV. V. VI.

Capite X. Ptolemaus ex motu Planetæ ab ortu in occasum facit quandam melodiam, cap. XI, ex motu vero Planetarum in altum & profundum facit genera cantus. Cap. XII, ex motu in latera aquatoris, facit diversitatem tonorum Musicalium. Cap. XIII, ex varijs configurationibus planetarum cum Sole, facit varia systematis Tetrachorda. In his IV capitibus ostendi Ptolemaum luxuriare exercitio comparandi poetico vel oratorio: cum ea que comparat, non sint in celo realia, exceptâ particulâ cap. XI, quam ad tria ultima capita, propter cognationem materiae volo rejectam. Ostendi etiam, hic partim incomparabilia comparari, reclamante comparatorum naturâ, partim que omnibus membris respondent, accidentariè saltem, non verò ex alicujus causâ necessitate coherere. Hactenus igitur nihil vel parum, quod cum meis Harmonijs cælestibus conveniat.

At verò sequens cap. XIV Ptolemai, proponit inquirere, juxta quos numeros primos comparari possint soni systematis seu scalæ Musicæ, cum sphaeris primis in systemate Planetario. Hic ego ostendi, comparationem Ptolemæo & Pythagoricis in suâ usitatâ Astronomiâ fuisse impossibilem. licet tentaverim aliquid principijs Ptolemaicis consentaneû comminisci, ut ita titulo nudo suis contexi subderetur. Ostendi etiam, cum primæ sphaeræ quantitab⁹ suis consistet, non minus quam chordæ suis longitudinibus oportuisse comparationem secundarum quantitatem institui; cum tamen proportio sphaerarum à proportione chordarum consonantium plurimum abhorreat. Emendatam verò & causalem seu Archetypicam connexionem sphaerarum Mundi cum corporibus & regularibus, ego à principio mei libri V, repetij ex meo Mystério Cosmographico.

Caput XV Ptolemai querit, quomodo sumi possint motuū priorū proportionem p numeros: sed deest text⁹. Ostendi igr eadem qua in præced. cap. De cetero considerãdum hoc dedi, quòd hic Ptolemaus ante 1500 annos materiae mei lib. V propriam tractare instituerit, si p suam astronomiã potuisset. Ego itaq; in emendatâ Astronomiâ, que veros & simplices planetarum motus retinet, eliminatis apparentijs, que oculorum deceptionibus constant, ostendi, in celo secundum veram & genuinam rationem quantitativam, & mensurabilem, non verò p nudam leviculam symbolisationem, inesse Harmonicas proportionem omnes, Harmoniarum genera, sistema seu scalam Musicam, & claves ejus plerasq; Tonorum varietates, vocum figuratis musicae amulos planetas, contrapuncta deniq; universalis & primariorum planetarum, variata & generib⁹ & tonis. Cap. XVI & ultimo Ptolemæo pollicetur, indagare se velle, qua ratione familiaritates Erronū comparari possint cum familiaritatib⁹ sonorū: principia sc, astrologica, de planetis beneficis & maleficis, amicis inter se vel hostibus, per Harmonias cælestes demonstrare satagit. Et quia etiam huic capiti deest textus: eum ego ut potui, præsertim ex Macrobio, concinnavi: at simul ostendi in notis, quid huic negotio desit, q; min⁹ sciam astronomiam antiquam succedat. In meo verò opere nullam partem cap. XVI, respondentem habeo, nisi paucula ex Epilogo Libri V. Nam astrologia agit de siderum effectibus in terrâ, mea verò cælestes Harmonia non formantur prædicos in terrâ, sed in Sole. Atq; hic finis est operis Ptolemaici: cum q; etiam summam Appendixis in vestibulo libri V promissa finirem: nisi me rerū affinitas invitaret ad satisfaciendum etiam ijs, qui à me contenderunt, ut D. Roberti de Fluctibus

Medici Oxoniensis, qui librum ab hinc anno de Microcosmo & Macrocosmo editum Harmonicis contemplationibus implevit, mentionem in meo opere Harmonico ne omitterem: sed ostenderem lectori paucis; quibus in rebus inter me & illum conveniret, quibus vicissim dissideremus.

De Musica
Mundana
D. Roberti
Flud Medici
Oxonien-
sis.

Igitur auctor ille duos tomos est pollicitus, quorum unus de Macrocosmo inscriptus jam lucem videt, alter de Microcosmo adhuc expectatur. Prior tomus tractatus duos complexus, distinctis etiam temporibus prodijt; nam primum tractatum de Mundo triplici, post nundinas Francofurtenses autumnales anni 1617, alterum de Artibus, quas natura Mundana Simias appellat, Paschalibus nundinis anni sequentis 1618 vidi. In altero igitur tractatu inter artes collocavit & Musicam, complexus materiam libri mei tertij quadamtenus; in priore vero tractatu, qui septem libris absolvitur, tertium librum destinavit Musica Mundana, titulum eundem usurpans, quem ego toti meo operi praefixi: materiam vero libri mei IV & V attigit. Igitur ab ejus Musica artificiali faciamus initium. Tradit illam libris VII: in quorum primo recenset auctores, & nomenclaturas, & vim in Animos hominum. De auctoribus seu historia inventionis ego nihil, vel certè pauca, quippe meum intentum est, rerum naturalium causas aperire: Nomenclaturas necessarias complexus sum in definitionibus meis passim, superfluas omisi. De vi Musices in Animis ago lib. III cap: XV, & libro IV passim. In secundo auctor res ipsas agere dicitur, quas dicit Intervals & Tempora. Rursum ego de Temporibus seu longitudine vel brevitate sonorum nihil admodum dixi; sunt enim arbitrariae, nec indigent inquisitione causarum. Intervals quaedam appellat simplicia, qua mihi sunt Concinna minima dissona, Tonus major, minor, semitonium, diesis: alia vult esse ex his composita, qua ego Consonantias appello. Atqui sententiam hanc veterum, quod consonantiae componantur ex intervallis minoribus tanquam natura prioribus, ego refutavi expresse capite IV mei libri III, ostenso, quod minora e contrario oriuntur ex consonis sese majoribus. Tertio libro explicat systema seu scalam Musicam, qua praecipua pars est mei libri III, à cap: IV usq; ad IX. Reliqui quatuor auctoris libri praxin habent, quam ego ne attingo quidem. Nam in IV de mensura tactus, ejusq; modis varijs, & valore Notarum per eos, praecipit, de quo ego paucula lib. III cap: XV & lib: IV cap. III. In V habes praecipua compositoria cantus figurati, quam artem ego non profiteor. In VI excurrit etiam ad varia instrumenta Musica, de quibus ego ne cogitavi quidem. In VII deniq; novum instrumentum ipse aperit. In his igitur 4 postremis ille sic à me differt, ut Practicus à Theoretico: nam pro eo quod ipse instrumenta tradit, ego rerum seu consonantiarum causas inquirō; & pro eo quod ipse docet componere melos plurium vocum; ego demonstrationes mathematicas concinno plerorumq; qua naturaliter insunt in cantu tam Choralis quam Figurato. Propterea etiam in ipsius opere plurimae sunt picturae; in meo, diagrammata mathematica literis instructa. Videas etiam, ipsum plurimum delectari rerum anigmatibus tenebrosis, cum ego res ipsas obscuritate involutas in lucem intellectus proferre nitar. Illud quidem familiare est Chymicis, Hermeticis, Paracelsistis; hoc proprium habent Mathematici.

Adeoq; etiam libris II & III, ubi eandem mecum tractat materiam, hoc discriminis est inter nos; quod qua ipse transumit à veteribus; ego è rerum Natura eruo & ab ipsis fundamentis conslituo: ipse, qua accepit, ea confusa (propter
varian-

variantes tradentium sententias,) & incorrecta, usurpat; ego naturali ordine procedo, ut omnia secundum leges Naturæ sint emendata, & confusio vitetur; adeoque ne quidem ad veterum placita applico constituta, nisi ubi confusio nulla sequitur. Ita, ubi ego veteres expresse refuto, de causis concordantiarum differentes: ibi ille veteres citra dubitationis aleam sequitur; de causis verioribus ne cogitat quidem. Uno verbo, in disciplina Harmonica, alter Musicum agit vocalem & Instrumentalem; alter philosophum & Mathematicum.

Jam ad alterum authoris locum transeamus, ubi Musicam ille in Mundum introducit. Hic verò immane quantum inter nos discrimen est. Primum quas ille harmonias docere intendit, eæ sunt veri Symbolismi, de quibus idem dico, quod de Symbolismis Ptolemæi, poeticos potius esse aut oratorios, quam philosophicos aut mathematicos. Hæc anima est totius illius Operis, ut vel ex titulo patet Macrocosmi & Microcosmi. Nam in tomo altero demonstrare proculdubio intendet, nobile illud thema. Totius mundi magni, omniumque partium Ideas reperiri in homine. Hæc eadem anima est & primi tomi; quia totum mundum distribuit in tres regiones; ubi secundum celebratissimum illud Hermetis axioma, supera similia seu analogia facit interis. Hæc verò analogia ut per omnia succedat, sæpe crinibus trahenda sunt, quæ utring, comparantur. Mea de analogijs sententia, ex digressione in calce mei libri III patet: nimirum etsi analogia proportionum in geometricis formale quid est, respectu ipsius materiae quantitativa indefinita & in determinata: tamen respectu proportionum harmonicarum materialis potius affectio potest haberi: quia cum Harmonica proportionem certam quantitatem definiant, analogiæ contra seipsas in infinitum excurrere sunt aptæ, & sic materialem infinitatis affectionem supponunt.

Etsi verò similia nonnulla Macrocosmicis illis & ego tracto in opere meo: ut quòd libro IV Terram animal facio: ut id sit ratione longè alià. Nec enim contendo analogiam esse meram inter Terram & animalia, nec desumptum esse volo archetypum animalis ex ipsa Terrâ; sed illud simpliciter propositum habeo demonstrare, illa opera, quæ spectantur in globo Telluris, non posse ex motibus elementorum, aut materiae affectionibus solitarijs provenire, sed testari de Anima præsentia; jam ut intelligantur mea argumenta, opus fuit allegatione functionis omnium animarum variarum in corpore animalis. Iam ut propius accedamus ad fundamenta, quibus Robertus de Fluctibus superstruit suam musicam Mundanam; primum ille totum mundum, omnesque tres eius partes, Empyream, Cælestem, Elementarem, occupat: ego solam cælestem; nec eam totam, sed solos planetarum motus quasi sub Zodiaco. Ille fisis veteribus, qui vim Harmoniarum ex numeris abstractis esse credebant, sat habet, si quas inter partes concordantiam esse demonstrabit, eas numeris quomodocumque comprehendat, nullâ curâ, cujusmodi unitates illo numero accumulentur: ego nusquam doceo querere Harmonias, ubi res, inter quas sunt Harmoniæ, non possunt mensurari eadem quantitatis mensurâ; sic ut causâ quantitatis eadem sit inter illas proportio, quæ inter duas chordas ejusdem tensionis, causâ longitudinis. Propterea ille totum Mundum ratione semidiametri in tres æquales partes dividit, sat cognitum habens, æquales illas minimè esse; sed ideo solum; quia prima unitas, est mundus Elementaris, secunda, Mundus ætherius, tertia, Empyreus; & verò unitates pingi aliter non possunt, quàm equalitate linearum: at ego, nisi testetur astronomia de eadem unitatum mensurâ quantitativâ, nequaquam ijs ut unitatibus utor ad numerandas

randas proportiones Harmonicas. Ille tamen, suis insillens principijs, pyrami-
demq; educens ex basi, circulo magno Telluris, ejus verticem ad ipsum apicem cæ-
li empyrei statuit; & altitudine ejus in tria aequalia (perinde ac si unitates ve-
rissimè aequales habuisset) divisâ, numerat quot partes veniant Empyreo, quot
Cælesti, quod Elementari. Nam summum Elementaris regionis hoc pacto duplo
longius abest à summo Cælestis, quàm à summo Empyrei: & in divisione Pyrami-
dus, respectu quidem axis, tribus regionibus tria veniunt aequalia, respectu verò
trianguli per axem, Empyreo venit unitas, Cælesti tres, Empyreo quinq; unita-
tes: respectu deniq; spaciij seu corpulentia figura, Empyreo unitas, cælesti septem,
Elementari novendecim unitates veniunt. Quid nunc dicam de alterâ contra-
riâ Pyramide lucis, cujus basin facit ipsam adorandam trinitatem, in summo
Empyrei cæli apice, verticem verò in ipsa terra collocat? Has duas Pyramidas
cùm inter se permisceat, exq; mixturâ proportiones musicas eliciat, rem tentat
à mei operis proposito diversissimam. Nam ipse lucem (formâ & Animâ lar-
gitricem) & Materiam, duo inter se diversissima comparat, & quibus quan-
titates nequaquam eodem respectu insunt: ego verò pro terminis formandâ pro-
portionis Harmonica in mundo, non admitto nisi illa, quæ eodem respectu quanti-
tates recipiunt; verbi causâ motum Martis & motum Jovis, diurnos. Nec mi-
nus diversitatis inter nos & in hoc consistit, quòd ille Elementari regioni quatuo-
or adscribit gradus obscuritatis & tenebrarum quia quælibet res ait, quatu-
or quartas habet, sanè non minus quam tres tertias, & quinq; quintas: jamq;
Terra inesse omnes quatuor, aqua tres, (eòq; illam esse jam pellucidam), aë-
riduas, igni anam. Rursum alibi, quamlibet regionem, cujuslibet seu Elemen-
tis seu Cæli, in tria subdividit spacia, in summum medium & imum, non ubiq; se-
quente sensuum probabilitate. Vides, unitates ejus rursum esse arbitrarias.
Ille tamen pergit ob id inter Terram & aquam statuere Diatesaron, tria verò
ejus intervalla, tonum, tonum, semitonium, tribus applicare spacijs, summo, me-
dio, imo; cùm illi certas ex causis suis quantitates, ista ne metas quidem à naturâ,
mensuras verò secundum hæc generalissima principia, planè indeterminatas ha-
beant: & sic de cæteris. At mihi unitates naturales, bini sc. motus planeta-
rum extremi (seu diurni seu horarij, nihil interest) expressi à naturâ in certas
suas quantitates, sunt propositi, in quibus Harmonias quarum. Ille in tenebra-
rum & lucis gradibus, quarit proportiones Harmonicas, nullo respectu alicujus
motus: Ego Harmonias non nisi in motibus quero. Ille paucas aliquas concor-
dantias delibat, easq; ex suarum Pyramidum mixturâ, quâ Mundum ipse pri-
vativim in suo animo pictum circumgestat, elicit, seu ab illâ representari probat:
Ego totum corpus Harmonicæ contemperationis, cum omnibus partibus, in ex-
tremis planetarum motibus proprijs, secundum certas & ab Astronomiâ demon-
stratas mensuras inesse demonstravi. Ipsi itaq; conceptus suus Mundi, mihi Mun-
dus ipse, seu in eo reales Planetarum motus, sunt subjectum Harmonia Mundana.
Ex his paucis constare arbitror, etsi ad intelligenda Mystéria confertâ
philosophiæ profundissima, quam tradit Robertus, cognitione proportionum har-
monicarum omnino opus est: tamen illum, qui vel totum opus meum edidicit, ad-
huc à Mysterijs illis perplexissimis absfuturum hand paulò longius, ac ipsa ab acu-
ratissimâ certitudine demonstrationum mathematicarum recesserunt. Atq; hic
jam etiam Appendixis FINIS esto.

EMENDANDA IN OPERE.

I Nitio scias, duos libros primos ultimò impressos peculiarem habere seriem foliorum. Numeros igitur hosce corrige. Lib: I. 41. Et lib. III. 50. 63. 112. 150. 161. 200. 212. 228. 229. 236. 237. Reliqua errata sit corrige, Lib. I. f. 2. linea ante penult: undique. Pag. 17, lin. penult: tunc quæ

Inter folia 52 & 55, inserentur duo folia cum typis anois. Fol. 66. allegetur in margine ad consuetudinem. 29. folium 150, & ad consuetudinem. 30. folium 82 libri III.

Libro III. fol. 23. 24. Nota corrigenda sunt ex fol. 103 sequenti. Fol. 25. lin. 17. in partes. Fol. 29. in diagrammate prioris Notam ad cyphram 6. ex spacio in subjectam lineam detruide; defectum vero supple ex folio 86.

Fol. 33. 34. 35. Textus ex diversorum temporum schedis collectus, at non satis aptè compositus, et si vera omnia habet, obscuritatem tamen ex confusione distinguendorum, & repetitione propositionum contraxit. Quæstiones distinctæ sunt istæ. 1. An Consonantiæ habeant partes, quæ ipsæ quoque sint consonantiæ vel saltem concinna intervalla? *Responsio est hæc*, In consonantijs esse distincta ista, primò proportionem, rem geometricam, deinde proportionis qualitatem, consonantiam ipsam: in quantum igitur sunt proportionem, excedi unam ab alia, minorem à majori, & sic unam alterius partem esse posse: in quantum verò quælibet illarum qualitatem consonantiæ accepit a figurâ suâ demonstrabili, non accidere ipsi compositionem. Argumenta sunt ista. 1. Species ut species, indivisibilis & una est. 2. Speciem constituit causa sua: at causæ inter se sunt distinctæ singularum concordantiarum: igitur & ipsæ concordantiæ contra se sunt distinctæ specie, nec potest dissolvi una, ut major, in alias suæ speciei, ut partes, sed bene in minores speciei alterius. 3. Si, ut pars multiplicata, auget quantitatem, sic etiam pars consonantiæ consona vel concinna, auget Consonantiam vel concinnitatem totius, non efficeretur tandem ex accumulatione dissonantiæ & Inconcinna.

Quæstio II. An consonantiæ habeant unam communem mensuram, puta, Tonus, Diesis, Comma &c. *Negatur*: neque enim ut sunt proportionem: quia sic sunt incommensurabiles, id est commensurabili mensurâ carentes: neque ut sunt species, quia causis, ex quibus oritur, quibusque definitur, etiam contra se mutuo distinctæ sunt. Habet n. quodam modo naturam figuratam. Jam verò Trigonus & pentagonus in eodem circulo, longitudines habent laterum incommensurabiles. Denique mensura quidem prior est mensuratis: concinna verò, ut Tonus vel Diesis, &c. posteriora sunt consonantijs. Et nota, consonantijs communes sunt partes istæ Tonus Major, Minor, semitonium &c. sed nec omnes omnibus, nec una earum est, quæ sola emetiatur consonantias.

Fol. 35. in Diagrammate prioris dele Notam post 8, & cyphram 3 iuxta 9; pone vero Notam aliam supra 9 in spacio ipsius 8, sequente cyphris 3. In Diagram: secunde, cyphram 4. ex mediâ lineâ in penultimam transfer. Fol. 36. lin. ultim. dele Voculam duæ. Fol. 41. in tertio diagrammate pro 66 in lineâ mediâ: scribe 96 in penultimâ. Fol. 45. lin. 12. Tonus minorem pro duro. Ibidem in Diagram. e regione VI. exprime 10 transversum. De fol. 47 & 47 vide fol. 103. Fol. 49 scribe h. 79562. Fol. 60. defectum supple ex fol. 233. ejusq. Prop. XLIII. Ibidem l. 9. à fine lege Prop. 3. 4. est 60, &c. Fol. 77. lin. 3. quadratum de 3. unit. Fol. 82 in margine allegentur consuetudinem 29 & 30 libri II & propositio 44 libri I. & proxime inferius, propositio 47 ejusdem.

Fol. 111. lin. 21. enim operâ jam, lin. 22. facultatis harmonicæ, & com. lin. antepenult: illos se moven: Fol. 113. lin. 31. præcipue. Fol. 128 lin. 32. minutissimum, Fol. 120 lin. 11. in sit divin. Fol. 127. lin. 33. quippe speciei motuum. Fol. 134 lin. ult: Schematibus, quæ hinc. Fol. 141 lin. antepenult: planetas) prius innoscere latius rest. Fol. 143. lin. 6. 7. sunt ista: prius usurpavimus Prop. VI. centrum. Fol. 147 in margine desunt signa Δ & Φ . Fol. 150 ad prop. XV in margine allegetur hb. I. Prop. XLIV, & lib. II. Consuetudinem. XXIX.

Fol. 153. lin. 24. adde istâ nisi non potest. Eodem ex fundamento etiam sic ratiocinabimur. Aspectus est angulus, quem metitur arcus semicirculo minor: Residuum est majus semicirculo, nullum igitur metitur angulum, nullum aspectum: quare Residuum non consideratur in constitutione aspectuum. At consideratur in constitutione sectionis harmonicæ. Non igitur coherent inter se, sectio chordæ harmonica, quæ Residuo utitur, & sectio Zodiaci efficax, quæ non utitur. Et sic profliga. Folio 186 inseratur etiam schema ex arc. Fol. 193 in tabella, Saturnus 10719. Fol. 195. in primo tabella pro Saturni lege Mercurij Aphel: 470. Fol. 198. in tabella, dele diurni steratium. & a

c i. d s.

quæ literas initiales scribe has Cyphras ————— delectis quas invenis: item, Petihelius 38. x. f 8. c 24.

Fol. 204 post primum Diagramma lin: 6. lege, nec multo est gravior aphelium Martis Fol: 211 in tabella ad sinistram è regione d h g d supremorum deest signum Φ . Fol: 214 lin: 3. tenfiohis. Fol: 217 lin: 19. lege 7100. 7950. Fol: 223, lin: 31 potestate. Fol. 226 lege XXIX Prop. Fol: 233 Propositi (XLII. lege 54. 125. Fol: 234 lege Prop. XLIV. & in custode, XLV. Prop: Fol: 238. in margine politia.

Reliqua menda quæ in nonnullis exemplaribus occurrent, lector seipso facillè corrigeret.

EMENDANDA IN OPERE

[The following text is mirrored bleed-through from the reverse side of the page and is largely illegible due to fading and the quality of the scan. It appears to be a list or index of items.]

[Faint text at the bottom of the page, likely bleed-through from the reverse side.]



